MÔ HÌNH HOÁ VÀ ĐIỀU KHIỂN TỐI ƯU CHO HỆ XE HAI BÁNH TỰ CÂN BẰNG

MODELLING AND OPTIMAL CONTROL FOR TWO-WHEELED SELF-BALANCING ROBOT

Nguyễn Minh Tâm, Nguyễn Văn Đông Hải, Nguyễn Phong Lưu, Lê Văn Tuấn Trường đại học Sư phạm Kỹ thuật TP.HCM

TÓM TẮT

Hệ xe hai bánh tự cân bằng là một hệ thống được áp dụng nhiều trong các thí nghiệm điều khiển tự động. Đây là một hệ thống MIMO (multi-input and multi-output) mang tính lý thuyết và thực tiễn cao, đã được áp dụng trong cuộc sống. Tuy nhiên, đa phần các nghiên cứu chỉ xoay quanh việc điều khiển cân bằng dùng các giải thuật tìm kiếm thử sai hoặc phương trình toán học đơn giản. Các nghiên cứu chi tiết về phương trình toán học hệ thống và giải thuật ứng dụng chính trên sự hiểu biết mô hình là không nhiều. Bài báo phân tích phương trình toán học của một hệ xe hai bánh tự cân bằng. Qua đó, tác giả áp dụng thành công giải thuật điều khiển tối ưu cho hệ trên. Giải thuật điều khiển tối ưu được thủ nghiệm với các trường hợp di chuyển khác nhau của xe. Kết quả điều khiển là tốt trên cả mô phỏng Matlab/Simulink và thực nghiệm.

Từ khóa: xe hai bánh tự cân bằng, điều khiển tối ưu, LQR, Matlab/Simulink, MIMO, thực nghiệm.

ABSTRACT

Two-wheeled Self-balancing Cart is a popular model in automatic experiments. This is a MIMO system (multi-input and multi-output) which is theoretical, practical and has been applied in normal life. Anyway, most research just focus on balancing this model through try-on experiments or simple form of mathematical model. There are still so few research focus on modelling algorithm and designing a mathematical model-based controller for this system. This paper analized mathematical equations of the system. Then, the authors successfully applied optimal control for this system. Optimal controller was tested with different cases of cart motion. Controlling results was proved to work well through both experiments and simulation on Matlab/Simulink.

Keywords: Two-wheeled Self-balancing Robot/Cart, LQR, optimal control, Matlab/Simulink, experiment.

1. ĐẶT VẤN ĐỀ

Hệ xe hai bánh tự cân bằng là một đối tượng quen thuộc trong các bài toán lý thuyết điều khiển. Thế nhưng, phần lớn các nghiên cứu chỉ dựa trên phương trình toán học dạng đơn giản với ngõ vào hệ thống là momen bánh trái hoặc momen bánh phải và chỉ hoàn thành trên mô phỏng[1], [2], [3] trong khi mô hình thực tế thì ngõ vào là điện áp cấp cho động cơ bánh trái hoặc bánh phải (phương trình toán học hệ thống phức tạp

hơn). Nhiều nghiên cứu lại áp dụng các giải thuật điều khiển thử sai (PID, FUZZY,...), không dựa trên mô hình toán học của hệ thống nên tính ổn định của hệ thống không được đảm bảo nhờ toán học [4], [5], [6]. Do đó, việc thiết lập một mô hình toán học chi tiết với ngõ vào điều khiển điện áp là cần thiết. Và khi phương trình toán học chi tiết đã được thành lập, một giải thuật điều khiển tối ưu (LQR) được thiết kế để điều khiển hệ thống. Việc ổn định của hệ thống được đảm bảo nhờ phường trình Riccati. Nhờ đó, bộ điều khiển

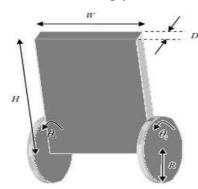
tối ưu ổn định được hệ thống trên mô phỏng cũng đảm bảo việc áp dụng được trên thực tế.

