基礎資料結構與演算法

資料結構與演算法

資料結構與演算法

(Data Structure & Algorithm, 簡稱 DSA)

在程式設計中有著非常重要的地位

使用好的資料結構和演算法

可能會使程式的執行速度變得更快

而使用不妥當的資料結構和演算法

則可能會使程式的執行速度變得緩慢

O (大O 符號)

O(x) 是用來表示一個函數趨近的上界,其定義為: 若有一個足夠大的正實數 x_0 和兩個 x 的函數 f(x) 和 g(x) $\exists \exists (\forall x \geq x_0) (\exists M > 0) (/f(x)/\leq M/g(x)/)$ 則 $\lim_{x \to \infty} f(x) = \lim_{x \to \infty} O(g(x))$ 又常將 $\lim_{x\to\infty}$ 省略,故簡寫為 f(x) = O(g(x))舉例:若有一演算法,資料量對時間函數為 $T(n) = 3n^2 + 10n + 2$ 可取 M=15,則 $T(n)=O(n^2)$

f(x) = O(g(x)) 的最小 g(x) 快速判別法:g(x) 為 f(x) 只保留主導項(增長最快的項),並將係數變為 1 如 $T(n) = 3n^2 + 10n + 2$,只保留主導項 $3n^2$,並將係數變為 1,即 $3n^2$ 變為 n^2 ,故 $T(n) = O(n^2)$

Ω (大 Ω 符號)

與 O(x) 相似, $\Omega(x)$ 是用來表示一個函數趨近的下界,其定義為: 若有一個足夠大的正實數 x_0 和兩個 x 的函數 f(x) 和 g(x) $\exists \exists (\forall x \geq x_0) (\exists M > 0) (/f(x)/ \geq M/g(x)/)$ $\iiint \lim_{x \to \infty} f(x) = \lim_{x \to \infty} \Omega(g(x))$ 又常將 $\lim_{x\to\infty}$ 省略,故簡寫為 $f(x) = \Omega(g(x))$ 舉例:若有一演算法,資料量對時間函數為 $T(n) = 3n^2 + 10n + 2$ 可取M=3,則 $T(n)=\Omega(n^2)$

Θ (大 Θ 符號)

 $\Theta(x)$ 是在函數的趨近上下界相等時

用來表示函數的趨近界線

即若 $f(x) = O(g(x)) = \Omega(g(x))$,則 $f(x) = \Theta(g(x))$

舉例:若有一演算法,資料量對時間函數為 $T(n) = 3n^2 + 10n + 2$

已知 $T(n) = O(n^2) = \Omega(n^2)$,則 $T(n) = \Theta(n^2)$

時間複雜度(time complexity)

是用於描述某一演算法 資料量與執行時間的關係

常用大o符號或大o符號來表示常見的時間複雜度有:

常數時間 O(1)、對數時間 $O(\log n)$

線性時間 O(n)、二次時間 $O(n^2)$

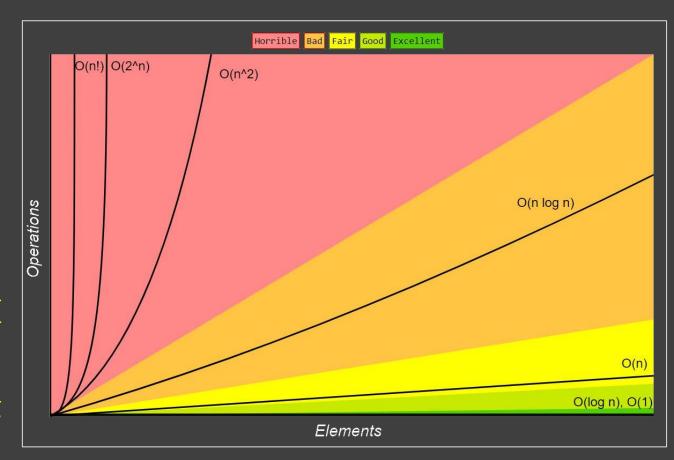
線性對數時間 $O(n \log n)$

需注意,因為n不可能趨近無限大

故各時間複雜度大小之排序

不一定為真實執行時間多寡之排序

時間複雜度



空間複雜度

空間複雜度(space complexity)

是用於描述某一演算法資料量與所需儲存空間的關係

常用大o符號或大o符號來表示

常見的空間複雜度有: $O(1) \cdot O(\log n) \cdot O(n) \cdot O(n^2) \cdot O(n \log n)$

同樣的,因為n不可能趨近無限大

故各空間複雜度大小之排序不一定為真實使用空間多寡之排序

通常在研究演算法時,時間複雜度的重要性會遠大於空間複雜度並且同一演算法的空間複雜度也可能因不同實現方式而異

TYIC 桃局資訊社

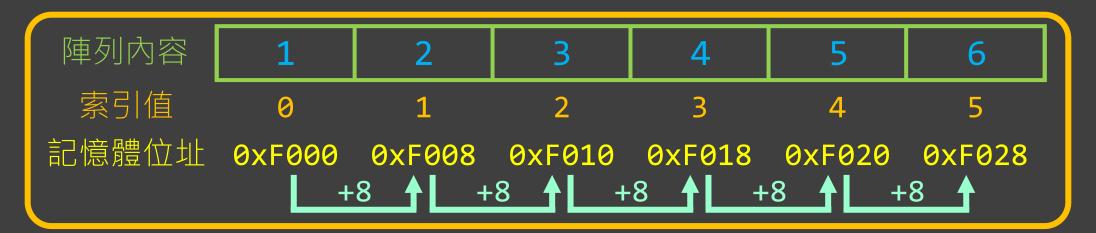
陣列

考慮儲存 5 筆資料,可以宣告 5 個變數來儲存 但考慮儲存 100 筆資料,宣告 100 個變數顯然不太現實 此時便可以使用陣列(array)來儲存多個相同型別的資料 陣列裡每個儲存的資料稱為元素(element)

陣列存取的時間複雜度為 O(1),原因後方會陳述 搜尋的時間複雜度為 O(n),原因是因為需要循序搜尋 插入和刪除的時間複雜度為 O(n)原因是因為需要將插入或刪除元素後方的元素向後或向前移動

陣列

陣列在記憶體中是連續的,即陣列中每個元素的記憶體位址皆相鄰所以若要存取陣列中的元素,只需對記憶體位址進行簡單運算即可:已知陣列元素記憶體大小為s、索引值O元素之記憶體位址為a則陣列索引值n元素之記憶體位址即為 $a+s\times n$ 故陣列存取的時間複雜度為O(1),這稱為隨機存取 $(random\ access)$



