Dans les deux sous-sections predentes, nous avons tudi un nombre fini de bosons sur la droite relle infinie, ce qui correspond une densit de particules nulle. Cependant, pour accder aux proprits thermodynamiques du modle, il est neessaire de considrer une densit finie N/L. Cela peut tre ralis en imposant des conditions aux bords priodiques, en identifiant les points x=0 et x=L du systme.

Imposer des conditions priodiques sur la fonction donde de Bethe chap:1:N.part, cest--dire $\varphi_{\{\theta_a\}}(x_1,\ldots,x_{N-1},L)=$ $\varphi_{\{\theta_a\}}(0,x_1,\ldots,x_{N-1}), mneauxquations de Bethe suivantes: equation <math>e^{i\theta_aL}\prod_{b\neq a}e^{i\Phi(\theta_a-\theta_b)}=(-1)^{N-1},\quad a=1,\ldots,N,eq:bethe_exp$