Các mục tiếp theo của bài báo được trình bày như sau: Mục II sẽ đề cập cách thức mô hình hóa đối tượng hệ xe hai bánh tự cân bằng. Tiếp đó, mục III, sẽ trình bày giải thuật

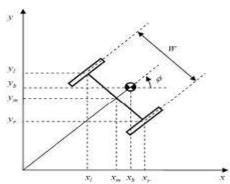
điều khiển tối ưu áp dụng cho hệ xe này. Sau đó, mục IV và V lần lượt trình bày các kết quả điều khiển trên mô phỏng và thực nghiệm. Cuối cùng, mục VI đưa ra kết luận về điều khiển LQR cho hệ thống trên.

2. MÔ HÌNH TOÁN HỌC

Sơ đồ và hệ quy chiếu hệ xe hai bánh tự cân bằng được thể hiện như ở hình 1, 2, 3 ở dưới:



L = H/2 $M.J_{\psi}$ $M.J_{\psi}$ R



Hình 1: Hình ảnh mô tả hệ xe hai bánh tự cân bằng

Hình 2: hệ xe hai bánh tự cân bằng nhìn nghiêng

Hình 3: hệ xe hai bánh tự cân bằng nhìn từ trên xuống

Trong đó, các thành phần của hệ được liệt lê ở bảng 1:

| Kí hiệu | Đơn vị | Ý nghĩa |
|----------------------------|---------|--|
| m | kg | Khối lượng của bánh xe |
| M | kg | Khối lượng của robot |
| R | m | Bán kính bánh xe |
| W | m | Chiều rộng của robot |
| D | m | Chiều ngang của robot |
| H | m | Chiều cao của robot |
| L | m | Khoảng cách từ trọng tâm robot đến trục bánh xe |
| $f_{\scriptscriptstyle W}$ | | Hệ số ma sát giữa bánh xe và mặt phẳng di chuyển |
| $f_{\scriptscriptstyle m}$ | | Hệ số ma sát giữa robot và động cơ DC |
| $sss J_m$ | kgm^2 | Moment quán tính động cơ DC |
| R_m | Ω | Điện trở động cơ DC |
| K_b | Vs/rad | Hệ số EMF của động cơ DC |
| K_{t} | Nm/A | Moment xoắn của động cơ DC |

| N | | Tỉ số giảm tốc |
|---|---------|--|
| G | m/s^2 | Gia tốc trọng trường |
| θ | rad | Góc trung bình của bánh trái và phải |
| $	heta_{l,r}$ | rad | Góc của bánh trái và phải |
| Ψ | rad | Góc nghiêng của phần thân robot |
| ϕ | rad | Góc xoay của robot |
| x_l, y_l, z_l | m | Tọa độ bánh trái |
| X_r, y_r, Z_r | m | Tọa độ bánh phải |
| X_m, y_m, Z_m | m | Tọa độ trung bình |
| $\begin{array}{ccc} F_{\theta} & , \\ F_{\psi} , F_{\phi} & \end{array}$ | Nm | Moment phát động theo các phương khác nhau |
| $F_{l,r}$ | Nm | Moment phát động của động cơ bánh trái, phải |
| i_l , i_r | A | Dòng điện động cơ bánh trái, phải |
| v_l, v_r | V | Điện áp động cơ bánh trái, phải |

Bảng 1: Ký hiệu và ý nghĩa của các đại lượng

Ta sử dụng phương pháp Euler-Lagrange để xây dựng mô hình động học. Giả sử tại thời điểm t=0, robot di chuyển theo chiều dương trục x, ta có góc tịnh tiến trung bình của hai bánh xe và góc xoay của robot được xác đinh như sau:

$$\begin{bmatrix} \theta \\ \phi \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} (\theta_l + \theta_r) \\ \frac{R}{W} (\theta_l - \theta_r) \end{bmatrix}$$
 (1)