串列與鏈結串列

串列(list)是一種資料結構,可以像陣列一樣儲存元素 但是儲存容量可以動態增長,也就是說元素的數量可以不固定

鏈結串列(linked list)是一種資料結構 由若干個節點(node)組成,每個節點記錄了一筆資料 鏈結是指使用指標來紀錄 上一個和下一個節點的記憶體位址 只紀錄上—個或下—個元素的串列 稱為「單向鏈結串列(singly linked list)」 同時紀錄上一個和下一個元素的串列 稱為「雙向鏈結串列(doubly linked list)」

鏈結串列

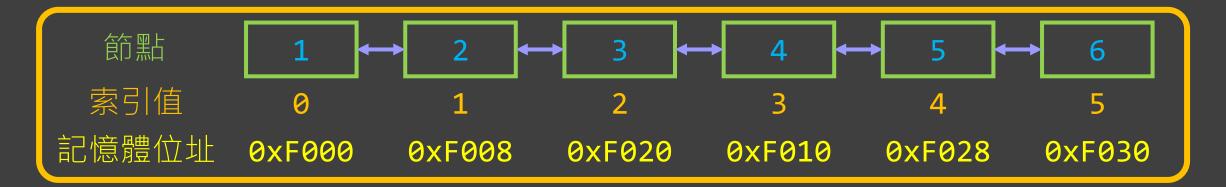
鏈結串列存取的時間複雜度為 O(n)

因為必須依次讀取每個節點,這稱為順序存取(sequential access)

搜尋的時間複雜度為 O(n) ,原因是因為需要循序搜尋

插入和刪除的時間複雜度為 O(1)

原因是因為只需要將原有鏈結斷開,並重新連接上新的節點即可



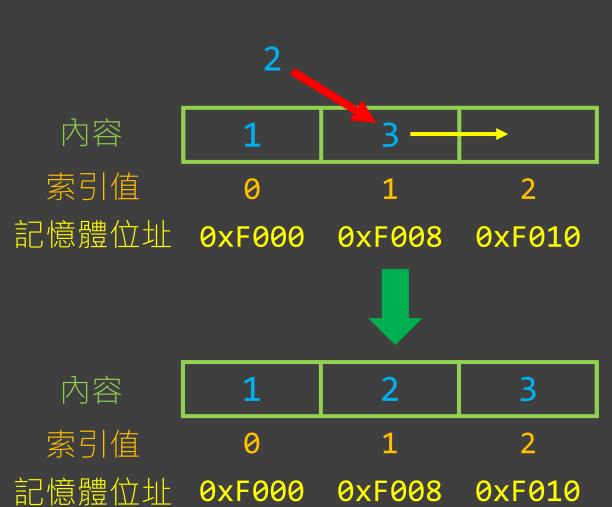
陣列與鏈結串列

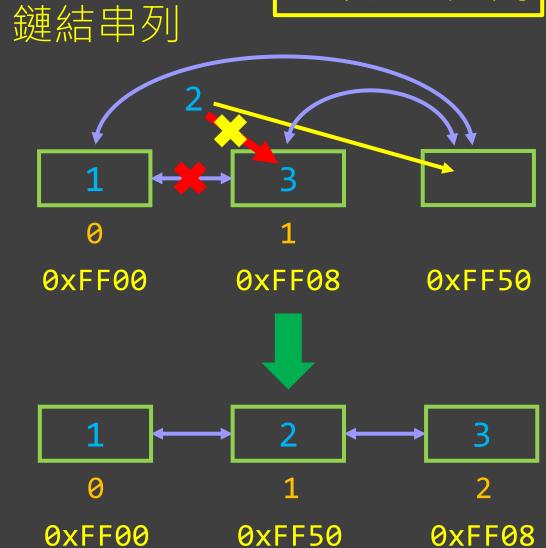
資料結構	陣列	鏈結串列
存取	O (1)	O(n)
搜尋	O(n)	O(n)
插入	O(n)	O (1)
刪除	O(n)	O (1)

陣列與鏈結串列

將 2 插入 1 和 3 之間

陣列





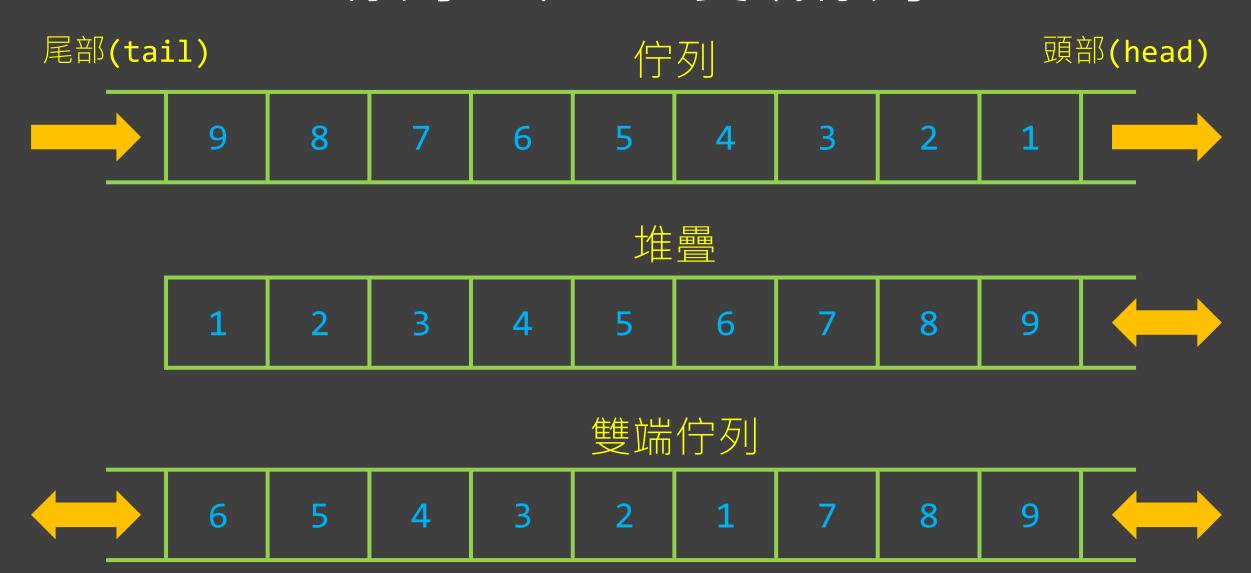
佇列、堆疊、雙端佇列

佇列(queue)是一種資料結構 元素從尾部(tail)進入並從頭部(head)出來 為先進先出(first-in-first-out,簡稱 FIFO)

堆疊(stack)與佇列類似,但元素只能從頭部進出 為後進先出(last-in-first-out,簡稱 LIFO) 元素進入稱為推入(push)、出來稱為彈出(pop)

