

# 1

## Développement des mocks

---

Dans ce chapitre, nous présentons la construction des *mocks* : des spectres de quasars simulés, dont les forêts Ly $\alpha$  sont corrélées entre elles et avec le champ de quasars sous-jacent. Ces mocks visent à reproduire les données d'eBOSS et de DESI. Ils sont nommés **SaclayMocks** et présentés dans ?. Le code est écrit en Python<sup>1</sup> et se trouve en accès libre sur GitHub<sup>2</sup>. L'utilisation de ces mocks et leur validation seront présentés dans les chapitres suivants.

## 1 Objectifs des mocks

Contrairement à ce qu'on appelle les simulations, les mocks ne contiennent pas de physique à proprement parler : ils ne sont pas utilisés afin de déduire des paramètres astrophysiques. Certaines simulations, les simulations hydrodynamiques, permettent de mesurer des effets astrophysiques, comme par exemple le biais de l'hydrogène ou du Ly $\alpha$ . Mais ces simulations sont très couteuses car elles nécessitent de modéliser les effets physiques qui affectent les paramètres mesurés. Les mocks, quant à eux, sont conçus afin de répliquer rapidement un jeu de données, dans le but de tester l'analyse qui sera appliquée sur ces données. Les mocks sont donc utilisés afin

- de vérifier la mesure des paramètres  $\alpha_{\parallel}$ ,  $\alpha_{\perp}$  : cette mesure est-elle non biaisée ?
- d'identifier les potentielles systématiques : la présence de métaux et d'HCD dans les données est-elle bien modélisée ? Affecte-t-elle la mesure de  $\alpha_{\parallel}$ ,  $\alpha_{\perp}$  ?
- de tester la matrice de distorsion : la distorsion de la fonction de corrélation due à l'ajustement du continuum du quasar est-elle correctement prise en compte par la matrice de distorsion ?
- de vérifier l'estimation de la matrice de covariance : la matrice de covariance, calculée à partir des données, est-elle bien estimée ?

La production et l'analyse d'un grand nombre de mocks permet de répondre précisément à ces questions. Ces mocks sont donc nécessaires pour pouvoir valider l'analyse menée sur les données.

Les mocks décrits dans ce manuscrit s'inscrivent dans les projets eBOSS et DESI. Ils sont utilisés dans l'analyse Ly $\alpha$  des données complète d'eBOSS (?), et seront utilisés dans l'analyse Ly $\alpha$  de DESI. L'objectif de ces mocks est donc de répliquer au mieux les données Ly $\alpha$  d'eBOSS et de DESI. Ces relevés couvrent un volume de plusieurs dizaines de Gpc<sup>3</sup>, et les échelles sondées grâce au Ly $\alpha$  descendant jusqu'à la centaine de kpc. Les mocks nécessitent donc de reproduire un volume immense, avec une bonne résolution. Les simulations dites *N-corps* sont des simulations qui traitent le problème à N corps. Elles sont initialisées à un redshift élevé ( $z > 100$ ), avec une distribution de matière noire représentée par des macro-particules. **Actuellement, les simulations les plus performantes utilisent environ (10000)<sup>3</sup> macro-particules. La masse de ces particules dépend du volume simulé.** Par exemple, la simulation Outer Rim (Heitmann et al., 2019) simule un volume d'environ (4Gpc)<sup>3</sup>, et les particules possèdent une masse  $\sim 10^9 M_{\odot}$ . Puis, à chaque pas de temps, ces macro-particules sont déplacées en considérant uniquement les interactions gravitationnelles. Le champ de matière initial évolue ainsi jusqu'à  $z = 0$ . Ces simulations sont très utiles pour étudier les effets de la gravité à grande échelle. Cependant elles ne sont pas adaptées à notre utilisation : afin d'avoir la résolution et le volume requis, la simulation nécessiterait beaucoup trop de macro-particules pour être réalisable dans un temps raisonnable.

Les simulations hydrodynamiques fonctionnent de la même manière que les simulations N-corps. Elles incluent, en plus des macro-particules de matière noire, la physique baryonique présente dans le milieu galactique. Les baryons sont aussi représentés par des macro-particules. Afin de résoudre l'intérieur des galaxies, les macro-particules utilisées possèdent une masse plus faible que dans le cas

---

1. <https://www.python.org/>

2. <https://github.com/igmhub/SaclayMocks>

des simulations N-corps. En contrepartie, le volume simulé est plus petit. Dans le cas des simulations hydrodynamiques, la densité, la pression et la température sont tracées dans chaque cellule. Certains effets astrophysiques, comme les supernovae ou les AGN peuvent aussi être présents. Ces simulations nécessitent encore plus de temps de calcul que les simulations à N-corps. Elles ne sont donc pas non plus adaptées à notre utilisation.

Ainsi, seuls les *champs aléatoires gaussiens* (GRF pour Gaussian Random Field) permettent de générer un grand volume avec une bonne résolution. Ce sont des champs qui en chaque point prennent une valeur aléatoire selon une statistique gaussienne. Une fois générés, il est possible de donner à ces champs n'importe quelle fonction de corrélation, en utilisant la transformation de Fourier. Ces champs sont utilisés notamment dans les simulations à N-corps, afin de fournir les conditions Cependant, l'utilisation des GRF ne donne pas accès aux non linéarités qui peuvent émerger dans l'évolution des simulations N-corps et hydrodynamiques. La seule information provient de la fonction de corrélation que l'on applique au GRF. Mais cela est entièrement suffisant pour l'utilisation que nous en avons dans ce manuscrit : nous générerons un champ gaussien destiné à simuler le champ d'absorption Ly $\alpha$  et le champ de quasars, dont les fonctions d'auto corrélation et de corrélation croisée sont choisies afin de correspondre à ce qui est observé dans les données.

## 2 Construction des mocks

Dans cette section, nous détaillons comment les mocks sont générés. Nous présentons d'abord la génération des champs de densité, puis comment les quasars sont tirés à partir de ces champs de densité. Nous expliquons ensuite comment nous calculons la densité le long de la ligne de visée de chaque quasar. Enfin, nous présentons comment cette densité est transformée en fraction de flux transmis, et comment nous tirons les HCD.

### 2.1 Les champs de densité

La première étape dans la création des mocks est de générer les boîtes qui contiennent le champ de densité  $\delta$ . D'abord, un GRF est généré dans une boîte de  $2560 \times 2560 \times 1536$  voxels, chaque voxel faisant  $d_{cell}^3 = (2,19 h^{-1} \text{ Mpc})^3$ . Afin que le champ  $\delta$  possède la bonne fonction de corrélation, une transformation de Fourier 3D<sup>1</sup> est appliquée sur la boîte, puis la boîte  $\delta_k$  ainsi obtenue est multipliée par

$$\sqrt{\frac{P(k)}{d_{cell}^3}}, \quad (1.1)$$

où  $P(k)$  est le spectre de puissance désiré. Il est ensuite possible d'obtenir la boîte  $\delta$  dans l'espace réel grâce à une transformation de Fourier inverse de la boîte  $\delta_k$ . Ce procédé garanti que le champ  $\delta$  suive le spectre de puissance  $P(k)$ . Le GRF pourrait être tiré directement dans l'espace  $k$ . Dans ce cas, il nous faut tirer deux champs gaussiens : un pour la partie réelle, et un autre pour la partie imaginaire. La transformation de Fourier prenant moins de temps que la génération du champ aléatoire, nous préférons générer le champ dans l'espace réel plutôt que dans l'espace  $k$ . Dans la suite nous décrivons les différentes boîtes nécessaires à la construction des mocks : les boîtes champs utilisées pour tirer les quasars, la boîte utilisée pour créer l'absorption Ly $\alpha$ , ainsi que les boîtes de vitesse et de gradient de vitesse. Afin de garantir leur corrélation, toutes ces boîtes sont construites à partir de la même boîte initial  $\delta_k$ .

---

1. Nous utilisons la librairie pyFFTW (<https://github.com/pyFFTW/pyFFTW>), une adaptation python de la librairie FFTW (<http://www.fftw.org/>).

## Les quasars

Afin de construire un relevé de quasars corrélés, nous tirons les quasars selon le champ dans l'espace réel  $\delta_{\text{QSO}}$ , construit à partir de  $\delta_k$ . Une première solution serait de tirer les quasars dans les voxels dont le champ  $\delta_{\text{QSO}}$  est supérieur à un certain seuil. Cette solution produit une fonction de corrélation correcte aux grandes échelles, mais pas aux petites. En effet, comme montré dans ?, les objets tirés aux endroits où la densité est supérieure à un certain seuil suivent la fonction de corrélation de la densité sous-jacente, avec un biais qui dépend du seuil choisi, si et seulement si la fonction de corrélation est petite devant 1. La fonction de corrélation ainsi obtenue est correcte, sauf pour les petites échelles pour lesquelles la fonction de corrélation est importante. Une solution alternative consiste à considérer que les quasars suivent une distribution log-normale. Ceci permet d'obtenir une meilleure corrélation aux petites échelles. Ce choix est souvent fait pour simuler des relevés de galaxies (Agrawal et al., 2017), et est en accord avec ce qui est observé dans les données (Clerkin et al., 2016). **Nous optons donc pour cette seconde solution. Ainsi, les quasars sont tirés dans chaque voxel avec une probabilité**

$$P \propto e^{\delta_q}, \quad (1.2)$$

où  $\delta_q$  est le champ de densité dans le voxel considéré. Comme montré par Coles and Jones (1991), afin que les quasars suivent la fonction de corrélation  $\xi(r)$ , le champ  $\delta_q$  doit suivre la fonction de corrélation

$$\xi_q(r) = \ln(1 + \xi(r)). \quad (1.3)$$

Nous verrons section 2.2 que, de manière à obtenir un relevé synthétique de quasars dont le biais dépend de  $z$ , nous utilisons trois boîtes qui suivent des distributions log-normales, à des redshifts différents. La probabilité pour tirer les quasars dépend de l'interpolation entre ces 3 boîtes. Pour chacune des boîtes, nous partons du spectre de puissance de la matière  $P_{\text{matière}}(k)$  à  $z = 0$ , fourni par Camb (Lewis et al., 1999). Nous multiplions ensuite ce spectre de puissance par  $(b_{\text{QSO}}(z_i)G(z_i))^2$ , où  $i \in [1; 2; 3]$ . A l'aide de la transformation de Fourier, nous calculons la fonction de corrélation  $\xi_i(r)$ . Puis, nous déterminons le spectre de puissance  $P_{\text{QSO},i}(k)$ , à appliquer à la boîte  $\delta_k$ , comme la transformée de Fourier de  $\xi_{\text{QSO},i}(r) = \ln(1 + \xi_i(r))$  (équation ??). Une fois les trois spectres de puissances  $P_{\text{QSO},i}(k)$  obtenus, nous construisons 3 boîtes

$$\delta_{k,i}(k) = \delta_k(k) \sqrt{\frac{P_{\text{QSO},i}(k)}{V_{\text{cell}}}}, \quad (1.4)$$

où  $\delta_k$  est le GRF dans l'espace de Fourier. Une fois ces 3 boîtes construites, nous appliquons à chacune d'entre elle une transformation de Fourier inverse afin d'obtenir les boîtes  $\delta_{\text{QSO},i}$ . Ces boîtes seront interpolées en  $z$ , puis les quasars seront ensuite tirés avec une probabilité  $\propto \exp(\delta_{\text{QSO}}(z))$ , où  $\delta_{\text{QSO}}$  est la boîte interpolée. Nous expliquons cette étape dans la section 2.2.

## Le champ Ly $\alpha$

Afin de construire le champ d'absorption Ly $\alpha$ , nous avons besoin du champ de densité de l'hydrogène neutre. Comme expliqué dans la section ??, la fraction de flux transmis  $F$  est reliée à la profondeur optique  $\tau$  par

$$F = \exp(-\tau). \quad \text{\color{red} \exp}$$
 (1.5)

De plus, la formule FGPA (Fluctuating Gunn Peterson Approximation) permet de relier la profondeur optique  $\tau$  au contraste de densité  $\delta$  à  $z = 0$  :

$$\tau(z) = a(z) e^{b(z) G(z) \delta} \quad \text{\color{red} exp(...)} \quad (1.6)$$

Les paramètres  $a$  et  $b$  sont des paramètres à ajuster afin d'obtenir le bon biais du Ly $\alpha$  et la bonne transmission moyenne  $\bar{F}$ . Leur détermination est décrite dans la section 4. Le facteur de croissance  $G$

prend en compte l'évolution avec le redshift du champ de densité  $\delta$ . Ainsi il nous suffit de construire un GRF qui suit la fonction de corrélation à  $z = 0$  pour simuler le champ d'absorption du Ly $\alpha$ . Pour ce faire, nous partons de la même boîte  $\delta_k$  utilisée pour construire les 3 boîtes log-normales des quasars. Ceci garanti la corrélation croisée entre les quasars et le champ d'absorption Ly $\alpha$ . Le spectre de puissance de la matière  $P_{matière}(k)$  à  $z = 0$  est ensuite appliqué à la boîte  $\delta_k$ . Enfin, nous obtenons la boîte de densité  $\delta_{matière}$  à  $z = 0$  qui servira au calcul du champ d'absorption du Ly $\alpha$  en effectuant la transformée de Fourier de la boîte

$$\delta_{k,matière}(\vec{k}) = \delta_k(\vec{k}) \sqrt{\frac{P_{matière}(\vec{k})}{V_{cell}}}. \quad (1.7)$$

### Les champs des vitesses

Afin d'inclure les RSD dans nos mocks, nous simulons aussi le champ des vitesses. A l'ordre linéaire, le champ des vitesses  $v_{k,n}$  dans l'espace  $k$  selon la direction  $\vec{u}_n$ , avec  $n \in [x;Y;Z]$ , est relié au champ de densité  $\delta_k$  par la relation (voir équation 9.18 et 9.20 de Dodelson (2003))

? rajouter la formule avec dG/dz qui sera utile pour 1.24 ?

$$v_{k,n}(\vec{k}) = \frac{ik_n}{k^2} aH f \delta_k(\vec{k}). \quad (1.8)$$

**En théorie linéaire, les traceurs sont considérés avoir la même vitesse que le champ de matière sous-jacent. Autrement dit, le champ de vitesse des traceurs est non biaisé. Nous adoptons ici cette hypothèse.** En ce qui concerne les quasars, nous simulons les RSD en déplaçant chaque quasar proportionnellement à sa vitesse le long de la ligne de visée (équation ??). Dans ce but, nous calculons les trois boîtes de vitesses  $v_{k,x}$ ,  $v_{k,Y}$  et  $v_{k,z}$  à  $z = 0$ , comme

la donner pour z

?

$$v_{k,n}(\vec{k}) = \frac{-ik_n}{k^2} H_0 \frac{dG}{dz} \delta_{k,matière}(\vec{k}); \quad n \in [x;Y;Z]. \quad (\text{k},\text{z}=0) \quad (1.9)$$

Cette équation est équivalente à l'équation 1.8 pour  $z = 0$ , car

$$f = \frac{d \ln G}{d \ln a} = \frac{a}{G} \frac{dG}{da} = -\frac{1}{aG} \frac{dG}{dz} \quad (1.10)$$

correspondance

Comme précédemment, la boîte  $\delta_{k,matière}$  est la même que celle utilisée pour construire les boîtes  $\delta_{QSO,i}$  des quasars et la boîte  $\delta_{matière}$  utilisée pour le Ly $\alpha$ , ceci afin de garantir la corrélation entre la densité des traceurs et leurs vitesses particulières. A l'aide d'une transformation de Fourier inverse, nous obtenons les trois boîtes de vitesse à  $z = 0$  dans l'espace réel  $v_x$ ,  $v_Y$  et  $v_z$ . Le calcul pour obtenir la vitesse parallèle  $v_{||}$  à un redshift  $z$  est décrit dans la section 2.2.

