

# 110 學年度全國資訊學科能力競賽

## 臺南一中校內初選 試題本

---

### 競賽規則

1. 競賽時間：2021/09/10 13:30 ~ 16:30，共 3 小時。
2. 本次競賽試題共 7 題，每題皆有子任務。
3. 每題的分數為該題所有子任務得分數加總；單筆子任務得分數為各筆繳交在該筆得到的最大分數。
4. 本次初選比照南區賽提供記分板，複選比照全國賽不提供記分板。
5. 全部題目的輸入皆為標準輸入。
6. 全部題目的輸出皆為標準輸出。
7. 所有輸入輸出請嚴格遵守題目要求，多或少的換行及空格皆有可能造成裁判系統判斷為答案錯誤。
8. 每題每次上傳間隔為 120 秒，裁判得視情況調整。
9. 所有試題相關問題請於競賽系統中提問，題目相關公告也會公告於競賽系統，請密切注意。
10. 如有電腦問題，請舉手向監考人員反映。
11. 如有廁所需求，須經過監考人員同意方可離場。
12. 不得攜帶任何參考資料，但競賽系統上的參考資料可自行閱讀。
13. 不得自行攜帶隨身碟，如需備份資料，請將資料儲存於電腦 D 槽。
14. 競賽中請勿交談。請勿做出任何會干擾競賽的行為。
15. 如需使用 C++ 的 `std::cin` 或 `std::cout` 可將以下程式碼插入 `main function` 以及將 `endl` 取代為 `'\n'` 來優化輸入輸出速度。唯須注意不可與 `cstdio` 混用。

```
std::ios::sync_with_stdio(false);  
std::cin.tie(nullptr);
```

## A. ABC 體操

Problem ID: Gymnastics

Time Limit: 1.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 裏道大哥哥和排成一列的小朋友，出自動畫《陰晴不定的體操哥哥》

「裏道大哥哥」是兒童律動節目《和媽媽在一起》的主持人，今天又到了 ABC 體操的時間。小朋友們已經迫不及待地「**按照身高從矮到高排成一列**」，只不過裏道大哥哥今天想要來點特別的。

裏道大哥哥想要將小朋友們分組，只不過由於工作上太累的關係，便想偷懶地直接將排成一列的隊伍切成幾段，因此每個組別都是隊伍中的連續區間。

裏道大哥哥這時又想知道使用這樣的分組方法的話，各組的小朋友身高的中位數分別是多少。

但又是因為工作上太累的關係，裏道大哥哥決定將計算的工作交給你。

為了方便你們溝通，裏道大哥哥會從隊伍的「**某一邊**」開始為小朋友編號  $1, 2, \dots, N$  直到另外一邊。

接著多次會詢問你編號  $X$  至編號  $Y$  的小朋友分成一組的話（包含  $X$  及  $Y$ ），該組小朋友身高的「中位數」。

由於不敢違逆前輩，身為裏道大哥哥後輩的你只好乖乖幫忙計算了。

### — 輸入 —

第一行有 1 個正整數  $N$ ，代表小朋友的人數。

第二行有  $N$  個整數  $A_1, A_2, \dots, A_N$ ，編號  $i$  的小朋友的身高為  $A_i$ 。

第三行有 1 個正整數  $Q$ ，表示接下來有  $Q$  筆詢問。

接下來  $Q$  行，每行有 2 個正整數  $X, Y$ ，表示詢問編號  $X$  至編號  $Y$  的小朋友分成一組時的身高中位數是多少。

### — 輸出 —

對於每筆詢問，輸出該區間的身高中位數。

### — 輸入限制 —

- $N \leq 10^5$
- $1 \leq A_i \leq 10^9$
- $Q \leq 10^5$
- $Y - X$  為 2 的倍數

### — 子任務 —

| 編號 | 分數 | 額外限制  |
|----|----|---|
| 1  | 0  | 範例輸入輸出  |
| 2  | 10 | $A_i = i$ 且 $X \leq Y$                        |
| 3  | 30 | $A_i \leq A_{i+1}$ 且 $X \leq Y$ 且 $N \leq 10$ |
| 4  | 10 | $A_i \leq A_{i+1}$ 且 $X \leq Y$               |
| 5  | 10 | $A_i \leq A_{i+1}$                            |
| 6  | 40 | 無額外限制   |