雙端佇列(deque)是同時具有佇列和堆疊性質的資料結構 元素可以從頭部或尾部進出

佇列、堆疊、雙端佇列



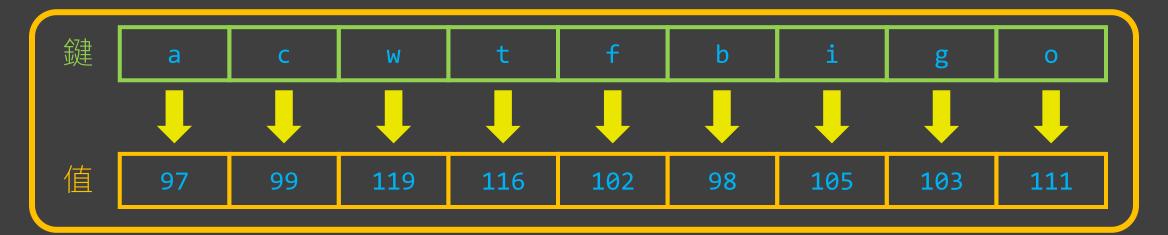
鍵值映射

鍵值映射(key-value mapping)是一種資料結構

代表一些相同型別且不重複的鍵(key)

各自映射到一個相同型別的值(value)

每組鍵和值稱為鍵值對(key-value pair map entry)



尋找最大、最小值

對於多個值,想要找尋最大值、最小值 除了對資料排序外,也可利用以下方法,時間複雜度為 O(n): 依序讀取每個值,若較當前的最大值大或最小值小 則將最大值或最小值變為該值 特別注意,最大值須初始化成比所有可能值小的數 最小值須初始化成比所有可能值大的數



尋找最大、最小值

```
10
import java.util.Scanner;
                                -1 5 -9 8 1000 2 -1999 2 0 1
                                max = 1000, min = -1999
                                                         console
public class Main1 {
    public static void main(String[] args) {
        Scanner scanner = new Scanner(System.in);
        int n = scanner.nextInt();
        int max = -2147483648, min = 2147483647;
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            int p = scanner.nextInt();
            if (p > max) max = p;
            if (p < min) min = p;
        System.out.printf("max = %d, min = %d", max, min);
                                                          java
```

循序搜尋法

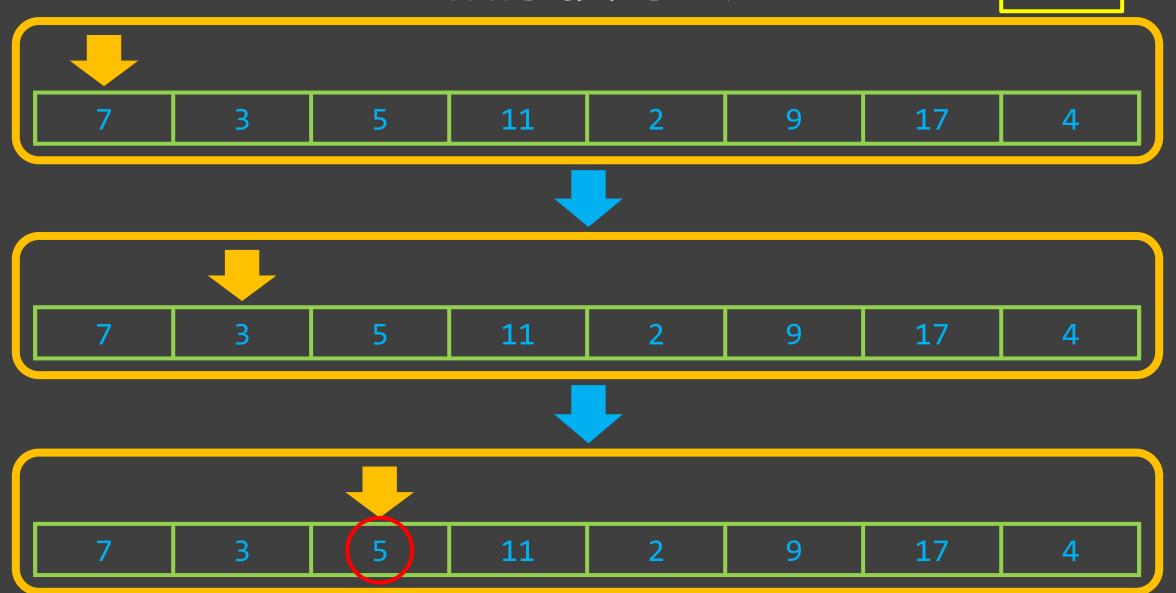
循序搜尋法(線性搜尋法,linear search)是一種常見的搜尋法 其為依序比對每一個資料直到找到正確的資料,時間複雜度為 O(n)

```
import java.util.Scanner;
public class Main2 {
   public static void main(String[] args) {
       Scanner scanner = new Scanner(System.in);
       int n = scanner.nextInt(); // 獲取資料個數
       int[] arr = new int[n];
       for (int i = 0; i < n; i++) arr[i] = scanner.nextInt(); // 讀入資料
       int target = scanner.nextInt(); // 讀入目標資料
       // 循序搜尋法
       for (int i = 0; i < n; i++) {
           if (arr[i] == target) {
               System.out.println(i);
               return;
       System.out.println("Not found.");
                                                                     java
```

```
10
-2 5 9 10 22 33 44 89 101 777
102
Not found. console
```

循序搜尋法

找 5



循序搜尋法的衍伸應用

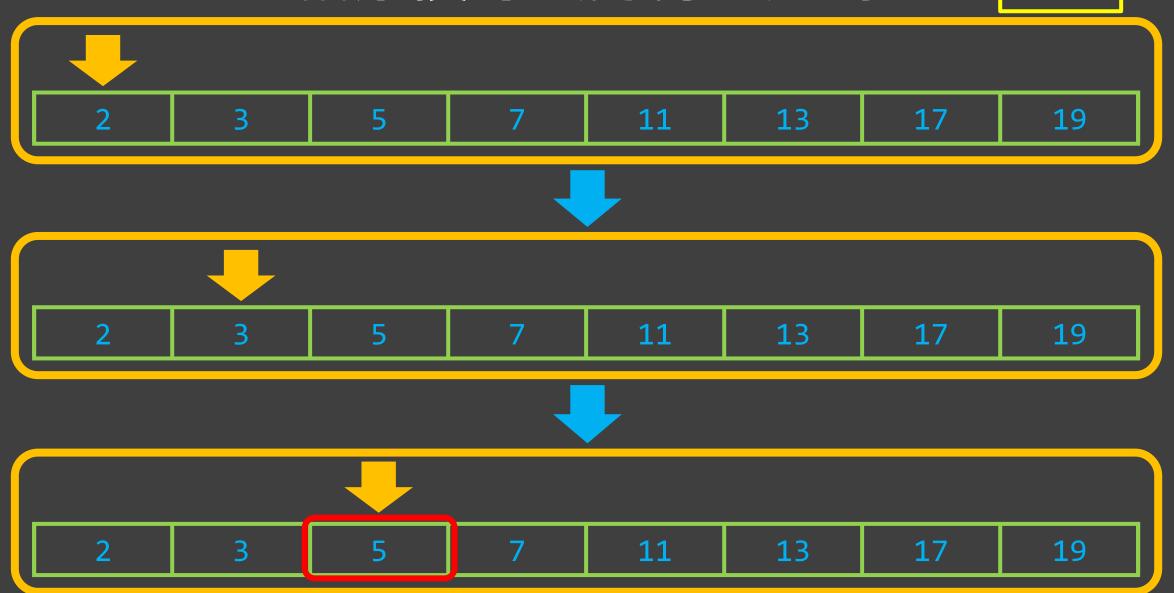
循序搜尋法在資料已排序時 也可以用來找 大於目標的最小索引值 即若要將目標插入資料時 要插入到的索引值

```
10
-2 5 9 10 22 33 44 89 101 777
102
Not found. console
```

```
import java.util.Scanner;
public class Main3 {
   public static void main(String[] args) {
       Scanner scanner = new Scanner(System.in);
       int n = scanner.nextInt(); // 獲取資料個數
       int[] arr = new int[n];
       for (int i = 0; i < n; i++)
           arr[i] = scanner.nextInt(); // 讀入資料
       int target = scanner.nextInt(); // 讀入目標資料
       // 循序搜尋法
       for (int i = 0; i < n; i++) {
           if (arr[i] > target) {
               System.out.println(i);
               return;
       System.out.println(n);
```

