

Agir avec cet opérateur sur la fonction propre (chap:1:2.part) donne

$$\text{eqnarray} \quad -1 \sqrt{2} \int dx dz_1 dz_2 \varphi_2(z_1, z_2) \left[12 \partial_x^2 \Psi^\dagger(x) \right] \Psi(x) \Psi^\dagger(z_1) \Psi^\dagger(z_2) |0\rangle \text{chap:1:hal.mod.2.part.1}$$

Les règles de commutations (chap:1:com.1) impliquent que

$$\text{eqnarray} \quad \text{array}{rl} [\Psi(x), \Psi^\dagger(z_1) \Psi^\dagger(z_2)] = \Psi^\dagger(z_2) \delta(x - z_1) + \Psi^\dagger(z_1) \delta(x - z_2)$$

En utilisant ces dernières règles de commutations et la définition d'état de Fock (chap:eq.vide.fock) , la première partie de l'application de l'hamiltonien sur l'état $|2\rangle$, (chap:1:hal.mod.2.part.1) se simplifie en

$$\text{eqnarray} \quad -1 \sqrt{2} dz_1 dz_2 \varphi_2(z_1, z_2) \left\{ \Psi^\dagger(z_1) \left[12 \partial_{z_2}^2 \Psi^\dagger(z_2) \right] + \Psi^\dagger(z_2) \left[12 \partial_{z_1}^2 \Psi^\dagger(z_1) \right] \right\} |0\rangle$$