

## 1 Ładunek

$$q = n \cdot e$$

$n$  - liczba ładunków elementarnych,  $e = 1.6 \cdot 10^{-19} C$

## 2 Prawo Coulomba

$$\vec{F}_E = k \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2} \cdot \vec{r}$$

gdzie  $k$  to stała elektrostatyczna ( $\frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ ,  $\epsilon_0 \approx 8.854 \cdot 10^{-12} \frac{E}{m}$ ) a  $q$  to ładunki.  $\vec{r}$  to wektor jednostkowy, więc w sytuacjach gdzie nas zwrot nie interesuje, możemy pominąć  $\vec{r}$  i użyć tylko wartości bezwzględnej.

Dla dipola o ładunkach  $q$  i  $-q$  w odległości  $d$ , moment dipolowy  $p$  jest równy:

$$p = q \cdot d$$

## 3 Pole elektryczne

$$\vec{E}(r) = k \cdot \frac{|q|}{r^2} \cdot \vec{r}$$

Gdzie  $r$  to odległość od ładunku, a  $q$  to ładunek, tworzący pole elektryczne.

$$\vec{F}_E = q \cdot \vec{E}(r)$$

## 4 Prawo Gaussa

$$\frac{Q}{\epsilon_0} = \oint_S E \cdot dS = \frac{1}{\epsilon_0} \int_V \rho(r) dr$$

Całka po zamkniętej powierzchni  $S$  (gaussowskiej) z pola elektrycznego  $E$  jest równa całce po gęstości ładunku  $\rho$  w objętości  $V$  podzielonej przez  $\epsilon_0$ .

Typowo podczas rozwiązywania zadań, znajdujemy infinitesimalnie małą jednostkę ciała  $dS$  i całkujemy po powierzchni  $S$  aby znaleźć całkowite pole elektryczne.

Ładunek na skutek nieskończonej linii naładowanej równomiernie ładunkiem  $\lambda$  jest równy:

$$E(r) = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r}$$

Ładunek na skutek nieskończonej płaszczyzny naładowanej równomiernie ładunkiem  $\sigma$  jest równy:

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

Ładunek na skutek nieskończonej kuli naładowanej równomiernie ładunkiem  $\sigma$  jest równy:

$$E(r) = \frac{\sigma R^2}{\epsilon_0 r^2}$$

## 5 Potencjał elektryczny

$$E = -\nabla V$$

czyli pole elektryczne jest równe gradientowi potencjału elektrycznego.  $V(r) = k \frac{q}{r}$

$$F_E = qE = -q\nabla V = -\nabla U$$

$U$  to energia potencjalna, a  $V$  to potencjał elektryczny.

$$U = qV = k \frac{q_1 q_2}{r}$$

## 6 Kondensatory

$$C = \frac{Q}{U} = \frac{S \cdot \epsilon_0}{d}$$

gdzie  $C$  to pojemność kondensatora,  $Q$  to ładunek na kondensatorze, a  $U$  to napięcie na kondensatorze. Dla kondensatora płaskiego  $S$  to powierzchnia płytki, a  $d$  to odległość między nimi. Kondensatory połączone równolegle mają pojemności sumowane:

$$C_{eq} = C_1 + C_2 + \dots$$

Kondensatory połączone szeregowo mają pojemności odwrotne:

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots$$

Energia zgromadzona w kondensatorze:

$$W = \int_0^Q \frac{Q}{C} dQ = \frac{Q^2}{2C} = \frac{1}{2} CV^2$$

## 7 Opór elektryczny

$$I = \frac{Q}{t} = \frac{U}{R} = \frac{P}{U}$$

$R$  to opór elektryczny,  $U$  to napięcie,  $I$  to natężenie prądu,  $Q$  to ładunek a  $P$  to moc.

## 8 Siła Lorentza

$$F = q \cdot (E + v \times B)$$

gdzie  $F$  to siła Lorentza,  $q$  to ładunek,  $E$  to pole elektryczne,  $v$  to prędkość ładunku, a  $B$  to pole magnetyczne.

$$F = q \cdot v \cdot B \cdot \sin(\alpha) = q \cdot v \cdot B = \frac{\mu_0 I q v}{2\pi a}$$

## 9 Pole magnetyczne

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

dla cewki o promieniu  $r$  i prądzie  $I$ .

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R}$$

dla nieskończonej linii naładowanej równomiernie ładunkiem  $I$ .

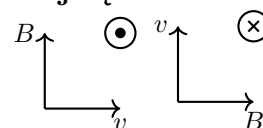
## 10 SEM

$$\text{SEM} = \mathcal{E} = -N \frac{d\Phi}{dt} = Blv$$

gdzie SEM to siła elektromagnetyczna,  $N$  to liczba zwojów, a  $\Phi$  to strumień magnetyczny.

$$\Phi = BS \cos(\alpha)$$

## 11 Zasada prawej ręki



## 12 Równania Maxwella

$$\oint_{S=\partial V} E \cdot dS = \frac{q_{enc}}{\epsilon_0} = \frac{1}{\epsilon_0} \int_V \rho(r) dr$$

$$\oint_{C=\partial S} B \cdot dr = \mu_0 I_{enc} = \mu_0 \int_S J dS$$