— 範例輸入 —

```
5
1 2 3 4 5
2
1 5
3 5
```

— 範例輸出 —

```
3
4
```

## B. 國中會考分發

Problem ID: Komachi

Time Limit: 1.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 小町錄取總武高中，出自動畫《果然我的青春戀愛喜劇搞錯了。完》

又來到了國中會考的季節，而今天是放榜的日子，小町如願以償地進到總武高中。

不過說到放榜，首先就要了解學校分發的方式。

每個學生經過考試後都會得到一個總成績，並且可以填寫五個志願。而分發的方式是依照成績高低決定優先順序，接下來從最高的志願序開始依序檢查學校的名額是否額滿，如果還沒額滿，就表示順利考進該所學校。

假如每間學校都只能收  $k$  位學生，告訴你  $n$  個學生的成績由高到低排序的結果，以及每個學生填寫的志願序，你能知道這  $m$  間學校的最終錄取人數以及錄取的學生編號分別為何嗎？

### — 輸入 —

第一行有三個整數  $n, m, k$ ，代表有  $n$  位學生， $m$  間學校，每間學校收  $k$  個人。

第二行是一個長度為  $n$  的排列，代表學生分數由高到低的排名結果。

接下來有  $n$  行，每行有五個數字，其中第  $i$  行代表編號為  $i$  的學生選填的五個志願。

### — 輸出 —

輸出  $m$  行，每行的第一個數字  $a_i$  代表進入第  $i$  間學校的人數，接下來輸出  $a_i$  個數字，代表進入第  $i$  間學校的學生編號，編號請由小到大排序。

### — 輸入限制 —

- $1 \leq n \leq 200000$
- $5 \leq m \leq 1000$
- $1 \leq k \leq n$

### — 子任務 —

| 編號 | 分數 | 額外限制                  |
|----|----|-----------------------|
| 1  | 0  | 範例輸入輸出                |
| 2  | 8  | $k = n$               |
| 3  | 12 | $m = 5$ , 每個人填的志願順序相同 |
| 4  | 56 | $n \leq 5000$         |
| 5  | 24 | 無額外限制                 |

## — 範例輸入 1 —

```
3 5 2
2 3 1
1 2 3 4 5
1 3 2 4 5
1 5 4 2 3
```

## — 範例輸出 1 —

```
2 2 3
1 1
0
0
0
```

## — 範例輸入 2 —

```
8 7 2
7 5 4 6 3 2 8 1
4 5 7 6 3
2 3 4 1 5
2 3 4 1 5
1 7 6 5 4
1 2 3 4 5
1 3 2 4 5
1 6 4 3 5
2 3 1 4 5
```

## — 範例輸出 2 —

```
2 5 7
2 2 3
2 6 8
1 1
0
0
1 4
```

## C. GAMAGAMA

Problem ID: GAMAGAMA

Time Limit: 1.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 風花向遊客解說海洋生物，出自動畫《白沙的 Aquatope》

GAMAGAMA 水族館面臨即將停業的危機，代理館長空空琉決定推出觸摸池的活動來吸引遊客，由前偶像團體成員的風花擔任導覽員。

觸摸池吸引了不少家長帶著小孩來參觀，風花推出了有獎徵答，答對的小朋友累積積分來兌換獎品。

而空空琉為了炒熱氣氛，決定加碼讓遊客的積分能夠翻倍。

GAMAGAMA 水族館有兩條觀察大型水族箱的海底隧道，空空琉會在海底隧道中沿路擺上調整積分的告示牌，遊客要選擇其中一條隧道參觀，每走過一面告示牌，就會按照告示牌上的內容對目前的積分進行修改。

例如你目前的積分是  $x$ ，則經過  $+a$  的告示牌時，積分就會變成  $x + a$ ；經過  $\times a$  的告示牌時，積分就會變成  $x \times a$ 。積分的修改是經過告示牌後立即運算更新，不是四則運算。

