

A. ABC 體操

Problem ID: Gymnastics

Time Limit: 1.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 裏道大哥哥和排成一列的小朋友，出自動畫《陰晴不定的體操哥哥》

「裏道大哥哥」是兒童律動節目《和媽媽在一起》的主持人，今天又到了 ABC 體操的時間。小朋友們已經迫不及待地「按照身高從矮到高排成一列」，只不過裏道大哥哥今天想要來點特別的。

裏道大哥哥想要將小朋友們分組，只不過由於工作上太累的關係，便想偷懶地直接將排成一列的隊伍切成幾段，因此每個組別都是隊伍中的連續區間。

裏道大哥哥這時又想知道使用這樣的分組方法的話，各組的小朋友身高的中位數分別是多少。

但又是因為工作上太累的關係，裏道大哥哥決定將計算的工作交給你。

為了方便你們溝通，裏道大哥哥會從隊伍的「某一邊」開始為小朋友編號 $1, 2, \dots$ 直到另外一邊。

接著多次會詢問你編號 X 至編號 Y 的小朋友分成一組的話（包含 X 及 Y ），該組小朋友身高的「中位數」。

由於不敢違逆前輩，身為裏道大哥哥後輩的你只好乖乖幫忙計算了。

— 輸入 —

第一行有 1 個正整數 N ，代表小朋友的人數。

第二行有 N 個整數 A_1, A_2, \dots, A_N ，編號 i 的小朋友的身高為 A_i 。

第三行有 1 個正整數 Q ，表示接下來有 Q 筆詢問。

接下來 Q 行，每行有 2 個正整數 X, Y ，表示詢問編號 X 至編號 Y 的小朋友分成一組時的身高中位數是多少。

— 輸出 —

對於每筆詢問，輸出該區間的身高中位數。

— 輸入限制 —

- $N \leq 10^6$
- $1 \leq A_i \leq 10^9$
- $Q \leq 10^6$
- $Y - X$ 為 2 的倍數

— 子任務 —

編號	分數	額外限制
0	0	範例輸入輸出
1	20	$A_i = i$ 且 $X \leq Y$
2	20	$A_i \leq A_{i+1}$ 且 $X \leq Y$ 且 $N \leq 10$
3	20	$A_i \leq A_{i+1}$ 且 $X \leq Y$
4	20	$A_i \leq A_{i+1}$
5	20	無額外限制

— 範例輸入 —

```
5
1 2 3 4 5
2
1 5
3 5
```

— 範例輸出 —

```
3
4
```

B. 國中會考分發

Problem ID: Arithmetic

Time Limit: 1.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 小町錄取總武高中，出自動畫《果然我的青春戀愛喜劇搞錯了。完》

又來到了國中會考的季節，而今天是放榜的日子，小町如願以償地進到總武高中。

不過說到放榜，首先就要了解學校分發的方式。

每個學生經過考試後都會得到一個總成績，並且可以填寫五個志願。而分發的方式是依照成績高低決定優先順序，接下來從最高的志願序開始依序檢查學校的名額是否額滿，如果還沒額滿，就表示順利考進該所學校。

假如每間學校都只能收 k 位學生，告訴你 n 個學生的成績由高到低排序的結果，以及每個學生填寫的志願序，你能知道這 m 間學校的最終錄取人數以及錄取的學生編號分別為何嗎？

— 輸入 —

第一行有三個整數 n, m, k ，代表有 n 位學生， m 間學校，每間學校收 k 個人。

第二行是一個長度為 n 的排列，代表學生分數由高到低的排名結果。

接下來有 n 行，每行有五個數字，其中第 i 行代表編號為 i 的學生選填的五個志願。

— 輸出 —

輸出 m 行，每行的第一個數字 a_i 代表進入第 i 間學校的人數，接下來輸出 a_i 個數字，代表進入第 i 間學校的學生編號，編號請由小到大排序。

— 輸入限制 —

- $1 \leq N \leq 200000$
- $5 \leq M \leq 1000$
- $1 \leq K \leq N$

— 子任務 —

編號	分數	額外限制
0	0	範例輸入輸出
1	20	$k = n$
2	30	$m = 5$, 每個人填的志願順序相同
3	20	$n \leq 5000$
4	30	無額外限制