循序搜尋法的衍生應用

找 4

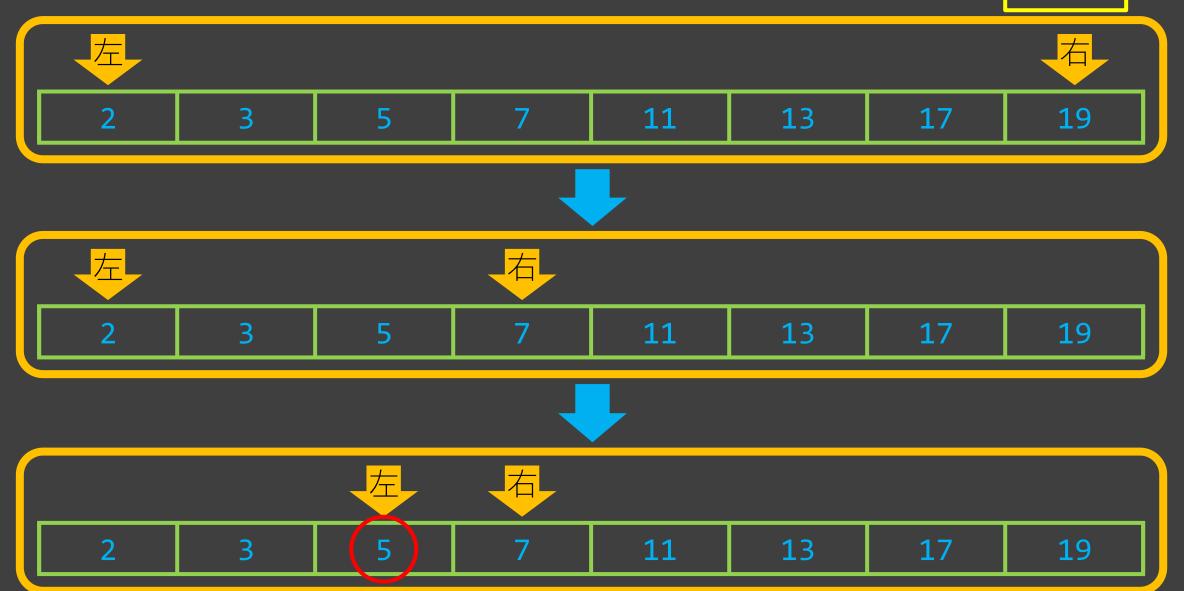


二分搜尋法

二分搜尋法(binary search)是一種常見的搜尋法 在使用二分搜尋法前須將資料由小到大排序 其原理為:每次只會搜尋可能區間中間的資料 若在搜尋到較目標大的資料時,下次搜尋只會搜尋較小的資料 若在搜尋到較目標小的資料時,下次搜尋只會搜尋較大的資料 重複直到搜尋到目標資料,或是可能區間無效,即找不到目標資料 程式上實現,會使用兩個變數來紀錄可能區間的左邊界與右邊界 由於一分搜尋法一次就可以排除一半的可能 故時間複雜度為 $O(\log n)$,效率較循序搜尋法較高

二分搜尋法

找 5



二分搜尋法

```
import java.util.Scanner;
public class Main4 {
   public static void main(String[] args) {
       Scanner scanner = new Scanner(System.in);
       int n = scanner.nextInt(); // 獲取資料個數
       int[] arr = new int[n];
       for (int i = 0; i < n; i++)
           arr[i] = scanner.nextInt(); // 讀入資料
       int target = scanner.nextInt(); // 讀入目標資料
       int l = 0; // 左邊界,目標的最小可能索引值
       int r = n - 1; // 右邊界,目標的最大可能索引值
       while (1 <= r) {
           int mid = 1 - (1 - r) / 2; // 取中間的資料
           if (arr[mid] == target) {
               System.out.println("Target Index: " + mid);
               return;
           if (arr[mid] > target) r = mid - 1;
           else l = mid + 1;
       System.out.println("Target Not found.");
```



```
10

-2 5 9 10 22 33 44 89 101 777

101

Target Index: 8 console
```

```
10
-2 5 9 10 22 33 44 89 101 777
102
Target Not found. console
```