為了控制不要讓積分過度膨脹，必須先進行模擬。

一開始兩條隧道都是沒有擺放任何告示牌，隨著活動進行，會不斷在其中一條隧道的尾端加上一面告示牌。

要模擬的變動及詢問請見輸入說明。



## — 輸入 —

第一行有一個數字  $Q$ ，表示接下來的操作次數。

接下來有  $Q$  行，每一行為操作為以下其一（皆不含引號）。

- “1  $k$ ” — 若遊客進入隧道前的積分為  $k$ ，請輸出經過兩條隧道後的積分較大值。
- “2  $i + a$ ” — 在  $i$  號隧道最尾端加上  $+a$  的告示牌。
- “2  $i * a$ ” — 在  $i$  號隧道最尾端加上  $\times a$  的告示牌。
- “3” — 找出是否存在遊客進入隧道前的積分為整數  $m$ ，在經過兩條隧道後的積分相同。若非整數解、不存在或多組解則輸出 “no”（不含引號）。

## — 輸出 —

對於每筆操作 1，請輸出一個整數  $k$ 。

對於每筆操作 3，請輸出一個整數  $m$  或 “no”（不含引號）。

## — 輸入限制 —

- $1 \leq Q \leq 10^6$
- 操作 1 中  $-10000 \leq k \leq 10000$
- 操作 2 中  $i \in \{1, 2\}$  且  $-100 \leq a \leq 100$
- 保證若初始積分在  $[-10000, 10000]$  之內，則無論選擇哪條隧道，任何時間手上的積分都在  $[-10^9, 10^9]$  之內。

## — 子任務 —

| 編號 | 分數 | 額外限制                       |
|----|----|----------------------------|
| 1  | 0  | 範例輸入輸出                     |
| 2  | 18 | $Q \leq 8000$ , 且不含操作 3    |
| 3  | 8  | 操作 2 只有 $+$                |
| 4  | 14 | 操作 1 的初始積分為 0 或 1, 且不含操作 3 |
| 5  | 39 | 不含操作 3                     |
| 6  | 21 | 沒有其他限制                     |

## — 範例輸入 1 —

8  
 1 3  
 2 1 + 2  
 1 3  
 2 2 \* 2  
 1 3  
 2 1 + 2  
 1 3  
 3

## — 範例輸出 1 —

3  
 5  
 6  
 7  
 4

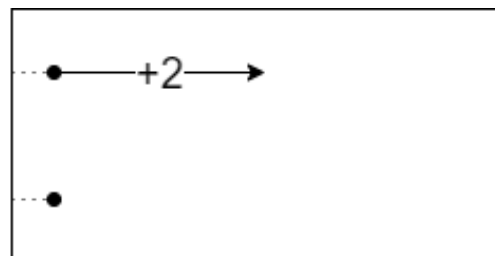
## — 範例說明 1 —



(一開始兩條隧道沒有告示牌)

操作 1：3  $[\max(3, 3) = 3]$

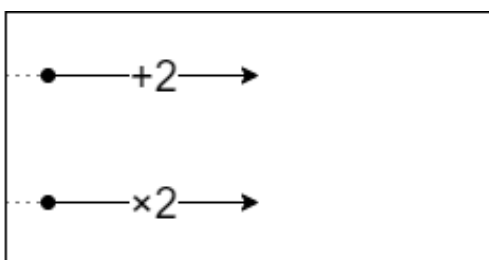
$\Rightarrow$



操作 2：隧道 1 接上 +2

操作 3：5  $[\max(3 + 2, 3) = 5]$

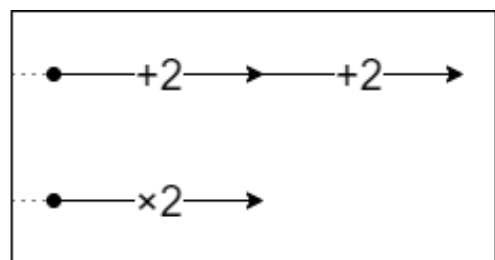
$\Rightarrow$



操作 4：隧道 2 接上  $\times 2$

操作 5：6  $[\max(3 + 2, 3 \times 2) = 6]$

$\Rightarrow$



操作 6：隧道 1 接上 +2

操作 7：7  $[\max(3 + 2 + 2, 3 \times 2) = 7]$

操作 8：4  $[4 + 2 + 2 = 4 \times 2 = 8]$

## — 範例輸入 2 —

```
11
1 3
2 1 * 0
1 3
3
2 2 * 0
1 3
3
2 1 + 2
3
2 2 * 5
3
```

## — 範例輸出 2 —

```
3
3
0
0
no
no
no
```

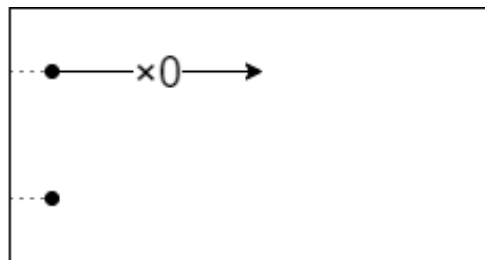
## － 範例說明 2 －



(一開始兩條隧道沒有告示牌)