Trong đó tọa độ trung bình của Robot trong hệ qui chiếu:

$$\begin{bmatrix} x_m \\ y_m \\ z_m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \int \dot{x}_m \\ \dot{y}_m \\ R \end{bmatrix}$$
 (2)

$$V\hat{a} \begin{bmatrix} \dot{x}_m \\ \dot{y}_m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R\dot{\theta}\cos\phi \\ R\dot{\theta}\sin\phi \end{bmatrix}$$
 (3)

Tọa độ bánh trái trong hệ qui chiếu:

$$\begin{bmatrix} x_l \\ y_l \\ z_l \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_m - \frac{W}{2} \sin \phi \\ y_m + \frac{W}{W} \cos \phi \\ z_m \end{bmatrix}$$
(4)

Tọa độ bánh phải trong hệ qui chiếu:

$$\begin{bmatrix} x_r \\ y_r \\ z_r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_m + \frac{W}{2}\sin\phi \\ y_m - \frac{W}{W}\cos\phi \\ z_m \end{bmatrix}$$
 (5)

Tọa độ tâm đối xứng giữa hai động cơ trong hệ qui chiếu:

$$\begin{bmatrix} x_b \\ y_b \\ z_b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_m + L\sin\psi\cos\phi \\ y_m L\sin\psi\cos\phi \\ z_m + L\cos\psi \end{bmatrix}$$
 (6)

Phương trình động năng của chuyển động tịnh tiến:

$$T_{1} = \frac{1}{2} m \left(\dot{x}_{l}^{2} + \dot{y}_{l}^{2} + \dot{z}_{l}^{2} \right) +$$

$$+ \frac{1}{2} m \left(\dot{x}_{r}^{2} + \dot{y}_{r}^{2} + \dot{z}_{r}^{2} \right) +$$

$$+ \frac{1}{2} m \left(\dot{x}_{b}^{2} + \dot{y}_{b}^{2} + \dot{z}_{b}^{2} \right)$$

$$(7)$$

Phương trình động năng của chuyển động quay:

$$T_{2} = \frac{1}{2} J_{w} \dot{\theta}_{l}^{2} + \frac{1}{2} J_{w} \dot{\theta}_{r}^{2} + \frac{1}{2} J_{w} \dot{\psi}^{2}$$

$$+ \frac{1}{2} J_{\phi} \dot{\phi}^{2} + \frac{1}{2} n^{2} J_{m} (\dot{\theta}_{l} - \dot{\psi})^{2} +$$

$$+ \frac{1}{2} n^{2} J_{m} (\dot{\theta}_{r} - \dot{\psi})^{2}$$

$$(8)$$

Với

$$\frac{1}{2}n^{2}J_{m}\left(\dot{\theta}_{l}-\dot{\psi}\right)^{2}\;;\;\frac{1}{2}n^{2}J_{m}\left(\dot{\theta}_{r}-\dot{\psi}\right)^{2}\tag{9}$$

là động năng quay của phần ứng động cơ trái và phải.

Phương trình thế năng:

$$U = mgz_t + mgz_r + mgz_h \tag{10}$$

Phương trình Lagrange:

$$L = T_1 + T_2 - U \tag{11}$$

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{\partial L}{\partial \dot{\theta}} \right) - \frac{\partial L}{\partial \theta} = F_{\theta} \tag{12}$$

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{\partial L}{\partial \dot{\psi}} \right) - \frac{\partial L}{\partial \psi} = F_{\psi} \tag{13}$$

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{\partial L}{\partial \dot{\phi}} \right) - \frac{\partial L}{\partial \phi} = F_{\phi} \tag{14}$$

