110 學年度全國資訊學科能力競賽 臺南一中校內複選 試題本

競賽規則

- 1. 競賽時間: 2021/09/24 13:00 ~ 17:00, 共 4 小時。
- 2. 本次競賽試題共 6 題,每題皆有子任務。
- 3. 為了愛護地球,本次競賽題本僅提供電子檔,不提供紙本。
- 4. 每題的分數為該題所有子任務得分數加總;單筆子任務得分數為各筆繳交 在該筆得到的最大分數。
- 5. 本次複選比照全國賽不提供記分板。
- 6. 全部題目的輸入皆為標準輸入。
- 7. 全部題目的輸出皆為標準輸出。
- 8. 所有輸入輸出請嚴格遵守題目要求,多或少的換行及空格皆有可能造成裁 判系統判斷為答案錯誤。
- 9. 每題每次上傳間隔為 120 秒,裁判得視情況調整。
- 10. 所有試題相關問題請於競賽系統中提問,題目相關公告也會公告於競賽系統,請密切注意。
- 11. 如有電腦問題,請舉手向監考人員反映。
- 12. 如有如廁需求,須經過監考人員同意方可離場。
- 13. 不得攜帶任何參考資料,但競賽系統上的參考資料可自行閱讀。
- 14. 不得自行攜帶隨身碟,如需備份資料,請將資料儲存於電腦 D 槽。
- 15. 競賽中請勿交談。請勿做出任何會干擾競賽的行為。
- 16. 如需使用 C++ 的 std::cin 或 std::cout 可將以下程式碼插入 main function 以及將 endl 取代為 '\n' 來優化輸入輸出速度。唯須注意不可與 cstdio 混用。

std::ios::sync_with_stdio(false);
std::cin.tie(nullptr);

A. 吉良吉影想平靜地過日子

Problem ID: YoshikageKiraJustWantsToLiveQuietly
Time Limit: 1.0s
Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 「在你告訴別人之前,我要先把你收拾掉,讓我今晚也能好好睡一覺。」,出自動畫《???》

杜王町存在一位名為 <u>吉良</u> 的危險人物。在他遭遇到 <u>重清</u> 識破他的身分時,他決定使用他的特殊能力「殺手皇后」消滅對方,因而與重清的「收成者」對峙。「收成者」有如一群蟲子,他們會一擁而上攻擊目標敵人;吉良的能力「殺手皇后」可以將任何物體變為炸彈,而他決定將一隻隻「收成者」變成炸彈,再引發爆炸消滅他們。

雖然「收成者」會一擁而上,但因為秩序零落、完全不同步,吉良將他們視為一隻隻依序攻擊。 吉良會重複引爆一群「收成者」,直到全體消滅。也就是說,他會選擇**最少一隻、最多全部**先湧上 的前幾隻「收成者」一次引爆,未被消滅的再重複選擇前幾隻、一次引爆,並一次次的選擇、引 爆,重複直到消滅所有「收成者」。不過,在每次選擇之前,他必須先考慮爆炸的**強度**與範圍。

爆炸的**強度**的受到「收成者」們的**耐久度**影響:每一隻「收成者」都有自己的耐久度 w_i ,當吉良選擇引爆一群「收成者」時,引爆的強度必須**恰好**為選擇的各隻「收成者」的耐久度總和(畢竟過強會炸傷自己、過弱又不能確實消滅對手)。吉良可以製造任意強度的爆炸,但是**每次爆炸的強度都必須相同**(他有著完美一致性的強迫症)。

爆炸的**範圍**等同於選擇的隻數:單次爆炸中的每一隻都需要一單位範圍。吉良可以一次引爆所有「收成者」的範圍,但是範圍越大就越容易被旁人發現,因此他希望爆炸的範圍越小越好。

找出最小的範圍 k,使得接連爆炸能消滅所有「收成者」,且每次爆炸的強度相同、範圍也都能控制在 k 之內。

- 輸入 -

第一行有一個數字 n,代表收成者的數目。 第二行有 n 個數字,依序代表湧上的「收成者」的耐久度 w。

- 輸出 -

輸出最小的範圍 k。

- 輸入限制 -

- $1 \le n \le 8000$
- $1 \le w_i \le 10^9$

編號	分數	額外限制
1	0	範例輸入輸出
2	20	$n \le 20$
3	20	$n \le 400$
4	20	$\sum w_i \le 10^6$
5	20	$n \le 700$
6	20	沒有其他限制

5

1 2 2 1 3

- 範例輸出 1 -

2

- 範例說明 1 -

吉良引爆了 3 次,每次引爆的「收成者」的耐久度依序為 $\langle 1,2\rangle$, $\langle 2,1\rangle$, $\langle 3\rangle$ 。爆炸強度為 3,需要 2 單位爆炸範圍。

