



Chapter3. Arithmetic for computers

통계 수정 삭제
wnwlcks123 · 4일 전
CS

CS

2/4 〈 〉

컴퓨터 연산

1.서론

이 장의 목표

실수의 표현과 연산 알고리즘, 이러한 알고리즘을 수행하는 하드웨어, 그리고 이 모든 것들이 명령어 집합에 미치는 영향 등을 풀어 나가는것.

2.덧셈과 뺄셈

- 덧셈.
- 1.7 + 6

0000 0111 (7)

0000 0110 (6) +

0000 1101 (13)

- 뺄셈.

2.7-6

0000 0111 (7) 0000 0110 (6) -'-----' 0000 00001

덧셈과 뺄셈은 이진법으로 더하고 뺄 수 있다.

2의 보수법을 이용하여 -6을 더하는 방식으로 할 수도 있다.

0000 0111 (7) 1111 1010 (-6) + '-----' 0000 0001 (1)

- 오버플로우

오버플로우: 어떤 결과가 그 비트 어떤 범위를 벗어나는 경우.

- 양수와 음수를 더할 때에는 오버 플로가 발생할 수 없다.
 ex) -10 + 4 = -6 : 피 연산자는 이미 32비트로 표현된 값이고, 합은 어느 피연산자 보다도 크지 않으므로 합 또한 32비트로 표현이 가능하다. 따라서 양수와 음수를 더할 때에는 오버플로가 발생할 수 없다.
- 뺄셈의 경우에도 똑같이 오버플로가 발생하지 않는다.
 피연산자의 부호가 같을 경우에는 오버플로가 발생할 수 없다.
 ex) c a = c + (-a): 두번째 피연산자의 부호를 바꾸어 더하는 방식으로 뺄셈을 처리하므로
- 오버 플로우가 발생할때 : 두 양수를 더한 값이 음수가 될때 or 두 음수를 더했는데 합이 양수가 될때
 - = 32비트 수 2개를 더하거나 뺀 결과를 완벽하게 표현하기 위해서는 33비트가 필요할 경우가 있다. 워드 크기가 32비트 이므로 33번째 비트는 표시할 수 없는데, 이렇게 되면 부호비트가 결과의 부호가 아니라 크기를 나타내는 비트 중 최상의 비트값으로 결정되기때문에 딱 한 비트가 부족하므로 틀릴 수 있는 것은 부호 비트 뿐이다.

1111 +0001

10000

첫 번째, 이진수 1111과 0001의 더하기 연산이다. 결과 값은 10000 으로 쉽게 계산할 수 있다. 그러나 4 bit 연산인데 결과 값은 5 bit로 표현할 수 있는 범위를 넘겼다. 이는 오버플로우가 발생한 것이므로 레지스터의 상태는 다음과 같이 예측할 수 있다.

Dealing with Overflow

컴퓨터구조

- Some languages (e.g., C) gnore overflow
 - Use MIPS addu, addui, subu instructions
- Other languages (e.g., Ada, Fortran) require raising an exception
 - · Use MIPS add, addi, sub instructions
 - On overflow, invoke exception handler
 - Save PC in exception program counter (EPC) register
 - · Jump to predefined handler address
 - mfc0 (move from coprocessor reg) instruction can retrieve EPC value, to return after corrective action





- C언어에서는 오버플로우가 발생하지않는다.
- Ada, Fortran 등등 다른언어는 exception을 발생시킨다.

Arithmetic for Multimedia

- Graphics and media processing operates on vectors of 8-bit and 16-bit data
 - Use 64-bit adder, with partitioned carry chain
 - Operate on 8 8-bit 4 16-bit or 2 32-bit vectors
 - SIMD (single-instruction, multiple-data)



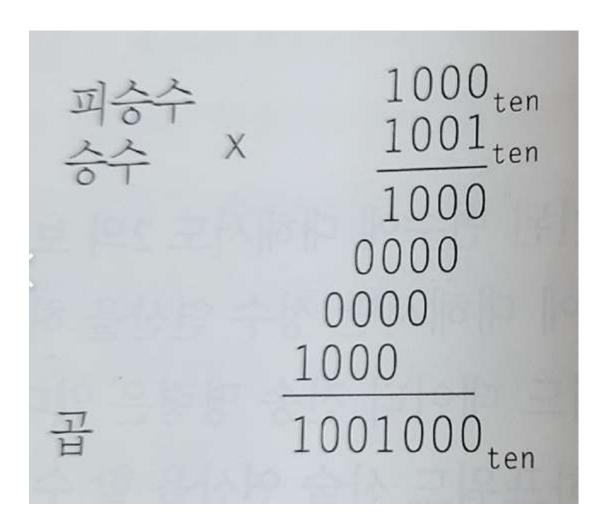
- Saturating operations
 - On overflow, result is largest representable value
 - · c.f. 2s-complement modulo arithmetic
 - E.g., clipping in audio, saturation in video