java

二分搜尋法的衍伸應用

二分搜尋法在找不到目標時可以找大於目標的最小索引值也就是若要將目標插入資料時要插入到的索引值

```
10
-2 5 9 10 22 33 44 89 101 777
102
Target Insert Index: 9 console

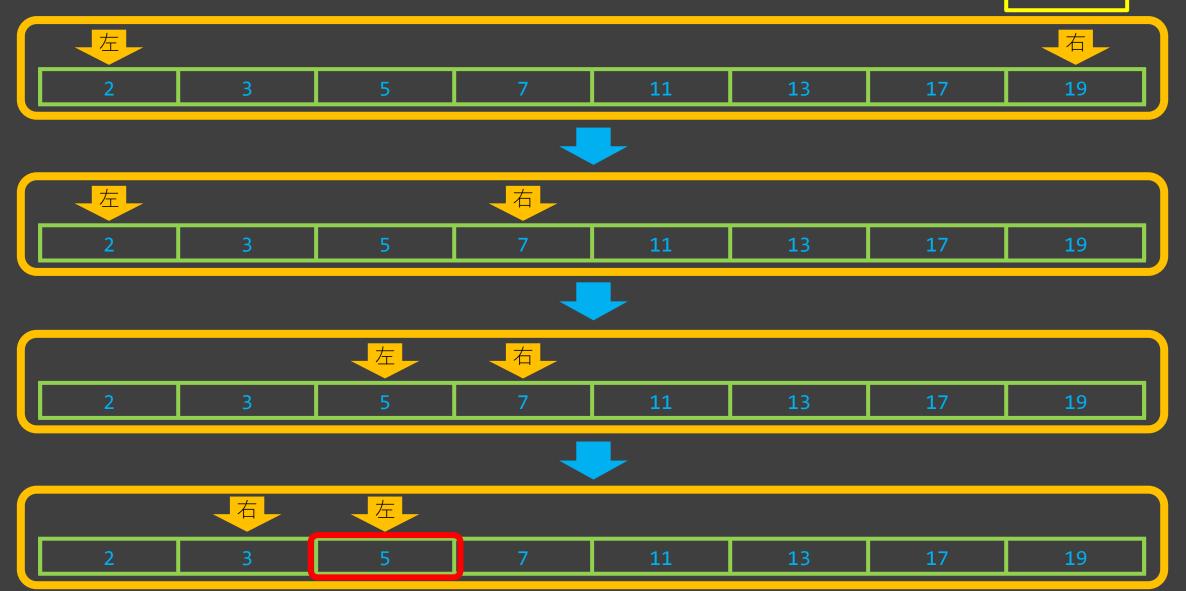
5
1 2 3 4 5
0
Target Insert Index: 0 console

5
6 7 8 9 10
100
Target Insert Index: 5 console
```

```
import java.util.Scanner;
public class Main5 {
   public static void main(String[] args) {
       Scanner scanner = new Scanner(System.in);
       int n = scanner.nextInt(); // 獲取資料個數
       int[] arr = new int[n];
       for (int i = 0; i < n; i++)
           arr[i] = scanner.nextInt(); // 讀入資料
       int target = scanner.nextInt(); // 讀入目標資料
       // 二分搜尋
       int l = 0; // 左邊界,目標的最小可能索引值
       int r = n - 1; // 右邊界, 目標的最大可能索引值
       while (1 <= r) {
           int mid = 1 - (1 - r) / 2; // 取中間的資料
           if (arr[mid] == target) {
              System.out.println("Target Index: " + mid);
              return;
           if (arr[mid] > target) r = mid - 1;
           else l = mid + 1;
       System.out.println("Target Insert Index: " + 1);
       // 資料應插入的索引值即為左邊界
                                                   java
```

二分搜尋法的衍生應用

找 4



最大公因數

最大公因數(greatest common divisor, 簡稱 gcd) 程式實現常使用程式碼簡潔的

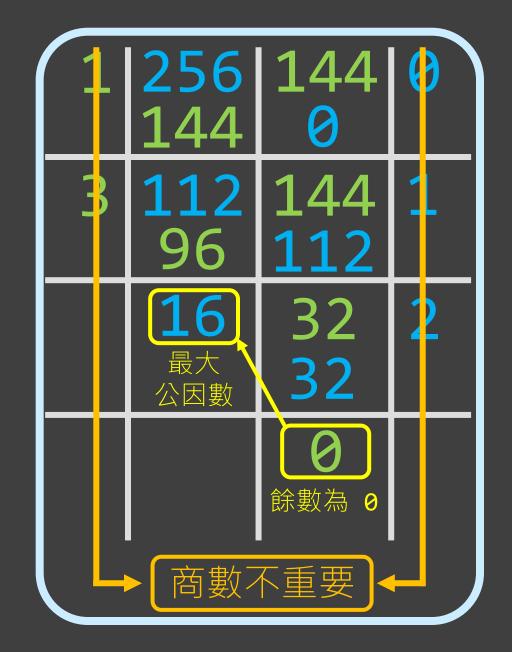
輾轉相除法(歐幾里得算法, Euclidean algorithm)

其說明:若 a = bq + r,則 gcd(a, b) = gcd(b, r)

```
static int gcd(int a, int b) {
    if (b == 0) return a;
    return gcd(b, a % b);
}

static int gcd(int a, int b, int c) {
    return gcd(gcd(a, b), c);
}

java
```

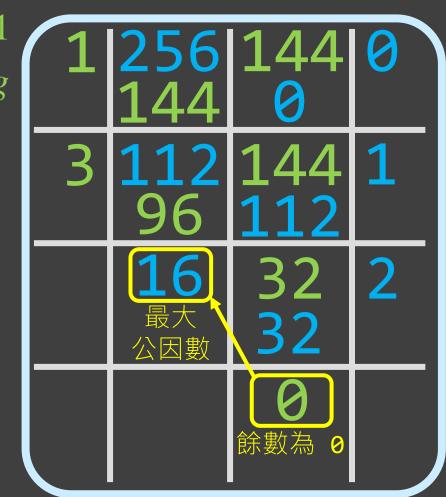


補充:輾轉相除法證明

1. 已知 $a = bq + r(a, b, r \in \mathbb{N})$,設 $gcd(a, b) = g(g \in \mathbb{N})$

則 a = mg, b = ng $(m, n \in \mathbb{N})$, 且 gcd(m, n) = 1 故 r = a - bq = mg - nqg = g(m - nq) 必有因數 g

- 2. 設 $gcd(b, r) = pg (p \in \mathbb{N})$ 則 $n = pu, (m - nq) = pv = m - puq (u, v \in \mathbb{N})$ 得 m = pv + puq = p(v + uq) 必有因數 pgcd(m, n) = p = 1 · 故 gcd(b, r) = g
- 3. 當 r = 0 時 a = bq,則 gcd(a, b) = b = g



最小公倍數

最小公倍數(least common multiple, 簡稱 lcm)

程式實現常使用數學性質 $lcm(a,b) = \frac{|ab|}{gcd(a,b)}$

先求出最大公因數,再求出最小公倍數

```
static int gcd(int a, int b) {
   if (b == 0) return a;
    return gcd(b, a % b);
}

static int lcm(int a, int b) {
    return a * b / gcd(a, b);
}

static int lcm(int a, int b, int c) {
    return lcm(lcm(a, b), c);
}

java
```

獲取一正整數位數

```
若一正整數 n 滿足 10^n \le x = a \times 10^n < 10^{n+1} (1 \le a < 10)
則 \log (10^n) = n \le \log (x) = n + \log (a) < \log (10^{n+1}) = n + 1
又 0 \le \log(a) < 1,得 [\log(x)] = n (註: [m] 為下取整函數,如 [2.7] = 2)
又已知 10^n 為 n+1 位數,故 x 為 n+1 = [\log(x)] + 1 位數
```