Lấy đạo hàm L theo các biến ta được:

$$\begin{bmatrix}
(2m+M)R^{2} + \\
+2J_{w} + 2n^{2}J_{m}
\end{bmatrix} \ddot{\theta} + \\
+ \left(MLR\cos\psi - 2n^{2}J_{m}\right) \ddot{\psi} + \\
-MLR\dot{\psi}^{2}\sin\psi = F_{\theta}$$
(15)

$$\begin{pmatrix}
MLR\cos\psi + \\
-2n^{2}J_{m}
\end{pmatrix} \ddot{\theta} + \begin{pmatrix}
ML^{2} + J_{\psi} + \\
+2n^{2}J_{m}
\end{pmatrix} \ddot{\psi} + \\
-MgL\sin\psi - ML^{2}\dot{\phi}^{2}\sin\psi\cos\psi = F_{w}$$
(16)

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{2}mW^{2} + J_{\phi} + \\ + \frac{W^{2}}{2R^{2}} (J_{w} + n^{2}J_{m}) + \\ + ML^{2}sin^{2}\psi \end{bmatrix} \ddot{\phi}^{2} +$$
 (17)

 $+2ML^2\dot{\psi}\dot{\phi}\sin\psi\cos\psi=F_{\phi}$

Momen động lực do động cơ DC sinh ra:

$$\begin{bmatrix} F_{\theta} \\ F_{\psi} \\ F_{\phi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_{l} + F_{r} \\ F_{\psi} \\ \frac{W}{R} (F_{l} - F_{r}) \end{bmatrix}$$
(18)

Và:

$$F_l = nK_t \dot{i}_l + f_m \left(\dot{\psi} - \dot{\theta}_l \right) - f_w \dot{\theta}_l \tag{19}$$

$$F_r = nK_t i_r + f_m \left(\dot{\psi} - \dot{\theta}_r \right) - f_w \dot{\theta}_r \tag{20}$$

$$F_{\psi} = -nK_{t}i_{l} - nK_{t}i_{r} - f_{m}(\dot{\psi} - \dot{\theta}_{l}) + -f_{m}(\dot{\psi} - \dot{\theta}_{r})$$

$$(21)$$

Sử dụng phương pháp PWM để điều khiển động cơ nên chuyển từ dòng điện sang điện áp động cơ:

$$L_{m}\dot{i}_{l,r} = v_{l,r} + K_{b}\left(\dot{\psi} - \dot{\theta}_{l,r}\right) - R_{m}i_{l,r}$$
 (22)

Xem điện cảm phần ứng tương đối nhỏ (gần bằng 0), có thể bỏ qua, suy ra:

$$i_{l,r} = \frac{v_{l,r} + K_b \left(\dot{\psi} - \dot{\theta}_{l,r} \right)}{R_m}$$
 (23)

Từ đó, các moment lực sinh ra:

$$F_{\theta} = \alpha (v_l + v_r) - 2(\beta + f_w) \dot{\theta} + 2\beta \dot{\psi} \qquad (24)$$

$$F_{yy} = -\alpha(v_1 + v_r) + 2\beta\dot{\theta} - 2\beta\dot{\psi} \tag{25}$$

Với
$$\alpha = \frac{nK_t}{R_m}$$
 và $\beta = \frac{nK_tK_b}{R_m} + f_m$ (26)

$$F_{\phi} = \frac{W}{2R} \alpha (v_r - v_l) - \frac{W^2}{2R^2} (\beta + f_w) \dot{\phi}$$
 (27)