- SIMD : SIMD(Single Instruction Multiple Data)는 병렬 컴퓨팅의 한 종류로, 하나의 명령어로 여러 개의 값을 동시에 계산하는 방식이다.
- Saturating operations : 오버플로우가 발생했을때 그 값을 최대의 값으로 주는것. ex)0xFF x 0xFF x 0xFF = 0xFF 흰색 x 흰색 x 흰색 = 흰색

곱셈



• 피승수 : 첫번째 피연산자.

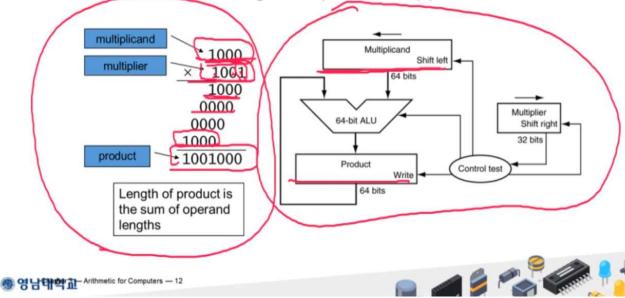
• 승수 : 두번째 피연산자.

1. 승수의 자릿수가 1이면 피승수(1 X 피승수)를 해당 위치에 복사한다.

2. 승수의 자릿수가 0이면 0(0 X 피승수)을 해당 위치에 복사한다.

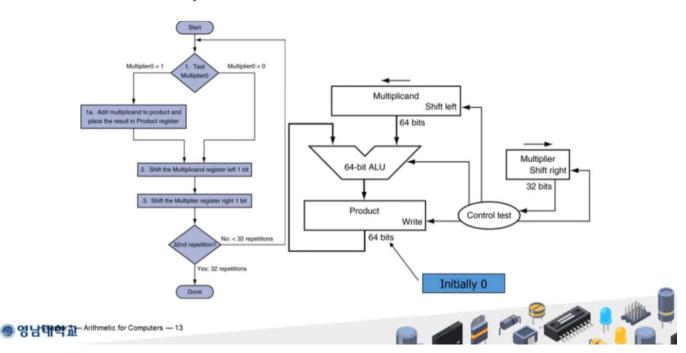
Multiplication

· Start with long-multiplication approach



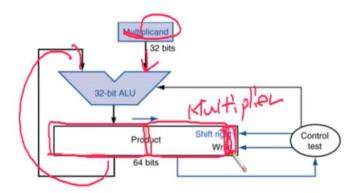
Multiplication Hardware

컴퓨터구조



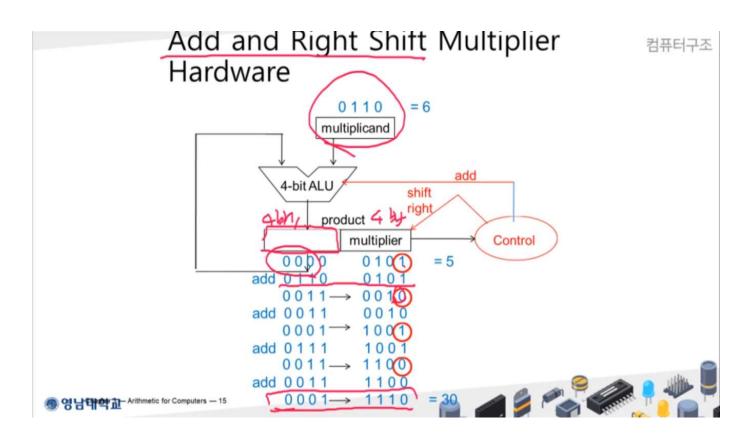
Optimized Multiplier

· Perform steps in parallel: add/shift



- One cycle per partial-product addition
 - That's ok, if frequency of multiplications is low





- 6과 5의 곱셈 방법
- 끝자리가 0이면 동작안하고 오른쪽으로 쉬프트, 끝자리가 1이면 더한다.