Concernant le champ d'absorption Ly $\alpha$ , les RSD sont prises en compte par une modification de la formule FGPA. Pour ce faire, nous avons besoin du gradient de vitesse  $\eta_{||}$  à  $z = 0$ . **Nous utilisons la définition donnée dans l'équation 2.2 de Arinyo-i Prats et al. (2015) :** ...-i-Prats

$$\eta = -\frac{1}{aH} \frac{\partial v_p}{\partial x_p}, \quad (1.11)$$

où  $\eta$  est le gradient sans dimension de la vitesse  $v_p$  le long de la ligne de visée, et  $x_p$  est la coordonnées comobile le long de cette ligne de visée. En utilisant la définition précédente, et l'équation 1.8, nous obtenons le gradient  $\eta_{nm}$  de la vitesse  $v_n$  selon la direction  $\vec{u}_m$  en fonction du champ  $\delta_k$  :

$$\eta_{nm}(\vec{k}) = \frac{k_n k_m}{k^2} f \delta_k(\vec{k}). \quad (1.12)$$

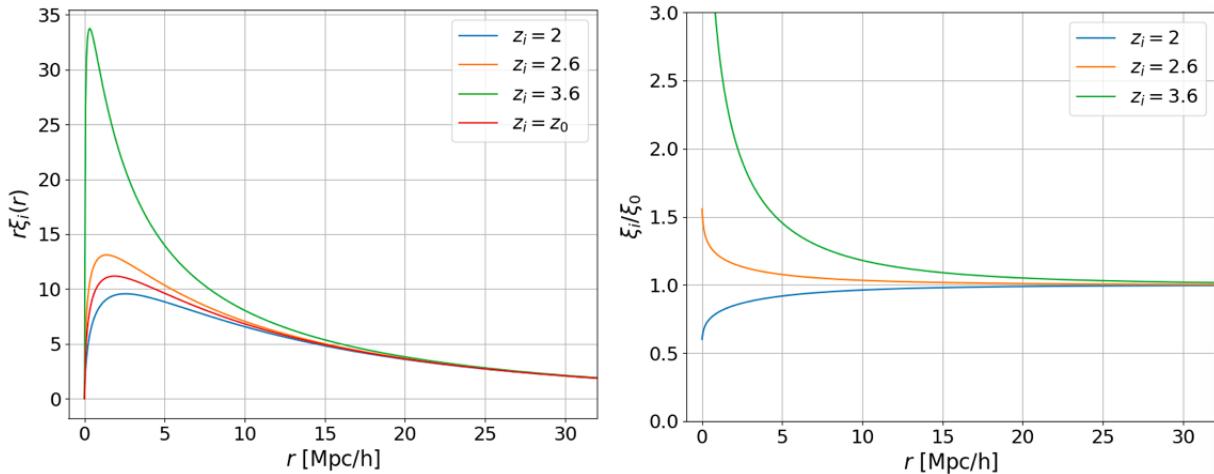


FIGURE 1.1 – Gauche : fonctions de corrélation  $\xi_i$  obtenues à partir de l'équation 1.16 et normalisées par un facteur  $1/\alpha^2(z_i)$ . La fonction de référence  $\xi_0$  est calculée à un redshift  $z_0 = 2,33$ . Droite : rapports  $\xi_i/\alpha^2(z_i)\xi_0$ .

Cette équation permet de retrouver la formule de kaiser :

$$\begin{aligned} \delta_k^s(\vec{k}) &= \delta_k(\vec{k}) + \eta_{\parallel}(\vec{k}), \\ &= (1 + f\mu_k^2)\delta_k(\vec{k}). \end{aligned} \quad (1.13)$$

La boîte  $\delta_k$  utilisée est le GRF initial, afin de garantir les corrélations entre les différents champs. A l'aide d'une transformation de Fourier inverse, nous obtenons<sup>1</sup> les 6 boîtes de gradients de vitesses à  $z = 0$  dans l'espace réel  $\eta_{XX}, \eta_{YY}, \eta_{ZZ}, \eta_{XY}, \eta_{YZ}$  et  $\eta_{XZ}$ .

## 2.2 Le relevé de quasars

Une fois toutes ces boîtes construites, nous définissons la géométrie du relevé. Les boîtes, d'une taille  $2560 \times 2560 \times 1536$  selon les axes X, Y et Z respectivement, sont placées à un redshift central  $z_0 = 1,71$ , et à une ascension droite  $\alpha_0$  et une déclinaison  $\delta_0$  (voir équation 1.20). Leurs dimensions permettent de couvrir les redshifts  $1,3 < z < 3,6$ . Cette limite basse est choisie de manière à pouvoir inclure les absorptions du CIV. Comme indiqué dans la section ??, le pixel d'absorption de plus bas redshift dans la région Ly $\alpha$  se trouve à  $z = 1,96$ . Si cette absorption est causée par du CIV, l'absorbeur se situe à un redshift  $z = (1 + 1,96)\lambda_{Ly\alpha}/\lambda_{CIV} - 1 \sim 1,32$ . Enfin, l'observateur est considéré être à  $z = 0$ , au centre du plan (X, Y).

Afin d'obtenir un biais des quasars qui dépend (#prov dépende?) du redshift, nous pouvons modifier l'équation 1.2 et inclure une facteur  $\alpha(z)$  qui prend en compte l'évolution avec le redshift du champ  $\delta_q$  associé aux quasars :

$$P \propto \exp(\alpha(z)\delta_q), \quad (1.14)$$

où  $\alpha(z)$  est donné par

grande parenthèse inutile

$$\alpha(z) = \left( \frac{b_{QSO}(z)(1+z_0)}{b_{QSO}(z_0)(1+z)} \right), \quad \text{Eq 1.16} \quad (1.15)$$

### 1.16 obtenue à partir de 1.3

La CF à un redshift  $z_i$  est alors (voir Eq 1.3)

Dans la limite  $x_i_0 \ll 1$  ou  $|1-\alpha| \ll 1$

cela donne comme souhaité  $x_i = \alpha^2 x_0$

et  $z_0$  est le redshift auquel est construit le champ log-normal  $\delta_q$ , avec  $b_{QSO}$  son biais. La figure 1.1

1. Lors de la construction des 6 boîtes de gradients de vitesses, nous omettons volontairement le facteur  $f(z = 0)$  de l'équation 1.12. Ce facteur  $f$  manquant sera pris en compte lors de l'ajout de la dépendance en redshift (voir section 2.4)

<sup>6</sup> La figure 1.1 donne  $x_i / \alpha^2$  comparé à  $x_0$ . On note

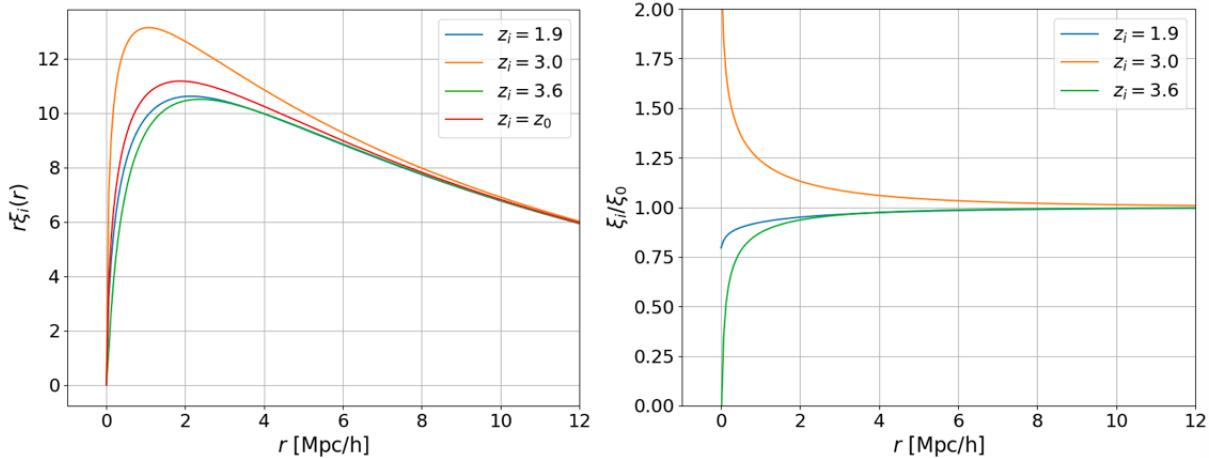


FIGURE 1.2 – Gauche : fonctions de corrélations  $\xi_i(z_i)$ , normalisées par un facteur  $1/\alpha^2(z_i)$  et obtenues par interpolation (orange) et extrapolation (bleu et vert) des fonctions de corrélations  $\xi_1$  et  $\xi_2$  à  $z_1 = 2,1$  et  $z_2 = 3,5$ . Leur obtention est détaillée dans le texte. Droite : rapports  $\xi_i/\alpha^2(z_i)\xi_0$ . Le redshift  $z = 3,0$  est le redshift pour lequel la déviation par rapport à  $\xi_0$  est la plus importante.

montre les fonctions de corrélation  $\xi_i$  à différents redshifts  $z_i$  que produit cette méthode. Ces fonctions de corrélation sont obtenues en utilisant l'approximation lognormal :

C'est exact, c'est le fait de faire le DL pour avoir  $\xi_i(z) = a(z)^2 \xi_0$  qui est pas exacte

$$\xi_i(z) = \exp\left(\alpha^2(z_i) \ln(1 + \xi_0)\right) - 1, \quad (1.16)$$

où  $\xi_0$  est la fonction de corrélation à  $z_0 = 2,33$ , obtenue comme la transformation de Fourier inverse du spectre de puissance  $P_{\text{matière}}(k)$  à  $z = 0$  fourni par Camb, et multipliée par le facteur de croissance  $G$  et le biais des quasars  $b_{\text{QSO}}$  au redshift  $z_0$ . Les fonctions de corrélation  $\xi_i$  tracées sont normalisées par un facteur  $1/\alpha^2(z_i)$  afin de pouvoir comparer leur amplitude. Sur la figure 1.1, nous pouvons voir que plus le redshift  $z_i$  est éloigné de  $z_0$ , et plus l'écart entre  $\xi_i$  et  $\xi_0$  est grand. Ceci est d'autant plus vrai pour les petites séparations  $r$ , pour lesquelles  $\xi$  n'est pas négligeable devant 1, et donc pour lesquelles l'approximation lognormal (équation 1.16) n'est plus valable. Nous pouvons aussi remarquer sur le graphique de droite de la figure 1.1 que les formes des rapports  $\xi_i/\xi_0$  pour  $z_i > z_0$  et  $z_i < z_0$  sont semblables et de signe opposé. Nous pouvons donc combiner ces fonctions de corrélation afin d'avoir un résultat plus satisfaisant.

Nous considérons donc maintenant le cas de deux champs log-normaux  $\delta_{\text{QSO},1}$  et  $\delta_{\text{QSO},2}$  à  $z_1 = 2,1$  et  $z_2 = 3,5$ . Pour chaque champ, comme précédemment, nous construisons le champ

$$\hat{\delta}_{\text{QSO},i}(z) = \exp(\alpha(z)\delta_{\text{QSO},i}), \quad i \in [1; 2], \quad (1.17)$$

puis, nous définissons le champ  $\hat{\delta}_{\text{QSO},12}$  comme une interpolation linéaire des deux champs définis dans l'équation précédente :

$$\hat{\delta}_{\text{QSO},12}(z) = \hat{\delta}_{\text{QSO},1}(z) \frac{z_2 - z}{z_2 - z_1} + \hat{\delta}_{\text{QSO},2}(z) \frac{z - z_1}{z_2 - z_1}. \quad (1.18)$$

La figure 1.2 montre les fonctions de corrélation normalisées  $\xi_i$  qui correspondent au champ  $\hat{\delta}_{\text{QSO},12}$  à différents redshifts  $z_i$ . Elles sont obtenues en interpolant linéairement (équation 1.18) les fonctions de corrélation  $\xi_1$  et  $\xi_2$ , elles-mêmes obtenues aux redshifts  $z_1$  et  $z_2$  grâce aux transformations log-normales (équation 1.16) de  $\alpha^2(z_1)\xi_0$  et  $\alpha^2(z_2)\xi_0$ . Nous pouvons remarquer sur cette figure 1.2 que l'écart entre les fonctions de corrélation  $\xi_1$  et  $\xi_2$  (en rouge) et les fonctions de corrélation interpolées est moins important que dans le cas avec un seul champ lognormal. La courbe orange montre la fonction de

Remarque entre nous: mais le gain n'est pas énorme, au lieu d'une interpolation linéaire nous aurions pu dès cette étape optimiser les poids des deux champs (comme en 1.19), et peut être ainsi nous épargner le 3ème champ. 7