— 範例輸入 1 —

```
3 5 2
2 3 1
1 2 3 4 5
1 3 2 4 5
1 5 4 2 3
```

— 範例輸出 1 —

```
2 2 3
1 1
0
0
0
```

— 範例輸入 2 —

```
8 7 2
7 5 4 6 3 2 8 1
4 5 7 6 3
2 3 4 1 5
2 3 4 1 5
1 7 6 5 4
1 2 3 4 5
1 3 2 4 5
1 6 4 3 5
2 3 1 4 5
```

— 範例輸出 2 —

```
2 5 7
2 2 3
2 6 8
1 1
0
0
1 4
```

C. pC.Title

Problem ID: ArithmeticGame

Time Limit: 1.0s

Memory Limit: 512MiB

遊戲開始時手上有一個數字 x ，你必須選擇兩條路徑其一從頭走到尾。

路徑中的每條邊有標示 $+a$ 或 $*a$ ，經過時手上的 x 會變成 $(x + a)$ 或 $(x \times a)$ 。

計算由前到後，沒有四則運算。

接下來要模擬遊戲進行，原先兩條路徑為空。

將有 Q 次操作，每次詢問會是下面的其中一種：

- 1 k
輸出以手上為 $x = k$ 開始時，遊戲結束後 x 的最大值。
- 2 $i ? a$
在第 i 條路徑上尾端接上 $?a$ 。
- 3
輸出一個**整數** k 使得若以 $x = k$ 開頭，則無論行走哪條路徑結果皆相同（若**整數** k **不存在**、或**存在多組**則輸出 **"no"**）。

— 範圍 —

- $1 \leq Q \leq 10^6$
- 操作 1 中 $-10000 \leq k \leq 10000$
- 操作 2 中 $i \in \{1, 2\}$, $? \in \{+, *\}$, $-100 \leq a \leq 100$

保證若以 $-10000 \leq x \leq 10000$ 開頭，則走到任何一條邊時手上的數字都介於 $[-10^9, 10^9]$ 。

— 輸入 —

第一行有一個數字 Q 。

接下來每一行為操作為以下其一。

- 1 k
- 2 $i + a$
- 2 $i * a$
- 3

— 輸出 —

對於每筆操作 1 請輸出一個整數 k 。

對於每筆操作 3 請輸出一個**整數** k 或 “no”。

— 子任務 —

編號	分數	額外限制
0	0	範例輸入輸出
1	20	$Q \leq 8000$, 不含操作 3
2	20	操作 2 只有 +
3	20	$0 \leq x \leq 1$, 不含操作 3
4	20	不含操作 3
5	20	沒有其他限制

－ 範例輸入 1 －

```
8
1 3
2 1 + 2
1 3
2 2 * 2
1 3
2 1 + 2
1 3
3
```

－ 範例輸出 1 －

```
3
5
6
7
4
```

— 範例輸入 2 —

```
9
1 3
2 1 * 0
1 3
3
2 2 * 0
1 3
3
2 1 + 2
3
```

— 範例輸出 2 —

```
3
3
0
0
no
no
```

D. 花子一口吞

Problem ID: EatAllLeftMost

Time Limit: 3.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 在你寫 code 的期間，花子越來越餓，你可能得快點 AC...，出自動畫《萌獸寵物店》

自稱為半龍人的貪吃少女——花子，實際上卻是魔界四大公爵-龍族法夫納家的下任家主！因為厭倦了家中殘酷的訓練還有一成不變的食物，於是離家出走來到了人類源藏開的魔獸寵物店當起了店員。

作為寵物店店員，最重要的工作就是給每個寵物分配飼料，每到開飯時間，花子便要為每個飼料盆分配不同的飼料量。今天中午，花子又一次完美的做好了分配工作，突然之間她覺得肚子有些餓了，可能是因為早上只吃了十碗飯，實在不太夠，於是她決定偷吃一點寵物們的飼料，作為自己辛苦工作的獎勵。

「但如果又偷吃飼料被店長發現的話，肯定又會被揍了...該怎麼辦呢？」花子沈思了許久，想起了好久沒做的「一口吞」！

「一口吞」是花子獨創的吃法：她會選定某盆飼料開始一顆顆往嘴巴裡吃，一但到達嘴巴能裝的最多數量 K ，就會一口吞下！如果盆子裡還有剩，便會繼續將飼料裝入嘴巴裡，一但到達嘴巴能裝的最多數量 K ，就會一口吞下...如此反覆循環，直到整盆飼料都空了後，就往下一個飼料盆繼續吃，還沒吞下去的飼料當然也還裝在嘴巴裡！然後繼續吃...吃...吃...吃到滿意為止。

