8 класс

Первый день

- 8.1~При каком наибольшем n существует выпуклый n-угольник, у которого длины диагоналей принимают не больше двух различных значений?
- 8.2 Числа 1, 2, ..., 1000 разбили на два множества по 500 чисел: красные $k_1, k_2, ..., k_{500}$ и синие $s_1, s_2, ..., s_{500}$. Докажите, что количество таких пар m и n, у которых разность $k_m s_n$ дает остаток 7 при делении на 100, равно количеству таких пар m и n, у которых разность $s_n k_m$ дает остаток 7 при делении на 100. Здесь рассматриваются все возможные разности, в том числе и отрицательные. Напомним, что остатком от деления целого числа a на 100 называется разность между числом a и ближайшим числом, не большим a и делящимся на 100. Например, остаток от деления числа 2022 на 100 равен 2022 2000 = 22, а остаток от деления числа -11 на 100 равен -11 (-100) = 89.
- 8.3 В треугольнике ABC проведены биссектрисы BK и CL. На отрезке BK отмечена точка N так, что $LN \parallel AC$. Оказалось, что NK = LN. Найдите величину угла ABC.
- 8.4 Учитель придумал ребус, заменив в примере a+b=c на сложение двух натуральных чисел цифры буквами: одинаковые цифры одинаковыми буквами, а разные разными (например, если a=23, b=528, то c=551, и получился, с точностью до выбора букв, ребус $AB+BA\Gamma=BBД$). Оказалось, что по получившемуся ребусу однозначно восстанавливается исходный пример. Найдите наименьшее возможное значение суммы c.
- 8.5 Можно ли без остатка разрезать клетчатый квадрат размером 8×8 клеточек на 10 клетчатых прямоугольников, чтобы все прямоугольники имели различные площади? Все разрезы должны проходить по границам клеточек.