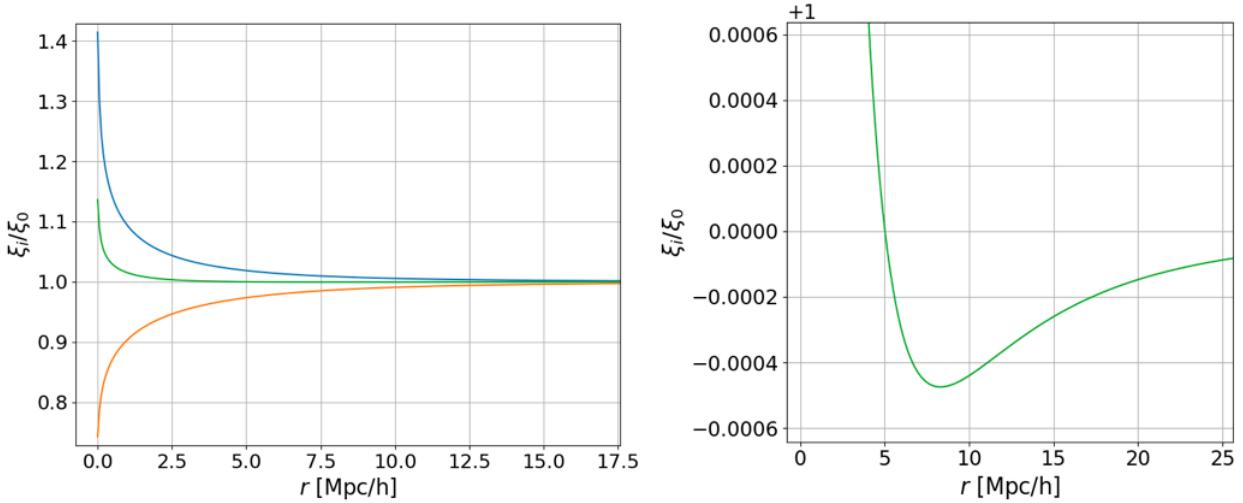


FIGURE 1.3 – Rapports normalisés  $\xi_{12}(z)/\xi_0$  (bleu) et  $\xi_{23}(z)/\xi_0$  (orange) à  $z = 2,38$ . Pour ce redshift,  $\xi_{12}$  est obtenue comme une interpolation de  $\xi_1$  et  $\xi_2$ , et  $\xi_{23}$  comme une extrapolation de  $\xi_2$  et  $\xi_3$ . La courbe verte est obtenue comme une combinaison linéaire de  $\xi_{12}$  et  $\xi_{23}$ . Le redshift  $z = 2,38$  est le redshift pour lequel la courbe verte dévie le plus de  $\xi_0$ . Le détail est donné dans le texte. Le graphique de droite présente un zoom de celui de gauche.

corrélation  $\xi_i$  au redshift  $z_i = 3,0$  pour lequel l'écart avec  $\xi_1$  et  $\xi_2$  est maximal. Comme précédemment, nous pouvons constater que l'effet entre une interpolation (orange) et une extrapolation (vert, par exemple) et similaire et de signe opposé. Afin d'affiner encore l'évolution avec le redshift du champ utilisé pour tirer les quasars, nous pouvons considérer trois champs log-normaux, et combiner une interpolation et une extrapolation obtenues à partir de ces trois champs.

Nous considérons donc finalement **le cas** de trois champs log-normaux  $\delta_{\text{QSO},1}$ ,  $\delta_{\text{QSO},2}$  et  $\delta_{\text{QSO},3}$  à  $z_1 = 1,9$ ,  $z_2 = 2,75$  et  $z_3 = 3,6$ . C'est la solution qui a été choisie et implémentée dans les mocks. Ces trois champs sont stockés dans les boîtes construites dans la section 2.1. A partir de ces trois boîtes, nous construisons les 3 boîtes  $\hat{\delta}_{\text{QSO},1}$ ,  $\hat{\delta}_{\text{QSO},2}$  et  $\hat{\delta}_{\text{QSO},3}$  (équation 1.17), puis les deux boîtes interpolées  $\hat{\delta}_{\text{QSO},12}$  et  $\hat{\delta}_{\text{QSO},23}$  (équation 1.18). Enfin, nous construisons la boîte

$$\hat{\delta}_{\text{QSO}}(z) = K(z)\hat{\delta}_{\text{QSO},12}(z) + (1 - K(z))\hat{\delta}_{\text{QSO},23}(z), \quad (1.19)$$

comme la combinaison linéaire de deux boîtes interpolées  $\hat{\delta}_{\text{QSO},12}$  et  $\hat{\delta}_{\text{QSO},23}$ . Le paramètre  $K(z)$  est déterminé tel que, pour chaque  $z$ , le rapport de la fonction de corrélation  $\xi_{\text{QSO}}$ , normalisée par  $1/\alpha^2(z)$  et obtenue avec l'équation 1.19, par la fonction de corrélation  $\xi_0$ , vaille 1 à  $r = 5 h^{-1} \text{ Mpc}$ . La figure 1.3 présente les rapports normalisés  $\xi_{12}(z)/\xi_0$  (correspondant à l'interpolation, en bleu) et  $\xi_{23}(z)/\xi_0$  (correspondant à l'extrapolation, en orange) au redshift  $z = 2,38$ . La combinaison linéaire des deux (équation 1.19) est montrée en vert. Le redshift  $z = 2,38$  correspond au redshift pour lequel la différence entre  $\xi_{\text{QSO}}$  et  $\xi_0$  est la plus grande. Le graphique de droite de cette figure 1.3 montre un zoom de la courbe verte. Sur ce zoom, nous pouvons voir que  $\xi_{\text{QSO}}$  ne dévie pas de  $\xi_0$  de plus de  $5 \times 10^{-4}$  pour  $r > 5 h^{-1} \text{ Mpc}$ .

Les quasars sont ensuite tirés dans chaque voxel, avec une probabilité  $P \propto \hat{\delta}_{\text{QSO}}$ . Pour ce faire, nous générerons une variable  $\phi$  aléatoire uniforme entre 0 et 1 dans chaque voxel. Les voxels pour lesquelles  $\phi < N(z)\hat{\delta}_{\text{QSO}}$  hébergent un quasar. Le facteur  $N(z)$  contient l'évolution avec le redshift du nombre de quasars par degré carré. Il contient aussi un facteur de normalisation. Les quasars dont le redshift est en dehors de l'intervalle  $[1,8 ; 3,6]$  sont écartés. Les quasars dont l'ascension droite et la déclinaison sont en dehors des intervalles  $[-\Delta\alpha ; \Delta\alpha]$  et  $[-\Delta\delta ; \Delta\delta]$  sont aussi écartés. L'ascension droite  $\alpha$  et la

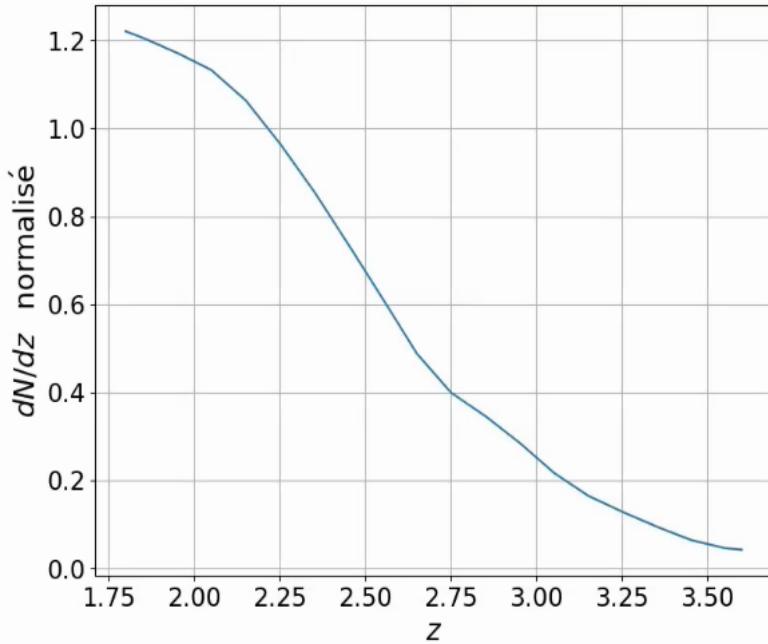


FIGURE 1.4 – Distribution normalisée en redshift des quasars tirés dans les mocks.

déclinaison  $\delta$  du point  $(x, y, z)$  sont **définies** comme

$$\alpha = \arctan\left(\frac{\cos(\alpha_0)x - \sin(\delta_0)\sin(\alpha_0)y + \cos(\delta_0)\sin(\alpha_0)z}{-\sin(\alpha_0)x - \sin(\delta_0)\cos(\alpha_0)y + \cos(\delta_0)\cos(\alpha_0)z}\right), \quad (1.20)$$

$$\delta = \arcsin\left(\frac{\cos(\delta_0)y + \sin(\delta_0)z}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}\right). \quad (1.21)$$

Enfin, grâce au facteur  $N(z)$ , les quasars sont tirés selon la distribution en  $z$  prédictive pour DESI. Cette distribution est présentée sur la figure 1.4. Cependant, nous tirons environ deux fois plus de quasars, afin de pouvoir simuler, entre autre, la sélection des cibles à l'aide du code `quickquasars` (présenté dans la section ??). De plus, cela permet d'utiliser les mocks pour d'autres projets, comme WEAVE<sup>1</sup>, qui possèdent une densité de cible plus élevée que DESI (#prov pas tellement en fait : 350 000 sur 6000 sq deg ça fait 60 par sq deg). A la fin, nous obtenons environ 100 quasars à  $z > 2,1$  par degré carré.

**Une fois les quasars tirés, nous les déplaçons proportionnellement à leur vitesse  $v_{||}(z)$  le long de la ligne de visée. La vitesse, à  $z = 0$ , le long de la ligne de vitesse est obtenue comme**

$$v_{||} = \frac{v_x x + v_y y + v_z z}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}, \quad (1.22)$$

où les vitesses  $v_x$ ,  $v_y$  et  $v_z$  sont les vitesses obtenus par transformation de Fourier inverse des vitesses  $v_{k,x}$ ,  $v_{k,y}$  et  $v_{k,z}$ , définies dans l'équation 1.9. Ainsi, un quasar situé à une distance  $R$  sera remplacé le long de la ligne de visée à une distance

$$R \rightarrow R + \frac{(1+z)}{H(z)} v_{||}(z), \quad (1.23)$$

1. WEAVE est un spectrographe à fibre multi objet. Il possède 1000 fibres avec un champ de vue de 3,1 deg<sup>2</sup>. Le relevé WEAVE-QSO prévoit d'observer 350 000 quasars à grand redshift, sur un relevé de 6000 deg<sup>2</sup> (Pieri et al., 2016).

avec

$$v_{\parallel}(z) = \frac{H(z)dG/dz}{[H(z)dG/dz]_{z=0}} v_{\parallel}. \quad \text{cf 1.8 ou 1.9} \quad (1.24)$$

Le facteur  $(1+z)$  vient de la conversion des distances en distances comobiles. Une fois tous les quasars déplacés, leur redshift est recalculé, puis ils sont stockés dans un catalogue. Pour chaque quasar, le catalogue contient leur position dans le ciel  $(\alpha, \delta)$ , leur redshift avec et sans RSD, ainsi qu'un identifiant unique.

### 2.3 Création des lignes de visée

A cette étape, nous disposons d'un catalogue de quasars corrélés avec le champ de densité  $\delta_{\text{matière}}$  qui sera utilisé pour construire l'absorption Ly $\alpha$ . Nous pouvons donc créer les lignes de visées à partir de chaque quasar et jusqu'à l'observateur, puis interpoler la boîte contenant le champ de densité le long de ces lignes de visée. Dans un premier temps, nous commençons par définir le tableau en longueurs d'onde observées, sur lequel sera interpolé la boîte de densité. Nous choisissons une taille de pixel  $d_{\text{pix}} = 0,2 h^{-1}$  Mpc. Les limites  $1,8 < z < 3,6$  en redshift se traduisent par des limites  $3403,876 < \lambda < 5592,082 \text{ \AA}$  sur la longueur d'onde observée pour le Ly $\alpha$ . Nous ajoutons la limite basse des spectrographes de DESI :  $\lambda_{\min} = 3530 \text{ \AA}$ , que nous réduisons afin d'inclure certains métaux dans les forêts (cela sera expliqué dans la section ??). Les longueurs d'onde observées couvrent donc  $3476,1877 < \lambda < 5591,566 \text{ \AA}$  à l'aide de 6524 pixels<sup>1</sup>.

Une fois ce tableau en longueur d'onde défini, nous faisons correspondre le pixel  $\lambda_{\text{QSO}} = (1+z_{\text{QSO}})\lambda_{\text{Ly}\alpha}$  à la position  $(x_{\text{QSO}}, y_{\text{QSO}}, z_{\text{QSO}})$  du quasar. Puis, pour chaque pixel  $i$  entre  $\lambda_{\min} = 3476,1877$  et  $\lambda_{\text{QSO}}$ , la position  $(x_i, y_i, z_i)$  du pixel est déterminée. Pour chaque pixel, nous calculons une moyenne pondérée des voxels voisins avec un lissage gaussien. Ce lissage est nécessaire afin d'éviter le crénelage (*aliasing*) aux petites échelles. Sans lissage, les spectres interpolés possèdent des discontinuités (voir figure 1.5). Ces discontinuités rajoutent de la puissance parasite aux petites échelles lors du calcul du spectre de puissance. Nous appliquons donc un lissage gaussien, de largeur  $\sigma = d_{\text{cell}}$ . La figure 1.5 présente le champ interpolé en considérant uniquement les voxels à  $\pm 1\sigma$ . Trop peu de voxels sont considérés pour le calcul de chaque pixel, et le champ obtenu contient des discontinuités. La figure 1.6 présente le champ interpolé en considérant les voxels à  $\pm 2\sigma$  (orange) et  $\pm 3\sigma$  (bleu). La différence entre les deux est faible, cependant certaines discontinuités subsistent pour le champ calculé avec  $2\sigma$ , comme le montre le zoom sur le graphique de droite. Enfin, nous avons vérifié que les différences entre les champs obtenus avec  $3$  et  $4\sigma$  restent faibles. Nous nous limitons donc aux voxels compris à  $\pm 3\sigma$  du voxel central pour limiter le temps CPU. Pour chaque pixel, nous considérons les voxels appartenant au cube de 7 voxels de côté, centré sur le voxel dans lequel se trouve le pixel. Ceci représente donc, pour chaque pixel, une moyenne sur 343 voxels. Le champ dans le pixel  $i$  est alors donné par

$$\delta_i = \frac{\sum_{j=0}^{342} \delta_j w_{ij}}{\sum_{j=0}^{342} w_{ij}}, \quad (1.25)$$

avec

$$w_{ij} = \exp\left(\frac{-(\vec{r}_j - \vec{r}_i)^2}{2\sigma^2}\right), \quad (1.26)$$

où  $\vec{r}_j$  est la position du centre du voxel  $j$ ,  $\vec{r}_i$  celle du pixel  $i$ , et  $\delta_j$  est la valeur de la boîte au pixel  $j$ .

