Оценка+пример

 $\it 3adaua$: Какое наибольшее число трёхклеточных уголков можно вырезать из клетчатого квадрата 8×8 ?

Peшение: В квадрате 8=64 клетки. Поэтому вырезать 22 и более уголков не получится: ведь тогда суммарное число клеток в них будет не меньше 22*3=66. Значит, число уголков не больше 21 (ouenka). Вырезать 21 уголок можно - npumep будет на доске. Следовательно, наибольшее возможное количество уголков равно 21.

Логика рассуждения ясна: мы показали, что количество уголков не превосходит числа $21 \ (ouenka)$ и иногда ему равно (npumep). Значит, 21 и есть максимум числа уголков.

- 1 Какое наименьшее число ладей могут побить всю шахматную доску?
- [2] Найдите наименьшее натуральное число кратное 5, сумма цифр которого равна 25.
- $\boxed{3}$ Какое наибольшее число трёхклеточных уголков можно вырезать из клетчатого прямоугольника 5×7 ?
- 4 У вас есть три котлеты и две сковороды. Каждая сторона котлеты жарится одну минуту. На одну сковороду одновременно помещается лишь одна котлета. За какое наименьшее время можно пожарить все котлеты с обеих сторон?
- [5] Найдите наибольшее натуральное число, которое невозможно представить в виде суммы двух составных чисел.
- [6] Каково наименьшее натуральное n такое, что n! делится на 18, на 19, на 20 и на 21?
- [7] Какое наименьшее число клеточек на доске 8×8 можно закрасить в чёрный цвет так, чтобы была хотя бы однf закрашенная клетка:
 - а) в любом квадратике 2×2 ?
 - б) в любом уголке из трёх клеточек?
- 8 Сложите квадрат из наименьшего возможного количества трёхклеточных уголков.
- [9] Белоснежка вошла в комнату, где вокруг круглого стола стояло 30 стульев. На некоторых из стульев сидели гномы. Оказалось, что Белоснежка не может сесть так, чтобы рядом с ней никто не сидел. Какое наименьшее число гномов могло быть за столом?
- 10 48 кузнецов должны подковать 60 лошадей. Какое наименьшее время они затратят на работу, если каждый кузнец тратит на одну подкову пять минут? (Лошадь не может стоять на двух ногах.)
- [11] Какое наименьшее количество трехклеточных уголков можно разместить в квадрате 8×8 так, чтобы в этот квадрат больше нельзя было поместить ни одного такого уголка?

12 Поле представляет собой клетчатый квадрат 41×41, в одной из клеток которого замаскирован танк. Истребитель за один выстрел обстреливает одну клетку. Если произошло попадание, танк переползает на соседнюю по стороне клетку поля, если нет – остаётся на месте. При этом после выстрела пилот истребителя не знает, произошло ли попадание. Для уничтожения танка надо попасть в него два раза. Каким наименьшим числом выстрелов можно обойтись для того, чтобы гарантировать, что танк уничтожен?