# Problem A. 坦白

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second

Memory limit: 512 megabytes

真是自作自受啊…… 逃避, 逃避, 就这么不停地逃避着, 甚至还想着"干脆让谁说出来好了", 这不是如你所愿吗? 啊……真想就这样消失呢。

Mizuki

无人的 Sekai 里,Mizuki 正在回忆她不愿面对的一切。Ena 究竟是什么表情?自己真的已经成为所有人眼里的"怪物"了吗?

她知道维持现状对她来说永远是当下最好的选择,但是哪怕是鼓起了一次勇气,现在自己还会落得这样的结局吗……

她笑了笑,回忆过去对她来说已经于事无补,自己的结局在 「那一刻」已经确定了,世界上的秘密终究 不能永远是秘密。

Mizuki 可以回忆起 n 个有序的事件,每个事件都是好的或者坏的,好的事件会为她带来 +1 的收益,坏的事件会为她带来 -1 的收益。

对于每个事件,如果她选择坦白,都会取消原来的收益,改为获得  $\oplus 1$  的收益,其中  $\oplus$  为异或运算。总收益值定义为  $2^{64}$  依次经过每个事件的收益计算后的值。

你想要知道,如果 Mizuki 选择恰好 m 个事件坦白,她可以获得的最大收益,你只需要输出最大收益减掉  $2^{64}$  的值。

因为 Mizuki 想要知道坦白是否是好的, 你需要对  $m = 0, 1, \dots, n$  分别计算。

### Input

从文件 confess.in 中读入数据。

#### 本题有多组测试数据。

第一行输入一个整数 T,代表数据组数。

接下来 T 行,每行输入一个字符串 S,第 i 个字符为 + 代表第 i 个事件是好的,反之代表这个事件是坏的。

### Output

输出到文件 confess.out 中。

对于每组数据输出一行 |S|+1 个整数,分别代表坦白  $0,1,\cdots,m$  次的最大收益减  $2^{64}$  的值。

### **Scoring**

本题共 10 个测试点,全部测试点满足  $1 \leq T \leq 10$ ,  $1 \leq |S| \leq 3 \times 10^5$ ,  $S_i \in \{+, -\}$ 。下表记  $N = \max(|S|)$ 。

### CSP-S 2024 模拟赛 Online, October, 19, 2024

测试点	$N \leq$	特殊限制
1	9	数据随机生成
$2 \sim 3$	18	
$4 \sim 5$	200	数据随机生成
$6 \sim 7$	$10^{3}$	
8	$10^{5}$	数据随机生成
9	$10^{5}$	
10	$3 \times 10^5$	

数据随机生成: |S| = N, 每个字符等概率为 +, - 中的一个。

# Example

standard input	standard output
4	1 1
+	-2 0 0
	-1 1 1 1
+	2 4 6 6 6 6 4 2 0
++-+++	

### Note

对于第一组样例,以下为最优策略:

• m=1 时坦白第 1 个事件。

对于第二组样例,以下为最优策略:

- *m* = 1 时坦白第 1 个事件。
- m=2 时坦白第 1,2 个事件。

对于第三组样例,以下为最优策略:

- m=1 时坦白第 3 个事件。
- m = 2 时坦白第 1,3 个事件。
- m=3 时坦白第 1,2,3 个事件。

# Problem B. 秘密

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second

Memory limit: 512 megabytes

dXqwq 是个急性子的女孩子。

她和一些朋友在一个社团里,这n个人都生活在数轴上互不相同的位置 $a_i$ 。

一些时候,某个人会收到一条秘密消息,他想要尽快把这些消息线下告诉每个人。所有人的移动速度都是1单位长度每秒,两个人在相同位置的时候可以交换消息,交换消息不消耗时间。

为了让大家能够尽快地收到新消息,dXqwq 想要让你编写一个程序,来计算所有人都**收到消息**需要花费的最小时间。

接下来 q 天,每天会发生以下三种事件的一种:

- + x: 一个位置为 x 的人加入了社团,保证此时没有人的位置为 x。
- - x: 一个位置为 x 的人退出了社团,保证此时有人的位置为 x。
- ? x: 一个位置为 x 的人收到了一条秘密消息,你需要求出所有人都收到消息的最小时间,保证此时有人的位置为 x。

我们认为每一天结束后、所有人都会回到自己的初始位置。

### Input

从文件 secret.in 中读入数据。

第一行输入两个整数 n,q。

第二行输入 n 个整数  $a_i$ 。

接下来 q 行,每行输入一个字符 o 和一个整数 x,代表事件类型和参数。

### Output

输出到文件 secret.out 中。

对于每个o=?的询问输出一行一个浮点数、代表所有人都收到消息的最小时间、保留两位小数。

### **Scoring**

本题共 10 个测试点,全部测试点满足  $2 \le n, q \le 10^5$ ,  $0 \le a_i, x \le 10^9$ ,  $a_i$  互不相同,o = ? 时社团至少有两个人,保证存在 o = ?。

测试点	$n \le$	$q \leq$	特殊限制
1	3	3	o = ?
2	9	9	o = ?
3	$10^{3}$	$10^{3}$	o = ?
4	$10^{5}$	10	o = ?
$5\sim 6$	$10^{5}$	$10^{5}$	o = ?
$7 \sim 8$	$10^{3}$	$10^{3}$	
$9 \sim 10$	$10^{5}$	$10^{5}$	

## Example

standard input	standard output
3 6	2.00
1 3 5	2.00
? 3	1.50
- 3	
? 5	
+ 2	
+ 4	
? 2	

### Note

对于第一次询问,社团里的人分别在 $\{1,3,5\}$ ,只需要所有人都在3位置汇合即可。对于第二次询问,社团里的人分别在 $\{1,5\}$ ,仍然只需要所有人都在3位置汇合即可。对于第三次询问,社团里的人分别在 $\{1,2,4,5\}$ ,策略分为两步:

- 前两个人向后走 1 秒,后两个人向左走 1 秒,分别到 {2,3,3,4},中间两个人传递信息。
- 前两个人向对方走 0.5 秒, 后两个人向对方走 0.5 秒, 分别到 {2.5, 2.5, 3.5, 3.5}, 此时所有人都收到信息, 共花费 1.5 秒。

注意,本题不设 Special Judge,因为可以证明你的答案的小数点后第三位不是4或5.

# Problem C. 潜力值

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 3 seconds Memory limit: 512 megabytes

……题目的名称和描述有什么关系呢?

dXqwq 有一个长度为 n 的排列 a 和一个长度为 m 的队列 q,初始时 q 中的元素全部为 0,她会对于  $x=1\sim n$  依次执行以下操作:

• 如果队首元素  $q_1 < a_x$ , 则弹出队首,并将  $a_x$  放入队尾。

在操作结束后,dXqwq 定义自己的潜力值为 q 中所有元素的和。

 $\mathrm{dXqwq}$  想知道,对于给定排列 b 通过重排得到的所有排列 a,自己会得到的**潜力值**的和。因为答案实在太大了,她只需要你输出答案对  $10^9+7$  取模的值。

### Input

从文件 potential.in 中读入数据。

第一行输入两个整数 n, m。

第二行输入 n 个整数  $b_i$ 。

## Output

输出到文件 potential.out 中。

输出一行一个整数,代表潜力值的和对 109+7 取模的值。

## **Scoring**

本题共 20 个测试点,全部测试点满足  $2 \le m \le n \le 500$ ,  $1 \le b_i < 10^9 + 7$ ,  $b_i$  严格递增。

测试点	$n \leq$	$m \leq$
1	5	5
2	10	10
$3 \sim 4$	18	2
$5 \sim 7$	50	2
8 ~ 10	50	3
$11 \sim 12$	50	4
$13 \sim 15$	50	50
$16 \sim 18$	200	200
$19 \sim 20$	500	500