Thu được phương trình động lực học mô tả chuyển động của robot như sau:

$$\left[\left(2m + M \right) R^2 + 2J_w + 2n^2 J_m \right] \ddot{\theta} + \\
+ \left(MLR\cos\psi - 2n^2 J_m \right) \ddot{\psi} + \\
- MLR\dot{\psi}^2 \sin\psi = \alpha \left(v_l + v_r \right) + \\
- 2\left(\beta + f_w \right) \dot{\theta} + 2\beta \dot{\psi} \tag{28}$$

$$\begin{pmatrix}
MLR\cos\psi + \\
-2n^2J_m
\end{pmatrix} \ddot{\theta} + \begin{pmatrix}
ML^2 + J_{\psi} + \\
+2n^2J_m
\end{pmatrix} \ddot{\psi} + \\
-MgL\sin\psi - ML^2\dot{\phi}^2\sin\psi\cos\psi \qquad (29) \\
= -\alpha(v_I + v_r) + 2\beta\dot{\theta} - 2\beta\dot{\psi}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{2}mW^{2} + J_{\phi} + \\ + \frac{W^{2}}{2R^{2}} (J_{w} + n^{2}J_{m}) + \\ + ML^{2}\sin^{2}\psi \end{bmatrix} \ddot{\phi}^{2} +$$

$$+2ML^{2}\dot{\psi}\dot{\phi}\sin\psi\cos\psi =$$

$$\frac{W}{2R}\alpha(v_{r}-v_{l}) - \frac{W^{2}}{2R^{2}}(\beta + f_{w})\dot{\phi}$$
(30)

3. ĐIỀU KHIỂN TỚI ƯƯ

Từ (28), (29), (30), ta có hệ phương trình mô tả hệ thống xe hai bánh cân bằng có dạng sau:

$$\begin{cases} \dot{x}_{1} = x_{2} \\ \dot{x}_{2} = f_{1}(x_{1}, x_{2}, x_{3}, x_{4}, x_{5}, x_{6}, v_{l}, v_{r}) \\ \dot{x}_{3} = x_{4} \\ \dot{x}_{4} = f_{4}(x_{1}, x_{2}, x_{3}, x_{4}, x_{5}, x_{6}, v_{l}, v_{r}) \\ \dot{x}_{5} = x_{6} \\ \dot{x}_{6} = f_{6}(x_{1}, x_{2}, x_{3}, x_{4}, x_{5}, x_{6}, v_{l}, v_{r}) \end{cases}$$

$$(31)$$

Với:

$$x = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 \end{bmatrix}^T$$

$$= \begin{bmatrix} \theta & \dot{\theta} & \psi & \dot{\psi} & \phi & \dot{\phi} \end{bmatrix}^T$$
32)

Nếu chon điểm làm việc là:

$$x_0 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}^T; \quad u_0 = \begin{bmatrix} 0 & 0 \end{bmatrix}^T$$
 (33)

Ta có thể tuyến tính hoá hệ thống (31) về dạng:

$$\dot{x} = Ax + Bu \tag{34}$$

$$V \acute{o}i: u = \begin{bmatrix} v_l \\ v_r \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \frac{\partial f_2}{\partial v_l}\Big|_{\substack{x=x_0 \\ u=u_0}} & \frac{\partial f_2}{\partial v_r}\Big|_{\substack{x=x_0 \\ u=u_0}} \end{bmatrix}; A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \frac{\partial f_2}{\partial x_l}\Big|_{\substack{x=x_0 \\ u=u_0}} & \frac{\partial f_2}{\partial x_l}\Big|_{\substack{x=x_0 \\ u=u$$

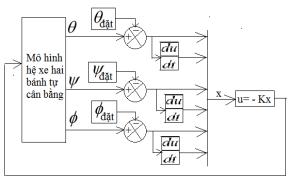
Lúc này, ta có các ma trận trọng số như sau:

$$Q = \begin{bmatrix} Q_1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & Q_2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & Q_3 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & Q_4 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & Q_5 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & Q_6 \end{bmatrix}$$

and
$$R = \begin{bmatrix} R_1 & 0 \\ 0 & R_2 \end{bmatrix}$$

Với các thông số Q_1 , Q_2 , ... Q_5 , Q_6 , R1 và R2 để tinh chỉnh cho bộ điều khiển LQR. Trong đó, thông Q_1 , Q_2 , Q_3 , Q_4 , Q_5 , Q_6 lần lượt là các trọng số tối ưu tương ứng cho các giá trị θ , $\dot{\theta}$, ψ , $\dot{\psi}$, ϕ , $\dot{\phi}$, tín hiệu điều khiển cho góc tiến tới và tín hiệu điều khiển cho góc xoay. Nếu muốn biến trạng thái nào được ưu tiên trong việc điều khiển thì ta cho thông số trọng số tương ứng đó lớn hơn tương đối so với các thông số trọng số khác.