더 빠른 곱셈

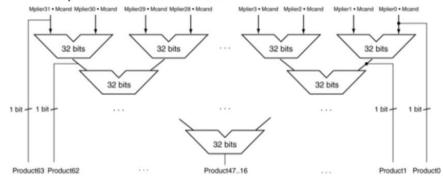
- 승수의 매 비트마다 32비트 덧셈기를 하나씩 할당하면 더 빠른 곱셈이 가능하다.
- 64층의 덧셈기 스택을 만든다. (32비트 덧셈기를 다른 32비트 덧셈기에 더한다)

• 병렬 트리 구조로 만든다.

Faster Multiplier

컴퓨터구조

- · Uses multiple adders
 - · Cost/performance tradeoff



- Can be pipelined
 - Several multiplication performed in parallel



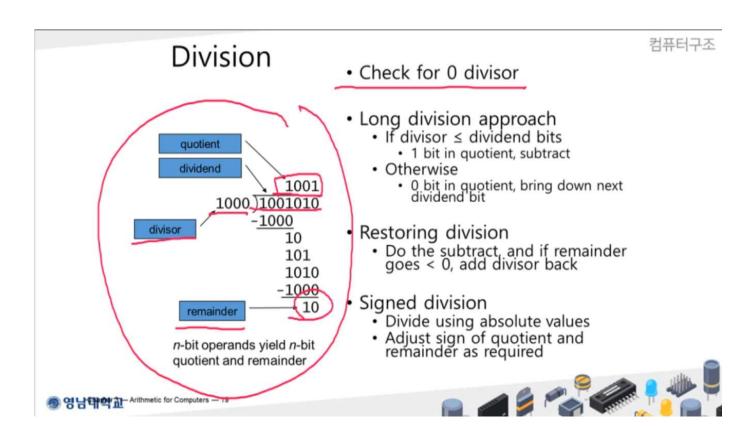
• 가격은 비싸지지만 성능은 높다.

곱셈 요약

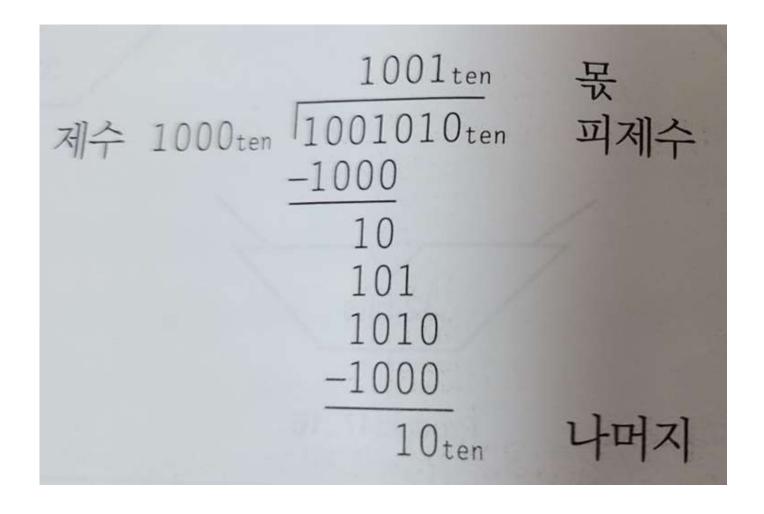
• 곱셈 하드웨어도 단순히 자리이동과 덧셈을 수행한다. 컴파일러는 2의 "멱수 곱하기를 자리이동 명령어로 대치하기도 한다. 더 많은 하드웨어를 사용하면 덧셈을 병렬로 더 빠르게 처리할 수도 있다.

"멱수 : 멱이 되는 수. (멱수 : 거듭 제곱으로 된 수) "거듭제곱 : 똑같은 수나 문자를 여러 번 곱한 것.

나눗셈

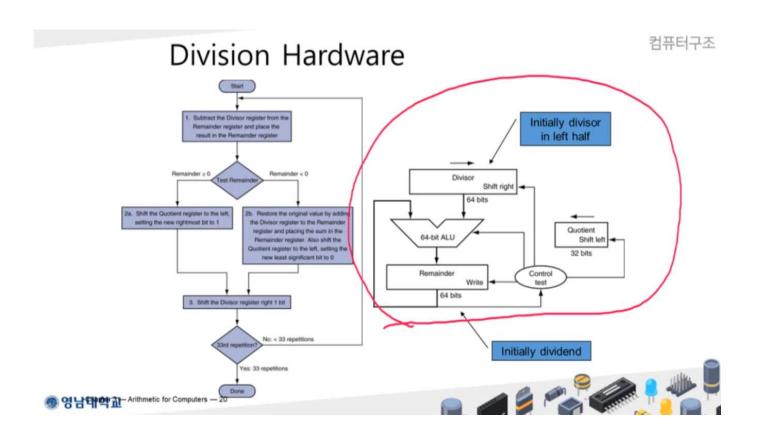


• 분모가 0인지 아닌지 먼저 체크한다.



