

第一章 绪论

逻辑结构：线性结构（2 线性表；3 栈和队列；4 数组和广义表；5 串）和非线性（6 树；7 图）

8 查找；9 排序

存储结构：顺序存储、链式存储、索引存储、散列存储

顺序存储和链式存储的优缺点：

■ 顺序存储优点：存取方式是随机的，读取数据比较方便

缺点：插入和删除操作需要移动大量的数据

■ 链式存储方式的优缺点与顺序相反。

判断算法好坏的标准：时间复杂度和空间复杂度

第二章 线性表

线性表：由 n ($n \geq 0$) 个相同数据类型的元素组成的有限序列。

逻辑特征：(1: 1)

- 第一个结点是开始结点，无前驱有唯一的后继
- 最后一个结点是终端节点，无后继有唯一的前驱
- 中间结点，有唯一前驱和唯一的后继

逻辑结构的定义方式：(元素 1, 元素 2, ...))

存储结构：(物理结构)

- 顺序存储(用数组体现)：预先分配一段连续的区域，静态分配

`int a[10];` a 表示 `a[0]` 的地址

顺序表：两层含义：逻辑结构上线性结构

物理上顺序存储

- 链式存储(用指针): 占用的区域不一定连续, 动态分配; malloc
free

链表: 两层含义: 逻辑结构上线性结构

物理上链式存储

顺序表的插入: maxsize 表示最多存放的元素的个数, size 表示有效元素的个数

- 1、 判断满不满: 满的条件: $size == maxsize$
- 2、 插入的位置是不是合法 ($i \geq 1 \&\& i \leq size + 1$)
- 3、 后移 (先移动后面的)
- 4、 插入 $size++$;

顺序表的删除:

- 1、 判断空间是否是空 ($size == 0$)
- 2、 判断位置是不是合法 ($1 \leq i \leq size$)
- 3、 前移 (先移动前面的)
- 4、 $Size--$

链表:

分类: 单链表、循环链表、双链表

三个术语: 头结点、头指针、开始结点

插入操作: p 结点的后面

- 1、 生成空间: $s = (S *) malloc(sizeof(S));$

- 2、 赋值: `s->data=X;`
- 3、 `s->next=p->next;`(修改新结点的指针)
- 4、 `P->next=s;`

链表的删除: `p` 结点的后面的结点

- 1、 `q=p->next;`
- 2、 `p->next=q->next;` // `p->next=p->next->next;`
- 3、 `free(q);`

删除 `p` 结点本身:

A、 寻找 `p` 结点的前驱结点,转化为删除 `p` 结点的前驱结点的后继

`q=head;`

`while(q->next!=p)`

`q=q->next;`

`q->next=p->next;`

`free(p);`

B、 删除 `p` 的后继 (`p` 结点不是终端结点, `p` 一定要有后继)

`q=p->next;`

`p->data=q->data;`

`p->next=q->next;`

free(q);

第三章 栈和队列

栈和队列是特殊的线性表。特殊在插入和删除操作都是在表的端点处进行。

栈 Stack：操作受限（插入和删除）的线性表。

在线性表的末尾做插入和删除，叫做栈顶 top 线性表的开始部分叫做栈底 bottom

特点：FILO

典型应用：函数的调用

存储方式：

- 顺序存储（用数组体现，静态分配存储空间）
- 链式存储（涉及到指针，动态分配存储空间）

顺序栈的插入：top 表示栈顶元素的下标，定义是 int 类型的，格式是 int top; maxsize 表示空间的大小，最多存放多少个元素

(在顺序表的基础上修改的，红颜色粗体部分去掉)

1、 判断满不满：满的条件是 $top == maxsize - 1$

~~2、 插入的位置是不是合法 ($i \geq 1 \&\& i \leq size + 1$): 去掉 原因是位置固定 $size + 1$~~

~~3、 后移 (先移动后面的): 去掉~~

4、 $top++$; 插入 ($data[top] = X$)

顺序栈的删除：(在顺序表的基础上修改的，红颜色粗体部分去掉)

1、 判断空间是否是空 ($top == -1$ $top < 0$)