Sau khi chọn được thông số điều khiển tương ứng, ta tiến hành xây dựng thông số hồi tiếp K với tín hiệu điều khiển u= - K*x Thông số K được tính dựa vào phương trình Riccati. Tuy nhiên, Matlab đã hỗ trợ ta hàm lqr() để tính ra thông số K khi đã biết ma trân A, B, Q, R.



Hình 4: Sơ đồ chi tiết bộ điều khiển LQR cho hệ xe hai bánh tự cân bằng

4. KÉT QUẢ MÔ PHỎNG

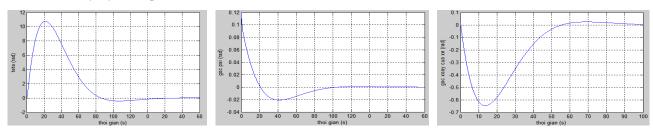
Thông số mô hình được chọn như sau: m=1; M=5; R=0.0725; W=0.24; D=0.2; H=0.5; L=0.18; $f_w=0.18$; $f_m=0.002$; $J_m=0.01$; $J_\psi=2ML^2/3$; $J_\phi=M\left(W^2+D^2\right)/12$; $R_m=50$; $K_b=0.468$; $K_t=0.317$; n=40; g=9.81; T=0.01 Ma trận trọng số LQR được chọn như sau:

$$Q = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} ; \quad R = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Lúc này, ta được ma trận K theo lệnh K=lqr(A,B,Q,R)

$$K = \begin{bmatrix} -0.7 & 236.3 & -6066 & -1390.9 & -0.7 & -10.4 \\ -0.7 & 236.3 & -6066 & -1390.9 & 0.7 & 10.4 \end{bmatrix}$$

4.1. Giá trị đặt bằng 0



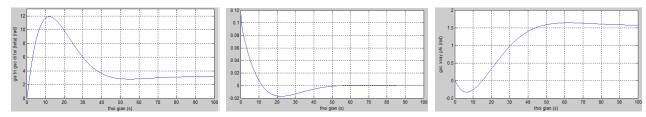
Hình 5: Góc bánh xe θ (rad)

Hình 6: Góc nghiêng \(\psi \) (rad)

Hình 7: Góc xoay ϕ (rad)

4.2. Giá trị đặt khác 0

Chọn là $\theta_{dăt} = \pi (rad)$, $\phi_{dăt} = \pi/2 (rad)$ (xe tiến tới 1 đoạn bằng chiều quay của một vòng hai bánh xe và quay 1 góc 90 đô quanh truc của xe)



Hình 8: Góc bánh xe θ (rad) Hình 9: Góc nghiêng ψ (rad)

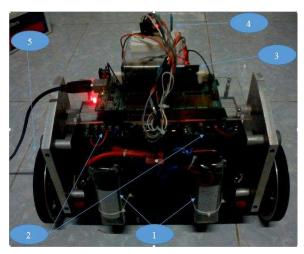
Hình 10: Góc xoay ϕ (rad)

4.3. Nhận xét

Như kết quả mô phỏng ở các hình 5-9, ta thấy trạng thái xe luôn bám sát tín hiệu đặt, bộ điều khiển LQR đáp ứng tốt. Điều này chứng tỏ xe có thể đi tới, lui, quẹo phải, trái tùy giá trị đặt. Thời gian quá độ còn dài và có thể được cải thiện thông qua việc chọn ma trận trọng số phù hợp.