獲取一正整數之每一位數

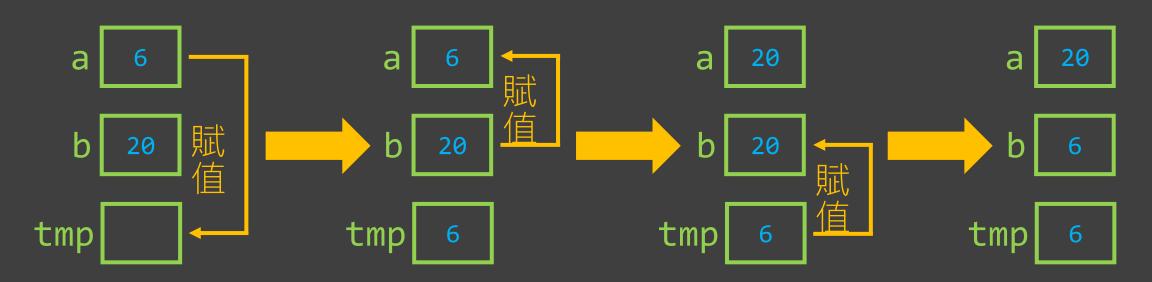
末位數字即為該正整數除以 10 的餘數

該正整數除以 10 的商即為去除末位數字後的其他位數字

```
import java.util.Scanner;
public class Main2 {
    public static void main(String[] args) {
                                                                     114514
        Scanner scanner = new Scanner(System.in);
                                                            12345
        int n = scanner.nextInt();
        while (n != 0) {
            System.out.println(n % 10);
            n /= 10;
                                                               console
                                                                        console
                                                                          java
```

交換

在許多演算法中,會需要將兩個變數 a、b 的資料交換(swap)若直接將變數 b 賦值給變數 a,會導致變數 a 的資料遺失故應先將變數 a 賦值給另一個變數 tmp,避免資料遺失再將變數 b 賦值給變數 a,最後將變數 tmp 賦值給變數 b



交換

```
import java.util.Scanner;
public class Main3 {
   public static void main(String[] args) {
       // 將資料讀入變數 a, b
        Scanner scanner = new Scanner(System.in);
        int a = scanner.nextInt(), b = scanner.nextInt();
        System.out.printf("BEFORE swap: a = %d, b = %d %n", a, b);
        // 交換資料
                                           6 8
        int tmp = a;
                                           BEFORE swap: a = 6, b = 8
        a = b;
                                           AFTER swap: a = 8, b = 6
                                                                     console
        b = tmp;
        System.out.printf("AFTER swap: a = %d, b = %d %n", a, b);
                                                                       java
```

排序

排序是一個非常常見、重要的問題 排序主要分為比較排序和非比較排序 常見的比較排序: 氣泡排序(bubble sort)、選擇排序(selection sort) 插入排序(insertion sort)、合併排序(merge sort) 快速排序(quick sort)、Tim 排序(Timsort) 常見的非比較排序:基數排序(radix sort) 因非比較排序對資料類型限制較多,故比較排序較常使用 因要讀取每筆資料,大部分排序的時間複雜度不可能小於 O(n)

排序

排序演算法還有穩定性(stability)的問題 穩定性是指對於相同的資料是否會改變他們之間的前後順序 穩定排序(stable sort)不會改變相同資料的順序 而不穩定排序(non-stable sort)則會 常見的穩定排序:

氣泡排序、選擇排序(插入)、插入排序、合併排序、快速排序(插入)

Tim 排序、基數排序

常見的不穩定排序:選擇排序(交換)、快速排序(交換)

選擇排序演算法時,通常會優先選擇穩定排序

TYIC 桃高貧訊社

氣泡排序法

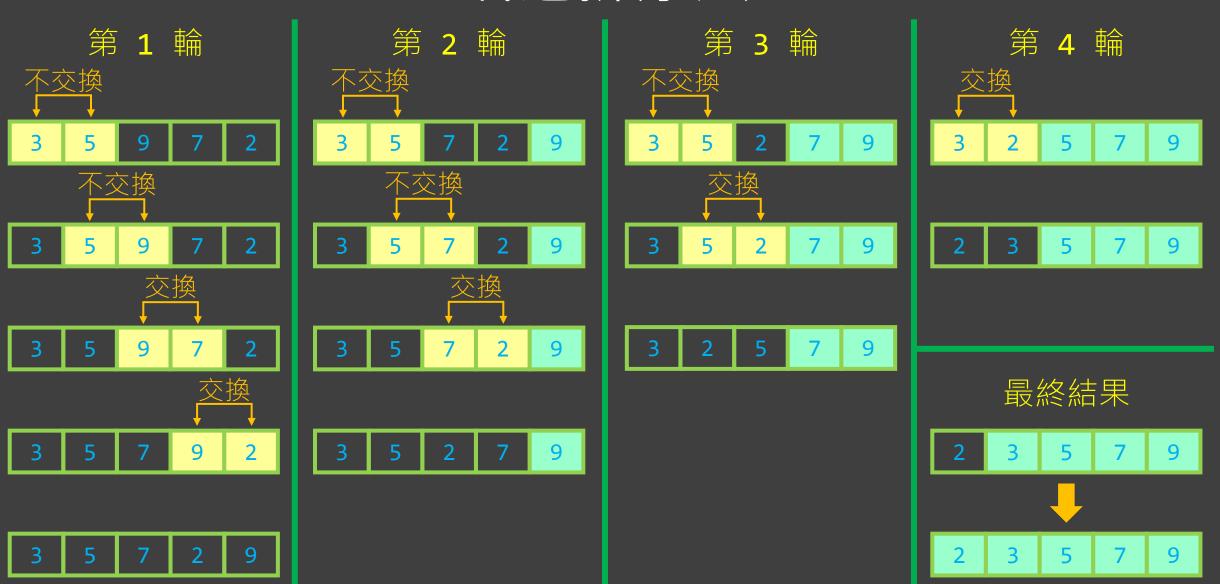
氣泡排序法(Bubble Sort)是一種非常簡單的排序法 其原理為:

由左到右,依序比較兩個相鄰的資料,最後一個元素除外若第一個資料比第二個資料大,便交換這兩個資料 重複 n - 1 次

因每輪的最大值都會像氣泡一樣浮上來,被交換到最右邊故最終就會將資料由小到大排序完成

平均總共須比較、交換資料 $n-1+n-2+\cdots+1=\frac{n^2-n}{2}$ 次 故時間複雜度為 $O(n^2)$

氣泡排序法



氣泡排序法

若整輪皆沒有資料交換 表示排序已完成 可提前結束排序

```
5
6 2 -1 0 7
[-1, 0, 2, 6, 7] console
```

```
import java.util.Arrays;
import java.util.Scanner;
public class Main1 {
   public static void main(String[] args) {
       Scanner scanner = new Scanner(System.in);
       int n = scanner.nextInt(); // 獲取資料個數
       int[] arr = new int[n];
       for (int i = 0; i < n; i++)
           arr[i] = scanner.nextInt(); // 讀入資料
       // 氣泡排序
       for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
           boolean flag = true; // 用於判斷是否要提早結束排序
           for (int j = 0; j < n - 1 - i; j++) {
              if (arr[j] > arr[j + 1]) {
                  // 交換兩個資料
                  int tmp = arr[j];
                  arr[j] = arr[j + 1];
                  arr[j + 1] = tmp;
                  flag = false; // 有資料交換,表示須繼續排序
           if (flag) break; // 該輪沒有資料交換,表示排序已提前完成
       System.out.println(Arrays.toString(arr));
                                                        java
```