「如果這次又每盆都偷吃一點，就算只少了那麼一點點，肯定還是會被店長發現而被挨罵...對了！只要把連續幾個飼料盆都吃光，假裝本來就沒有裝飼料就好了！而且還想要藏一點飼料在嘴巴裡當作點心...」

身為魔界菁英的她想出了如此辦法，她想要知道自己得從哪一盆開始吃，連續吃到哪一盆為止，可以使她**嘴巴裡剩的飼料量最大**，就能完美解決這個難題，而她會將剩餘的飼料從嘴巴裡吐出來作為點心，等一下才不會餓肚子呢！

另外如果吃完最後一盆的時候恰好達到嘴巴容量 K ，她仍然會忍不住吞下去，而無法作為點心。

你不需在意這個策略是否會被店長發現，因為這位龍族少女要求你幫她找到答案，不然你可能會成為那些飼料的替代品！為了你自己的安危著想，請輸出哪個區間的飼料能使花子嘴巴剩的量最大！

— 輸入 —

第一行有 2 個正整數 N 、 K ，代表寵物飼料的數量和花子嘴巴的容量。

第二行有 N 個正整數 a_1, a_2, \dots, a_N ，代表每份寵物飼料的量。

— 輸出 —

輸出花子嘴巴剩的量最大值。

— 輸入限制 —

- $1 \leq N \leq 2 \times 10^6$
- $1 \leq K \leq 10^9$
- $1 \leq a_i \leq 10^9$

— 子任務 —

編號	分數	額外限制
0	0	範例輸入輸出
1	20	$N \leq 300$
2	20	$N \leq 8000$
3	20	$K \leq 10$
4	20	符合 $a_i \neq a_{i-1}$ 的 i 最多 2 個，且 $K \leq 500$
5	20	無額外限制

— 範例輸入 1 —

5 5
1 1 1 1 1

— 範例輸出 1 —

4

— 範例輸入 2 —

7 11
3 3 5 7 7 8 8

— 範例輸出 2 —

8

— 範例輸入 3 —

5 5
1 2 3 2 1

— 範例輸出 3 —

4

E. 蓋歐格

Problem ID: Georg

Time Limit: 5.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 利姆路等人正在討論使用傳送魔法來傳送軍隊的方法，出自動畫《關於我轉生成史萊姆這檔事第二季》

為了阻止克雷曼的陰謀，朱拉·坦派斯特聯邦國決定派出大軍，然而要將龐大的軍隊快速地送到目的地可不是一件簡單的事。

利姆路決定兵分多路，在連接不同城鎮上的道路上分別施展魔法建立單向「傳送通道」來形成「傳送網路」。

如此強大的傳送魔法勢必要有一些條件才能施展：

- 傳送通道為單向的。
- 傳送通道連接兩個城鎮，可以從城鎮 A 傳送到城鎮 B 。
- 起點與終點皆相同的兩個城鎮間可以施展多條傳送通道。
- 為了防止軍隊迷路，從某個城鎮離開之後，必定無法回到該城鎮。
- 任意選擇傳送通道前進，最終必定都能到達目的地。

為了讓傳送網路的效益最大化，利姆路想出了一套方法來評估傳送網路的效率。

每條傳送通道都有一個數值「蓋歐格」來表示該通道的效率，而整個傳送網路則必定可以透過以下方式簡化來計算整體的「蓋歐格」。

一個傳送網路只有一個起點及一個終點，且必定符合以下情況之一（參考 Figure 2）：

- 情形 1：傳送網路恰好就是一條傳送通道。
- 情形 2：從城鎮 A 到城鎮 B 的傳送網路可以拆分為兩個子傳送網路 X 及 Y ， X 的起點為 A ，終點為中間城鎮 C ； Y 的起點為中間城鎮 C ，終點為城鎮 B 。網路 X 的蓋歐格為 x ，網路 Y 的蓋歐格為 y ，則城鎮 A 到城鎮 B 整體的蓋歐格為 $x + y$ 。
- 情形 3：從城鎮 A 到城鎮 B 的傳送網路可以拆分為兩個子傳送網路 X 及 Y ， X 和 Y 的起點皆為 A ，終點皆為 B 。網路 X 的蓋歐格為 x ，網路 Y 的蓋歐格為 y ，則城鎮 A 到城鎮 B 整體的蓋歐格為 $\frac{1}{\frac{1}{x} + \frac{1}{y}}$ 。

