# 112 學年度資訊學科能力競賽臺南一中校內複選 試題本

# 競賽規則

- 1. 競賽時間: 2023/9/28 13:00 ~ 17:00, 共 4 小時。
- 2. 本次競賽試題共 5 題,每題皆有子任務。
- 3. 為了愛護地球,本次競賽題本僅提供電子檔,不提供紙本。
- 4. 每題的分數為該題所有子任務得分數加總;單筆子任務得分數為各筆繳交 在該筆得到的最大分數。
- 5. 本次初選比照南區賽提供記分板,複選比照全國賽不提供記分板。
- 6. 全部題目的輸入皆為標準輸入。
- 7. 全部題目的輸出皆為標準輸出。
- 8. 所有輸入輸出請嚴格遵守題目要求,多或少的換行及空格皆有可能造成裁 判系統判斷為答案錯誤。
- 9. 每題每次上傳間隔為 120 秒,裁判得視情況調整。
- 10. 所有試題相關問題請於競賽系統中提問,題目相關公告也會公告於競賽系統,請密切注意。
- 11. 如有電腦問題,請舉手向監考人員反映。
- 12. 如有如廁需求,須經過監考人員同意方可離場。
- 13. 不得攜帶任何參考資料,但競賽系統上的參考資料可自行閱讀。
- 14. 不得自行攜帶隨身碟,如需備份資料,請將資料儲存於電腦 D 槽。
- 15. 競賽中請勿交談。請勿做出任何會干擾競賽的行為。
- 16. 如需使用 C++ 的 std::cin 或 std::cout 可將以下程式碼插入 main function 以及將 endl 取代為 '\n' 來優化輸入輸出速度。唯須注意不可與 cstdio 混用。

```
std::ios::sync_with_stdio(false);
std::cin.tie(nullptr);
```

# A. 網路連線

Problem ID: connection

AGC (Advanced Gaming Community) 是踢歐埃國數一數二盛大的電競平台,今年的全國初賽即將舉行,不過主辦方遇到了伺服器的設置問題。

AGC 總共建置了 N 台伺服器,編號為 1 至 N,在這 N 台伺服器間共有 M 個遠端通道,第 i 條連接  $(u_i,v_i)$  兩台伺服器  $(u_i < v_i)$ ,主辦方建立的遠端通道滿足下列兩個條件:

- lacktriangle 沒有連接兩個相同伺服器的遠端通道,也就是對所有的通道, $u_i 
  eq v_i$ 。
- 沒有兩個連接相同伺服器對的遠端通道,也就是對所有 i 
  eq j 則  $(u_i, v_i) 
  eq (u_i, v_j)$ 。

我們說兩個伺服器 a,b 可以**傳輸訊息**如果存在一系列的伺服器  $p_0,p_1,\ldots,p_t$  滿足  $p_0=a,p_t=b$  且所有  $p_i,p_{i+1}$  都有遠端通道連接,換句話說,由伺服器作為點而遠端通道作為邊的圖上,兩個點是連通的。

顯而易見的,僅僅遵守主辦方的條件只能保證沒有建立重複無效的邊,而沒有保證任意兩個伺服器皆可以**傳輸訊息**,現在你身為 AGC 的工程顧問,你想要知道有多少種新增**剛好** k 個遠端通道的方法能夠使得任意兩個伺服器皆可以**傳輸訊息**。

所有方法都必須滿足原本主辦方的兩個條件,而兩個方法不同如果它們新增遠端通道的集合不同,例如方案 (a,b),(c,d) 與方案 (c,d),(b,a) 被視為相同。

### - 輸入 -

輸入的第一行有三個整數 N,M,k,接著有 M 行,第 i 行有兩個整數  $u_i,v_i$ 。

## - 輸出 -

輸出有多少種新增**剛好** k 個遠端通道的方法滿足主辦方的兩個條件,而且任意兩個伺服器都能 傳輸訊息。

#### - 輸入限制 -

- $\begin{array}{ll} \bullet & 1 \leq N \leq 80000 \\ \bullet & 0 \leq M \leq \min\left(\frac{N(N-1)}{2}, 2 \times 10^6\right) \end{array}$
- 1 ≤ k ≤ 2
- $1 \le u_i < v_i \le N$
- $(u_i, v_i) \neq (u_j, v_j) \quad (i \neq j)$