Ce calcul est effectué pour tous les pixels qui vérifient  $\lambda_i < \lambda_{\text{QSO}}$ , pour chaque quasar. Les boîtes interpolées sont la boîte  $\delta_{\text{matière}}$  utilisée pour construire l'absorption Ly $\alpha$ , les trois boîtes de vitesse

1. Ces limites sont aussi choisies afin de garantir un nombre entier de pixels.

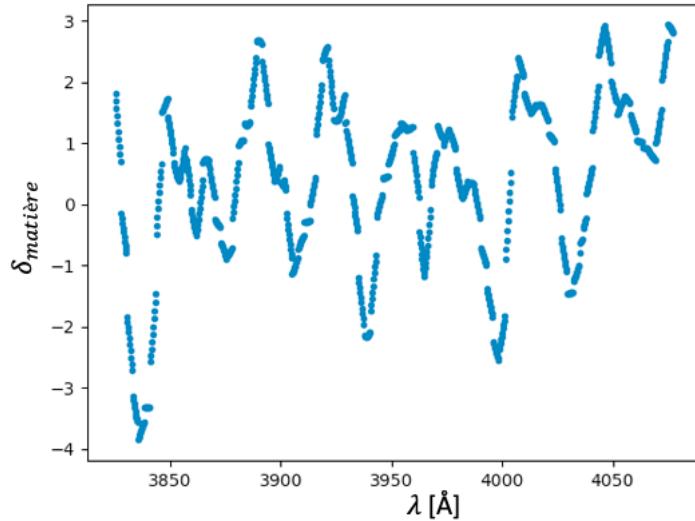


FIGURE 1.5 – Exemple de champ interpolé en utilisant les voxels à  $\pm 1\sigma$  du voxel central. Le champ ainsi interpolé possède de nombreuses discontinuités. Ces discontinuités produisent de la puissance supplémentaire aux petites échelles (effet de crénelage ou d’aliasing).

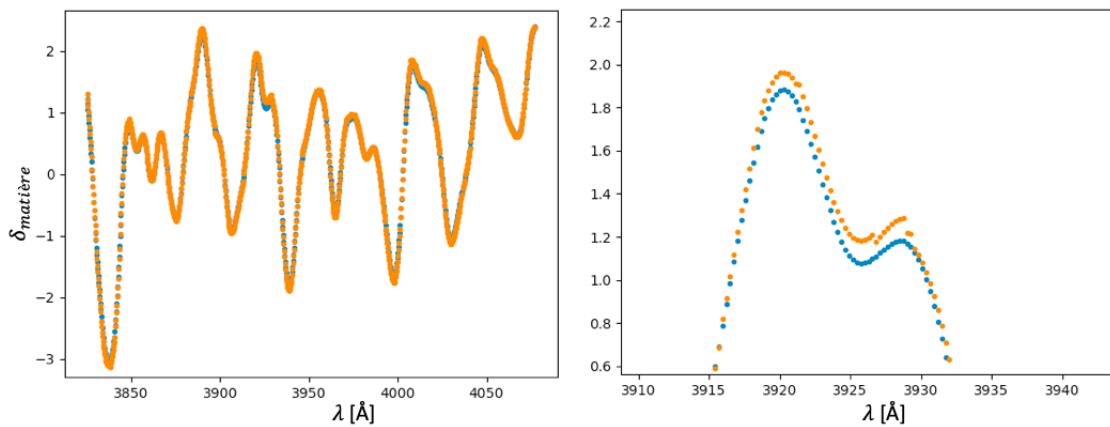


FIGURE 1.6 – Exemple de champ interpolé en utilisant les voxels à  $\pm 2\sigma$  (orange) et à  $\pm 3\sigma$  (bleu) du voxel central. Les discontinuités sont beaucoup moins nombreuses que pour le champ interpolé avec  $\pm 1\sigma$  (figure 1.5). Cependant, certaines sont encore visibles sur le zoom, présenté sur le graphique de droite.

utilisées pour ajouter les RSD aux HCD tirés dans chaque ligne de visée (voir section 2.5), et les six boîtes de gradient de vitesse afin d'ajouter les RSD au champ Ly $\alpha$ .

## 2.4 De la densité à l'absorption

Une fois les lignes de visés interpolées, nous pouvons transformer le champ de densité en absorption Ly $\alpha$ . Ceci est fait via la formule FGPA :

$$F = \exp[-a(z)\exp(b(z)G(z)\delta_{matière})]. \quad (1.27)$$

### Les petites échelles

La boîte  $\delta_{matière}$ , utilisée dans l'équation 1.27, contient le champ de matière à grande échelle. Elle est construite grâce à la transformation de Fourier de la boîte  $\delta_k$ . Ce champ est construit sur une grille d'intervalle  $d_{cell} = 2,19 h^{-1}$  Mpc. Par conséquent, la plus petite échelle accessible est

$$k_N = \frac{\pi}{d_{cell}} \sim 1,43 h \text{ Mpc}^{-1}. \quad (1.28)$$

Nous manquons donc toutes les fluctuations pour lesquelles  $k > k_N$ . Ces fluctuations ne sont pas importantes pour la corrélation à trois dimensions. La figure ?? (#prov faire la figure) montre le spectre de puissance de la matière  $P_{matière}(k)$  à  $z = 0$ , obtenu avec Camb, ainsi que l'effet de la résolution de la grille et l'effet du lissage gaussien appliqué aux voxels. La courbe #prov donne le spectre de puissance  $P_{grille}(k)$  qui inclut l'effet de la résolution de la grille. Celui s'exprime par

$$P_{grille}(k) = \text{sinc}^2\left(\frac{k d_{cell}}{2}\right) P_{matière}(k). \quad (1.29)$$

La courbe #prov donne le spectre de puissance  $P_{lissage}(k)$  qui inclut l'effet du lissage gaussien. Il s'exprime par

$$P_{lissage}(k) = \exp^2\left(-\frac{k d_{cell}}{2}\right) P_{matière}(k). \quad (1.30)$$

La courbe #prov donne le spectre de puissance qui inclut ces deux effets. La figure ?? (#prov faire la figure) montre la transformation de Fourier de ces spectres de puissance. L'effet est faible (#prov combien ?) et principalement localisé à petit  $r$ . Ainsi, ces fluctuations à petite échelle ne sont pas importantes pour la fonction de corrélation à trois dimension. Cependant, ces fluctuations sont importantes pour le spectre de puissance à une dimension. Celui-ci donne la puissance mesurée uniquement le long de la ligne de visée. Pour un mode  $k_{\parallel}$  donné, il correspond à l'intégrale du spectre de puissance à 3 dimensions sur la direction transverse à la ligne de visée :

Choisir entre les deux ligne de visée ->  $k_{\perp}$  to infinity

$$P^{1D}(k_{\parallel}) = \frac{1}{2\pi} \int_{k_{\parallel}}^{\infty} k_{\perp} P(k_{\parallel}, k_{\perp}) dk_{\perp}. \quad (1.31)$$

Figure du P1D : on voit que l'effet est beaucoup plus important que pour le 3D

avec voxel, intégrale jusqu'à  $k_N$   
plus smearing ->Figure

Sans les fluctuations à petite échelle, l'amplitude du spectre de puissance à une dimension n'est pas correcte. Et ainsi, la variance du champ, donnée par l'intégrale du  $P^{1D}$ , n'est pas correcte non plus. Pour palier ce problème, nous rajoutons indépendamment sur chaque ligne de visée un champ  $\delta_s$  (small scales : petites échelles) au champ  $\delta_{matière}$  que nous appelons désormais  $\delta_l$  (large scales : grandes échelles) : beaucoup plus de bruit sur une ligne de visée que sur une colonne de 2.19 Mpc/h de section

$$F = \exp[-a(z)\exp(b(z)G(z)(\delta_l + \delta_s))];. \quad (1.32)$$

Comme ce champ n'est pas corrélé d'une ligne de visée à une autre, il ne participe pas à la fonction de corrélation à trois dimensions<sup>1</sup>. Afin d'ajouter la bonne quantité de fluctuations aux petites

1. Lors du calcul de la fonction de corrélation à 3 dimensions, nous ne considérons pas les paires de pixels issues de la même forêt (voir ??)

après l'équation

échelles, pour chaque ligne de visée nous générerons un GRF à une dimension  $\delta_{k,s}$ , d'une taille supérieure à celle de la forêt pour éviter les corrélations d'une extrémité à l'autre.

Puis, nous multiplions  $\delta_{k,s}$  par

$$\sqrt{\frac{P_{miss}(k)}{d_{pix}}}, \quad (1.33)$$

où  $P_{miss}$  est le spectre de puissance qu'il faut appliquer à  $\delta_{k,s}$  afin que  $F$  possède le bon  $P^{1D}$ . La détermination de  $P_{miss}$  est détaillé dans la section 4. Enfin, nous obtenons  $\delta_s$  à l'aide de la transformation de Fourier inverse de  $\delta_{k,s}$ .

### Les RSD

Une fois les petites échelles ajoutées, nous obtenons un champ d'absorption  $F$  qui possède le bon spectre de puissance à trois dimensions, ainsi que le bon spectre de puissance à une dimension. Cependant, le champ d'absorption  $F$  ne possède pas de RSD pour l'instant, car il est construit à partir du spectre de puissance  $P_{matière}(k)$  qui est isotrope. Initialement, nous pensions ajouter les RSD au niveau du spectre de puissance : multiplier le GRF initial  $\delta_k$  par  $(1+\beta\mu^2)P_{matière}(k,\mu)$ , avec  $\mu = k_z/k$ . Mais cette solution n'est pas envisageable car les lignes de visées ne sont pas parallèles (elles l'étaient pour les mocks précédents, développés pour BOSS), et nous ne pouvons donc pas confondre l'axe  $k_z$  avec l'axe de la ligne de visée  $k_{\parallel}$ . Une autre solution est d'utiliser le champ de vitesse défini dans l'équation 1.8. Chaque pixel d'absorption est alors déplacé proportionnellement à la vitesse particulière du gaz dans la cellule considérée. Puis l'absorption est modifiée en fonction de la différence des vitesses des pixels voisins. En effet, si cette différence est non nulle, le gaz se retrouve comprimé par endroit, et détendu dans d'autres, modifiant l'absorption dans chaque pixel. Cette méthode pour ajouter les RSD dans les mocks Ly $\alpha$  est la méthode choisie par Le Goff et al. (2011) et Farr et al. (2019). Ce n'est pas la solution que nous utilisons ici. Afin d'inclure les RSD dans le champ d'absorption  $F$ , nous utilisons le champ de gradient de vitesse  $\eta_{\parallel}$ , présenté dans la section 2.1. Cette solution, contrairement à la méthode qui utilise le champ de vitesse, permet de prédire la fonction de corrélation des mocks. Nous décrivons cette prédiction dans la section suivante.

seulement si on ajoute  
éta directement à delta

Plusieurs essais ont été menés afin de savoir comment inclure correctement le champ  $\eta_{\parallel}$  dans FGPA. La première solution envisagée était de modifier la profondeur optique  $\tau$ . Comme  $\delta_{\tau} = \tau/\bar{\tau} - 1$  est conservée lors du passage dans l'espace des redshifts, nous modifions  $\tau$  (équation 1.6) comme

$$\tau \rightarrow \tau + \bar{\tau}\eta_{\parallel}. \quad (1.34)$$

Cette solution produisait une trop faible quantité de RSD. Nous avons alors décidé d'inclure les RSD causées par les petites échelles. Similairement à  $\delta_l$  et  $\delta_s$ , nous ajoutons à la profondeur optique la contribution aux grandes et petites échelles  $\eta_l$  et  $\eta_s$ . En faisant ceci, nous étions plus proche de ce que nous aurions obtenu avec une taille de voxel plus petite. La profondeur optique était alors donnée par

$$\tau = a \exp[bG(\delta_l + \delta_s)] + \bar{\tau}(\eta_l + \eta_s). \quad (1.35)$$

Cette solution produisait la bonne quantité de RSD. Cependant, la profondeur optique était négative pour un nombre non négligeable de pixels, résultant en une absorption  $F > 1$  non physique pour ces pixels. Finalement, nous avons décidé d'inclure le gradient de vitesse directement au niveau du champ  $\delta$ . Le champ  $\eta_{\parallel}$  est donc ajouté, en plus du champ  $\delta_s$ , au champ  $\delta_l$ . Ceci nous permet de retrouver la formule de Kaiser (équation 1.13). De plus, cette solution

ne produit pas de pixel avec  $F > 1$ . Afin de gérer la quantité de RSD, nous ajoutons un coefficient  $c$ , qui dépend de  $z$ . L'ajustement de ce paramètre nous permet d'obtenir la bonne dépendance en  $z$  pour  $\beta_{\text{Ly}\alpha}$ . La formule FGPA devient donc

$$\text{retirer} \quad F = \exp \left[ -a(z) \exp \left( b(z) G(z) (\delta_l + \delta_s + c(z) \eta_{\parallel}) \right) \right]. \quad (1.36)$$

Les champs  $\delta_l$ ,  $\delta_s$  et  $\eta_{\parallel}$  sont calculés à  $z = 0$ , la dépendance en  $z$  étant prise en compte par le facteur  $G(z)$ . De plus, le facteur  $f$  que nous avons laissé de côté dans la section 2.1 n'est pas explicité ici : pour les redshifts  $z > 2$ , l'univers est dominé par la matière et donc, en bonne approximation, nous avons  $f(z) \sim 1$ . Les paramètres  $a(z)$ ,  $b(z)$ ,  $c(z)$ , ainsi que  $P_{\text{miss}}(k, z)$  sont ajustés afin d'obtenir les bons  $b_{\text{Ly}\alpha}(z)$ ,  $\beta_{\text{Ly}\alpha}(z)$ ,  $\bar{F}(z)$  et  $P_{\text{Ly}\alpha}^{\text{1D}}(k, z)$ . L'ajustement est décrit dans la section 4.