- 範例輸入 2 -

9

8 3 3 5 2 1 5 3 3

- 範例輸出 2 -

4

- 範例說明 2 -

吉良引爆了 3 次,每次引爆的「收成者」的耐久度依序為 $\langle 8,3\rangle$, $\langle 3,5,2,1\rangle$, $\langle 5,3,3\rangle$ 。爆炸强度為 11,需要 4 單位爆炸範圍。

- 範例輸入 3 -

5

1 2 4 8 16

- 範例輸出 3 -

5

- 範例說明 3 -

吉良引爆了 1 次,引爆的「收成者」的耐久度依序為 $\langle 1,2,4,8,16 \rangle$ 。爆炸強度為 31,需要 5 單位爆炸範圍。

- 範例輸入 4 -

7

- 範例輸出 4 -

4

- 範例說明 4 -

B. 學測分發

Problem ID: Kyoya Time Limit: 1.0s Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 橋場恭也收到兩間學校的錄取通知書,出自動畫《我們的重製人生》

又來到了高中學測的季節,而今天是放榜的日子,橋場恭也這次回到了十年前,重新選擇了大中 藝術大學。

不過說到放榜,首先就要了解學校分發的方式。

每個學生經過考試後都會得到一個總成績,並且可以填寫六個志願序。填寫完志願序後,每間學校會得到一份學生的清單,接下來將學生依照成績由高至低排序。只要還在名額內的學生都一定可以錄取,剩餘的學生則列為備取,當正取生放棄該名額,則會依序由備取名額補足。

假如每間學校都只能收 k 位學生,告訴你 n 個學生填寫的志願序,以及每間學校每個申請者成績由高到低的排名,並且假設每個學生都會盡可能選擇志願序越前面的學校,你能知道這 m 間學校的最終錄取人數以及錄取的學生編號分別為何嗎?

- 輸入 -

第一行有三個整數 n,m,k,代表有 n 位學生,m 間學校,每間學校收 k 個人。接下來有 n 行,每行有六個數字,第 i 行代表編號為 i 的學生選填的六個志願。接下來有 m 行,第 i 行的第一個數字 a_i 代表選填第 i 間學校的人數,接下來的 a_i 個數字代表申請者成績由高到低的排名。

- 輸出 -

輸出 m 行,每行的第一個數字 b_i 代表進入第 i 間學校的人數,接下來輸出 b_i 個數字,代表進入第 i 間學校的學生編號,編號請**由小到大排序**。

- 輸入限制 -

- $1 \le n \le 100000$
- $6 \le m \le 1000$
- $1 \le k \le N$
- 保證每個選填一間學校的學生都會出現在該校的排名結果中,並且沒填該校的就不會出現。

編號	分數	額外限制
1	0	
2	25	若對於大學 a 來說,第 i 人排名在第 j 人之前,則對於 i 與 j 同時申
		請的所有大學來說,第 i 人排名在第 j 人之前。
3	30	$n \le 8$
4	30	$n \le 10^3$
5	50	無額外限制

- 3 7 2
- 1 2 3 7 5 6
- 1 3 7 4 6 5
- 1 7 4 6 2 3
- 3 2 1 3
- 2 1 3
- 3 3 2 1
- 2 2 3
- 2 1 2
- 3 2 3 1
- 3 2 3 1

- 範例輸出 1 -

- 2 1 2
- 0
- 0
- 0
- 0
- 0
- 1 3

- 範例輸入 2 -

- 7 6 1
- 1 3 2 4 6 5
- 1 2 3 4 5 6
- 1 4 2 3 5 6
- 1 6 5 4 3 2
- 2 3 1 5 4 2
- 6 5 4 3 2 1
- 3 2 4 5 6 1
- 7 7 5 4 3 1 6 2
- 7 7 4 3 5 1 6 2
- 7 6 1 4 7 5 3 2
- 7 7 6 4 3 1 5 2
- 7 7 5 3 4 1 6 2
- 7 1 3 4 5 7 6 2

- 範例輸出 2 -

- 1 5
- 1 7
- 1 1
- 1 3
- 1 6
- 1 4

C. 為美好的地牢獻上爆擊

Problem ID: Kazuma Time Limit: 1.0s Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 和真正在向其他人炫耀自己獲得的新技能,出自動畫《為美好的世界獻上祝福》

在某次的公會任務當中,和真意外獲得了新的被動技能: ultimate boss 3liminator - 3,簡稱 ub33。顧名思義,這是一種用來消滅魔物的強力技能,而且還不需要消耗魔力。詳細來說,這 個技能會在擁有者遇到魔物後強制進入戰鬥,在受到魔物的攻擊後,無論是否受到傷害,下一次 我方攻擊時必定會消滅對手。雖然是個像是 bug 的技能,不過因為會強制加入戰鬥,還需要先 吃一記傷害後才能發動,要是沒掌握好魔物出現的位置與自己的血量,那可能很快就會上西天了。