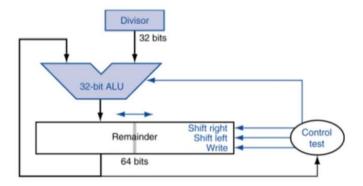
• 피제수 : 나누어 지는 수

- 제수 : 피제수를 나누는 수
- 몫 : 나눗셈의 가장 주된 결과. 제수에 곱하고 나머지를 더하면 피제수가 되는 수.
- 나머지 : 나눗셈의 두 번째 결과. 몫과 제수의 곱에 더하면 피제수가 되는 수.
- 피제수 = 몫 X 제수 + 나머지



Optimized Divider

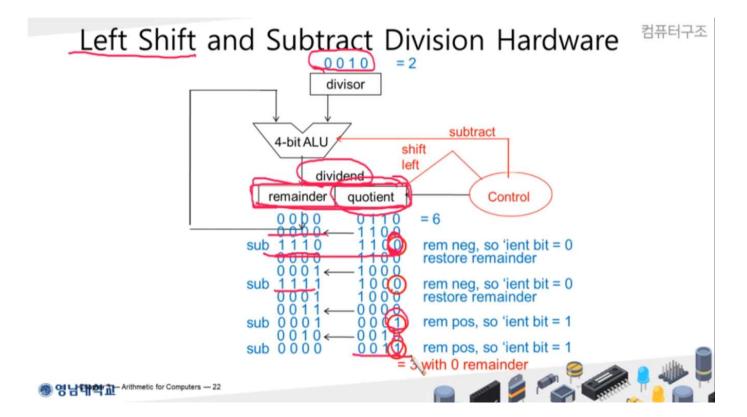




- One cycle per partial-remainder subtraction
- · Looks a lot like a multiplier!
 - · Same hardware can be used for both







- 왼쪽으로 1비트움직이고 뺀다.
- 음수면 가장 오른쪽의 비트를 복원한다.

더 빠른 나눗셈

 SRT 나눗셈이라는 기술을 이용한다. SRT나눗셈은 여러개의 몫 비트를 예측한다. 피제수와 나머지의 상위 비트들을 이용하여 표를 찾아서 몫을 추측하고, 틀린 추측은 그 후의 단계에서 바로잡는다.

Faster Division

- Can't use parallel hardware as in multiplier
 - · Subtraction is conditional on sign of remainder
- Faster dividers (e.g. SRT devision) generate multiple quotient bits per step
 - Still require multiple steps





• 병렬화 할수없다 : 항상 remainder 값이 음수인지 양수인지 체크하기 때문

나눗셈 요약

• 여러 몫 비트를 동시에 예측하고 예측이 틀렸으면 나중에 바로잡는 방법으로 나눗셈을 빠르게 한다.

부동 소수점

- 프로그래밍 언어는 부호있는 정수와 부호없는 정수 뿐만 아니라 소수 부분을 갖는 수도 다룰 수 있어야 한다. 수학에서 ㅇ는 이러한 수를 실수 라고 부른다.
- 실수의 예) 3.14159265, 2.71828m, 0.000000000001 or 1.0 X 10^-9 등등..
- 과학적 표기법 : 소수점의 왼쪽에는 한 자릿수만이 나타나게 하는 표기법
 ex) 1.0 X 10^-9
- 실수를 정규화된 형태의 표준 과학적 표기법으로 나타내면 세가지 장점이 있다.
- 1. 부동 소수점 숫자를 포함한 자료의 교환을 간단하게 한다.
- 2. 숫자가 항상 이런 형태로 표현된다는 것을 알고 있으므로 부동 소수점 산술 알고리즘이 간단해진다.
- 3. 불필요하게 선행되는 0을 소수점 오른쪽에 있는 실제의 숫자로 바꾸기 때문에 한 워드 내에 저장할 수 있는 수의 정밀도를 증가시킨다.



• 오버플로우 : 어떤 결과값이 범위를 벗어나는 것.

병렬성과 컴퓨터 연산: 서브워드 병렬성

실례: x86의 SSE와 AVX

더 빠르게: 서브워드 병렬성과 행렬 곱셈

오류 및 함정

결론

역사적 고찰 및 참고문헌

자습

연습문제



도로로

필승

다음 포스트 **Chapter4. The Processor**





이전 포스트

ি শুন্দ্র Chapter 1. Computer Abstractions and Technology

0개의 댓글

댓글을 작성하세요

댓글 작성