### - 子任務 -

編號	分數	額外限制
1	0	範例輸入輸出
2	17	k = 1
3	23	$N \le 20$
4	43	$N \le 160$
5	17	無額外限制

# - 範例輸入 1 -

- 5 6 1
- 3 4
- 2 5
- 2 3
- 1 4
- 1 3
- 1 2

## - 範例輸出 1 -

4

# - 範例輸入 2 -

- 6 4 2
- 1 2
- 2 3
- 4 5
- 5 6

## - 範例輸出 2 -

54

# - 範例輸入 3 -

- 3 3 2
- 2 3
- 1 2
- 1 3

# - 範例輸出 3 -

0

# C. 老舊鍵盤

Problem ID: keyboard

方塊的鍵盤壞掉了!現在他的鍵盤只能鍵入數字 1,為了登入電腦,他必須要輸入一個**正整數**被 N 整除。對於給定的 N,求出方塊最少需要按幾次 1 才能登入電腦,或者說在給定 N 的條件下,根本不可能成功。

換句話說,你需要找到最小的**正整數** M 使得 N 整除  $\overbrace{11\cdots 1}^{M}$  (即 M 個連續的 1)。

#### - 輸入 -

第一行有一個正整數 N。

#### - 輸出 -

如果方塊能夠登入電腦,輸出最少按1的次數M,否則,輸出一行-1。

#### - 輸入限制 -

■  $1 \le N \le 10^9$ 

# - 子任務 -

編號	分數	額外限制
1	0	
2	_	N < 10
3		$N \le 2 \times 10^5$
4	65	無額外限制

_	範例輸入	1 -
---	------	-----

6

- 範例輸出 1 -

-1

- 範例輸入 2 -

7

- 範例輸出 2 -

6

- 範例輸入 3 -

173867

- 範例輸出 3 -

86933

- 範例輸入 4 -

918608311

- 範例輸出 4 -

26997360

- 範例說明 -

由於  $111111=15873\times 7$ ,可以驗證 1,11,111,11111 皆不為 7 的倍數,故當 N=7 時,M=6。

# D. 森林道路

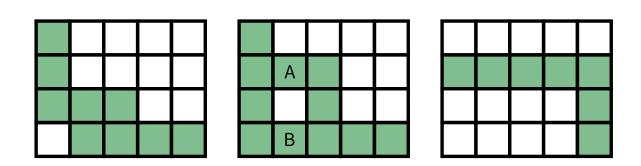
Problem ID: pathway

台南第一高級森林可以被劃分為一個  $N \times M$  的表格,其中第 i 列第 j 行的格子被記為 (i,j)。 為了解決從左上至右下角的交通需求,台南第一高級建設公司想在上面找一塊地並將它開闢成為 道路。

#### 一個道路是一個格子的集合,這個集合必須滿足:

- (1,1) 屬於道路。
- (N, M) 屬於道路。
- 對於**任意兩個**屬於道路的格子  $(x_1,y_1),(x_2,y_2)$ ,如果  $x_1 \le x_2$  且  $y_1 \le y_2$ ,則存在一種方法,能夠**不離開道路**,在  $x_2 x_1 + y_2 y_1$  步以內從  $(x_1,y_1)$  移動至  $(x_2,y_2)$ 。在一步以內,你只能移動到四方位相鄰的格子。

考慮以下三個 N=4, M=5 的範例:



在三個範例中,考慮有綠色網底的格子。

左邊的範例是一個合法的道路。在中間的範例中,從格子 A 移動至 B 在不離開道路上的最少步數為 4,超過 4-2+2-2=2 步,因此不是合法的道路方案。在右邊的範例中,雖然任意兩個屬於道路的格子都滿足最少步數的條件,但是因為集合沒有包含格子 (1,1),因此也不是合法的道路選擇方案。