雖然聽起來很危險,不過和真已經迫不及待想要到地牢當中試試 ub33 的效果了! 地牢是一個 $n \times m$ 的地圖,左上角與右下角座標分別為 (1,1) 與 (n,m)。有許多的魔物散布在地牢中,每個魔物的攻擊力為 w_{ij} ,每次我們可以選擇上/下/左/右其中一個方向前進一格。值得一提的是,在進到地牢的那一刻戰鬥就開始了,也就是說,如果起點就存在魔物,那就會直接進入戰鬥。

在地牢當中可能會有稀有的道具 Amazing Damage Decreaser ,簡稱 ADD ,有了 ADD ,每次遇到魔物時受到的傷害都會減少 w_{ij} 點,不過最多就只是不會受到傷害,並沒有回血的功能。而因為 ADD 十分稀有,因此在地牢當中最多就只會出現一個。

和真想知道,在走到地牢出口之前他最少承受的傷害是多少,要是因為太過興奮就被幹掉,那就糟糕了。你能告訴和真承受的傷害最少是多少嗎?

- 輸入 -

輸入第一行包含兩個數字 n, m 表示地圖大小。輸入第二行包含兩個數字 s_x , s_y 表示起點座標。輸入第三行包含兩個數字 e_x , e_y 表示終點座標。接下來會有 n 行輸入,每行 m 個數字,表示魔物攻擊力大小 w_{ij} 。如果 $w_{ij}<0$ 則表示稀有道具 ADD,其數值表示 ADD 減少的傷害量。

- 輸出 -

輸出一行數字,表示和真在地牢中受到的最少傷害值。

- 輸入限制 -

- $1 \le n,m \le 10^3$
- $1 \le s_x, e_x \le n$
- $1 \le s_y, e_y \le m$
- $-10^9 \le w_{ij} \le 10^9$

編號	分數	額外限制
1	0	範例輸入輸出
2	20	沒有 ADD
3	30	除了 ADD 以外所有 w 相等
4	50	$n, m \le 4$
5	50	無額外限制

- 3 4
- 1 1
- 3 4
- 6 8 3 5
- 5 1 6 3
- 9 4 1 7

- 範例輸出 1 -

24

- 範例輸入 2 -

- 3 4
- 1 1
- 3 4
- 6 8 -3 5
- 5 1 6 3
- 9 4 1 7

- 範例輸出 2 -

D. 本田小狼

Problem ID: Cub Time Limit: 1.0s Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 小熊正騎著本田小狼 50 兜風,出自動畫《本田小狼與我》

今天小熊騎著本田小狼 50 兜風,剛好到了一個絕佳的制高點,在這裡整個小鎮一覽無遺。距離 黃昏還有一段時間,因此小熊打算再到附近晃晃,考慮到小狼剩餘的油量,因此能去的地方是有 限的。

如果將所有的景點、店家等等都當作是一個節點,並且依序將節點從 $1\sim n$ 編號,制高點編號為 $1\circ$ 接著依序把所有節點和距離該節點最近,並且高度比該節點更低的所有節點之間連上一條邊,如此一來就可以更方便規劃接下來的行程了。

小熊希望接下來都是往山下前進,所以絕對不會往距離起點較近的節點前進,並且同一個節點也不會重複經過。假設走過一條邊需要花費 1 單位的油量,小熊想知道如果她現在在節點 p,並且有 k 單位的油量,她可以到達的節點包含節點 p 總共有多少個呢?

- 輸入 -

輸入第一行有一個數字 n ,表示包含起點有 n 個節點。接下來有 n-1 行,每行兩個數字,表示兩個節點之間有一條邊。接下來有一個數字 q ,表示有 q 次詢問。接下來有 q 行,每行包含兩個數字 p,k ,表示詢問從節點 p 開始,並且有 k 單位的油量。

- 輸出 -

輸出 q 行,每行一個數字,表示從 p 點開始,k 單位的油量可以到達的節點總數。

- 輸入限制 -

 $1 \le n, q \le 10^6 \ 1 \le a \le n \ 0 \le k \le n$

編號	分數	額外限制
1	0	範例輸入輸出
2	20	$A = 0 \cdot 1 \le B \le 10^4$
3	30	$0 \le A, B \le 10^4$
4	50	無額外限制

1 0

1 1

- 範例輸出 1 -

1

- 範例輸入 2 -

7

1 2

1 3

2 4

2 53 6

4 7

3

1 2

3 3

2 1

- 範例輸出 2 -

6

2

E. 遞迴呀遞迴

Problem ID: Rerecursion Time Limit: 1.0s Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 倉田紗南參加節目「善次郎的玩偶遊戲」的錄影,出自動畫《玩偶遊戲》