操作 1: 3  $[\max(3, 3) = 3]$

$\Rightarrow$



操作 2: 隧道 1 接上  $\times 0$

操作 3: 3  $[\max(3 \times 0, 3) = 3]$

操作 4: 0  $[0 \times 0 = 0 = 0]$

$\Rightarrow$

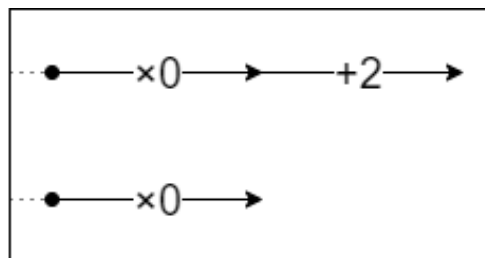


操作 5: 隧道 2 接上  $\times 0$

操作 6: 0  $[\max(3 \times 0, 3 \times 0) = 0]$

操作 7: no [多組解]

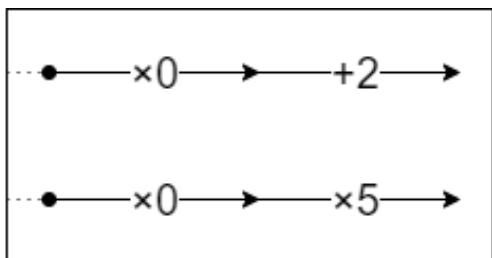
$\Rightarrow$



操作 8: 隧道 1 接上  $+2$

操作 9: no [不存在]

$\Rightarrow$



操作 10: 隧道 2 接上  $\times 5$

操作 11: no  $[m = \frac{1}{2}, \text{為非整數解}]$

## D. 花子一口吞

Problem ID: EatAllLeftMost

Time Limit: 2.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 在你寫 code 的期間，花子越來越餓，你可能得快點 AC...，出自動畫《萌獸寵物店》

自稱為半龍人的貪吃少女——花子，實際上卻是魔界四大公爵-龍族法夫納家的下任家主！因為厭倦了家中殘酷的訓練還有一成不變的食物，於是離家出走來到了人類源藏開的魔獸寵物店當起了店員。

作為寵物店店員，最重要的工作就是給每個寵物分配飼料，每到開飯時間，花子便要為每個飼料盆分配不同的飼料量。今天中午，花子又一次完美的做好了分配工作，突然之間她覺得肚子有些餓了，可能是因為早上只吃了十碗飯，實在不太夠，於是她決定偷吃一點寵物們的飼料，作為自己辛苦工作的獎勵。

「但如果又偷吃飼料被店長發現的話，肯定又會被揍了...該怎麼辦呢？」花子沈思了許久，想起了好久沒做的「一口吞」！

「一口吞」是花子獨創的吃法：她會選定某盆飼料開始一顆顆往嘴巴裡吃，一但到達嘴巴能裝的最多數量  $K$ ，就會一口吞下！如果盆子裡還有剩，便會繼續將飼料裝入嘴巴裡，一但到達嘴巴能裝的最多數量  $K$ ，就會一口吞下...如此反覆循環，直到整盆飼料都空了後，就往下一個飼料盆繼續吃，還沒吞下去的飼料當然也還裝在嘴巴裡！然後繼續吃...吃...吃...吃到滿意為止。

「如果這次又每盆都偷吃一點，就算只少了那麼一點點，肯定還是會被店長發現而被挨罵...對了！只要把連續幾個飼料盆都吃光，假裝本來就沒有裝飼料就好了！而且還想要藏一點飼料在嘴巴裡當作點心...」