為了兼顧環境與生態保育,每個格子經過評估有不同的權重,格子(i,j)的為權重 $a_{i,j}$ ,而一個道路的權重總和被定義為道路上所有格子的權重總和。

請輸出最大可能的道路權重總和。

#### - 輸入 -

輸入的第一行有兩個整數 N,M,接下來有 N 行,每行有 M 個整數。 第 i 行的第 j 個整數表示格子 (i,j) 的權重  $a_{i,j}$  。

#### - 輸出 -

輸出道路最大可能的權重總和。

#### - 輸入限制 -

- $1 < N \times M < 10^5$
- $-10^9 \le a_{i,j} \le 10^9$

## - 子任務 -

編號	分數	額外限制
1	0	<b>範</b> 例輸入輸出
2	15	$a_{i,j} \in \{-1,1\}$ ,至少有一個 $a_{i,j} = 1$
3	23	$N \times M \le 50$
4	27	$N \times M \le 5000$
5	35	無額外限制

在子任務 2 當中,你只需要判斷「所有權重為 1 的格子合起來是否為合法的道路 2」即可拿到分數,也就是說

- 所有權重為 1 的格子合起來是合法的道路,輸出**權重為** 1 **的格子數量**會被判斷為正確,否則為錯誤。
- 所有權重為 1 的格子合起來不是合法的道路,輸出**任意不是「權重為** 1 **的格子數量」的數字**會被判斷為正確,否則為錯誤。

請注意輸出的數字絕對值仍然不能超過  $10^{18}$ 。

## - 範例輸入 1 -

4 5
3 0 1 1 1
4 -5 2 1 1
1 -2 1 -8 1
-4 1 1 4 1

#### - 範例輸出 1 -

14

#### - 範例輸入 2 -

## - 範例輸出 2 -

7

## - 範例說明 2 -

請注意範例 2 滿足子任務 2 的條件,也就是說在這個測試資料如果你輸出的答案不是 8 也可以通過該測資。

# E. 宗教戰爭

Problem ID: religion

朋友拿了一個字串 bpqddq,當她拿給我們看時,一位對圖論十分感與趣的同學說:

「啊,好像 bppbdq 似的。」

「我看倒有點像 pbdqqd。」我說。

「真像 pbbpqd。」一位外號叫「幾何超人」的同學緊接著說。

我們不禁哄堂大笑,同樣的一個字串,每個人卻有不同的感覺。那位朋友連忙字串包進測試資料裡面,不過她開始好奇,兩個只有由  $b \cdot d \cdot p \cdot q$  組成的字串,有沒有可能經過旋轉或翻轉之後長的一樣?

為了避免字體因素,在此我們定義 b 旋轉之後是 q,b 上下翻轉之後是 p,而 b 左右翻轉之後 是 d。

#### - 輸入 -

輸入第一行有一個正整數 T,代表接下來有 T 筆資料,每一筆由兩行組成,第一行為 s,第二 行為 t。

#### - 輸出 -

對於每一筆資料,如果 s 可能在經過數次(包含零次)旋轉或翻轉之後與 t 相等,輸出一行 Yes,否則輸出一行 No。

## - 輸入限制 -

- $1 \le T \le 5 \times 10^4$
- $1 \le |s|, |t| \le 10$
- s,t 只由  $b \cdot d \cdot p \cdot q$  組成。

## - 子任務 -

編號	分數	額外限制
1	0	範例輸入輸出
2	35	s  =  t  = 1
3	65	無額外限制

# - 範例輸入 -

6

bpqddq

bppbdq

dpdq

bpdp

qdqpp

dpdd

qdd

dqq

pbqpq

dqbdb

dd

q

# - 範例輸出 -

Yes

Yes

No

Yes

No

No

# 112 學年度資訊學科能力競賽臺南一中校內複選 試題本