### La prédiction

#### moins affirmatif

La méthode que nous utilisons pour ajouter les RSD, décrite dans la section précédente, a l'avantage d'avoir une fonction de corrélation prédictible. C'est pour cela que nous avons fait le choix de cette méthode. Dans les lignes qui suivent, nous expliquons comment calculer la prédiction de la fonction de corrélation. Comme décrit par Font-Ribera et al. (2012), dans le cas où le champ  $\delta_F$  est une fonction d'un champ gaussien  $\delta_g$ , il est possible de relier la fonction de corrélation  $\xi_F$  du champ  $\delta_F$  à la fonction de corrélation  $\xi_g$  du champ  $\delta_g$ . La fonction de corrélation  $\xi_F(r_{12})$  pour la séparation  $r_{12}$  est reliée à  $\xi_g(r_{12})$  par

$$\xi_F(r_{12}) = \int_{-\infty}^{\infty} d\delta_{g1} \int_{-\infty}^{\infty} d\delta_{g2} \frac{\exp \left[ -\frac{\delta_{g1}^2 + \delta_{g2}^2 - 2\delta_{g1}\delta_{g2}\xi_g(r_{12})}{2(1 - \xi_g^2(r_{12}))} \right]}{2\pi\sqrt{1 - \xi_g^2(r_{12})}} \delta_F(\delta_{g1})\delta_F(\delta_{g2}), \quad (1.37)$$

où  $\delta_g$  est un GRF de variance 1 et  $\delta_F$  est le champ d'absorption calculé à partir du champ gaussien. Dans notre cas, le champ  $\delta_g$  représente le champ  $\delta_l + \delta_s + c(z)\eta_{\parallel}$ . Ce champ est un champ gaussien, de valeur moyenne nulle et de variance  $\sigma_g^2$ . Cette variance est dominé

coriger les 2 ? par la variance de  $\delta_s$ . Nous compensons le fait que  $\sigma_g^2 \neq 1$  en remplaçant  $\xi_g$  par  $\xi_g/\sigma_g^2$  dans l'équation 1.37. Dans cette équation,  $\xi_F(r_{12})$  ne dépend que de la valeur de  $\xi_g(r_{12})$ . Nous construisons donc une table qui permet de relier chaque valeur de  $\xi_g \in [-1; 1]$  à la valeur  $\xi_F$  correspondante. De plus, nous pouvons relier la fonction de corrélation dans l'espace des redshifts  $\xi_g(r, \mu)$ , à la fonction de corrélation  $\xi(r)$  que suit le champ  $\delta_l$  :

$\text{xi\_g / sigma\_g}^2$

rappeler que la CF 3D de g est celle de delta\_1

$$\xi(r, \mu) = \xi_0(r) + \frac{1}{2}P_2(\mu)\xi_2(r) + \frac{1}{8}P_4(\mu)\xi_4(r), \quad (1.38)$$

avec

$$\xi_0(r) = \left( 1 + \frac{2}{3}\beta + \frac{1}{5}\beta^2 \right) \xi(r), \quad (1.39)$$

$$\xi_2(r) = \left( \frac{4}{3}\beta + \frac{4}{7}\beta^2 \right) [\xi(r) - \bar{\xi}(r)], \quad (1.40)$$

$$\xi_4(r) = \frac{8}{35}\beta^2 \left[ \xi(r) + \frac{5}{2}\bar{\xi}(r) - \frac{7}{2}\bar{\bar{\xi}}(r) \right], \quad (1.41)$$

et

$$\bar{\xi}(r) = 3r^{-3} \int_0^r \xi(s)s^2 ds, \quad (1.42)$$

$$\bar{\bar{\xi}}(r) = 5r^{-5} \int_0^r \xi(s)s^4 ds. \quad (1.43)$$

Les  $P_l(\mu)$  sont les polynômes de Legendre :

Pourquoi avoir changé la def des poly et mis les facteurs 1/2 et 1/8 dans 1.38 ?

$$P_0(\mu) = 1 ; \quad P_2(\mu) = 3\mu^2 - 1 ; \quad P_4(\mu) = 35\mu^4 - 30\mu^2 + 3 , \quad (1.44)$$

et  $\beta$  est le paramètre RSD du Ly $\alpha$ . Ces équations sont tirés de la publication de Hamilton (1992). Afin d'obtenir la prédiction  $\xi_F^{pred}(r, \mu)$ , nous commençons par calculer le spectre de puissance que suit la boîte  $\delta_l$  :

$$P(k) = W^2(k)P_{matière}(z=0) , \quad (1.45)$$

où  $W$  est le terme représentant le lissage gaussien appliqué à l'interpolation de la boîte  $\delta_l$  (voir section 2.3) :

$$W(k) = \exp\left(-\frac{k^2 d_{cell}^2}{2}\right) . \quad (1.46)$$

on verra si cest negligable

# prov Expliquer pourquoi on ne prend pas en compte le terme lié à la résolution de la boîte ? A l'aide d'une transformation de Fourier inverse, nous obtenons la fonction de corrélation  $\xi(r)$  que suit le champ  $\delta_l$  obtenu par interpolation avec lissage des boîtes. Puis, nous calculons la fonction de corrélation dans l'espace des redshifts  $\xi_g(r, \mu)$  que suit le champ  $\delta_g$  grâce à l'équation 1.38. Enfin, pour tous les couples  $(r, \mu)$  nécessaires, nous obtenons la fonction de corrélation  $\xi_F(r, \mu)$  du champ  $\delta_F$  comme la valeur correspondante à la valeur tabulée  $\xi_g(r, \mu)/\sigma_g^2$  pour  $\xi_g$ . (#prov Faire un plot xi\_F vs xi\_g) ça existe déjà

regarde dans le code de la prédiction

## 2.5 Ajout des HCD

Les HCD ont un effet important sur les fonctions de corrélation, nous simulons donc aussi leur présence. De manière à avoir une corrélation entre les HCD et les autres traceurs des mocks, nous utilisons la boîte de densité  $\delta_l$  pour tirer les HCD. Nous ne considérons pas la somme  $\delta_l + \delta_s$  car les HCD sont des surdensités qui se situent dans les structures à grandes échelles : une résolution de  $2,19 h^{-1}$  Mpc est suffisante. De plus, l'ajout de  $\delta_s$  bruitterait la corrélation entre les HCD et les autres traceurs. En effet, l'écart type  $\sigma_s$  du champ  $\delta_s$  est entre 4 et 6 fois plus important que celui du champ  $\delta_l$ , et L'écart type  $\sigma_g^2$  est dominé à plus de 95 % par  $\sigma_s$ . Du fait que  $\delta_s$  ne possède pas de corrélation à 3 dimensions, les HCD se situeraient principalement dans des pics de bruit non corrélés.

Contrairement aux quasars, les HCD sont tirés proportionnellement au champ  $\delta_l$ . Nous identifions les pixels dans lesquelles  $\delta_l$  est au dessus d'un certain seuil, puis les HCD sont tirés dans ces pixels selon une loi de Poisson. Le seuil  $\nu$  est défini en fonction du biais souhaité pour les HCD. L'appendice A de Font-Ribera and Miralda-Escudé (2012) relie le rapport  $b_\nu/b_g$  au seuil  $\nu$  :

$$\left(\frac{b_\nu}{b_g}\right)^2 = \frac{p_g(\nu)}{\left(\int_\nu^\infty d\delta_g p_g(\delta_g)\right)^2} \int_\nu^\infty dy_1 p_g(y_1) y_1 , \quad (1.47)$$

où  $b_\nu$  est le biais obtenu avec le seuil  $\nu$ ,  $b_g$  est le biais du champ gaussien, et  $p_g$  donne la densité de probabilité du champ gaussien de variance 1. Dans notre cas,  $b_g = 1$ . Nous pouvons remarquer que l'intégrale au numérateur de l'équation 1.47 donne la densité probabilité du champ gaussien  $p_g(\nu)$  évaluée au seuil  $\nu$ . L'équation 1.47 est donc équivalente à

$$b_\nu = \frac{p_g(\nu)}{\int_\nu^\infty d\delta_g p_g(\delta_g)} . \quad (1.48)$$

inverse

Afin d'obtenir le seuil pour un biais donné, nous tabulons  $b_\nu$  pour une large gamme de seuils  $\nu$ , puis nous interpolons  $b_\nu$  en fonction de  $\nu$ . Le graphique de gauche de la

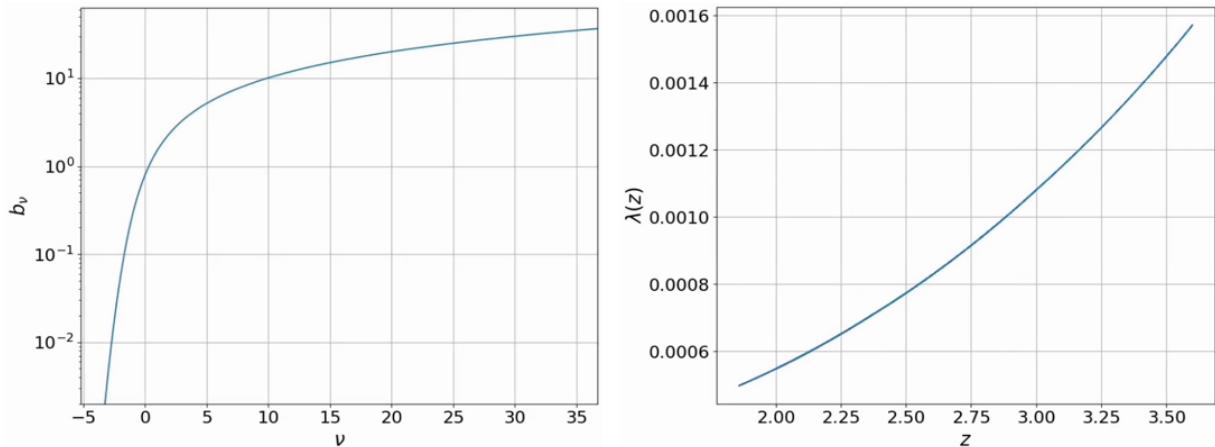


FIGURE 1.7 – Le graphique de gauche montre le biais  $b_\nu$  obtenu pour un seuil  $\nu$ . Le graphique de droite montre le paramètre  $\lambda(z)$ , utilisé pour tirer les HCD.

**figure 1.7 montre le biais  $b_\nu$  en fonction du seuil  $\nu$ .** Dans notre cas, le champ  $\delta_l$  suit une densité de probabilité gaussienne. Cependant, sa variance n'est pas égale à 1. De plus, le champ  $\delta_l$  interpolé le long des lignes de visée correspond au champ de matière à  $z = 0$ . Ainsi, pour obtenir un biais  $b_{\text{HCD}}$ , pour chaque redshift nous calculons le seuil  $\nu$  comme si nous visions un biais  $b = b_{\text{HCD}} \sigma_l G(z)$ . Le terme  $\sigma_l$  prend en compte la variance du champ  $\delta_l$ , et  $G(z)$  le fait que  $\delta_l$  soit construit à  $z = 0$ . Une fois les pixels pouvant héberger un HCD identifiées, nous tirs dans chacune d'entre elles les HCD avec une loi de poisson de paramètre

$$\lambda(z) = \frac{N(z)}{\text{cdf}(-\nu(z))}, \quad (1.49)$$

où  $N(z)$  donne le nombre moyen de HCD attendu par pixel et  $\nu(z)$  le seuil au redshift  $z$ . Le nombre de HCD attendu est donné par la librairie `pyigm`<sup>1</sup>. La distribution en redshift des HCD est présentée sur le graphique de gauche de la figure 1.8, et le paramètre  $\lambda(z)$  sur le graphique de droite de la figure 1.7. En pratique, du fait que  $\lambda(z) \ll 1$ , il est très rare d'avoir plus d'un HCD par pixel. Une fois tous les HCD tirés, nous leur assignons une densité de colonne dans la gamme  $17,2 < \log(n_{HI}) < 22,5$ , selon la distribution donnée par `pyigm`. Cette distribution est présentée sur le graphique de droite de la figure 1.8. Enfin, nous ajoutons les RSD aux HCD tirés. Chaque HCD tiré est déplacé le long de la ligne de visée proportionnellement à la vitesse  $v_{||}(z)$ . Comme pour les quasars, la vitesse le long de la ligne de visée à  $z = 0$  est donnée par

$$v_{||} = \frac{v_X X + v_Y Y + v_Z Z}{\sqrt{X^2 + Y^2 + Z^2}}. \quad (1.50)$$

où, cette fois ci,  $v_x$ ,  $v_y$  et  $v_z$  sont les vitesses le long de la ligne de visée provenant de l'interpolation des boîtes de vitesse (voir section 2.3). Ainsi, un HCD à un redshift  $z$  sera déplacé à un redshift

$$z \rightarrow z + \frac{(1+z)}{c} \frac{H(z)dG/dz}{[H(z)dG/dz]_{z=0}} v_{||}. \quad (1.51)$$

Dans les mocks que nous décrivons ici, le profil d'absorption des HCD n'est pas ajouté dans les forêts. Nous produisons uniquement un catalogue qui regroupe tous les HCD tirés. Le profile d'absorption est ajouté au spectre de chaque quasar par le code `quickquasars`, qui utilise le catalogue de HCD que nous produisons.

1. <https://github.com/pyigm>

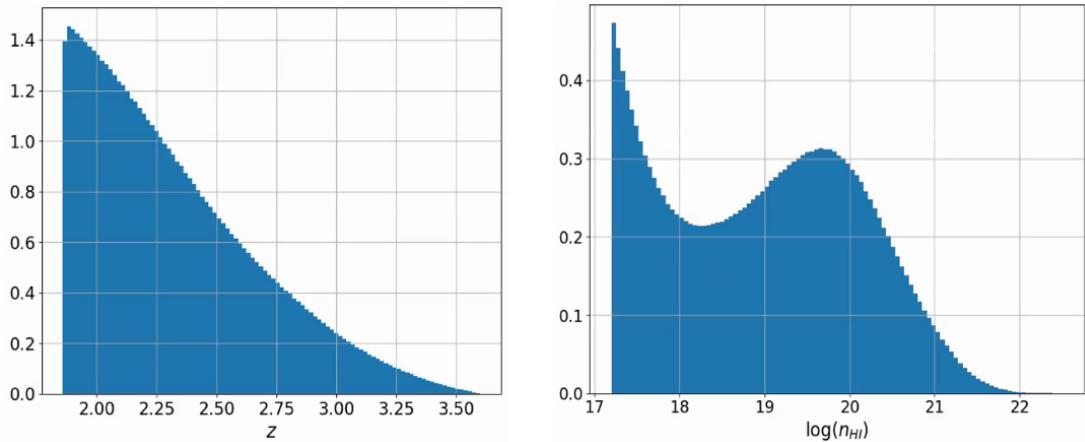


FIGURE 1.8 – Gauche : distribution normalisée en redshift des HCD. Droite : distribution normalisée de  $\log(n_{HI})$  des HCD. Ces distributions proviennent de la librairie pyigm.