「這裡好熱啊~」學生 A 抱怨道。

「提醒大家夏天到了要多補充水分唷。」善次郎老師乘機宣導大家。

「用什麼方式最能降暑呢?大家來分享看看。」善次郎緊接著開啟新的話題。

「舉例來說,老師我最喜歡冰淇淋了。」見大家都沒有回應,善次郎先發表自己的意見。

「正好暑假要到了,我們家要去海邊玩。」學生 B 終於開心地分享。

「快點到啊,真希望暑假快點到。」學生 C 喃喃自語。

「素麵!我們家今天中午吃冰冰涼涼的素麵。」學生 D 繼續分享家裡應對酷暑的方式。

「蜜茶!我媽都會泡我最喜歡的蜜茶給我喝。」學生 E 也分享自己喜愛的食物。

善次郎老師這時才注意到有一個人還沒來。

「先等一下,今天紗南好像還沒到啊?」善次郎問大家。

「抱歉,我遲到了!」紗南衝了進來。

「怎麼了,紗南,妳又睡過頭了嗎?」善次郎問。

「其實是因為我搭的電車突然爆胎了。哈哈哈哈~」紗南回應。

「換輪胎花了不少時間是嗎?」善次郎隨著紗南說笑。

「電車哪來的輪胎,少來。」緊接著一個吐槽。

「作為妳遲到的懲罰,這裡有一個問題要問妳。」善次郎說。

給定 a, b, c, r_0 , r_1 , n, p 和遞迴關係式 $r_{i+2}=a\cdot r_{i+1}\cdot r_i+b\cdot r_{i+1}+c\cdot r_i \ (i\geq 0)\circ$ 求 $r_n\pmod p\circ$

- 輸入 -

第一行有三個數字 a, b, c。

第二行有二個數字 r_0, r_1 。

第三行有二個數字 n, p。

- 輸出 -

輸出 $r_n \pmod{p}$ 。

- 輸入範圍 -

- $-10^9 \le a, b, c, r_0, r_1 \le 10^9$
- $\quad \ \ 1 \leq n \leq 10^{18}$
- $1 \le p \le 10^4$

編號	分數	額外限制
0	0	範例輸入輸出
1	4	$n \le 10^6$
2	1	a = c = 0
3	4	a = b = 0
4	4	a = 0
5	8	$a = 1, \ b = c = 0$
6	6	b = c = 0
7	5	p = 2
8	3	無任何限制

- 1 5 -1
- 0 -1
- 9 21
- 範例輸出 1 -

12

- 範例輸入 2 -

3 -3 5

6 6

10 72

- 範例輸出 2 -

30

- 範例輸入 3 -

-3 -5 2

9 9

4 35

- 範例輸出 3 -

F. Hello, Weird Music Sheet!

Problem ID: HelloWeirdMusicSheet Time Limit: 1.0s Memory Limit: 512MiB



Figure 1: Hello, Happy World! 團體照片,出自遊戲《BanG Dream! 少女樂團派對》

Hello, Happy World! 在弦卷心的帶領下,總是有很多不可思議的事情會發生。這次心突發奇想,想透過電腦創造一種符合特殊規則的樂譜。

規則是這樣的,首先我們先決定好整個樂譜使用到的音符數量,並且選定其中一個八度,接下來樂譜當中所有使用到的音符都會在選定的八度內。音符的音名依照音高由低到高依序為 $C \times C$ 、 $D \times D$ 、 $E \times F \times F$ 、 $G \times G$ 、 $A \times A$ 、A 、 $B \times B$ 。 第 i 個音符的音高表示為 a_i ,那麼樂譜當中的所有音符需要符合 $a_1 \leq a_2 \geq a_3 \leq a_4 \geq a_5 \dots$,並且 $0 \leq a_i \leq 11$ $(1 \leq i \leq n)$ 。

現在給你一個樂譜音符數量 n,你能知道有多少種符合這個規則的樂譜嗎?答案可能會很大,因此只需要輸出答案 $mod\ 1000000007$ 的結果即可。

- 輸入 -

輸入只有一行,一個正整數 n 表示樂譜當中音符的總數。

- 輸出 -

輸出一個整數,表示所有可能的樂譜數量 $\mod 1000000007$ 後的結果。

- 輸入限制 -

■ $1 \le n \le 10^{18}$

編號	分數	額外限制
1	0	範例輸入輸出
2	20	$n \le 4$
3	30	$n \le 10^4$
4	30	$n \le 10^6$
5	30	$n \le 10^9$
6	50	無額外限制

2

- 範例輸出 1 -

78

- 範例輸入 2 -

3

- 範例輸出 2 -

650

- 範例輸入 3 -

198964

- 範例輸出 3 -