

## divide

维护每个数的出现次数，按不断执行如下步骤：

- 取出出现次数最多的数，把它们放到一个集合里面。
- 然后不断取出出现次数最少的数，和上一步取出的数放在同一个集合里，直到放不下。

## almostconvex

```
.0.  
3#1  
.2.
```

容易发现，对于一个凹包的中心格，其边缘格可以看成：在  $0, 2$  之间选一个，在  $1, 3$  之间选一个。

这样就是一个二分图的完美匹配计数问题，对于每个候选的边缘格看成一个节点，对于每个中心格，在  $0, 2$  对应的节点之间连一条边，在  $1, 3$  对应的节点之间连一条边（如果只有一个可用就连一个自环，如果没有可用的答案就是  $0$ ）。

对每个联通块数出完美匹配的方案数后，相乘，就是答案。

一个联通块的完美匹配，可以看成对每条边定一个向，满足所有节点的入度  $\leq 1$ 。

- 一棵大小为  $x$  的树，你可以有  $x$  种定根方法，定完根之后连一个外向树，故有  $x$  种方案。
- 一棵基环树，如果环是自环，只有  $1$  种方案，否则环可以顺时针和逆时针，有  $2$  种方案。
- 其余情况，边数大于点数， $0$  种方案。

复杂度线性。

## erase

考虑删完一个没有  $?$  的串  $S$  的条件，容易写出如下必要条件：

- $|S| \bmod (a + b) = 0$
- $S$  中有  $\frac{|S|}{a+b}a$  个  $0$  和  $\frac{|S|}{a+b}b$  个  $1$

事实上，它也是充分的，我们只需证明满足上述条件的串一定能执行至少一次操作。

将这个串分成长度为  $(a + b)$  的  $\frac{|S|}{a+b}$  块，如果有一块恰好有  $a$  个  $0$ ，就能执行一次操作，否则至少有相邻两段，一段  $0$  的个数  $< a$ ，另一段  $> a$ ，只需要把  $< a$  的那一段往另一段挪，每挪一步， $0$  的个数的改变量的绝对值不会超过  $1$ ，故一定存在一个时刻  $0$  的个数  $= a$ 。

有  $?$  也是一样的，充要条件是：

- $|S| \bmod (a + b) = 0$
- $S$  中有不超过  $\frac{|S|}{a+b}a$  个  $0$  和不超过  $\frac{|S|}{a+b}b$  个  $1$

令  $dp(i)$  表示前  $i$  个字符最多能删几次，转移：

- $dp(i) \rightarrow dp(i + 1)$
- $dp(i) + k \rightarrow dp(i + k \cdot (a + b))$ ，这个转移需要满足  $(i, i + k \cdot (a + b)]$  中有不超过  $ka$  个  $0$  和不超过  $kb$  个  $1$ 。

套一个 cdq 分治，第二种转移只会在  $\bmod k$  相同的两个位置之间转移，故转移能写成二维偏序，复杂度  $O(n \log n)$ 。

## cover

考虑模  $D$  意义下的限制, 选择的矩形区域可以看做两个模  $D$  意义下的区间  $[L_x, R_x], [L_y, R_y]$ , 对于 A 类图形  $(x, y)$  可以看做  $x \in [L_x, R_x]$  且  $y \in [L_y, R_y]$ , 对于 B 类图形  $(x, y)$  可以看做  $x \in [L_x, R_x]$  或  $y \in [L_y, R_y]$ 。

枚举  $[L_x, R_x]$ , 将所有 A 类图形和目前不满足条件的 B 类图形的  $y$ , 放到一个长度为  $D$  的环上, 需要找到一个最短的环上区间覆盖所有点, 即求所有相邻两点之间的距离最大值。

枚举  $L_x$ , 如果能求出每个  $y$ , 在  $R_x$  扩大到什么时候, 环上区间不需要覆盖  $y$  (即没有 A 类图形有对应的  $y$ , 且所有拥有对应的  $y$  的 B 类图形已经被满足)。  $R_x$  扩大的时候可能会有一些删除操作, 用环状链表维护就行。

令  $T(L, y)$  表示若  $L_x = l$ ,  $R_x$  在什么时候会把  $y$  删除, 观察到  $T(L, y)$  在  $L$  增大的时候有单调性, 用双指针预处理就行。

复杂度  $O(D^2)$ 。