### 3 Production des mocks

Comme expliqué au début de ce chapitre, l'objectif des mocks est de reproduire les données d'eBOSS et de DESI. Etant donné que le relevé d'eBOSS est contenu dans le relevé de DESI, nous simulons directement le relevé DESI. Ainsi, lorsque nous avons besoin de simuler le relevé d'eBOSS, nous retirons les quasars qui ne sont pas contenu dans ce relevé. Les mocks ont été produits au centre de calcul NERSC<sup>1</sup>, avec la machine Cori. Sur cette machine, nous avons utilisé les nœuds “Haswell”. Ces nœuds possèdent 128Go de mémoire vive. De manière à créer nos boîtes de densité, via la transformation de Fourier à trois dimensions, il faut, pour chaque boîte, que l'intégralité de son contenu soit accessible depuis un même endroit. Nous pourrions distribuer la mémoire et effectuer la transformation de Fourier sur plusieurs nœuds à l'aide de la librairie MPI. Cependant nous n'avions pas l'expertise nécessaire. Nous effectuons donc les transformations de Fourier sur un seul nœud. Nous profitons néanmoins des 32 cœurs par nœud pour paralléliser notre code. Chaque cœur possède 2 hyper-threads, ce qui permet de gérer 64 tâches simultanément sur un même nœud. Lors de la construction des boîtes (voir section 2.1), nous avons besoin de stocker en mémoire la boîte dans l'espace réel, la boîte dans l'espace  $k$ , et la boîte contenant la norme de  $k$ . Etant donné la mémoire disponible sur chaque nœud, les boîtes ne doivent pas dépasser 42Go. Cette mémoire disponible et la résolution choisie ( $2,19 h^{-1} \text{ Mpc}$ ) ne permettent pas de générer l'entièreté du relevé DESI avec une seule boîte. Nous choisissons donc de découper le relevé en sept chunks indépendants, chacun étant généré par une boîte de  $2560 \times 2560 \times 1536$  voxels. Chacune des boîtes représente un volume de 37,5Go. A la fin de la production, ces sept chunks sont assemblés pour reconstruire le relevé de DESI. Le découpage du relevé en sept chunks est montré sur la figure 1.9. Dans les lignes qui suivent, nous détaillons les différents éléments du code. Le schéma 1.10 résume la situation. Le première module, `interpolate_pk.py` permet de calculer puis d'interpoler les quatres spectres de puissance  $P_{QSO,i}$  et  $P_{matière}$  sur la grille  $2560 \times 2560 \times 1536$  dans l'espace  $k$ . Le code est lancé séparément sur 16 morceaux de la boîte, puis le code `merge_pk.py` permet de rassembler des 16 morceaux des spectres de puissance interpolés et de les sauver au format FITS (Flexible Image Transport System). Cette étape est effectuée une seule fois, car les spectres de puissance sont communs à toutes les réalisations. Le module suivant

1. National Energy Research Scientific Computing Center (NERSC), a U.S. Department of Energy Office of Science User Facility operated under Contract No. DE-AC02-05CH11231.

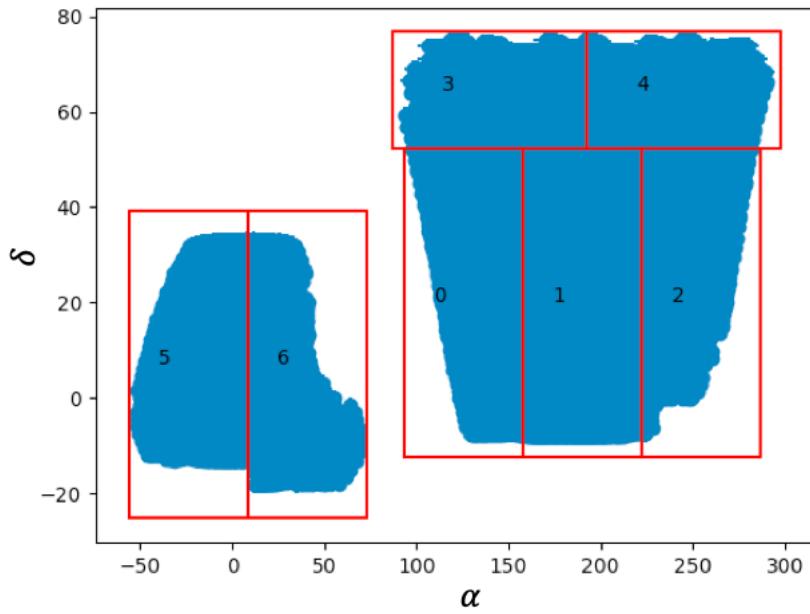


FIGURE 1.9 – Découpage du relevé de DESI en 7 chunks.

est `make_boxes.py`. Ce code lit les spectres de puissance interpolés puis construit les trois boîtes de densité relatives aux quasars, la boîte de densité relative au Ly $\alpha$ , les trois boîtes de vitesse et les six boîtes de gradient de vitesse, décrites dans la section 2.1. Au total, 13 transformations de Fourier inverses sont effectuées. Ce code est lancé sept fois, afin de produire les boîtes pour les sept chunks. Une fois toutes les boîtes produites, les quasars sont tirés (section 2.2) grâce au code `draw_qso.py`. Afin d'accélérer la production des mocks, les boîtes sont partagées en 512 tranches selon l'axe x. Ces tranches, de taille  $5 \times 2560 \times 1536$ , sont traitées séparément. Ce code est donc tourné en parallèle 512 fois, sur 16 noeuds  $\times$  32 threads. Une fois les quasars tirés, les lignes de visée sont interpolées (section 2.3) avec le code `make_spectra.py`. De la même manière que le code précédent, il tourne en parallèle 512 fois, sur 16 noeuds  $\times$  32 threads. Chaque instance du code interpolate les densités, vitesses et gradients de vitesse le long de chaque morceau de ligne de visée présente dans la tranche traitée. Une fois toutes les tranches traitées, les morceaux de ligne de visée sont mis bout à bout grâce au code `merge_spectra.py`. Encore une fois, le code tourne en parallèle 512 fois : chaque instance du code traite toutes les lignes de visée correspondant aux quasars situés dans une même tranche. Le code lit alors tous les morceaux de spectre relatifs à ces quasars, puis les assemble. Lorsque les lignes de visée sont toutes reconstruites, la formule FGPA est appliquée afin d'obtenir le champ de transmission  $F$  pour chaque ligne de visée. La dernière étape consiste à regrouper le résultat de tous les chunks. Le module `merge_qso.py` permet de lire tous les quasars tirés dans chaque tranche de chaque chunk et de créer un catalogue global appelé `master.fits`. Une fois le catalogue construit, le code `dla_saclay.py` tire les HCD le long de chaque ligne de visée. Le code est tourné sur les sept chunks en parallèle. Puis le module `merge_dla.py`, comme pour les quasars, permet de regrouper tous les HCD tirés et de construire le catalogue global `master_DLA.fits`. Enfin le code `make_transmissions.py` permet de mettre les fichiers contenant les forêts au bon format : Les forêts sont regroupées par HEALPix pixel (Gorski et al., 2004) dans des fichiers FITS, puis ces fichiers FITS sont regroupés par 100 selon leur HEALPix pixel :

`N/PIX/transmission-nside-PIX.fits.gz`,

où `nside = 16` est la résolution du schéma HEALPix utilisé, `pix` donne le numéro du pixel HEALPix, et `N` est le résultat de la division euclidienne de `pix` par 100. Cette dernière étape est effectuée sur un noeud, `make_transmissions.py` étant lancé en parallèle sur 64 sous-échantillons des HEALPix pixels.

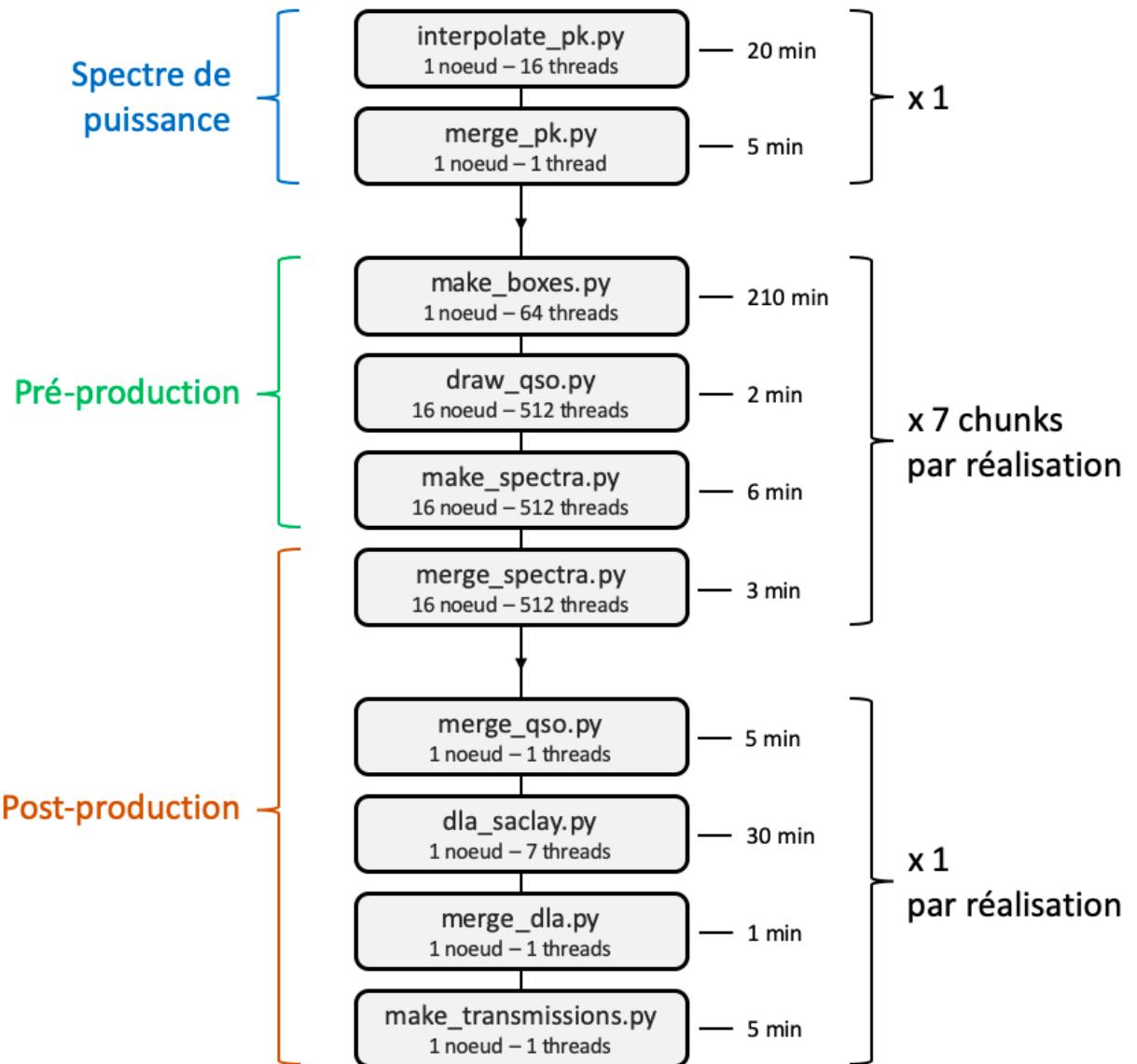


FIGURE 1.10 – Schéma illustratif du fonctionnement des mocks. Le premier bloc (bleu) génère le spectre de puissance nécessaire à la création des boîtes. Puis, pour chaque chunk de chaque réalisation, la pré-production (vert) génère les boîtes, tire les quasars, et interpole les lignes de visée. Enfin, la post-production (orange) rassemble les morceaux de lignes de visée et construit les forêts Ly $\alpha$  pour chaque chunk. Puis, elle regroupe le résultat de chaque chunk, construit les catalogues finaux de quasars et HCD et produit les fichiers transmissions pour chaque réalisation. Chaque case indique le nom du code, ainsi que les conditions dans lesquelles il est tourné. Les temps d'exécution indiqués sont approximatifs.

Comme expliqué à la fin de la section ??, le calcul de l'auto corrélation des tracers objets, tels les quasars, nécessite l'estimateur de Landy-Szalay. Afin d'utiliser cette estimateur, nous avons besoin de catalogues de quasars et de HCD qui suivent une distribution aléatoire. Les vrais catalogues sont ensuite comparés à ces catalogues aléatoires. Pour constituer ces catalogues aléatoires de quasars et HCD, nous utilisons les codes `draw_qso.py` et `dla_szalay.py`. Une option nous permet de tirer les objets sans tenir compte de la densité dans chaque voxcel ou pixel. Les quasars sont donc tirés uniformément dans la boîte. Les HCD sont tirés uniformément dans le long de chaque ligne de visée, avec  $z_{HCD} < z_{QSO}$  où  $z_{QSO}$  est le redshift du quasar hôte. Dans les deux cas, nous tirons plus de quasars et de HCD pour les distributions aléatoires, afin que la statistique des fonctions de corrélation soit limitée uniquement par les vrais catalogues. A la fin, les catalogues aléatoires de quasars et HCD contiennent environ 10 et 3 fois plus d'objets que les vrais catalogues.

Pour les analyses Ly $\alpha$  d'eBOSS et de DESI, nous avons décidé de produire 100 réalisations des mocks, afin d'avoir suffisamment de statistique pour étudier finement les potentielles systématiques. Nous avons organisé la production de ces 100 réalisations en deux étapes. Premièrement, nous avons effectué la *pré-production*. Cette étape consiste à créer les boîtes contenant les différents GRF, puis à tirer les quasars et enfin interpoler la densité, les vitesses et gradients de vitesse, le long de chaque ligne de visée. Ceci correspond aux codes `make_boxes.py`, `draw_qso.py` et `make_spectra.py`. Cette étape est la plus coûteuse en temps de calcul : environ 43 heures CPU sur un noeud de Cori pour produire les sept chunks d'une réalisation. L'ensemble des fichiers temporaires propres à une réalisation pré-produite représente  $\sim 7 \times 550$  Go sur disque. La majorité de cet espace disque est pris par les différentes boîtes. Afin de réduire cet espace disque, la seule boîte que nous sauvons est la boîte contenant  $\delta_k$ , car nous pouvons reconstruire toutes les autres boîtes à partir de celle-ci. Ainsi, pour chaque réalisation pré-produite, nous stockons les lignes de visée interpolées et la boîte  $\delta_k$ , ce qui représente  $\sim 340$  Go sur disque.

