Симметрии

- 1 Можно ли так согнуть листок бумаги (листок не обязательно прямоугольной формы), чтобы одним разрезом вырезать в нём квадратную дырку?
- 2 Существует ли фигура на плоскости, имеющая среди своих осей симметрии две параллельные не совпадающие прямые?
- 3 Верно ли следующее утверждение: "Если четырёхугольник имеет ось симметрии, то это либо равнобедренная трапеция, либо прямоугольник, либо ромб"?
- [5] На стороне BC треугольника ABC выбрали точки P и Q такие, что BA = BP и CA = CQ. Точка I точка пересечения биссектрис треугольника ABC. Докажите, что треугольник IPQ равнобедренный.
- [6] В треугольнике ABC угол A равен 60° . Серединный перпендикуляр к отрезку AB пересекает прямую AC в точке B_1 . Серединный перпендикуляр к отрезку AC пересекает прямую AB в точке C_1 . Докажите, что расстояния от точки пересечения биссектрис треугольника ABC до прямых BC и B_1C_1 равны.
- [7] Биссектрисы треугольника ABC пересекаются в точке I, $\angle ABC = 120^\circ$. На продолжениях сторон AB и CB за точку B отмечены точки P и Q соответственно так, что AP = CQ = AC. Докажите, что угол PIQ прямой.
- 8 В равнобедренном треугольнике ABC угол при основании BC равен 80° . На боковых сторонах AB и AC выбраны точки D и E соответственно, причём $\angle BCD = 50^\circ$, $\angle CBE = 40^\circ$. Найдите угол между прямыми DE и BC.
- [9] В треугольнике ABC угол A равен 60° . На лучах BA и CA отложены отрезки BX и CY, равные стороне BC. Докажите, что прямая XY проходит через точку пересечения биссектрис треугольника ABC.
- 10 На стороне AC треугольника ABC выбрали точки K и L так, что L середина отрезка AK, BK биссектриса угла LBC и BC = 2BL. Докажите, что $\angle ACB = \angle ABL$.
- 11 Дан треугольник ABC. M середина стороны BC, а P проекция вершины B на серединный перпендикуляр к AC. Прямая PM пересекает сторону AB в точке Q. Докажите, что треугольник QBP равнобедренный.