

1. 设 A, B 是两个随机事件, $P(A)=0.4, P(B)=0.3, P(A|B)=0.4$, 则

$$P(A \cup B) = \underline{\hspace{2cm}}, \quad P(A - B) = \underline{\hspace{2cm}}, \quad P(\bar{A} \cup \bar{B}) = \underline{\hspace{2cm}}.$$

2. 设 A, B 独立, $P(A \cup B)=0.8, P(B)=0.5$, 则 $P(A) = \underline{\hspace{2cm}}, P(A|B) = \underline{\hspace{2cm}}.$

3. 若 $X \sim N(0, 4)$, 则 $P(|X| < 2) = \underline{\hspace{2cm}}.$ (其中 $\Phi(1) = 0.8413$)

4. 若 $X \sim N(1, 4)$, 则 $P(X < 2) = \underline{\hspace{2cm}}, \quad P(5 < X < 7) = \underline{\hspace{2cm}}.$

5. 已知某台机器生产的螺栓长度 $X \sim N(10.05, 0.06^2)$ 的正态分布, 规定螺栓长度在 10.05 ± 0.12 内为合格品, 则螺栓为合格品的概率是 $\underline{\hspace{2cm}}.$

6. 设 X 的分布函数 $F(x) = \begin{cases} \frac{1}{2}e^x & x < 0 \\ \frac{1}{2} & 0 \leq x < 1 \\ 1 - \frac{1}{2}e^{-(x-1)} & x \geq 1 \end{cases}$, 则密度函数 $f(x) = \underline{\hspace{2cm}}.$

7. 设随机变量 X 的密度函数 $f(x) = \begin{cases} cx^2 + \frac{1}{3} & 0 < x < 1 \\ 0 & \text{其它} \end{cases}$, 求 (1) 常数 c ; (2) $F(x)$.

8. 设二维随机变量 (X, Y) 的分布律为

$X \backslash Y$	0	1	2
0	$1/7$	$2/7$	$1/21$
1	$2/7$	$4/21$	0
2	$1/21$	0	0

则 $P(X + Y \geq 2) = \underline{\hspace{2cm}}, \quad P(X = Y) = \underline{\hspace{2cm}}, \quad P(XY) = 0 \underline{\hspace{2cm}}.$

9. 设随机变量 (X, Y) 的概率密度为 $f(x, y) = \begin{cases} k(x+y) & 0 < x < 1, 0 < y < 2 \\ 0 & \text{其他} \end{cases}$, 求:

1) 常数 k ; 2) $P(X + Y > 1)$; 3) 边缘密度 $f_X(x), f_Y(y)$.

10. 设 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, Y 服从参数为 λ 的泊松分布, 且 X 与 Y 独立, 则

$$D(2X + 3Y) = \underline{\hspace{2cm}}, \quad D(X - 2Y + 1) = \underline{\hspace{2cm}}$$

11. 设随机变量 X 的方差为 4, 则由切比雪夫不等式 $P(|X - E(X)| \geq 3) \leq \underline{\hspace{2cm}}.$