~~2、 判断位置是不是合法 ($1 \leq i \leq size$)~~

~~3、 前移 (先移动前面的)~~

4、 $top--$

链栈的插入操作：top 表示栈顶的指针，类似于 head，top 是指针变量 格式：数据类型 *top;

1、 生成空间：s=malloc (.....);

2、 赋值：s->data=X;

3、 修改指针：s->next=top;(先修改的是新结点的指针)

4、 修改 top 指针：top=s;

链栈的删除：

1、 p=top;

2、 top=top->next;

3、 free(p);

进栈的顺序是 123，则可能的出栈的顺序是 123、132、213、231、~~312~~、321

进栈的顺序是 1234，则可能的出栈的顺序是 1234、1243、1324、1342、1432、2134、2143、2314、2341、2431、3214、3241、3421、4321

队列：

- 1、 定义：操作受限的线性表（在表的一端进行插入、在另一端进行删除）
- 2、 在线性表的末尾进行插入操作，叫做队尾 rear
在线性表的开始做删除操作，叫做队头 front
- 3、 特点：FIFO
- 4、 存储结构：
 - 顺序存储（用数组体现，静态分配存储空间）
 - 链式存储（用指针体现，动态分配存储空间）

入队列的顺序是 1234，则出队的顺序是 1234。

循环队列：队列的顺序存储结构

循环队列长度是 maxsize，则最多存放 maxsize-1 个元素

- Front 表示：队头元素的前一个位置
- Rear：队尾元素的下标

循环队列空的条件是：front == rear

循环队列满的条件是：front == (rear+1)%maxsize

循环队列的元素个数是：(rear-front+maxsize)%maxsize

循环队列的队头元素的下标： $(front+1) \% maxsize$

备注：凡涉及到+1，都要 $\% maxsize$

顺序队列的插入：(在顺序表的基础上修改的，红颜色粗体部分去掉)

1、 判断满不满：满的条件： $front == (rear+1) \% maxsize$

2、 插入： $rear = (rear+1) \% maxsize$

$data[rear] = X;$

顺序队列的删除：(在顺序表的基础上修改的，红颜色粗体部分去掉)

1、 判断空间是否是空：空的条件是 $front == rear$

2、 删除： $front = (front+1) \% maxsize$

链队列：队列的链式存储结构

Front 表示的队头元素的指针

Rear 表示队尾的指针

链队列的插入操作：

1、 $p = malloc(...);$

2、 $p \rightarrow data = X;$

3、 $p \rightarrow next = NULL;$ (先修改新产生结点的指针)

4、 $rear \rightarrow next = p;$

5、 $rear = p;$

链队列的删除: (带头结点的队列)

一、 删除真正的队头元素

1、 判断队列是否为空: 空的条件是 $front == rear$

2、 $s = front \rightarrow next;$

3、 $front \rightarrow next = s \rightarrow next;$

4、 $free(s);$

二、 通过删除头结点 转化为删除队头元素

1、 判断队列是否为空: 空的条件是 $front == rear$

2、 $s = front;$

3、 $front = front \rightarrow next;$

4、 $free(s);$

练习:

(10, 20, 30)

1、 线性表, 画出带头结点的单链表

2、 栈, 分别画出顺序存储结构 链式存储结构

3、 队列, 分别画出顺序存储结构 链式存储结构

第四章 数组和广义表

数组: 两种操作 (查找和修改)

两种存储结构: 按行优先、按列优先

运算：计算地址、计算按行优先时的地址按列优先时是哪个元素

广义表：（不考）

- 表头一定是原子。（×）
- 表头一定是广义表。（×）
- 表尾一定是原子。（×）
- 表尾一定是广义表。（√）

第五章 串

两个串相等的充要条件是：串长相等并且对应位置上的字符要相同。

空串和空白串区别：

串的运算：串的连接、求子串、求子串在主串中的位置（模式匹配）、串的比较、串的复制、串的替换 等等。

Int a[]="123"; （√）

Int a[10]; a="123"; （×）

Char name[10]="gmm";

For(i=0;i<size;i++)

If(strcmp(name,stu[i].name) == 0)

练习：

输出所有的“水仙花数”。所谓“水仙花数”是指一个 3 位数，其各位数字立方和等于该数本身。例如：153 是一个水仙花数，应为 $153=1^3+5^3+3^3$ 。