選擇排序法

選擇排序法也是一種非常簡單的排序法

其原理為:將資料分為左邊的已排序資料及右邊的未排序資料

從右邊的未排序資料找出最小值

插入到左邊的已排序資料最末端(或與未排序資料的最左邊交換)

最終就會將資料由小到大排序完成

總共須比較資料 $n+n-1+\dots+2=\frac{n^2-n}{2}$ 次,時間複雜度為 $O(n^2)$

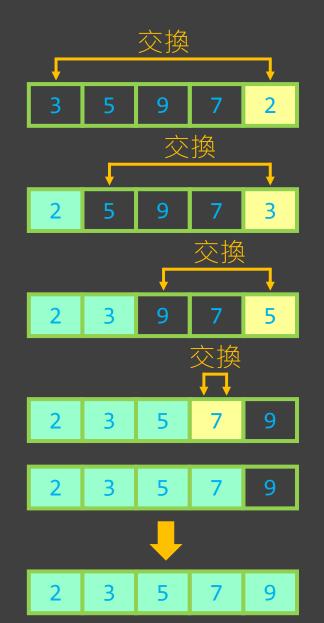
但只須交換(或插入)資料n-1次,時間複雜度為O(n)

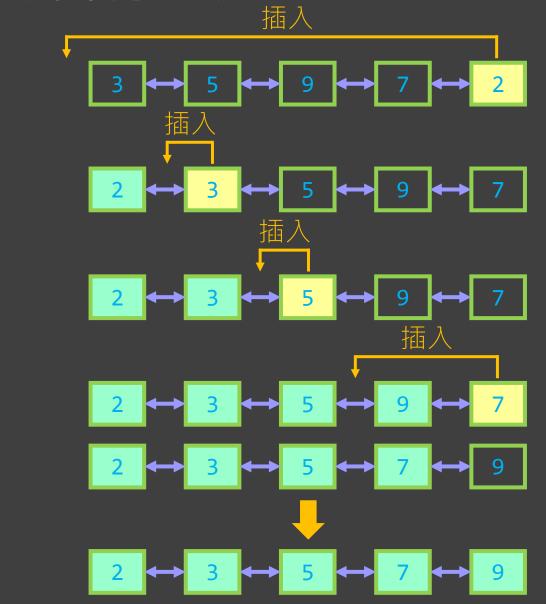
故整個選擇排序法的時間複雜度 $O(n^2)$

交換常用於陣列,而插入則常用於鏈結串列

選擇排序法

交換(不穩定排序)





插入(穩定排序)

選擇排序法(交換)

```
import java.util.Arrays;
import java.util.Scanner;
public class Main3 {
   public static void main(String[] args) {
       Scanner scanner = new Scanner(System.in); 3 5 9 7 2
       int n = scanner.nextInt(); // 獲取資料個數 |
                                                  [2, 3, 5, 7, 9]
                                                                                  console
       int[] arr = new int[n];
       for (int i = 0; i < n; i++) arr[i] = scanner.nextInt(); // 讀入資料
       // 選擇排序
       for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
           int minIndex = i;
           for (int j = i; j < n; j++) if (arr[j] < arr[minIndex]) minIndex = j;</pre>
           int tmp = arr[i];
           arr[i] = arr[minIndex];
                                                  -1 8 -5 66 7 0 1 2
           arr[minIndex] = tmp;
                                                  [-5, -1, 0, 1, 7, 8, 28, 66] console
       System.out.println(Arrays.toString(arr));
                                                                                     java
```

選擇排序法(插入)

```
public class Main2 {
    // 定義鏈結串列
    private static class IntNode {
        public final int value;
        public IntNode next;
        public IntNode previous;

        public IntNode(int value) {
            this.value = value;
        }

        public static void linkTwoNodes(IntNode previous, IntNode next) {
            if (Objects.nonNull(previous)) previous.next = next;
            if (Objects.nonNull(next)) next.previous = previous;
        }
    }
}
```

```
8
-1 8 -5 66 7 0 1 2
-5 -1 0 1 2 7 8 66 console
```

```
public static void main(String[] args) {
        Scanner scanner = new Scanner(System.in);
        int n = scanner.nextInt(); // 獲取資料個數
        IntNode firstNode = null, currentNode = null;
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            IntNode newNode = new IntNode(scanner.nextInt());
            if (Objects.isNull(firstNode)) {
                currentNode = newNode;
                firstNode = newNode;
            } else {
                IntNode.linkTwoNodes(currentNode, newNode);
                currentNode = newNode;
        IntNode sortLastNode = null;
        for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
            IntNode minNode = null;
            currentNode = Objects.isNull(sortLastNode) ? firstNode : sortLastNode.next;
            for (int j = i; j < n; j++) {
                if (Objects.isNull(minNode) || currentNode.value < minNode.value)</pre>
                    minNode = currentNode;
                currentNode = currentNode.next;
            IntNode.linkTwoNodes(minNode.previous, minNode.next);
            if (Objects.isNull(sortLastNode)) {
                IntNode.linkTwoNodes(minNode, firstNode);
                firstNode = minNode;
            } else {
                IntNode.linkTwoNodes(minNode, sortLastNode.next);
                IntNode.linkTwoNodes(sortLastNode, minNode);
            sortLastNode = minNode;
        currentNode = firstNode;
        while (Objects.nonNull(currentNode)) {
            System.out.print(currentNode.value + " ");
            currentNode = currentNode.next;
```

插入排序法

插入排序法也是一種非常簡單的排序法

其原理為:將資料分為左邊的已排序資料及右邊的未排序資料

依序將右邊的未排序資料,插入到左邊已排序資料的正確位置

最終就會將資料由小到大排序完成

插入排序法的時間複雜度為 $O(n^2)$

且為所有時間複雜度為 $O(n^2)$ 排序演算法中平均執行時間最短的

所以在資料量較少(通常為少於 8 個)的情況下很常被使用

TYIC 桃高貧訊社

插入排序法(陣列)