## **Examples**

standard input	standard output
3 2	28
1 2 3	
10 4	105878520
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10	

#### Note

对于第一组样例, a 有以下六种可能:

- a = [1, 2, 3], q = [2, 3],潜力值为 5。
- a = [1, 3, 2], q = [3, 2],潜力值为 5。
- a = [2, 1, 3], q = [1, 3], 潜力值为 4。
- a = [2,3,1], q = [2,3], 潜力值为 5。
- a = [3, 1, 2], q = [3, 1], 潜力值为 4。
- a = [3, 2, 1], q = [3, 2],潜力值为 5。

它们的潜力值之和为 5+5+4+5+4+5=28。

对于第二组样例,如果 a = [1, 9, 2, 6, 3, 5, 7, 8, 10, 4],操作过程如下:

- 初始时 q = [0, 0, 0, 0]。
- 弹出 0, 插入 1, q = [0,0,0,1]。
- 弹出 0, 插入 9, q = [0,0,1,9]。
- 弹出 0, 插入 6, q = [1, 9, 2, 6]。
- 弹出 1, 插入 3, q = [9, 2, 6, 3]。
- 5,7,8 都没有 9 大, 所以不进行修改。
- 弹出 9, 插入 10, q = [2,6,3,10]。
- 弹出 2, 插入 4, q = [6, 3, 10, 4]。

所以 q = [6, 3, 10, 4],潜力值为 23。

# Problem D. 括号

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second

Memory limit: 512 megabytes

dXqwq 和 Haitang 在玩一个括号串上的游戏。

有一个初始全为黑色的括号串 S,两个人各有一把刷子,dXqwq 的刷子是红色的,Haitang 的刷子是蓝色的。

她们会依次执行以下操作,直到所有括号都被染色,且 dXqwq 先执行操作:

• 选择一个没有被染色的括号, 用自己的刷子将它染色。

在操作后,dXqwq 会取出**红色括号**的一个可以匹配的子序列,并将其长度的一半定义为游戏分数。 dXqwq 希望最大化游戏分数,而 Haitang 则希望最小化这个值,你需要输出两人都在最优策略下操作后的游戏分数。

### Input

从文件 bracket.in 中读入数据。

#### 本题有多组测试数据。

第一行输入一个整数 T,代表数据组数。

接下来 T 行,每行输入一个括号串 S。

## Output

输出到文件 bracket.out 中。

对于每组数据输出一行一个整数、代表最优策略下的游戏分数。

## **Scoring**

本题共 10 个测试点,全部测试点满足  $T=10,\ 1\leq |S|\leq 10^5,\ S_i\in\{(,)\}$ 。下表记  $N=\max(|S|)$ 。

测试点	$N \leq$	特殊限制
1	9	数据随机生成
2	9	
3	20	数据随机生成
$4 \sim 5$	20	
6	100	S 不存在子序列 ()
$7 \sim 8$	100	S 不存在子序列 )(
9	$10^{5}$	S 不存在子序列 )(
$10 \sim 11$	100	数据随机生成
$12 \sim 13$	100	
$14 \sim 15$	500	数据随机生成
16	500	
17	$2 \times 10^3$	数据随机生成
18	$2 \times 10^3$	
19	$10^{5}$	数据随机生成
20	$10^{5}$	

# Example

standard input	standard output
4	0
)(	1
(())	2
()()()	2
(()(())())	

### Note

对于第一组样例,一种最优的决策过程如下:

- dXqwq  $\Re S_1$ , S = ) (
- Haitang  $\Re S_2$ , S = )

对于第二组样例,一种最优的决策过程如下:

- $dXqwq \not \cong S_1, S = (())$
- $dXqwq \not \cong S_4$ , S = (())
- Haitang  $\Re S_2$ , S = (())