身為魔界菁英的她想出了如此辦法，她想要知道自己得從哪一盆開始吃，連續吃到哪一盆為止，可以使她嘴巴裡剩的飼料量最大，就能完美解決這個難題，而她會將剩餘的飼料從嘴巴裡吐出來作為點心，等一下才不會餓肚子呢！

另外如果吃完最後一盆的時候恰好達到嘴巴容量  $K$ ，她仍然會忍不住吞下去，而無法作為點心。

你不需要在意這個策略是否會被店長發現，因為這位龍族少女要求你幫她找到答案，不然你可能會成為那些飼料的替代品！為了你自己的安危著想，請幫助花子找到留下最多飼料當作點心的方法。

### — 輸入 —

第一行有 2 個正整數  $N$ 、 $K$ ，代表寵物飼料的數量和花子嘴巴的容量。

第二行有  $N$  個正整數  $a_1, a_2, \dots, a_N$ ，代表每份寵物飼料的量。

### — 輸出 —

輸出花子最多能留下多少飼料當作點心。

### — 輸入限制 —

- $1 \leq N \leq 5 \cdot 10^5$
- $1 \leq K \leq 10^9$
- $1 \leq a_i \leq 10^9$

### — 子任務 —

| 編號 | 分數 | 額外限制   |
|----|----|--|
| 1  | 0  | 範例輸入輸出   |
| 2  | 4  | $N \leq 300$                                       |
| 3  | 9  | $N \leq 8000$                                      |
| 4  | 31 | $K \leq 30$  |
| 5  | 23 | 符合 $a_i \neq a_{i-1}$ 的 $i$ 最多 2 個，且 $K \leq 2000$ |
| 6  | 33 | 無額外限制  |

## — 範例輸入 1 —

5 5  
1 1 1 1 1

## — 範例輸出 1 —

4

## — 範例說明 1 —

其中一個最大的區間為  $[1, 4]$ ，留下的量為  $1 + 1 + 1 + 1 = 4$ 。  
注意若花子吃了  $[1, 5]$ ，則她會將其整口吞掉而留下 0。

## — 範例輸入 2 —

7 11  
3 3 5 7 7 8 8

## — 範例輸出 2 —

8

## — 範例說明 2 —

其中一個最大的區間為  $[6, 6]$ ，留下的量為 8。

## — 範例輸入 3 —

5 5  
1 2 3 2 1

## — 範例輸出 3 —

4

## — 範例說明 3 —

最大的區間為  $[1, 5]$ 。  
花子先吃了  $a_1, a_2$ ，在吃到  $a_3$  第 2 顆後一口吞下，再吃了剩下的 1 顆（留下 1）。  
最後吃了  $a_4, a_5$ ，留下的量為  $1 + 2 + 1 = 4$ 。

## E. 蓋歐格

Problem ID: Georg

Time Limit: 5.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 利姆路等人正在討論使用傳送魔法來傳送軍隊的方法，出自動畫《關於我轉生成史萊姆這檔事第二季》

為了阻止克雷曼的陰謀，朱拉·坦派斯特聯邦國決定派出大軍，然而要將龐大的軍隊快速地送到目的地可不是一件簡單的事。

利姆路決定兵分多路，在連接不同城鎮上的道路上分別施展魔法建立單向「傳送通道」來形成「傳送網路」。

如此強大的傳送魔法勢必要有一些條件才能施展：

- 傳送通道為單向的。
- 傳送通道連接兩個城鎮，可以從城鎮  $A$  傳送到城鎮  $B$ 。
- 兩個城鎮間可以施展多條傳送通道。
- 為了防止軍隊迷路，從某個城鎮離開之後，必定無法回到該城鎮。
- 任意選擇傳送通道前進，最終必定都能到達目的地。



