Оценка+пример

 $\it 3adaua:$ Какое наибольшее число трёхклеточных уголков можно вырезать из клетчатого квадрата 8×8 ?

Peшение: В квадрате 8=64 клетки. Поэтому вырезать 22 и более уголков не получится: ведь тогда суммарное число клеток в них будет не меньше $22 \cdot 3 = 66$. Значит, число уголков не больше 21 (ouenka). Вырезать 21 уголок можно - npumep 1. Следовательно, наибольшее возможное количество уголков равно 21.

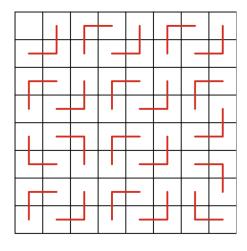


Рис. 1: Пример

Логика рассуждения ясна: мы показали, что количество уголков не превосходит числа $21 \ (ouenka)$ и иногда ему равно (npumep). Значит, 21 и есть максимум числа уголков.

- 1 Какое наименьшее число ладей могут побить всю шахматную доску?
- [2] Найдите наименьшее натуральное число кратное 5, сумма цифр которого равна 25.
- $\boxed{3}$ Какое наибольшее число трёхклеточных уголков можно вырезать из клетчатого прямоугольника $5 \times 7?$
- [4] У вас есть три котлеты и две сковороды. Каждая сторона котлеты жарится одну минуту. На одну сковороду одновременно помещается лишь одна котлета. За какое наименьшее время можно пожарить все котлеты с обеих сторон?
- Б Найдите наибольшее натуральное число, которое невозможно представить в виде суммы двух составных чисел.
- <u>б</u> Каково наименьшее натуральное n такое, что n! делится на 18, на 19, на 20 и на 21?
- [7] Какое наименьшее число клеточек на доске 8×8 можно закрасить в чёрный цвет так, чтобы была хотя бы одна закрашенная клетка:
 - а) в любом квадратике 2×2 ?

- б) в любом уголке из трёх клеточек?
- 8 Сложите квадрат из наименьшего возможного количества трёхклеточных уголков.
- [9] Белоснежка вошла в комнату, где вокруг круглого стола стояло 30 стульев. На некоторых из стульев сидели гномы. Оказалось, что Белоснежка не может сесть так, чтобы рядом с ней никто не сидел. Какое наименьшее число гномов могло быть за столом?
- 10 48 кузнецов должны подковать 60 лошадей. Какое наименьшее время они затратят на работу, если каждый кузнец тратит на одну подкову пять минут? (Лошадь не может стоять на двух ногах.)
- 11 Какое наименьшее количество трехклеточных уголков можно разместить в квадрате 8 × 8 так, чтобы в этот квадрат больше нельзя было поместить ни одного такого уголка?
- 12 Поле представляет собой клетчатый квадрат 41 × 41, в одной из клеток которого замаскирован танк. Истребитель за один выстрел обстреливает одну клетку. Если произошло попадание, танк переползает на соседнюю по стороне клетку поля, если нет остаётся на месте. При этом после выстрела пилот истребителя не знает, про-изошло ли попадание. Для уничтожения танка надо попасть в него два раза. Каким наименьшим числом выстрелов можно обойтись для того, чтобы гарантировать, что танк уничтожен?