第六章 树

树：非线性结构

1、定义：有 n ($n \geq 0$) 个结点组成的有限集合。对于非空树来说：有且仅有一个根结点；子树由 t_1, t_2, \dots 。互斥的集合。

2、术语：结点的度、树的度、树的高度、路径、路径的长度、树的路径长度、树的带权路径长度

3、树的存储：双亲表示法、孩子表示法、双亲孩子表示法、孩子兄弟表示法

二叉树：

判断：二叉树是树；是度为 2 的树；是特殊的树；是度为 2 的有序树。（×）

5 个性质：

性质 1：二叉树第 i 层上最多 2^{i-1} （数学归纳法）

性质 2：深度为 k 的二叉树上最多 $2^k - 1$ （等比数列）

性质 3：二叉树上度为 0 的节点有 n_0 个，度为 2 的节点有 n_2 个，

则 $n_0 = n_2 + 1$ ($N = n_0 + n_1 + n_2 = 0 * n_0 + 1 * n_1 + 2 * n_2 + 1$)

满二叉树 完全二叉树

- 满二叉树一定是完全二叉树。(√)
- 完全二叉树一定是满二叉树。(×)
- 完全二叉树的结点如果有左孩子，则它一定有右孩子。(×)
- 完全二叉树的结点如果有右孩子，则它一定有左孩子。(√)

性质 4: 有 n 个节点的完全二叉树，深度为:。。。。。(假设深度 k , $2^{k-1} - 1 + 1 \leq n \leq 2^k - 1$) 「 」

性质 5: 把完全二叉树编码，从上到下，同一层上从左向右，

- $I=1$: 是根结点，没有双亲; $i>1$: 有双亲，双亲编码是 $\lfloor i/2 \rfloor$;
- $I:2i$ 是左孩子，如果存在右孩子，则右孩子的编码是 $2i+1$;
- $I:2i+1$ 是它的右孩子，左孩子的编码是 $2i$ 。

练习:

1、有 1001 个结点的完全二叉树，树的高度为 ()，其中叶子结点的个数为 ()，度为 1 的结点的个数为 ()，度为 2 的结点的个数为 ()。

2、已知二叉树有 52 个叶子结点，度为 1 的结点个数为 30 则总结点个数为 ()。

二叉树的存储:

- 顺序存储---→完全二叉树的存储 (下表为 0 的空间没用 性质 5 来判断双亲和孩子的关系)
- 链式存储 (二叉链表、带双亲的二叉链表 (三叉链表)) -→

一般二叉树

二叉树的遍历：先序遍历（第一个节点是根结点）、中序遍历（来判断左右子树的结点）、后序遍历（最后一个节点是根结点）

根据先序和中序、中序和后序得到二叉树。

练习：

1、已知二叉树的中序遍历序列是 ACBDGHFE，后序遍历序列是 ABDCFHEG，请构造一棵二叉树。

2、已知二叉树的层次遍历序列为 ABCDEFGHIJK，中序序列为 DBGEHJACIKF，请构造一棵二叉树。

3、已知二叉树的前序、中序和后序遍历序列如下，其中有一些看不清的字母用*表示，请先填写*处的字母，再构造一棵符合条件的二叉树。

(1)前序遍历序列是：*BC***G*

(2)中序遍历序列是：CB*EAGH*

(3)后序遍历序列是：*EDB**FA

树、森林和二叉树之间的转换：

- 树----→二叉树：加线、抹线、调整（结论：转换后的二叉树没有右子树）
- 二叉树-----→树：加线、抹线、调整
- 森林-----→二叉树：
- 二叉树-----→森林：

树、森林和二叉树的遍历

- 1、树的先跟遍历次序与它所对应的二叉树的先序遍历次序相同；
- 2、树的后跟遍历次序与它所对应的二叉树的中序遍历次序相同；
- 3、森林的先序遍历次序与它所对应的二叉树的先序遍历次序相同；
- 4、森林的中序遍历次序与它所对应的二叉树的中序遍历次序相同；

