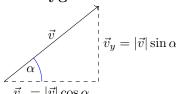
Trygonometria



Ładunek

$$\vec{v}$$

$$|\vec{v}_y| = |\vec{v}| \sin \alpha$$

n - liczba ładunków elementarnych, $e = 1.6 \cdot 10^{-19} C$

Prawo Coulomba

$$ec{F_E} = k \cdot rac{q_1 \cdot q_2}{r^2} \cdot ec{r}$$

gdzie k to stała elektrostatyczna $(\frac{1}{4\pi\epsilon_0},\,\epsilon_0\approx 8.854\cdot 10^{-12}\frac{E}{m})$ a q to ładunki. \vec{r} to wektor jednostkowy $(|\vec{r}|=1)$. Dla dipola o ładunkach q i -q w odległości d, moment dipolowy p jest równy:

$$p = q \cdot d$$

Pole elektryczne

$$\vec{E}(r) = k \cdot \frac{|q|}{r^2} \cdot \vec{r}$$

Gdzie r to odległość od ładunku, a q to ładunek, tworzący pole elektryczne.

$$\vec{F_E} = q \cdot \vec{E}(r)$$

Prawo Gaussa

$$\frac{Q}{\epsilon_0} = \oint_S E \cdot dS = \frac{1}{\epsilon_0} \int_V \rho(r) dr$$

Typowo podczas rozwiązywania zadań, znajdujemy infitisemalnie mała jednostkę ciała dS i całkujemy po powierzchni S aby znaleźć całkowite pole elektryczne.

Na skutek nieskończonej linii naładowanej równomiernie ładunkiem λ mamy:

$$E(r) = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r}$$

skutek nieskończonej płaszczyzny naładowanej równomiernie ładunkiem σ mamy:

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

Na skutek kuli o promieniu R naładowanej równomiernie ładunkiem σ mamy:

$$E(r) = \frac{\sigma R^2}{\epsilon_0 r^2}$$

Potencjał elektryczny

$$E = -\nabla V$$

czyli pole elektryczne jest równe gradientowi potencjału elektrycznego. $V(r) = k \frac{q}{r}$

$$F_E = qE = -q\nabla V = -\nabla U$$

U to energia potencjalna, a V to potencjał elektryczny.

$$U = qV = k \frac{q_1 q_2}{r}$$

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2 = qV$$

Kondensatory

$$C = \frac{Q}{U} = \frac{S \cdot \epsilon_0}{d}$$

gdzie C to pojemność kondensatora, Q to ładunek na kondensatorze, a U to napiecie na kondensatorze. Dla kondensatora płaskiego S to powierzchnia płytki, a d to odległość między nimi. Kondensatory połączone równolegle mają pojemności sumowane:

$$C_{eq} = C_1 + C_2 + \dots$$

Kondensatory połączone szeregowo mają pojemności odwrotne:

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots$$

Energia zgromadzona w kondensatorze:

$$W = \int_{0}^{Q} \frac{Q}{C} dQ = \frac{Q^2}{2C} = \frac{1}{2}CV^2$$

Opór elektryczny

$$I = \frac{Q}{t} = \frac{U}{R} = \frac{P}{U}$$

R to opór elektryczny, U to napięcie, I to natężenie pradu, Q to ładunek a P to moc. W kablu o długości l i przekroju S, opór elektryczny jest równy $R = \rho \frac{l}{S}$, gdzie ρ to oporność elektryczna materiału.

Siła Lorentza

$$F = q \cdot (E + v \times B)$$

gdzie F to siła Lorentza, q to ładunek, E to pole elektryczne, v to predkość ładunku, a B to pole magnetyczne.

$$F = q \cdot v \cdot B \cdot \sin(\alpha) = q \cdot v \cdot B = IlB \cdot \sin(\alpha)$$

gdzie I to prąd w przewodniku, a α to kąt między wektorem predkości a polem magnetycznym. Ostatni wzór dotyczy przewodnika o długości l w polu magnetycznym.

10 Pole magnetyczne

 $B=\frac{\mu_0I}{2R}$ w środku kołowej pętli o promieniu R z prądem I. $B(R)=\frac{\mu_0I}{2\pi R}$ dla nieskończonej linii naładowanej równomiernie ładunkiem I.

$$\oint_C B \cdot dl = \mu_0 I$$

SEM 11

$$\mathcal{E} = -N\frac{d\Phi}{dt} = Blv$$

SEM to siła elektromagnetyczna, N to liczba zwojów, a Φ to strumień magnetyczny.

$$\Phi = BS\cos(\alpha)$$

12 Zasada prawej ręki