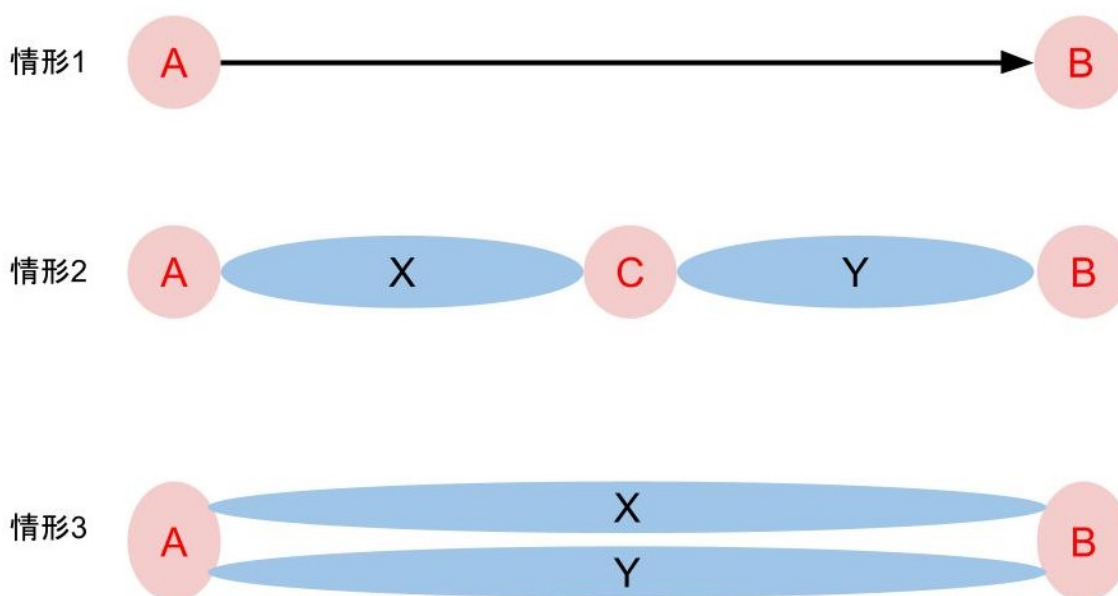


Figure 2: 傳送網路的組成情形， A 及 B 為城鎮，黑色箭頭為傳送通道， X 及 Y 為傳送網路，其中可能包含多個傳送通道及多個城鎮

— 輸入 —

輸入的第一行包含兩個正整數 N 、 E ， N 為城鎮數量， E 為傳送通道數量。

接下來有 E 行，每行包含三個正整數 A 、 B 、 R ，表示傳送通道可以從城鎮 A 傳送到城鎮 B ，其「蓋歐格」為 R 。

— 輸出 —

請輸出一行，以 1 號城鎮為起點，2 號城鎮為目的地的傳送網路，整體「蓋歐格」為多少？

— 輸入限制 —

- $1 \leq N, E \leq 10^6$
- $1 \leq A, B \leq N$
- $1 \leq R \leq 30$

— 評測說明 —

本題採用 special judge，只要輸出與答案的絕對誤差或相對誤差 $\leq 10^{-6}$ 就判定為通過。也就是說假設你的輸出是 O ，答案是 A ，若 $\min(|O - A|, \frac{|O - A|}{A}) \leq 10^{-6}$ 就會通過。

— 子任務 —

編號	分數	額外限制
0	0	範例輸入輸出
1	20	傳送網路的組成只有情形 1 及 2
2	30	傳送網路的組成只有情形 1 及 3
3	50	$0 < N, E \leq 1000$
3	50	無額外限制

