# D. 隱藏的排列 2

Problem ID: permutation2
Time Limit: 1.0s
Memory Limit: 512MiB

#### 本題為**互動題**

#### - 問題描述 -

Alice 和 Bob 正在遊玩猜謎遊戲,由 Alice 負責出題目、Bob 負責猜謎。

#### 遊戲過程如下:

- Alice 會先在心中想好一個  $1 \sim n$  的排列。也就是說,Alice 心中已經有一個隱藏的序列  $p_1, p_2, \ldots, p_n$ ,滿足這些數字都介在  $1 \sim n$  之間,且每個數字出現恰好一次。
- 接著,Bob 可以詢問 q 個問題,每個問題都會是以「請問有多少數對 (i,j) 滿足  $l \leq i < j \leq r$ ,且  $p_i > p_j$ 」這種形式呈現。Alice 在收到問題後,必須如實回答。
- 在 Bob 問完所有問題後,Alice 會問 Bob k 個問題,每個問題都會是以「請問  $p_i$  是多少?」這種形式呈現。Bob 在收到問題後,必須給出回答。

這個遊戲的目的就是要讓 Bob 詢問的問題數量 q 儘量小來使得 Bob 能正確回答出 Alice 的所有詢問。請協助 Bob,在 q **儘量小**的情況下,正確回答所有 Alice 的 k 個問題。

## - 實作細節 -

你需要實作兩個函式 bob\_init() 與 query\_from\_alice():

```
void bob_init(int n);
```

- 對於每一筆測試資料,正式評分程式會呼叫你實作的 bob\_init() 函式恰好 1 次。
- n 代表 Alice 心中想著的排列的長度

```
int query_from_alice(int a);
```

- $a \land 1 \ni n$  之間的整數
- 對於每一筆測試資料,正式評分程式會呼叫你實作的 query\_from\_alice() 函式恰好 k  $\phi$   $\phi$
- 保證在呼叫完 bob\_init() 後才會呼叫此函式。
- query\_from\_alice() 需要回傳一個整數 x,代表  $p_a$  的實際數值。

此外,在實作 bob\_init 時可以呼叫 compare\_numbers() 這個函式。

```
int compare numbers(int 1, int r);
```

- l, r 是於  $1 \sim n$  的整數
- l < r</p>
- 此函式會回傳有多少數對 (i,j) 滿足  $l \leq i < j \leq r$ ,且  $p_i > p_j$
- 範例評分程式內的 compare\_numbers() 實作與實際評分程式內的實作完全相同

# - 範例程式碼 -

以下是一個可以編譯但保證不會獲得任何分數的範例程式碼:

```
#include<vector>
using namespace std;
int compare_numbers(int l, int r);
int v[1010];
void bob_init(int n){
    v[1] = compare_numbers(1, n);
    v[2] = compare_numbers(2, n);
}
int query_from_alice(int a){
    return v[a];
}
```

# - 互動範例 -

若 Alice 所想的序列為  $\{2,\,3,\,1\}$ ,一個可能被評為 Accepted 的互動例子顯示如下:

評分程式端	參賽者端
呼叫 bob_init(3)	
	呼叫 compare_numbers(1, 3)
回傳 2	TT
回傳 1	呼叫 compare_numbers(2, 3)
D14 1	回傳 void()
呼叫 query_from_alice(1)	()
	回傳 2
呼叫 query_from_alice(2)	<b></b>
	回傳 3

# - 測資限制 -

- $\quad \bullet \ 3 \leq n \leq 1000$
- $1 \le k \le 1000$
- $1 \le p_i \le n$
- p<sub>i</sub> 兩兩相異

