### Grundlagen der künstlichen Intelligenz: Hausaufgabe 5

Tom Nick - 340528 Niklas Gebauer - 340942 Leonard Witte - 341457 Johannes Herrmann - 341091

### Aufgabe 1

Wir definieren folgende Ereignisse:

 $I_c := \text{Das Auto hat die Farbe } c \in \{B, G\}$  $E_c := \text{Das Auto erscheint in der Farbe } c \in \{B, G\}$ 

Aus dem Text kennen wir folgende Wahrscheinlichkeiten:

$$P(E_B \mid I_B) = 0.7$$
  
 $P(E_G \mid I_B) = 0.3$ 

a.) Nach Bayes wäre die Rechnung:

$$P(I_B \mid E_B) = \frac{P(E_B \mid P_B) \cdot P(I_B)}{P(E_B)} \tag{1}$$

Es ist leicht zu sehen, dass die Wahrscheinlichkeit für  $P(I_B)$  bzw.  $P(I_G)$  benötigt werden, die wir aber nicht kennen, somit können wir mit den derzeitigen Informationen nicht die wahrscheinlichste Farbe des Autos berechnen.

b.) Nun kennen wir:

$$P(I_B) = 0.2$$
$$P(I_G) = 0.8$$

Aus (1) folgt:

$$P(I_B \mid E_B) = \frac{P(E_B \mid P_B) \cdot P(I_B)}{P(E_B \mid I_B) \cdot P(I_B) + P(E_B \mid I_G) \cdot P(I_G)}$$

$$= \frac{0.7 \cdot 0.2}{0.7 \cdot 0.2 + 0.3 \cdot 0.8}$$

$$= \frac{0.14}{0.14 + 0.24} = \frac{0.14}{0.38} = 0.368$$

Die Gegenwahrscheinlichkeit  $P(I_G \mid E_B)$  ist damit 0.632, womit es fast doppelt so Wahrscheinlich ist, dass die Person ein Grünes, anstatt ein Blaues Taxi gesehen hatte.

## Aufgabe 2

# **Aufgabe 3**

Sei

X :=Das Produkt der Augenzahlen der zwei Würfel

Y :=Die Augenzahl eines Würfel

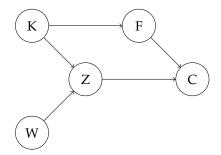
Das Spiel ist fair, wenn der Erwartungswert von *X* gleich dem Einsatz ist, dann ist der Gewinn/Verlust der Spieler 0euro. Es ist offensichtlich das *X* sich ergibt, wenn die Erwartungswerte der Augenzahl beider Würfel multipliziert wird, somit ergibt sich:

$$E(X) = E(Y) \cdot E(Y)$$
$$E(X) = 3.5 \cdot 3.5$$
$$E(X) = 12.25$$

Also muss der Einsatz 12.25euro betragen, damit das Spiel fair ist.

# Aufgabe 4

a.)



- b.)
- c.)
- d.)