

试题 A

题号	一 1-10 (30分)	二 11-15 (20分)	三					总分 (100分)
			16 (10分)	17 (10分)	18 (10分)	19 (10分)	20 (10分)	
分数								

1. 考试形式：闭卷■ 开卷□； 2. 本试卷共 20 题，满分 100 分（答题内容请写在装订线外）

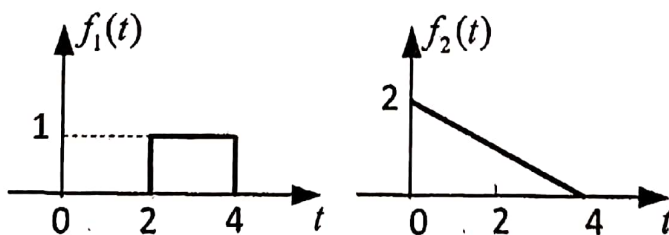
须知：解答题填写在本试卷后所留空白处，若不够可续写在背面，并注明题号。

说明： $\varepsilon(t)$ 为阶跃函数；LTI 表示线性时不变系统。

一、单项选择题（共 10 小题，每小题 3 分，共 30 分，本题请将答案 A 或 B 或 C 或 D 填写在下列表格中）

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

- 序列 $f(k) = e^{j0.2\pi k} + e^{-j0.3\pi k}$ 的周期为 () .
A. 10 B. 20 C. $\frac{20}{3}$ D. $\frac{200}{3}$
- 用下列方程描述的系统为线性时不变系统的是 () .
A. $y'(t) + (\sin t)y(t) = f(t)$ B. $y'(t) + [y(t)]^2 = f(t)$
C. $y(k) + (k-1)y(k-1) = f(k)$ D. $y'(t) + 2y(t) = f'(t) - 2f(t)$
- 如题 3 图信号 $f_1(t)$ 和 $f_2(t)$ 的波形，设 $f(t) = f_1(t) * f_2(t)$ ，则 $f(5)$ 为 () .
A. 0 B. 1 C. 2 D. 3



题3图

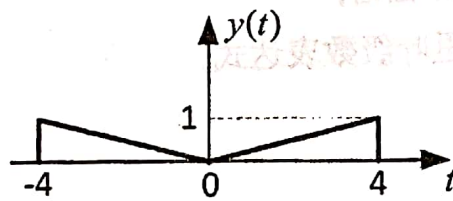
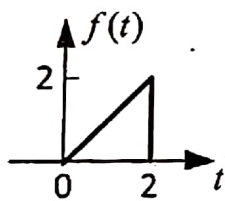
- 序列的卷积和 $\varepsilon(k+1) * \delta(1-k) = ()$.
A. $\varepsilon(k)$ B. $-\varepsilon(k)$ C. 0 D. 1
- 已知一个 LTI 连续系统的阶跃响应为 $g(t) = 2e^{-2t}\varepsilon(t) + \delta(t)$ ，当输入 $f(t) = e^{-t}\varepsilon(t)$ 时，系统的零状态响应 $y_{zs}(t)$ 等于 () .
A. $(4e^{-2t} - 3e^{-t})\varepsilon(t)$ B. $(4e^{-2t} - 3e^{-t} + 1)\varepsilon(t)$
C. $(-2e^{-2t} + 3e^{-t})\varepsilon(t)$ D. $[4e^{-2t} - 3e^{-t}]\varepsilon(t) + \delta(t)$



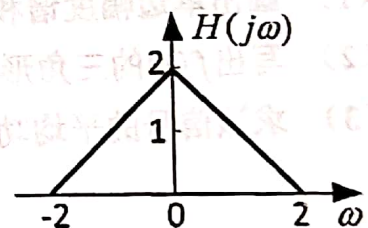
6. 若信号 $f(t)$ 的带宽为 $\Delta\omega$, 则信号 $f(0.5t)$ 的带宽为 ().
 A. $\Delta\omega$ B. $2\Delta\omega$ C. $0.5\Delta\omega$ D. $4\Delta\omega$
7. $\int_{-\infty}^{\infty} e^{-j\omega t} \delta'(t) dt = ()$.
 A. -1 B. 1 C. $-j\omega$ D. $j\omega$
8. 对连续时间信号 $f(t) = \frac{\sin(100t)}{50t}$ 进行均匀采样, 奈奎斯特角频率为 ().
 A. 400rad/s B. 200rad/s C. 100rad/s D. 50rad/s
9. 已知某信号的拉普拉斯变换为 $F(s) = \frac{e^{-(s+\alpha)T}}{s+\alpha}$, 则原函数 $f(t)$ 为 ().
 A. $e^{-\alpha t} \varepsilon(t-T)$ B. $e^{-\alpha(t-T)} \varepsilon(t-T)$
 C. $e^{-\alpha t} \varepsilon(t-\alpha)$ D. $e^{-\alpha(t-\alpha)} \varepsilon(t-T)$
10. 序列 $f(k) = -\varepsilon(-k)$ 的双边 z 变换等于 ().
 A. $\frac{z}{z-1}$ B. $-\frac{z}{z-1}$ C. $\frac{1}{z-1}$ D. $-\frac{1}{z-1}$