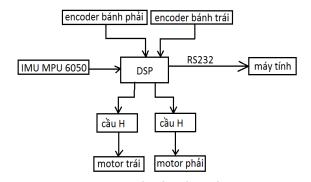
5. KÉT QUẢ THỰC TÉ

Mô hình thực nghiệm được thể hiện ở hình 11 như sau:



Hình 11: Mô hình phần cứng thực nghiệm

- 1. Nguồn Pin
- 2. Mạch cầu H
- 3. Vi điều khiển DSP
- 4. Cảm biến MPU 6050
- 5. Bánh xe mô hình



Hình 12: Sơ đồ kết nối phần cứng Trong khuôn khổ điều khiển LQR, ta

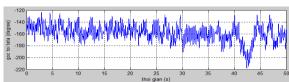
chọn các ma trận như sau:

$$Q = \begin{bmatrix} 1000 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 100 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 100 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0.1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1000 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1000 \end{bmatrix}; R = \begin{bmatrix} 20 & 0 \\ 0 & 20 \end{bmatrix}$$

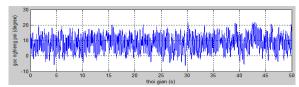
Như vậy, với thông số hệ thống thực tế, ta tính toán ra:

$$K = \begin{bmatrix} -0.7 & 236.3 & -6066 & -1390.9 & -0.7 & -10.4 \\ -0.7 & 236.3 & -6066 & -1390.9 & -0.7 & 10.4 \end{bmatrix}$$

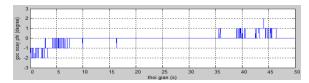
5.1. Điều khiển đứng yên tại vị trí cân bằng



Hình 13: Giá trị góc tới θ (độ)



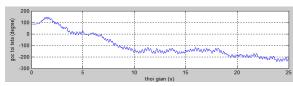
Hình 14: Giá trị góc nghiệng ψ (độ)



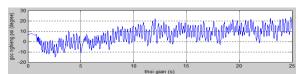
Hình 15: Giá trị góc xoay ϕ (độ)

5.2. Điều khiển với vị trí đặt khác 0

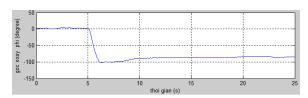
Thí nghiệm 1: Điều khiển quẹo trái



Hình 16: Giá trị góc tới θ (độ)

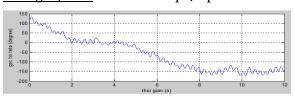


Hình 17: Giá trị góc nghiệng ψ (độ)

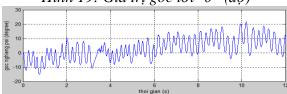


Hình 18: Giá trị góc xoay ϕ (độ)

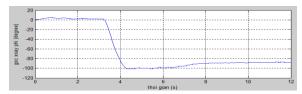
Thí nghiệm 2: Điều khiển quẹo phải



Hình 19: Giá trị góc tới θ (độ)

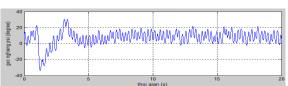


Hình 20: Giá trị góc nghiệng ψ (độ)

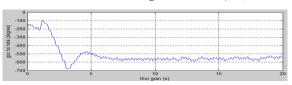


Hình 21: Giá trị góc xoay ϕ (độ)

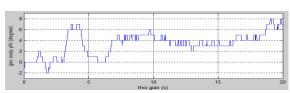
Thí nghiệm 3: Điều khiển đi lùi



Hình 22: Giá trị góc tới θ (độ)

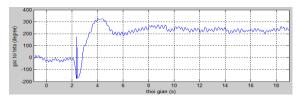


Hình 23: Giá trị góc nghiệng ψ (độ)

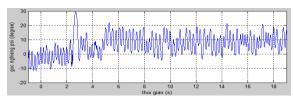


Hình 24: Giá trị góc xoay ϕ (độ)

