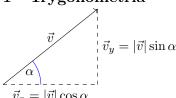
### Trygonometria



# Ładunek

$$\vec{v}$$
  $|\vec{v}_y| = |\vec{v}| \sin \alpha$ 

n - liczba ładunków elementarnych,  $e = 1.6 \cdot 10^{-19} C$ 

Prawo Coulomba
$$ec{F_E} = k \cdot rac{q_1 \cdot q_2}{r^2} \cdot ec{r}$$

gdzie k to stała elektrostatyczna $(\frac{1}{4\pi\epsilon_0},\,\epsilon_0\approx 8.854\cdot 10^{-12}\frac{E}{m})$  a q to ładunki.  $\vec{r}$  to wektor jednostkowy  $(|\vec{r}|=1)$ . Dla dipola o ładunkach q i -q w odległości d, moment dipolowy p jest równy:  $p = q \cdot d$ 

# Pole elektryczne

$$\vec{E}(r) = k \cdot \frac{|q|}{r^2} \cdot \vec{r}$$

Gdzie r to odległość od ładunku, a q to ładunek, tworzący pole elektryczne.

$$\vec{F_E} = q \cdot \vec{E}(r)$$

#### Prawo Gaussa 5

$$\frac{Q}{\epsilon_0} = \oint_S E \cdot dS = \frac{1}{\epsilon_0} \int_V \rho(r) dr$$

Typowo podczas rozwiązywania zadań, znajdujemy infitisemalnie małą jednostkę ciała dS i całkujemy po powierzchni S aby znaleźć całkowite pole elektryczne.

Dla linii Dla  $\infty$  płaszczyzny Dla kuli o promie- $\infty$ naładowanej naładowanej niu R naładowanej równomiernie równomiernie równomiernie  ${\it ladunkiem}$  $\lambda$  ładunkiem  $\sigma$  ładunkiem mamy: mamy: mamy:

 $E(r) = \frac{\sigma R^2}{\epsilon_0 r^2}$  $E(r) = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \qquad \qquad E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$ 

# Potencjał elektryczny

$$E = -\nabla V$$

czyli pole elektryczne jest równe gradientowi potencjału elektrycznego.  $V(r) = k \frac{q}{r}$ 

$$F_E = qE = -q\nabla V = -\nabla U$$

U to energia potencjalna, a V to potencjał elektryczny.

$$U = qV = k \frac{q_1 q_2}{r}$$

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2 = qV$$

### Kondensatory

$$C = \frac{Q}{U} = \frac{S \cdot \epsilon_0}{d}$$

gdzie C to pojemność kondensatora, Q to ładunek na kondensatorze, a U to napiecie na kondensatorze. Dla kondensatora

płaskiego S to powierzchnia płytki, a d to odległość między nimi. Kondensatory połaczone równolegle mają pojemności sumowane:

$$C_{eq} = C_1 + C_2 + \dots$$

Kondensatory połączone szeregowo mają pojemności odwrotne:

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots$$

Energia zgromadzona w kondensatorze:

$$W = \int_{0}^{Q} \frac{Q}{C} dQ = \frac{Q^2}{2C} = \frac{1}{2}CV^2$$

## Opór elektryczny

$$I = \frac{Q}{t} = \frac{U}{R} = \frac{P}{U}$$

R to opór elektryczny, U to napięcie, I to natężenie prądu, Q to ładunek a P to moc. W kablu o długości l i przekroju S, opór elektryczny jest równy  $R = \rho \frac{l}{S}$ , gdzie  $\rho$  to oporność elektryczna materiału.

#### Siła Lorentza

$$F = q \cdot (E + v \times B)$$

gdzie F to siła Lorentza, q to ładunek, E to pole elektryczne, v to predkość ładunku, a B to pole magnetyczne.

$$F = q \cdot v \cdot B \cdot \sin(\alpha) = q \cdot v \cdot B = IlB \cdot \sin(\alpha)$$

gdzie I to prąd w przewodniku, a  $\alpha$  to kat między wektorem prędkości a polem magnetycznym. Ostatni wzór dotyczy przewodnika o długości l w polu magnetycznym.

### 10 Pole magnetyczne

 $\sigma \quad B = \frac{\mu_0 I}{2R}$ w środku kołowej pętli o promieniu Rz prądem I. $B(R) = \frac{\mu_0 I}{2\pi R}$  dla nieskończonej linii naładowanej równomiernie ładunkiem I.

$$\oint_C B \cdot dl = \mu_0 I$$

Dla ruchu po okręgu ładunku w polu magnetycznym, mamy:

$$qvB\sin(\alpha) = \frac{mv^2}{r}, \omega = 2\pi f$$

#### SEM 11

$$\mathcal{E} = -N\frac{d\Phi}{dt} = Blv$$

SEM to siła elektromagnetyczna, N to liczba zwojów, a  $\Phi$  to strumień magnetyczny.

$$\Phi = BS\cos(\alpha)$$

#### 12 Zasada prawej ręki