插入排序法對於陣列

每次將未排序資料插入已排序資料

須由末端依序將已排序資料向後移

直到找到小於欲插入資料的資料

然後再將欲插入資料放入該放的位置

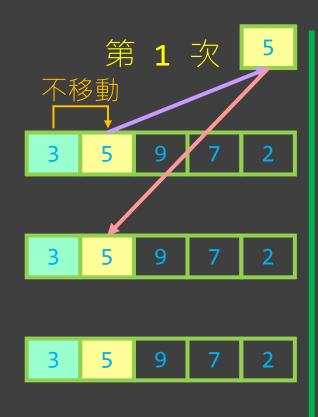
因共須將 $0 \sim 1 + 0 \sim 2 + \cdots + 0 \sim (n - 1)$ 個不定數量的資料向後移動

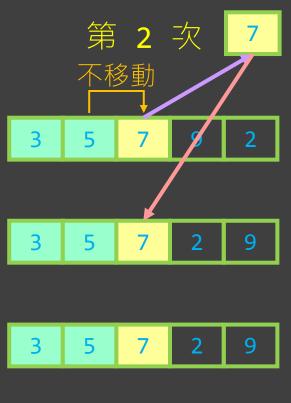
平均總共須向後移動 $\frac{1+2+\cdots+n-1}{2} = \frac{n^2-1}{4}$ 個資料

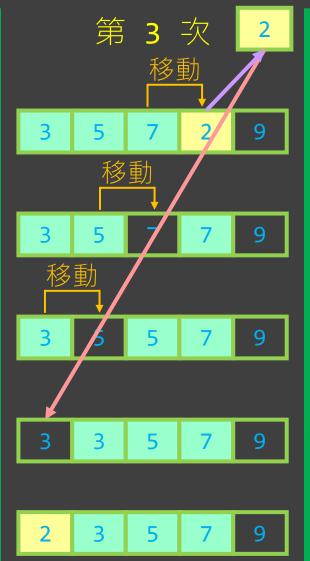
所以對於陣列,整個插入排序法的時間複雜度為 $O(n^2)$

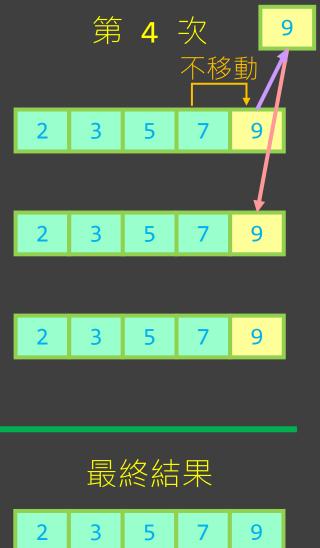
TYIC 桃高貧訊社

插入排序法(陣列)









插入排序法(陣列)

```
import java.util.Arrays;
import java.util.Scanner;
public class Main4 {
   public static void main(String[] args) {
       Scanner scanner = new Scanner(System.in);
       int n = scanner.nextInt(); // 獲取資料個數
       int[] arr = new int[n];
       for (int i = 0; i < n; i++) arr[i] = scanner.nextInt(); // 讀入資料
       // 插入排序
       for (int i = 1; i < n; i++) {
            int key = arr[i];
            int j = i - 1;
                                                      [2, 3, 5, 7, 9]
                                                                                        console
            while (j >= 0 && key < arr[j]) {</pre>
                arr[j + 1] = arr[j];
                j--;
                                                     -1 8 -5 66 7 0 1 2 [-5, -1, 0, 1, 7, 8, 28, 66] console
            arr[j + 1] = key;
       System.out.println(Arrays.toString(arr));
                                                                                           java
```

插入排序法(鏈結串列)

插入排序法對於鏈結串列

每個資料尋找應插入位置的時間複雜度為O(n)

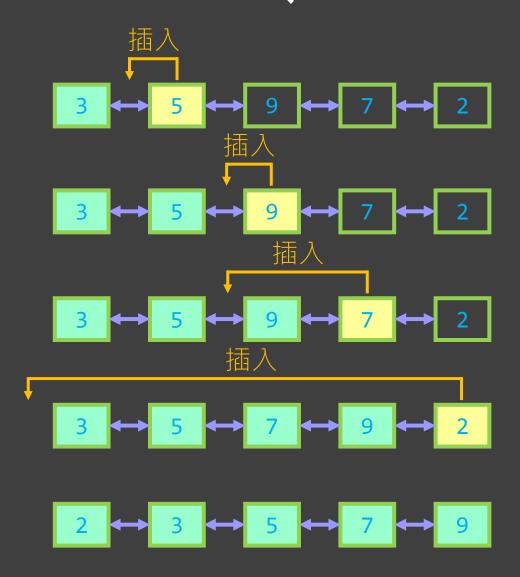
插入該資料的時間複雜度為 O(1)

故每個資料排序的時間複雜度為 O(n) ,又重複 n-1 次

所以對於鏈結串列,整個插入排序法的時間複雜度為 $O(n^2)$

TYIC 你高真訊社

插入排序法(鏈結串列)



插入排序法(鏈結串列)

```
public class Main5 {
    // 定義鏈結串列
    private static class IntNode {
        public final int value;
        public IntNode next;
        public IntNode previous;

        public IntNode(int value) {
            this.value = value;
        }

        public static void linkTwoNodes(IntNode previous, IntNode next) {
            if (Objects.nonNull(previous)) previous.next = next;
            if (Objects.nonNull(next)) next.previous = previous;
        }
    }
}
```

```
8
-1 8 -5 66 7 0 1 2
-5 -1 0 1 2 7 8 66 console
```

```
public static void main(String[] args) {
       Scanner scanner = new Scanner(System.in);
       int n = scanner.nextInt(); // 獲取資料個數
       IntNode firstNode = null, currentNode = null;
       for (int i = 0; i < n; i++) {
           IntNode newNode = new IntNode(scanner.nextInt());
           if (Objects.isNull(firstNode)) {
               currentNode = newNode;
               firstNode = newNode;
           } else {
               IntNode.linkTwoNodes(currentNode, newNode);
                currentNode = newNode;
       IntNode sortLastNode = firstNode;
       for (int i = 1; i < n; i++) {
           IntNode keyNode = sortLastNode.next;
           currentNode = sortLastNode;
           while (Objects.nonNull(currentNode) && keyNode.value < currentNode.value)</pre>
               currentNode = currentNode.previous;
           if (currentNode == sortLastNode) sortLastNode = sortLastNode.next;
           else {
                IntNode.LinkTwoNodes(keyNode.previous, keyNode.next);
               if (Objects.isNull(currentNode)) {
                    IntNode.linkTwoNodes(keyNode, firstNode);
                    firstNode = keyNode;
                } else {
                    IntNode.linkTwoNodes(keyNode, currentNode.next);
                    IntNode.linkTwoNodes(currentNode, keyNode);
       currentNode = firstNode;
       while (Objects.nonNull(currentNode)) {
           System.out.print(currentNode.value + " ");
           currentNode = currentNode.next;
```