Thí nghiệm 4: Điều khiển đi tới



Hình 25: Giá trị góc tới θ (độ)



Hình 26: Giá trị góc nghiệng ψ (độ)



Hình 27: Giá trị góc xoay ϕ (độ)

5.3. Nhận xét

Qua các hình 16-27, ta nhận thấy hệ thống xe hai bánh cân bằng thực tế đã điều khiển được theo các trạng thái đi tới, đi lui, queo trái, queo phải để đat các giá tri đặt cho trước. Tuy nhiên, biến trạng thái trong thực tế không bám hoàn toàn các giá tri đặt. Đó là vì tính chất thỉa hiệp trong điều khiển LQRsư sai lệch trong một biến trang thái được bù đắp bằng sư sai lệch của một biến trang thái tương ứng khác nhưng đủ để đảm bảo tính hiệu điều khiển vẫn đúng giá tri thiết kế. Đây là một khuyết điểm của điều khiển LQR so với các giải thuật điều khiển phi tuyến khác. Tuy nhiên, một giải thuật điều khiển LQR là đơn giản rất nhiều và dễ thiết kế cho hệ MIMO phức tạp so với các giải thuật điều khiển phi tuyến khác vốn chỉ phù hợp với đa số các hệ thống SISO.

6. KÉT LUÂN

Bài báo đã tính toán mô hình hóa về phương trình toán học của một hệ xe hai bánh tự cân bằng với ngõ vào là điện áp để có thể áp dụng cho đối tượng trên cả mô phỏng và

thực tế. Từ đó, dựa trên mô hình vừa tính toán ra của hệ thống, nhóm tác giả thiết kế giải thuật điều khiển tối ưu cho hệ thống trên. Kết quả điều khiển cho kết quả tốt ở cả mô phỏng và thực tế.

TÀI LIỆU THAM KHẢO

- [1] A. N. K. Nasir, M. A. Ahmad, R. M. T. Raja Ismail, *The Control of a Highly Nonlinear Two-wheeled Balancing Robot: A Comparative Assessment between LQR and PID-PID Control Schemes*, International Journal of Mechanical, Aerospace, Industrial, Mechatronic and Manufacturing Engineering, Vol. 4, No. 10, 2010.
- [2] Nguyen Ngoc Son, Ho Pham Huy Anh, Adaptive Backstepping Self-balancing Control of a Two-wheel Electric Scooter, International Journal of Advanced Robotic Systems, Vol. 11, No. 1, 2014.
- [3] Ming Yue, Wei Sun, Ping Hu, Sliding Mode Robust Control for Two-wheeled Mobile Robot with Lower Center of Gravity, International Journal of Innovative Computing, Information and Control, Vol. 7, No. 2, 2011.
- [4] Samer Miasa, Mohammad Al-Mjali, Anas Al-Haj Ibrahim, and Tarek A. Ttunji, Fuzzy Control of a Two-Wheel Balancing Robot using DSPIC, 7th International Multi-Conference on Systems, Signals and Devices, 2010.
- [5] Unluturk, A, Aydogdu, O, Guner, U., Design and PID control of two wheeled autonomous balance robot, International Conference on Electronics, Computer and Computation (ICECCO), (IEEE), pp. 260-264, 2013.
- [6] Congying Qiu, Yibin Huang, *The Design* of Fuzzy Adaptive PID Controller of Two-Wheeled Self-Balancing Robot, International Journal of Information and Electronics Engineering, Vol. 5, No. 3, 2015.

Thông tin liên hệ tác giả chính (người chịu trách nhiệm bài viết):

Họ tên: Nguyễn Phong Lưu

Đơn vị: Bộ môn Điều khiển tự động, Khoa Điện-điện tử, ĐH SPKT TPHCM

Điện thoại: 0918 119 083

Email: <u>luunp@hcmute.edu.vn</u>; <u>aphongluu@gmail.com</u>