二、填空题 (共 5 小题, 每题 4 分, 共 20 分; 本题请将答案填写横线上)

11. 如题 11 图所示信号 $f(t)$ 的傅里叶变换 $F(j\omega) = R(\omega) + jX(\omega)$, 则 $y(t)$ 的傅里叶变换 $Y(j\omega) = \underline{\hspace{2cm}}$.



题11图



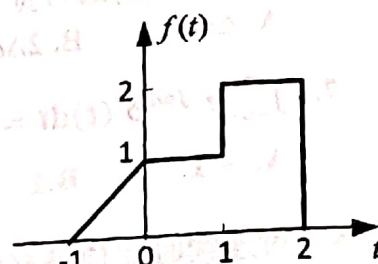
题12图

12. 信号 $f(t) = 1 + \cos(t) + \cos(2t)$ 经过题 12 图所示系统后的稳态响应为 $\underline{\hspace{2cm}}$.
13. 利用初值定理和终值定理, 分别求 $F(s) = \frac{4s+5}{2s+1}$ 对应的原函数的初值 $f(0_+) = \underline{\hspace{2cm}}$, 终值 $f(\infty) = \underline{\hspace{2cm}}$.
14. 已知因果系统 $h(t) \leftrightarrow H(s)$, 则信号 $\int_0^t \tau h(t-\tau) d\tau$ 的拉普拉斯变换为 $\underline{\hspace{2cm}}$.
15. 某离散信号 $f(k)$ 的 z 变换为 $F(z) = 1 + 2z^{-1} + 3z^{-2} + 4z^{-3} + 5z^{-4}$, 则信号 $f(k)$ 的能量是 $\underline{\hspace{2cm}}$ J.



三、计算题 (共 5 小题, 每小题 10 分, 共 50 分)

16. 已知连续时间信号 $f(t)$ 的波形如题 16 图所示, 画出 $f(-0.5t + 1)\varepsilon(1 - t)$ 的波形。



题16图

17. 已知周期 $T = 2s$ 的连续时间周期信号 $f(t)$, 复傅里叶系数 F_n 如下:

$$F_0 = 10, F_3 = 2j, F_{-3} = -2j, F_5 = 5, F_{-5} = 5,$$

$$F_n = 0, \quad n \text{ 为其它值}.$$

- (1) 画出单边幅度谱和单边相位谱;
- (2) 写出 $f(t)$ 的三角形式傅里叶级数表达式;
- (3) 求该信号的平均功率 P .



18. 已知某 LTI 连续系统的系统函数为 $H(s) = \frac{s^2}{s^2+2s+1}$, 其输入激励为 $f(t) = \varepsilon(t)$, 系统的初始状态为 $y(0_-) = 0, y'(0_-) = 2$ 。

(1) 写出系统的微分方程;

(2) 求该系统的全响应。

题号	姓名	学号	得分	评阅人	日期
(10分)					

解: (1) 由系统函数 $H(s) = \frac{s^2}{s^2+2s+1}$ 可得系统微分方程为 $y'' + 2y' + y = f(t)$ 。

(2) 求全响应。首先求齐次解 $y_h(t)$ 。特征方程为 $s^2 + 2s + 1 = 0$, 解得 $s_1 = s_2 = -1$ 。齐次解为 $y_h(t) = (C_1 + C_2 t)e^{-t}$ 。

再求特解 $y_p(t)$ 。由于输入 $f(t) = \varepsilon(t)$, 设特解形式为 $y_p(t) = A\varepsilon(t)$ 。代入微分方程得 $A = 1$ 。因此特解为 $y_p(t) = \varepsilon(t)$ 。