## - 評分說明 -

對於每一筆測試資料,若你的程式在函式 bob\_init() 中呼叫 compare\_numbers 的次數為 x,則定義 Q 為:

$$Q = \lfloor \frac{x}{n} \rfloor$$

若你正確回答了所有 Alice 的詢問,根據 Q ,你將得到分數比重 W :

$$W = \begin{cases} 1 & \text{if } Q = 0\\ 1 - \frac{\sqrt{Q}}{50} & \text{if } 0 \le Q \le 500\\ 0 & \text{if } Q > 500 \end{cases}$$

本題共有兩組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,你在該子任務的得分為所有測試資料中分數比重 W 的最小值,乘以該子任務的總分。

# - 子任務 -

編號	分數	額外限制
1	0	範例互動
2	10	n = 3
3	90	無額外限制

### - 範例評分程式 -

範例評分程式採用以下格式輸入:

n k

 $p_1 p_2 \ldots p_n$ 

 $a_1 \ a_2 \ \dots \ a_k$ 

請注意,正式的評分程式一定不會採用以上格式輸入。請不要自行處理輸入輸出。

範例評分程式首先呼叫 bob\_init(n),接著範例評分程式會呼叫 k 次 query\_from\_alice $(a_i)$ 。接著,若範例評分程式偵測到從 bob\_init 對 compare\_numbers 的呼叫有任何不合法、或在 query\_from\_alice 的期間有對 compare\_numbers 的呼叫,此程式將輸出

Wrong Answer: msg

後並終止程式執行,其中 msg 為下列其中之一錯誤訊息:\* Invalid position: I r: 你的程式 傳入 compare\_numbers 的集合中有不介在  $1\sim n$  之間的數字,或是你傳入的 l>r。\* Invalid call: 你的程式嘗試在 query\_from\_alice 的期間呼叫 compare\_numbers。

否則,範例評分程式將會以下列格式印在標準輸出中:

 $b_1 b_2 \ldots b_k$ 

 ${\sf Accepted} \colon \mathit{Q}$ 

其中,

- $b_i$  為第 i 次呼叫 query\_from\_alice() 時你的回傳值。
- lacklose Q 為根據你的程式呼叫 compare\_numbers 的次數得來的數值,詳細定義請見評分說明 欄位。
- 請注意,範例評分程式並不會幫助你檢查你回傳的數值是否正確。

下方程式碼可在本題下方壓縮檔裡的 grader.cpp 獲得 請注意,上傳程式碼時請勿直接上傳此範例評分程式,上傳格式請參考上述範例程式碼。

```
#include <cstdlib>
#include <iostream>
using namespace std;
// Functions to be implemented in the solution.
void bob init(int n);
int query from alice(int a);
// Functions to be implemented in the solution.
namespace{
    int N, K, Query_count = 0, P[1005], Ans[1005], Inv[1005][1005];
    bool EndInit = false;
    void Wrong Answer(const string msg) {
        cout << "Wrong Answer: " << msg << endl;</pre>
        exit(0):
} int compare numbers(int 1, int r){
    if(EndInit) Wrong Answer("Invalid call");
    if(1 <= 0 || 1 > N || r <= 0 || r > N || 1 > r)
        Wrong Answer("Invalid position: " + to string(1) + " " + to string
    Query count++;
    return Inv[1][r];
} int main() {
    cin >> N >> K;
    for(int i = 1; i <= N; ++i) cin >> P[i];
    for(int i = 1; i \le N; ++i) for(int j = i + 1; j \le N; ++j)
        if(P[i] > P[j]) Inv[i][j]++;
    for(int i = 1; i <= N; ++i) for(int j = 1; j <= N; ++j) Inv[i][j] +=
    for(int j = 1; j \le N; ++j) for(int i = j - 1; i > 0; --i) Inv[i][j]
    bob init(N);
    EndInit = true;
    for(int i = 1; i <= K; ++i){</pre>
        int x; cin >> x;
        Ans[i] = query from alice(x);
    }
    for(int i = 1; i <= K; ++i) cout << Ans[i] << " n"[i == K];
    cout << Query_count / N << "\n";</pre>
}
```