Une certain nombre de problèmes informatiques, liés au centre de calcul NERSC, ont ralenti la phase de pré-production. Le principal problème venait du temps de lecture et d'écriture, qui par moment pouvait être multiplié par un facteur cent. Plus de trentes secondes étaient parfois nécessaires pour accéder à un simple fichier. Ce problème a été identifié comme venant du transfert des *meta data* sur le centre de calcul. Le code le plus affecté est `make_boxes.py`, car il écrit énormément de fichiers différents, correspondant aux différents slices des boîtes, et destinés à être lus par les codes `draw_qso.py` et `make_spectra.py`. Pour palier ce problème, nous avons décidé d'essayer de faire tourner les codes sur les noeuds de Cori appelés *Burst Buffer*. Ces noeuds possèdent des disques SSD (Solid-State drive), ce qui permet une lecture et une écriture très rapide. Une fois les codes exécutés, les données produites sont déplacées sur les disques durs habituels. Les noeuds Burst Buffer ont permis d'accélérer l'exécution du code `make_boxes.py` par un facteur  $\sim 2$ , passant d'environ deux heures à une heure seulement. Une vingtaine de réalisation ont été produites en utilisant ces noeuds. Cependant, ils sont devenus instables au cours de la production. D'autre part, les problèmes liés aux transferts des meta data avaient été stabilisés entre temps. Nous sommes donc retournés à l'utilisation des noeuds classiques de Cori pour finir la production. Pour les 40 dernières réalisations, le temps d'exécution de `make_boxes.py` variait entre trois et quatres heures. dans de bonnes conditions (janv 2020) la prod prend xx semaines

Le temps pris par les six mois nécessaires à la production nous a permis de choisir sur quelle modélisation des données nous voulions ajuster les paramètres Ly $\alpha$ . En effet, la modélisation des HCD dans les données est complexe et mal comprise. Les paramètres  $b_{HCD}$  et  $\beta_{HCD}$  sont très corrélés avec ceux du Ly $\alpha$ . Selon les modélisations, les paramètres Ly $\alpha$  obtenus grâce à l'ajustement des données ne sont pas les mêmes. L'étude de ces modélisations est donnée dans la section ??.

Une fois que l'on  
ou Apres avoir

présentée

**Ly $\alpha$  que nous visons, nous avons ajusté les paramètres de la formule FGPA afin d'obtenir les paramètres Ly $\alpha$  souhaités dans les mocks.** Ceci est expliqué dans la section suivante. Une fois ces paramètres ajustés et la phase de pré-production terminée, nous avons mené la phase de *post-production*. Cette phase consiste à créer les spectres d'absorption à partir des densités interpolées le long des lignes de visée, puis à regrouper tous les fichiers de sortie afin de les mettre au format décrit précédemment. Cette étape est beaucoup plus rapide, elle prend l'équivalent d'environ 6 heures CPU sur un nœud de Cori par réalisation. Une fois la production complète effectuée, la place sur disque d'une réalisation, sans compter les fichiers temporaires, correspond à environ 15 Go.

## 4 Ajustement des paramètres

Comme expliqué dans la section 2.4, le champ d'absorption Ly $\alpha$  est construit à partir des boîtes  $\delta_l$ ,  $\delta_s$  et  $\eta_{\parallel}$  grâce à la formule FGPA. Contrairement aux quasars pour lesquels le biais est choisi, les paramètres physiques du champ d'absorption Ly $\alpha$  simulé dépendent des quatres paramètres  $a(z)$ ,  $b(z)$ ,  $c(z)$  et  $P_{miss}(z)$  utilisés dans l'équation 1.36. Nous décrivons dans cette section comment ajuster ces paramètres (paramètres FGPA dans la suite) afin d'obtenir les bons  $b_{Ly\alpha}(z)$ ,  $\beta_{Ly\alpha}(z)$ ,  $\bar{F}(z)$  et  $P^{1D}(k, z)$  (paramètres Ly $\alpha$  dans la suite). Nous nous servons de la modélisation des données décrite dans le chapitre ?? comme référence pour les paramètres Ly $\alpha$ .

Afin d'ajuster ces paramètres FGPA, l'idée est de générer un mock avec un jeu de paramètres FGPA, calculer la fonction de corrélation du Ly $\alpha$ , ajuster cette fonction de corrélation et mesurer les paramètres Ly $\alpha$ . Puis une fois ces paramètres mesurés, itérer sur les paramètres FGPA afin de nous rapprocher des paramètres Ly $\alpha$  visés. Cependant cette méthode est très couteuse, car elle nécessite de générer des spectres et de produire la fonction de corrélation à chaque itération. Pour accélérer la procédure d'ajustement, nous tirons profit du fait que nos mocks possèdent une fonction de corrélation prédictible. Ainsi, au lieu de générer des spectres et calculer la fonction de corrélation sur ces derniers à chaque itération, nous générions la prédiction (section 2.4) puis nous l'ajustons directement afin de mesurer les paramètres Ly $\alpha$  correspondant au jeu de paramètres FGPA utilisé. Cet ajustement est fait dans les 5 bins en redshift  $z_1 = 1,8$ ;  $z_2 = 2,2$ ;  $z_3 = 2,6$ ;  $z_4 = 3,0$  et  $z_5 = 3,6$ .

Dans les lignes qui suivent, nous expliquons comment, dans chaque bin en redshift, nous choisissons le jeu de paramètres FGPA initial pour générer la prédiction à la première itération. Premièrement, nous choisissons le paramètre  $c$ . La somme des champs  $\delta_l$  et  $\eta_{\parallel}$  permet de retrouver le champ  $\delta^s$  dans l'espace des redshifts, via la formule de Kaiser (équation 1.13). Le champ  $\delta^s$  possède un biais de 1, par construction. Son paramètre RSD est donc  $\beta = f/b = f$ . De plus, à grand redshift, nous pouvons considérer en bonne approximation que  $f \sim 1$ . Nous avons donc  $\beta \sim 1$ . Ainsi, lorsque nous considérons la somme des trois champs  $\delta_l$ ,  $\delta_s$  et  $\eta_{\parallel}$  dans l'équation 1.36, le terme  $c$  devant  $\eta_{\parallel}$  donne, en première approximation,  $\beta = c$ . Dans chaque bin en redshift, nous choisissons donc  $c(z) = \beta_{Ly\alpha}(z)$ .

En ce qui concerne les paramètres  $a$  et  $b$ , ils sont ajustés afin de retrouver le bon  $\bar{F}(z)$  et  $P^{1D}(k, z)$  (#prov décrire).

Une fois les paramètres  $a$ ,  $b$  et  $c$  choisis, nous déterminons le spectre de puissance  $P_{miss}$  à appliquer à  $\delta_{k,s}$  afin d'obtenir le bon  $P_{mock}^{1D}$ . Nous avons besoin de  $P_{miss}$  car il nous faut connaître  $\sigma_g$  dans chaque bin en redshift afin de calculer la prédiction. La variance du champ  $g = bG(z)(\delta_l + \delta_s + c(z)\eta_{\parallel})$  est donnée par

$$\sigma_g^2(z) = \langle \delta_l^2 \rangle + \langle \delta_s^2 \rangle + c(z) \langle \eta_{\parallel}^2 \rangle + c(z) \left( \langle \delta_l \eta_{\parallel} \rangle - \langle \delta_l^2 \rangle \langle \eta_{\parallel}^2 \rangle \right). \quad (1.52)$$

Le terme entre parenthèses donne la covariance des champs  $\delta_l$  et  $\eta_{\parallel}$ . La variance  $\sigma_s$  du champ  $\delta_s$  est

reliée à son spectre de puissance  $P_{miss}$  par

$$\sigma_s = \frac{1}{d_{pix}N} \left( P_{miss}(0) + P(k_{Ny}) + 2 \sum_{j=1}^{\frac{N}{2}-1} P\left(\frac{2\pi}{d_{pix}N} j\right) \right), \quad (1.53)$$

où  $k_{Ny} = \pi/d_{pix} \sim 15,7 h^{-1} \text{ Mpc}$  est le mode de Nyquist : c'est le mode maximal accessible pour une résolution donnée. Dans le but de calculer  $\sigma_s$  puis la prédiction, nous commençons donc par construire le spectre de puissance  $P_{modèle}^{1D}$  sur lequel le  $P_{mock}^{1D}$  des mocks sera ajusté. Tout d'abord, les données provenant de (#prov On fit les données DR12 sans les oscillations du Si, quel papier ?) sont ajustées dans la gamme  $0,2 < k < 2.0 h \text{ Mpc}^{-1}$ . Les oscillations dans le spectre de puissance à une dimension causées par le silicium sont aussi ajustées afin de les retirer et de construire un modèle  $P_{modèle}^{1D}$  sans ces oscillations. La fonction ajustée aux données est définie comme

$$f(k) = \exp\left(-ak + b + \frac{c}{k+d}\right) \times f_{Si}(k), \quad (1.54)$$

où  $a, b, c$  et  $d$  sont quatres paramètres à ajuster, et  $f_{Si}$  est la fonction qui prend en compte les oscillations dues au silicium. La forme choisie permet d'avoir  $\log(P_{modèle}^{1D})$  linéaire à grand  $k$ , en accord avec ce qui est mesuré dans les simulations hydrodynamiques (Arinyo-i Prats et al., 2015). Pour construire  $\delta_s$ , nous avons besoin de calculer  $P_{miss}$  jusqu'à  $k_{Ny}$ . Le résultat de l'ajustement sur les données est donc extrapolé de  $k = 2,0$  jusqu'à  $k = 20 h \text{ Mpc}^{-1}$ . Pour les  $k$  plus petits que  $0,2 h \text{ Mpc}^{-1}$ , nous utilisons le modèle décrit dans Arinyo-i Prats et al. (2015) et ajusté sur des simulations hydrodynamiques. Il est défini comme

$$P(k) = b_{Ly\alpha}^2 (1 + \beta_{Ly\alpha} \mu_k^2)^2 P_L(k) D(k, \mu), \quad (1.55)$$

où  $P_L$  est le spectre de puissance linéaire, donné par Camb, et  $D(k, \mu)$  représente les déviations de la théorie linéaire. Le terme  $D(k, \mu)$  tend donc vers 1 à petit  $k$ . La forme choisie dans Arinyo-i Prats et al. (2015) diffère de celle utilisée dans McDonald (2003). Cette nouvelle forme permet d'obtenir le bon comportement à petit  $k$ . Aussi, elle nécessite l'ajustement de moins de paramètres.  $D(k, \mu)$  est donc défini comme

$$D(k, \mu) = \exp \left[ \left( q_1 \Delta^2(k) + q_2 \Delta^4(k) \right) \left( 1 - \left( \frac{k}{k_v} \right)^{a_v} \mu^{b_v} \right) - \left( \frac{k}{k_p} \right)^2 \right], \quad (1.56)$$

avec

$$\Delta^2(k) = \frac{1}{2\pi^2} k^3 P_L(k). \quad (1.57)$$

Les termes  $q_1 \Delta^2(k)$  et  $q_2 \Delta^4(k)$  représentent l'augmentation de puissance aux petites échelles due aux non-linéarités. L'ajustement que nous utilisons force  $q_2 = 0$ . Les autres paramètres ajustés sont donnés dans la section "Planck" de la table 7 de Arinyo-i Prats et al. (2015). Puis, dans chaque bin en redshift, la forme ajustée aux données et définie dans l'équation 1.54 est prolongée de  $k = 0,2 h \text{ Mpc}^{-1}$  jusqu'à  $k = 0$  par le modèle donné dans l'équation 1.56. Pour ce faire, nous calculons le modèle à  $z = 2,4$ , puis nous le multiplions par une constante, dépendant du bin en redshift, de façon à ce que le prolongement en  $k = 0,2 h \text{ Mpc}^{-1}$  soit continu. La figure ?? (#prov faire la figure : modèle + données superposées. 1 seul bin en z ? Tous ? Seulement 2,2, 2,6, 3,0 et 3,6 ?) montre le modèle ainsi construit, avec les données de #prov. Pour le bin  $z = 1,8$ , aucune donnée Ly $\alpha$  n'est disponible. Nous extrapolons donc le modèle à  $z = 2,2$ . Nous considérons que la forme du modèle reste la même. Nous considérons aussi que l'évolution en redshift de  $z = 2,4$  à  $z = 2,2$  est la même jusqu'à  $z = 1,8$ . Le modèle à  $z = 1,8$  est donc donné par

$$P_{modèle}^{1D}(k, z = 1,8) = P_{modèle}^{1D}(k, z = 2,2) \left( \frac{P_{modèle}^{1D}(k, z = 2,2)}{P_{modèle}^{1D}(k, z = 2,4)} \right)^2. \quad (1.58)$$

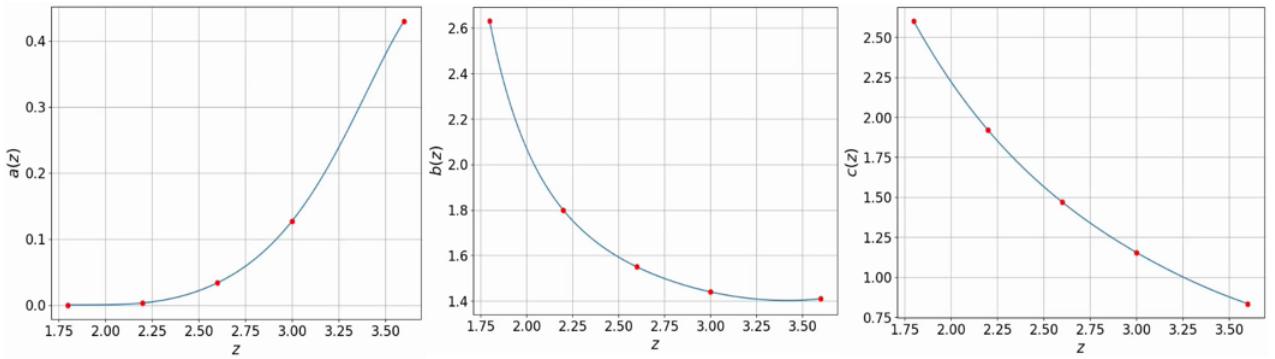


FIGURE 1.11 – Résultat de la procédure d’ajustement des paramètres FGPA.