— 範例輸入 —

```

3 5
1 2 17
1 2 15
3 2 30
1 3 20
1 3 10

```

— 範例輸出 —

```

6.546091015

```

— 範例說明 —

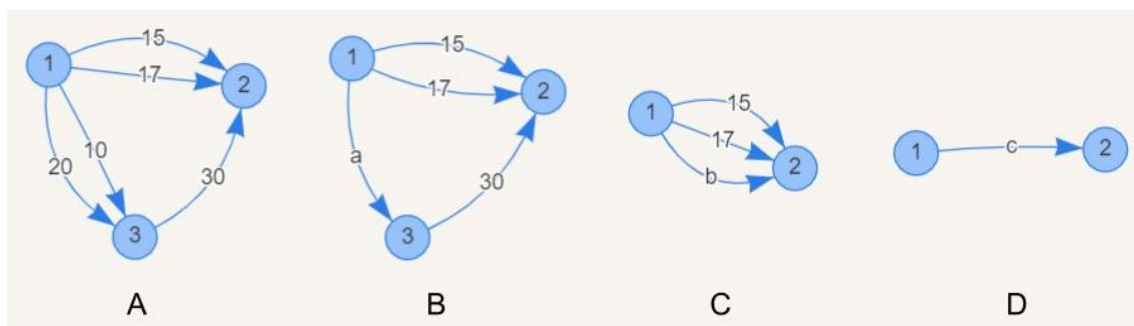


Figure 3: 範例說明

- A 中城鎮 1 至城鎮 3 的兩個傳送通道整體「蓋歐格」等於 B 中的 $a = \frac{1}{\frac{1}{10} + \frac{1}{20}} = \frac{20}{3}$
- B 中城鎮 1 至城鎮 3 及城鎮 3 至城鎮 2 的兩個傳送通道整體「蓋歐格」等於 C 中的 $b = a + 30 = \frac{110}{3}$
- C 中城鎮 1 至城鎮 2 的三個傳送通道整體「蓋歐格」等於 D 中的 $c = \frac{1}{\frac{1}{15} + \frac{1}{17} + \frac{1}{b}} = \frac{5640}{857} \approx 6.546091015$

F. 最小生成數

Problem ID: MinSpanNum

Time Limit: 1.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 唐可可可在上課打瞌睡，出自動畫《Love Live! Superstar!!》

獨自一人從上海前來日本成為學園偶像的唐可可，在路上偶然聽到了同校同學澀谷香音的美妙歌聲，情不自禁的用中文向香音說到「太好聽了吧！妳唱歌真的好好聽啊，簡直就是天籟！我剛才聽到妳唱歌了。我們以後一起唱好不好？一起唱！一起做學園偶像！」

在這之後，兩人便一起以成為學園偶像為目標而努力著。而為了準備第一次登場，兩人都花了許多時間和力氣，使得可可在上爆仔老師的數學課時不小心睡著了！

爆仔老師也在這時非常壞心地詢問可可問題，但因為她是全年級第一（華人的優良教育），所以老師拿出了他最近從古代演算法書《力扣》上面想出的問題——最小生成數。

老師叫醒可可後，向她說道：「給定一序列 a_i 和一個數字 k ，定義這個數列的生成數為 $b = f(a, k)$ ，使得任意長度為 k 的連續子區間內， $a_i < a_j \iff b_i < b_j$ 且 $a_i = a_j \iff b_i = b_j$ ，而當 b 數列內皆為正整數且為字典序最小的生成數時，我們稱其為最小生成數（MSN，Minimum Spanning Number）！」

可可雖然受過九年國民義務教育，但是對演算法相當不在行，你因為她非常可愛，為了和她建立良好關係，所以決定幫助她！請你幫她找出最小生成數吧！

— 輸入 —

第一行有二個正整數 n, k

其中 n 表示陣列 a 的長度

k 的定義和題目相同。

第二行有 n 個整數，表示給定的 a_i 。

— 輸出 —

輸出最小生成數。

— 輸入範圍 —

- $1 \leq n \leq 2 \times 10^5$
- $\forall i \in [1, n], \|a_i\| \leq 10^9$

— 子任務 —

編號	分數	額外限制
0	0	範例輸入輸出
1	4	$n \leq 10^3$
2	1	$k = 1$
3	4	$k = n$ 、保證全部元素相異
4	4	$k = n$
5	8	$k = 2$ 、保證全部元素相異
6	6	$k = 2$
7	5	保證序列已經排序、全部元素相異
8	3	保證序列已經排序
9	20	保證全部元素相異
10	45	無額外限制

— 範例輸入 1 —

5 2
3 2 -2 -1 0

— 範例輸出 1 —

3 2 1 2 3

— 範例輸入 2 —

5 3
-3 3 0 2 -3

— 範例輸出 2 —

1 4 2 3 1

— 範例輸入 3 —

5 4
-3 -1 -3 -1 -2

— 範例輸出 3 —

1 3 1 3 2

— 範例輸入 4 —

10 2
7 9 1 7 9 3 3 1 5 5

— 範例輸出 4 —

1 2 1 2 3 1 1 1 2 2