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

$$y(t) = (C_1 + C_2 t)e^{-t} + \varepsilon(t)$$

利用初始条件 $y(0_-) = 0, y'(0_-) = 2$ 求解 C_1, C_2 。由 $y(0_-) = 0$ 得 $C_1 = 0$ 。由 $y'(0_-) = 2$ 得 $C_2 = 2$ 。

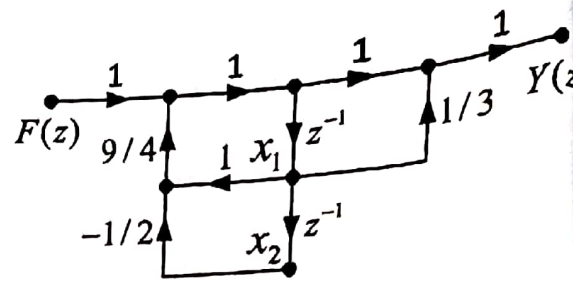
因此全响应为 $y(t) = 2te^{-t} + \varepsilon(t)$ 。



$$y(t) = 2te^{-t} + \varepsilon(t)$$

第4页 共6页





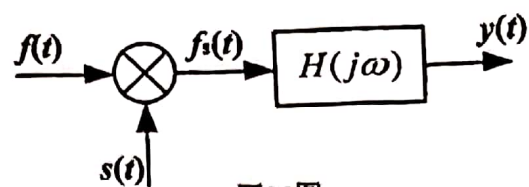
题19图

19. 离散时间系统的信号流图如题 19 图所示,
- (1) 求系统函数 $H(z)$;
 - (2) 写出输入、输出之间的差分方程;
 - (3) 对于因果系统, 判断系统的稳定性;
 - (4) 以 x_1, x_2 为状态变量, 列出系统的状态方程和输出方程。



20. 如题 20 图所示系统, 已知 $f(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} e^{jnt}$, $s(t) = \cos(t)$, 低通滤波器的频率响应为

$$H(j\omega) = \begin{cases} e^{-j\frac{\pi}{3}\omega}, & |\omega| < 1.5\text{rad/s} \\ 0, & |\omega| > 1.5\text{rad/s} \end{cases}$$



题20图

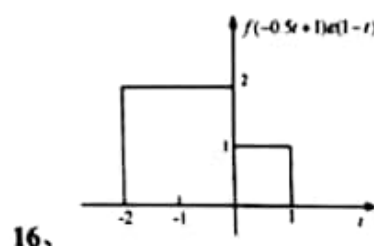
求系统的响应 $y(t)$ 。



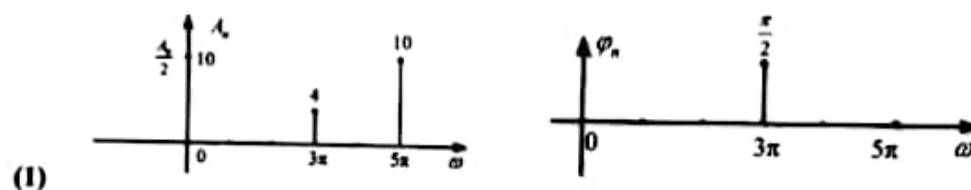
一、 BDCAD CDBAC

二、 (11) $2R(2\omega)$ (12) $2+\cos(t)$ (13) $\frac{3}{2}, 0$ (14) $\frac{H(s)}{s^2}$ (15) 55

三、计算题



17、



(2) $f(t) = 10 + 4\cos(3\pi t + \frac{\pi}{2}) + 10\cos(5\pi t)$

(3) $P=158(W)$

18、 (1) $y''(t) + 2y'(t) + y(t) = f''(t)$

(2) $y(t) = (t+1)e^{-t}\varepsilon(t)$

19、 (1) $H(z) = \frac{z^2 + \frac{1}{3}z}{z^2 - \frac{9}{4}z + \frac{9}{8}}$

(2) $y(k) - \frac{9}{4}y(k-1) + \frac{9}{8}y(k-2) = f(k) + \frac{1}{3}f(k-1)$

(3) 极点 $z_1 = \frac{3}{2}, z_2 = \frac{3}{4}, z_1$ 不在单位圆内, 不稳定

(4)

$$\begin{bmatrix} x_1(k+1) \\ x_2(k+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{9}{4} & -\frac{9}{8} \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1(k) \\ x_2(k) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} f(k)$$

$$y(k) = \begin{bmatrix} \frac{31}{12} & -\frac{9}{8} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1(k) \\ x_2(k) \end{bmatrix} + f(k)$$

20、 $y(t) = 1 + 2\cos(t - \frac{\pi}{3})$