為了讓傳送網路的效益最大化，利姆路想出了一套方法來評估傳送網路的效率。

每條傳送通道都有一個數值「蓋歐格」來表示該通道的效率，而整個傳送網路則必定可以透過以下方式簡化來計算整體的「蓋歐格」。

一個傳送網路只有一個起點及一個終點，且必定符合以下情況之一（參考 Figure 2）：

- 情形 1：傳送網路恰好就是一條傳送通道。
- 情形 2：從城鎮  $A$  到城鎮  $B$  的傳送網路可以拆分為兩個子傳送網路  $X$  及  $Y$ ， $X$  的起點為  $A$ ，終點為中間城鎮  $C$ ； $Y$  的起點為中間城鎮  $C$ ，終點為城鎮  $B$ 。網路  $X$  的蓋歐格為  $x$ ，網路  $Y$  的蓋歐格為  $y$ ，則城鎮  $A$  到城鎮  $B$  整體的蓋歐格為  $x + y$ 。
- 情形 3：從城鎮  $A$  到城鎮  $B$  的傳送網路可以拆分為兩個子傳送網路  $X$  及  $Y$ ， $X$  和  $Y$  的起點皆為  $A$ ，終點皆為  $B$ 。網路  $X$  的蓋歐格為  $x$ ，網路  $Y$  的蓋歐格為  $y$ ，則城鎮  $A$  到城鎮  $B$  整體的蓋歐格為  $\frac{1}{\frac{1}{x} + \frac{1}{y}}$ 。

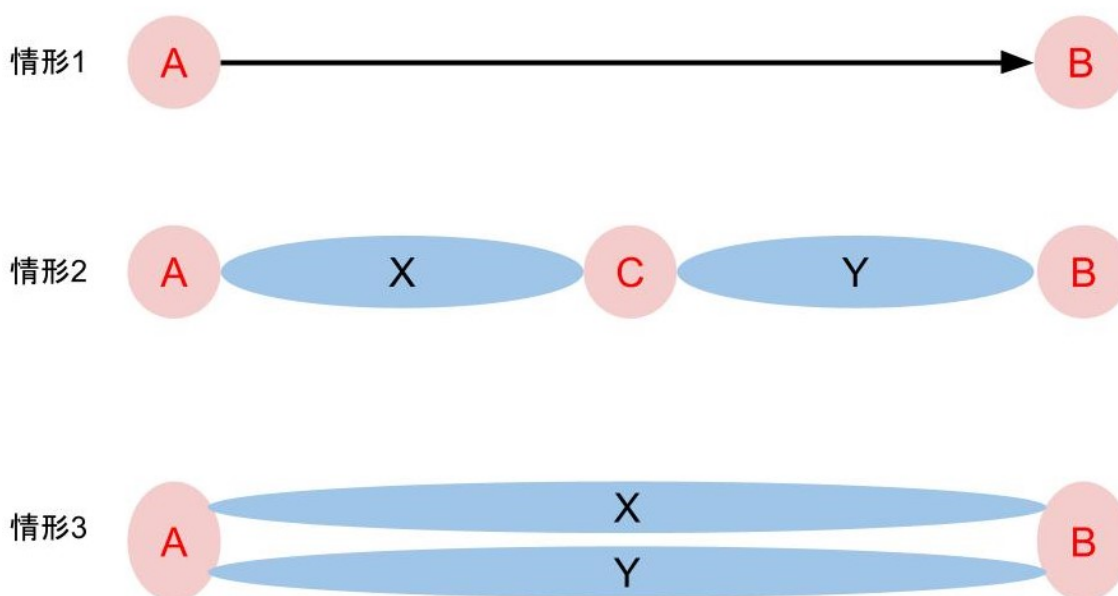


Figure 2: 傳送網路的組成情形， $A$  及  $B$  為城鎮，黑色箭頭為傳送通道， $X$  及  $Y$  為傳送網路，其中可能包含多個傳送通道及多個城鎮

### — 輸入 —

輸入的第一行包含兩個正整數  $N$ 、 $E$ ， $N$  為城鎮數量， $E$  為傳送通道數量。

接下來有  $E$  行，每行包含三個正整數  $A$ 、 $B$ 、 $R$ ，表示傳送通道可以從城鎮  $A$  傳送到城鎮  $B$ ，其「蓋歐格」為  $R$ 。

### — 輸出 —

請輸出一行，以 1 號城鎮為起點，2 號城鎮為目的地的傳送網路，整體「蓋歐格」為多少？

### — 輸入限制 —

- $1 \leq N, E \leq 10^6$
- $1 \leq A, B \leq N$
- $1 \leq R \leq 30$

### — 評測說明 —

本題採用 special judge，只要輸出與答案的絕對誤差或相對誤差  $\leq 10^{-6}$  就判定為通過。也就是說假設你的輸出是  $O$ ，答案是  $A$ ，若  $\min(|O - A|, \frac{|O - A|}{A}) \leq 10^{-6}$  就會通過。