Une fois le spectre de puissance modèle calculé, nous estimons le spectre de puissance à une dimension  $P_l^{1D}$  du champ interpolé  $\delta_l + cn_{\parallel}$ . Nous partons du spectre de puissance fournit par Camb. Nous multiplions ce spectre de puissance par le terme de kaiser  $(1 + c\mu_k^2)^2$  puis par le terme  $W$  représentant l’effet du lissage gaussien (équation 1.46). Enfin, nous calculons  $P_l^{1D}$  grâce à l’équation 1.31, en nous restreignant aux  $k < k_{max}$  (#prov dans p1d\_missing.py, on calcule le p1d avec un cut sur les k. Pourquoi c’est pas un sinus cardinal carré?). Une première estimation du spectre de puissance à une dimension  $P_{miss}^0$  à appliquer à  $\delta_{k,s}$  afin d’obtenir le bon  $P_{mock}^{1D}$  est donnée par

$$P_{miss}^0(k) = P_{modèle}^{1D}(k) - P_l^{1D}(k). \quad (1.59)$$

Le spectre de puissance  $P_{miss}^0$  ainsi construit nous permet d’obtenir un  $P_{mock}^{1D}$  convenable. Cependant, il reste des différences notables avec le spectre de puissance mesuré dans les données (#prov ça vient du fait qu’on applique FGPA ? mettre un plot du p1d des mocks sans shape tuning et des données ?). Afin de corriger ces différences, nous ajustons itérativement la forme de  $P_{miss}$ . A chaque itération  $n$ , nous commençons par générer  $\delta_s$  selon  $P_{miss}^n$ . Puis nous calculons le  $P_{mock}^{1D}$ , correspondant à ce  $P_{miss}^n$ . Le  $P_{miss}^{n+1}$  de l’itération suivante est alors donné par

$$P_{miss}^{n+1}(k) = P_{miss}^n(k) \left( 1 + l \left( \frac{P_{modèle}^{1D}(k)}{P_{mock}^{1D}(k)} - 1 \right) \right). \quad (1.60)$$

Le terme  $l$  est un facteur de convergence. En pratique, nous fixons  $l = 1$ , et dix itérations sont suffisantes pour obtenir un  $P_{miss}$  qui donne un  $P_{mock}^{1D}$  en accord avec les données.

A ce stade, nous disposons des informations nécessaires pour générer la prédiction. Nous générerons donc la prédiction, puis nous l’ajustons avec le code **picca**. Nous comparons la mesure de  $b_{Ly\alpha}$ ,  $\beta_{Ly\alpha}$  et  $\bar{F}$  à ce qui est mesuré dans les données. Ceci constitue une itération complète de la procédure d’ajustement. Dans le cas où les paramètres  $Ly\alpha$  mesurés sur la prédiction ne sont pas en accord avec ce qui est mesuré dans les données, nous relançons une nouvelle itération : nous modifions légèrement les paramètres  $a$ ,  $b$  et  $c$ , puis nous recalculons le nouveau  $P_{miss}^{10}$  afin de générer la nouvelle prédiction. Nous ajustons de nouveau la prédiction avec **picca** et comparons les valeurs de  $b_{Ly\alpha}$ ,  $\beta_{Ly\alpha}$  et  $\bar{F}$  mesurées aux données. Ces itérations sont répétées dans chaque bin en redshift jusqu’à obtenir des valeurs de  $b_{Ly\alpha}$ ,  $\beta_{Ly\alpha}$  et  $\bar{F}$  compatibles avec les données.

Une fois que cette procédure itérative a convergé dans les cinq bins en redshift, nous ajustons les paramètres  $a(z)$ ,  $b(z)$  et  $c(z)$  afin d’obtenir une fonction continue de ces paramètres sur  $z \in [1,8;3,6]$ . Les paramètres  $\log a(z)$  et  $\log b(z)$  sont ajustés par des polynômes de degré 4 de  $\log z$ . Ceci est fait dans le but d’éviter les valeurs négatives pour  $a(z)$ , ainsi que les points d’inflection. Le paramètre  $c(z)$  est ajusté par un polynôme de degré 4 de  $z$ . La figure 1.11 présente ces trois paramètres ajustés. En ce qui concerne les cinq spectres de puissance  $P_{miss}(k)$  construits précédemment dans chaque bin en

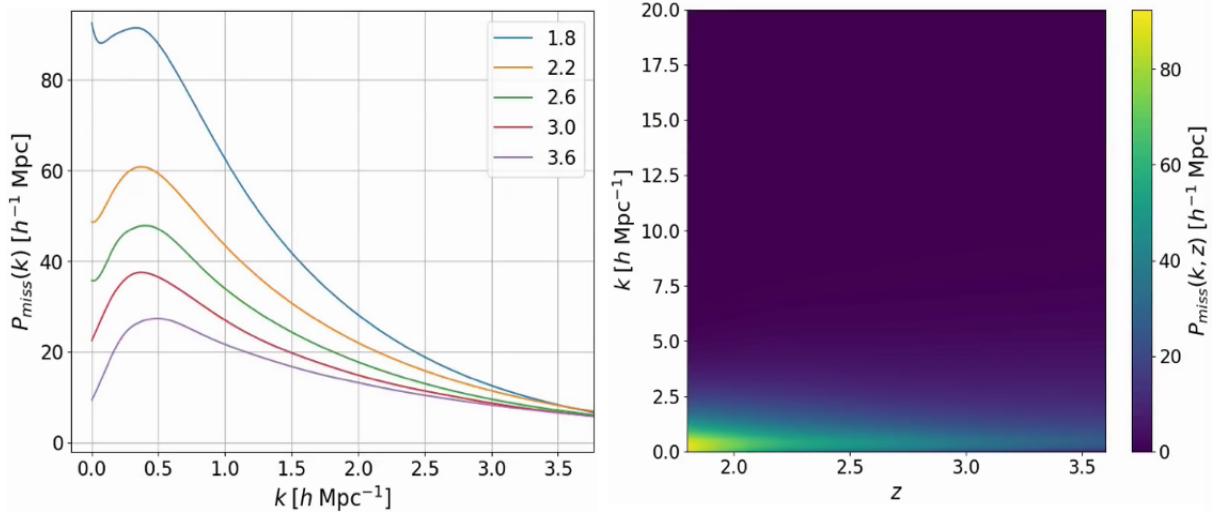


FIGURE 1.12 – Gauche : les cinqs spectres de puissance  $P_{miss}(k)$  ajustés dans chaque bin en redshift. Droite : interpolation cubique de ces cinqs spectres de puissance sur une grille  $(k,z)$ .

redshift, nous créons une grille  $(k,z)$  couvrant  $z \in [1.8;3.6]$  et  $k \in [0;20]h \text{ Mpc}^{-1}$ . Puis,  $P_{miss}(k,z)$  est obtenu via une interpolation cubique sur cette grille. Du fait des très faibles valeurs de  $P_{miss}$  à grand  $k$  et de l’interpolation cubique utilisée, certaines valeurs de l’interpolation sont négatives. Pour chaque redshift de la grille, nous forçons tous les pixels de l’interpolation de  $P_{miss}$  à zéro pour tous les  $k > k_0$ , où  $k_0$  est le premier  $k$  pour lequel l’interpolation est nulle. La figure 1.12 montre l’interpolation de  $P_{miss}(k)$  pour différentes valeurs de  $z$ .

Le résultat de la procédure d’ajustement décrite précédemment a été utilisé pour produire 100 réalisations indépendantes des mocks. Les figures ?? présentent les paramètres Ly $\alpha$  obtenus avec la prédiction (couleur), sur le stack des 100 rea (couleur) et mesuré dans les données (couleur). #prov montrer biais(z), beta(z),  $\langle F \rangle(z)$  et P1D(z).

## 5 Expansion des mocks

Une fois les mocks produits, l’idée est d’inclure les forêts simulées dans des spectres synthétiques. En effet, à ce stade nous disposons uniquement d’un relevé de quasars, et pour chacun d’entre deux, une forêt contenant le champ d’absorption  $F$  variant entre 0 et 1. Ainsi, afin de simuler complètement les données, nous devons ajouter un continuum à ces forêts, puis les inclures dans des spectres synthétiques. Le code utilisé pour créer ces spectres synthétiques est le code `quickquasars`. Il fait parti du package `desisim`<sup>1</sup> et est décrit dans ?. Ce code utilise

1. <https://github.com/desihub/desisim>

# Bibliographie

---

Katrin Heitmann, Hal Finkel, Adrian Pope, Vitali Morozov, Nicholas Frontiere, Salman Habib, Esteban Rangel, Thomas Uram, Danila Korytov, Hillary Child, Samuel Flender, Joe Insley, and Silvio Rizzi. The Outer Rim Simulation : A Path to Many-Core Supercomputers. apr 2019. doi : 10.3847/1538-4365/ab4da1. URL <http://arxiv.org/abs/1904.11970><http://dx.doi.org/10.3847/1538-4365/ab4da1>.

Aniket Agrawal, Ryu Makiya, Chi-Ting Chiang, Donghui Jeong, Shun Saito, and Eiichiro Komatsu. Generating {Log}-normal {Mock} {Catalog} of {Galaxies} in {Redshift} {Space}. *arXiv* :1706.09195 [astro-ph], jun 2017. URL <http://arxiv.org/abs/1706.09195>.

L. Clerkin, D. Kirk, M. Manera, O. Lahav, F. Abdalla, A. Amara, D. Bacon, C. Chang, E. Gaztañaga, A. Hawken, B. Jain, B. Joachimi, V. Vikram, T. Abbott, S. Allam, R. Armstrong, A. Benoit-Lévy, G. M. Bernstein, E. Bertin, D. Brooks, D. L. Burk, A. Carnero Rosell, M. Carrasco Kind, M. Crocce, C. E. Cunha, C. B. D’Andrea, L. N. da Costa, S. Desai, H. T. Diehl, J. P. Dietrich, T. F. Eifler, A. E. Evrard, B. Flaugher, P. Fosalba, J. Frieman, D. W. Gerdes, D. Gruen, R. A. Gruendl, G. Gutierrez, K. Honscheid, D. J. James, S. Kent, K. Kuehn, N. Kuropatkin, M. Lima, P. Melchior, R. Miquel, B. Nord, A. A. Plazas, A. K. Romer, E. Sanchez, M. Schubnell, I. Sevilla-Noarbe, R. C. Smith, M. Soares Santos, F. Sobreira, E. Suchyta, M. E. C. Swanson, G. Tarle, and A. R. Walker. Testing the lognormality of the galaxy and weak lensing convergence distributions from Dark Energy Survey maps. may 2016. doi : 10.1093/mnras/stw2106. URL <http://arxiv.org/abs/1605.02036><http://dx.doi.org/10.1093/mnras/stw2106>.

Peter Coles and Bernard Jones. A lognormal model for the cosmological mass distribution. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 248 :1–13, jan 1991. ISSN 0035-8711. URL <http://adsabs.harvard.edu/abs/1991MNRAS.248....1C>.

Antony Lewis, Anthony Challinor, and Anthony Lasenby. Efficient Computation of CMB anisotropies in closed FRW models. nov 1999. doi : 10.1086/309179. URL <http://arxiv.org/abs/astro-ph/9911177><http://dx.doi.org/10.1086/309179>.

Scott Dodelson. *Modern Cosmology*. Academic Press, 2003. doi : 10.1023/B:FOOP.0000019699.88151. ed.

Andreu Arinyo-i Prats, Jordi Miralda-Escudé, Matteo Viel, and Renyue Cen. The Non-Linear Power Spectrum of the Lyman Alpha Forest. jun 2015. doi : 10.1088/1475-7516/2015/12/017. URL <http://arxiv.org/abs/1506.04519><http://dx.doi.org/10.1088/1475-7516/2015/12/017>.

M. M. Pieri, S. Bonoli, J. Chaves-Montero, I. Paris, M. Fumagalli, J. S. Bolton, M. Viel, P. Noterdaeme, J. Miralda-Escudé, N. G. Busca, H. Rahmani, C. Peroux, A. Font-Ribera, S. C. Trager, and The WEAVE Collaboration. WEAVE-QSO : A Massive Intergalactic Medium Survey for the William Herschel Telescope. nov 2016. URL <https://arxiv.org/abs/1611.09388>.

J M Le Goff, C Magneville, E Rollinde, S Peirani, P Petitjean, C Pichon, J Rich, C Yéche, E Aubourg, N Busca, R Charlassier, T Delubac, J C Hamilton, N Palanque Delabrouille, I Pâris, and M Vargas Magaña. Simulations of {BAO} reconstruction with a quasar {Ly}- $\alpha$  survey. *Astronomy and Astrophysics*, 534 :135, oct 2011. ISSN 0004-6361. doi : 10.1051/0004-6361/201117736;. URL <http://adsabs.harvard.edu/abs/2011A&gt;26A...534A.135L>.

James Farr, Andreu Font-Ribera, Hélion du Mas des Bourboux, Andrea Muñoz-Gutiérrez, Francisco Javier Sanchez Lopez, Andrew Pontzen, Alma Xochitl González-Morales, David Alonso, David Brooks, Peter Doel, Thomas Etourneau, Julien Guy, Jean-Marc Le Goff, Axel de la Macorra, Nathalie Palanque-Delabrouille, Ignasi Pérez-Ràfols, James Rich, Anže Slosar, Gregory Tarle, Duan Yutong, and Kai Zhang. LyaCoLoRe : Synthetic Datasets for Current and Future Ly-alpha Forest BAO Surveys. dec 2019. doi : 10.1088/1475-7516/2020/03/068. URL <https://arxiv.org/abs/1912.02763>.

Andreu Font-Ribera, Patrick McDonald, and Jordi Miralda-Escudé. Generating mock data sets for large-scale Lyman- $\alpha$  forest correlation measurements Generating mock data sets for large-scale Lyman- $\alpha$  forest correlation measurements. *Journal of Cosmology and Astroparticle Physics*, 2012. doi : 10.1088/1475-7516/2012/01/001. URL <http://iopscience.iop.org/article/10.1088/1475-7516/2012/01/001/pdf>.

A J S Hamilton. Measuring {Omega} and the real correlation function from the redshift correlation function. *The Astrophysical Journal Letters*, 385 :L5—L8, jan 1992. ISSN 0004-637X. doi : 10.1086/186264. URL <http://adsabs.harvard.edu/abs/1992ApJ...385L...5H>.

Andreu Font-Ribera and Jordi Miralda-Escudé. The {Effect} of {High} {Column} {Density} {Systems} on the {Measurement} of the {Lyman} {\textbackslash}alpha {Forest} {Correlation} {Function}. *Journal of Cosmology and Astroparticle Physics*, 2012(07) :28, jul 2012. ISSN 1475-7516. doi : 10.1088/1475-7516/2012/07/028. URL <http://arxiv.org/abs/1205.2018>.

K. M. Gorski, E. Hivon, A. J. Banday, B. D. Wandelt, F. K. Hansen, M. Reinecke, and M. Bartelman. HEALPix – a Framework for High Resolution Discretization, and Fast Analysis of Data Distributed on the Sphere. sep 2004. doi : 10.1086/427976. URL <http://arxiv.org/abs/astro-ph/0409513> <http://dx.doi.org/10.1086/427976>.

P McDonald. Toward a {Measurement} of the {Cosmological} {Geometry} at  $z \sim 2$  : {Predicting} {Ly $\alpha$ } {Forest} {Correlation} in {Three} {Dimensions} and the {Potential} of {Future} {Data} {Sets}. *\textbackslash{}textbackslash{}apj*, 585 :34–51, mar 2003. doi : 10.1086/345945.