哈弗曼树及其编码：

- 术语：路径、路径的长度、树的路径长度（从根结点到每一个叶子结点的路径长度之和）、带权路径长度（根结点到叶子结点的路径长度*权值 和）
- 构造：每次找两个权值最小的结点进行合并，得到的新结点的权值放到最后，循环合并，直到只剩下一个结点的时候结束过程，这时候的二叉树就是所求的最优二叉树（哈弗曼树）。
- 哈弗曼编码：左分支为 0 右分支为 1，从根结点到叶子结点所经过的边的编码就是它所对应的哈弗曼编码。

1、定义：

- 图：Graph 两个集合 $V(\text{vertex})$ E
- 有向图： V, E $\langle V, W \rangle$ 弧头(箭头指向谁 终点) 弧尾(起点)
- 无向图： $(V, W) == (W, V)$

2、术语：

- 完全图(任意两个定点之间都有边 无向图 $n*(n-1)/2$ 有向图 $n*(n-1)$)
- 结点的度：与这个顶点相关联的边的条数
- 入度：针对的有向图 以这个顶点为弧头
- 出度：针对有向图 以这个顶点为弧尾
- 边的个数：所有顶点的度的总和/2
- 连通图：

如果两个顶点之间有路径，那么这两个顶点就是连通的

连通图：无向图 任意两个顶点之间都有路径

判断：完全图一定是连通图 (✓)

连通图一定是完全图 (✗)

- 连通分量：非连通图的极大连通子图
- 强连通图 强连通分量：有向图
- 生成树：连通图，有 n 个顶点，至少需要 $n-1$ 边使得它连通

连通图的极小连通子图

3、 图的存储:

(1) 邻接矩阵:

如果有 n 个顶点的无向图, 存储空间压缩 $n*(n+1)/2$

如果有 n 个顶点的有向图, 存储空间不能压缩 $n*n$

有向图的连接矩阵 第 i 行非零元素的个数----- \rightarrow 出度

第 i 列非零元素的个数----- \rightarrow 入度

无向图的连接矩阵: 第 i 行 (或者列) 非零元素的个数----- \rightarrow 度

(2) 邻接表:

无向图中顶点 V_i 的度是邻接表中结点的个数;

有向图中, 顶点 V_i 的出度是邻接表中结点的个数;

顶点 V_i 的入度是逆邻接表中结点的个数。

图的遍历: 深度遍历 广度遍历

生成树: 深度遍历的生成树 广度遍历生成树

最小生成树:

- **Prim:** 把顶点分为两个集合, 分别从这两个集合中各找出一个顶点, 使得这两个顶点之间的边的权值是最小的, 把绿色顶点合并到黄颜色中, 继续。。。, 直到所有顶点都合并到黄颜色中为止。
- **Kruscal:** 把顶点分别作为集合, 每次从边的集合中查找权值最小的两个顶点: 如果这两个顶点分属于不同集合, 合并; 如果这两个顶点分属于同一集合, 继续查找下一条权值较小的边。

最短路径：迪杰斯特拉算法

- 第一条最短路径：在所有的直达路径中，找出最短的一条路径
- 在后面的最短路径：要么直达；要么经过已经求出的最短路径的顶点。

拓扑结构：主要用于查看工序之间的前驱后继的关系。AOV 网

第八章 查找

1、线性表的查找（静态查找）

- 顺序查找：顺序表 链表
- 折半查找（二分查找）：有序的顺序表

2、树表的查找（动态查找）：二叉排序树（二叉查找树）

（1）定义：可以是空树，如果非空，满足 3 个条件。。。

（2）查找

（3）插入（作为叶子结点插入）

（4）删除（3 种情况）：

- 删除叶子结点：直接删除，修改其双亲的左指针或者右指针为 NULL
- 删除只有左子树或者只有右子树：修改其双亲直接指向其左孩子或者右孩子
- 删除既有左子树又有右子树：用中序遍历的前驱结点代替删除结点，然后删除前驱结点。

第九章 排序

1、定义：

分类：内部排序、外部排序

稳定性：

2、重点排序方法

- 插入排序：直接插入排序（稳定）、希尔排序（不稳定）
- 交换排序：冒泡排序（稳定）、快速排序（不稳定）
- 选择排序：简单选择排序（稳定）
- 归并排序：2路归并排序（稳定）

Memory:

Storage:

CPU:Control Processing Unit

OS:Operating System

操作系统的功能：作业管理 进程管理 存储管理 文件管理 设备管理