### — 子任務 —

| 編號 | 分數 | 額外限制                 |
|----|----|----------------------|
| 1  | 0  | 範例輸入輸出               |
| 2  | 6  | 傳送網路的組成只有情形 1 及 2    |
| 3  | 7  | 傳送網路的組成只有情形 1 及 3    |
| 4  | 51 | $0 < N, E \leq 1000$ |
| 5  | 36 | 無額外限制                |

## — 範例輸入 —

```

3 5
1 2 17
1 2 15
3 2 30
1 3 20
1 3 10

```

## — 範例輸出 —

```

6.546091015

```

## — 範例說明 —



Figure 3: 範例說明

- $A$  中城鎮 1 至城鎮 3 的兩個傳送通道整體「蓋歐格」等於  $B$  中的  $a = \frac{1}{\frac{1}{10} + \frac{1}{20}} = \frac{20}{3}$
- $B$  中城鎮 1 至城鎮 3 及城鎮 3 至城鎮 2 的兩個傳送通道整體「蓋歐格」等於  $C$  中的  $b = a + 30 = \frac{110}{3}$
- $C$  中城鎮 1 至城鎮 2 的三個傳送通道整體「蓋歐格」等於  $D$  中的  $c = \frac{1}{\frac{1}{15} + \frac{1}{17} + \frac{1}{b}} = \frac{5640}{857} \approx 6.546091015$

## F. 最小生成數

Problem ID: MinSpanNum

Time Limit: 1.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 唐可可可在上課打瞌睡，出自動畫《Love Live! Superstar!!》

獨自一人從上海前來日本成為學園偶像的唐可可，在路上偶然聽到了同校同學澀谷香音的美妙歌聲，情不自禁的用中文向香音說到「太好聽了吧！妳唱歌真的好好聽啊，簡直就是天籟！我剛才聽到妳唱歌了。我們以後一起唱好不好？一起唱！一起做學園偶像！」

在這之後，兩人便一起以成為學園偶像為目標而努力著。而為了準備第一次登場，兩人都花了許多時間和力氣，使得可可在上爆仔老師的數學課時不小心睡著了！

爆仔老師也在這時非常壞心地詢問可可問題，但因為她是全年級第一（華人的優良教育），所以老師拿出了他最近從古代演算法書《力扣》上面想出的問題——最小生成數。

老師叫醒可可後，向她說道：「給定一序列  $a_i$  和一個數字  $k$ ，定義這個數列的生成數為  $b = f(a, k)$ ，使得任意長度為  $k$  的連續子區間內， $a_i < a_j \iff b_i < b_j$  且  $a_i = a_j \iff b_i = b_j$ ，而當  $b$  數列內皆為正整數且為字典序最小的生成數時，我們稱其為最小生成數（MSN，Minimum Spanning Number）！」

可可雖然受過九年國民義務教育，但是對演算法相當不在行，你因為她非常可愛，為了和她建立良好關係，所以決定幫助她！請你幫她找出最小生成數吧！

### — 輸入 —

第一行有二個正整數  $n, k$

其中  $n$  表示陣列  $a$  的長度

$k$  的定義和題目相同。

第二行有  $n$  個整數，表示給定的  $a_i$ 。

### — 輸出 —

輸出最小生成數。

### — 輸入範圍 —

- $1 \leq k \leq n \leq 2 \times 10^5$
- $\forall i \in [1, n], \|a_i\| \leq 10^9$

### — 子任務 —

| 編號 | 分數 | 額外限制              |
|----|----|-------------------|
| 1  | 0  | 範例輸入輸出            |
| 2  | 22 | $n \leq 10^3$     |
| 3  | 1  | $k = 1$           |
| 4  | 6  | $k = n$ 、保證全部元素相異 |
| 5  | 3  | $k = n$           |
| 6  | 12 | $k = 2$ 、保證全部元素相異 |
| 7  | 13 | $k = 2$           |
| 8  | 19 | 保證全部元素相異          |
| 9  | 24 | 無額外限制             |

