单比特错误

单比特错误

比特错误 如何归一化 $\hat{I}_a + \epsilon \hat{Z}_a$ 修正错误 其他单比特错误 纠错能力

2022-11-14

比特错误

数据比特 a 上的错误, $\hat{I}_a+\epsilon\hat{Z}_a,\ \epsilon\ll 1$,导致系统变化: $|\psi\rangle\to|\psi'\rangle=(\hat{I}_a+\epsilon\hat{Z}_a)|\psi\rangle$, $|\psi\rangle$ 是一个不动态。

下一个循环的镇定测量会让 $|\psi'\rangle$

- 1. 变回不动态 $|\psi
 angle$,几率 $\sim 1 \left|\epsilon
 ight|^2$
- 2. 变成不动态 $Z_a |\psi
 angle$,几率 $\sim |\epsilon|^2$

情形 1,镇定测量的输出不变;

情形 2, 比特 a 上的两个 measure-X 测量的结果变号,而两个 measure-Z 测量不变,因为

$$egin{aligned} \hat{X}_a\hat{X}_b\hat{X}_c\hat{X}_d\Big(\hat{Z}_a|\psi
angle\Big) &= -X_{abcd}\Big(\hat{Z}|\psi
angle\Big) \ \hat{Z}_a\hat{Z}_b\hat{Z}_c\hat{Z}_d\Big(\hat{Z}_a|\psi
angle\Big) &= Z_{abcd}\Big(\hat{Z}|\psi
angle\Big) \end{aligned}$$

如何归一化 $\hat{I}_a + \epsilon \hat{Z}_a$

令 $\hat{O}\equiv\hat{I}_a+\epsilon\hat{Z}_a$, \hat{O} 的矩阵表象中的两个行应当正交归一,所以应用施密特正交化即可。

修正错误

同一数据比特上的两个 measure-X 测量变号指示了一个 \hat{Z} 错误已经发生。

修正方法:

- 方法 1. 立即补偿一个 Â 操作来抵消错误(不推荐)
- 方法 2. 将该数据比特上的后续 measure-X 测量人为取反,作为纠正,直至再次发生一个 \hat{Z} 错误 (推荐 \square)

其他单比特错误

- 1. 数据比特上的 \hat{X} 错误,采取类似上述操作,只是将表述中的 Z 和 X 对调。
- 2. 数据比特上的 $\hat{Y} = \hat{Z}\hat{X}$ 错误,等同于同时发生 \hat{X} 和 \hat{Z} 错误
- 3. 测量比特上的测量错误,一般不会导致成对的测量编号,且同一测量比特连续发生该错误的可能性 指数降低,所以可以通过测量比特在多个循环中的表现来修正该错误。

纠错能力

当错误足够稀少,有可能完全被纠正。当错误的时空密度增加,判定错误会因可能性太多而误判,导致 纠错失败,进而限制表面码的能力。