**— 範例輸入 1 —**

5 3  
-3 3 0 2 -3

**— 範例輸出 1 —**

1 4 2 3 1

**— 範例說明 1 —**

$a$  中長度為 3 的連續子區間有  $[-3, 3, 0]$ ,  $[3, 0, 2]$ ,  $[0, 2, -3]$   
區間  $[0, 2, -3]$  重新生成後字典序最小的解為  $[2, 3, 1]$   
受此影響,  $[3, 0, 2]$  生成出字典序最小的解為  $[4, 2, 3]$   
而  $[-3, 3, 0]$  中的 -3 則可直接生成為 1 而得到答案

**— 範例輸入 2 —**

5 2  
3 2 -2 -1 0

**— 範例輸出 2 —**

3 2 1 2 3

**— 範例輸入 3 —**

5 4  
-3 -1 -3 -1 -2

**— 範例輸出 3 —**

1 3 1 3 2

**— 範例輸入 4 —**

10 2  
7 9 1 7 9 3 3 1 5 5

**— 範例輸出 4 —**

1 2 1 2 3 2 2 1 2 2

## G. 簡單易懂的現代魔法

Problem ID: ModernMagic

Time Limit: 1.0s

Memory Limit: 512MiB



Figure 1: 森下曆美不管寫什麼程式都會召喚出臉盆，出自動畫《簡單易懂的現代魔法》

透過詠唱咒語或施展大規模術式來發動魔法的「古典魔法」時代已經過去，透過在電腦上輸入程式語言並執行來發動魔法的「現代魔法」漸漸成為主流。

身為冒失娘的森下曆美決定要改變自己，因此開始向最強的現代魔法使姊原美鎖學習現代魔法。

「那麼一開始我們就從程式語言的歷史開始講起好了。」今天美鎖的現代魔法課程開始了。

「誰要聽歷史啊！妳是想讓我睡著嗎？趕緊直接開始教程式語法啦！」曆美隨即抗議。

「說的也是，那麼我們就從『hello, world』開始吧，妳會輸出『hello, world』嗎？」美鎖問。

「就算是迷糊的我，在學校的程式課我也有好好的聽呢！」曆美自信地回應。

曆美隨即在電腦上輸入以下程式碼。

```
print("Hello, World!")
```

「等等！」美鎖還沒能阻止，曆美就按下了執行。

「咚～」螢幕上什麼都沒有顯示，倒是一個鐵製臉盆憑空出現在曆美的頭上，然後隨著地心引力撞上曆美的頭頂，發出清脆的聲響。

「嗚嗚嗚～好痛啊！我的程式有什麼問題嗎？」曆美痛得眼淚流了出來。

「誰叫妳剛剛就不聽我講古，看來妳在學校也沒有好好聽課嘛！最原始的『hello, world』是沒有驚嘆號、全部小寫、逗點後面空一格的唷，沒有按照格式輸出我可不能算妳正確！」美鎖詳細地解釋。

「好啦好啦，我按照格式就行了吧！」曆美不滿地回應。

曆美很快就修改好程式碼。

```
print("hello, world")
```

「咚～」，螢幕上顯示出「hello, world」，同時一個黃金製臉盆落到了曆美的頭上，看來能賣不少錢。

「嗚嗚嗚～這樣寫還有問題嗎？」曆美哭著問。

「嗯... 看起來沒什麼問題，至於為什麼還是有臉盆出現我就知道了。不過這個黃金製臉盆就送我當作學費吧！」美鎖一臉懷疑地回答。

曆美悲慘地完成第一天的課程。

究竟曆美寫對程式仍然會有臉盆出現的原因我們不得而知，但可以確定的是，參加 110 學年度資訊學科能力競賽臺南一中校內初選的你，只要使用 C/C++ 輸出“hello, world”（不含引號），不僅不會有臉盆出現在你的頭上，還能拿到 100 分，趕快完成這題，成為臺南一中最強的現代魔法使吧！

「難道是不同程式語言的問題？」曆美問。

「不，絕對不是！」美鎖堅定地反駁。

## — 輸入 —

本題沒有輸入。

## — 輸出 —

按照美鎖老師的要求輸出。

## — 子任務 —

| 編號 | 分數  | 額外限制  |
|----|-----|-------|
| 1  | 100 | 無額外限制 |



— 範例輸入 —

沒有任何輸入。

— 範例輸出 —

hello, world