预习	报告	实验	记录	分析	讨论	总员	龙 绩
25		30		25		80	

专业:	物理学	年级:	2022 级
姓名:	戴鹏辉	学号:	2344016
日期:	2024/03/11	教师签名:	

CB1+ 迈克尔逊干涉及应用(白光干涉)

【实验报告注意事项】

- (1) 实验报告由三部分组成:
 - (1) 预习报告:(提前一周)认真研读**实验讲义**,弄清实验原理;实验所需的仪器设备、用具及其使用(强烈建议到实验室预习),完成课前预习思考题;了解实验需要测量的物理量,并根据要求提前准备实验记录表格(第一循环实验已由教师提供模板,可以打印)。预习成绩低于 10 分(共 20 分)者不能做实验。
 - (2) 实验记录:认真、客观记录实验条件、实验过程中的现象以及数据。实验记录请用珠笔或者钢笔书写并签名(用铅笔记录的被认为无效)。保持原始记录,包括写错删除部分,如因误记需要修改记录,必须按规范修改。(不得输入电脑打印,但可扫描手记后打印扫描件);离开前请实验教师检查记录并签名。
 - (3) 分析讨论: 处理实验原始数据(学习仪器使用类型的实验除外),对数据的可靠性和合理性进行分析;按规范呈现数据和结果(图、表),包括数据、图表按顺序编号及其引用;分析物理现象(含回答实验思考题,写出问题思考过程,必要时按规范引用数据);最后得出结论。

实验报告就是将预习报告、实验记录、和数据处理与分析合起来,加上本页封面。

- (2) 每次完成实验后的一周内交**实验报告**(特殊情况不能超过两周)。
- (3) 除实验记录外,实验报告其他部分建议双面打印。

【安全注意事项】

- (1) 实验过程中,光源不要随意打开关闭;
- (2) 严禁用手触光学镜头的表面;
- (3) 严禁用强力和斜向力旋转测微头,这样会损坏测微头或其他部件;
- (4) 不要拆卸传动机构,以免影响仪器正常使用;
- (5) 实验过程中,数条纹时,避免桌面的振动。

目录

1	CB1+ 迈克尔逊	上干涉及应用(白光干涉)	预习报告	3
	1.1 实验目的			3
	1.2 仪器用具			3
	1.3 原理概述			3
	1.4 实验前思考题			5
2	CB1+ 迈克尔逊	干涉及应用(白光干涉)	实验记录	7
	2.1 实验内容和步	骤		7
	2.1.1 实验一	·测钠双黄线的波长差		7
	2.1.2 实验二	白光干涉的调节,并测定i	透明薄片的厚度 t 或者折射率 n	7
	2.2 实验过程中遇	到的问题记录		7
3	CB1+ 迈克尔逊	干涉及应用(白光干涉)	分析与讨论	8
	3.1 实验数据分析			8
	3.1.1 实验一	·测量光栅常数		8
	3.1.2 实验二	测定未知光波波长及角色	敗率 D	9
	3.2 实验后思考题			0
参	考文献		1	.2
$\mathbf{A}_{]}$	ppendices		1	.3
	.1 代码记录			13
	.2 常用命令展示			4

CB1+ 迈克尔逊干涉及应用(白光干涉) 预习报告

1.1 实验目的

- (1) 观察等倾、等厚干涉现象及调节白光干涉条纹;
- (2) 学习用迈克尔逊干涉仪测量钠光谱波长差的方法;
- (3) 学习用白光干涉测量透明薄片折射率的方法;
- (4) 用迈克尔逊干涉仪测量多种光源的相干长度;

1.2 仪器用具

编号	仪器用具名称	数量	主要参数(型号,测量范围,测量精度等)
1	精密干涉仪	1	SGM-3
2	He-Ne 激光器	1	
3	钠钨双灯	1	
4	- - - - - - - - - - - - - - - - - - -	1	
5	透明薄片	1	
6	螺旋测微计	1	

1.3 原理概述

(1) 测钠双黄线的波长差

钠黄光含有两种波长相近的光($\lambda_1=589.0nm$, $\lambda_2=589.6nm$)。采用钠灯作光源时,两条谱线形成各自的干涉条纹,在视场中的两套干涉条纹相互叠加。由于波长不同,同级条纹之间会产生错位(λ_1 的某一级的暗条纹可能会和 λ_2 的另一级的亮条纹重合)。在移动反射镜 M_1 (光程差发生变化)过程中,干涉条纹会出现清晰与模糊的周期性变化,称为"光拍现象"。其原理如下。

设两条光路的光程差 L=2d,由光的干涉条件可知:当 $L=k_1\lambda_1$ (k_1 为整数)时,在视场 E 中心处干涉加强;当 $L=(k_2+\frac{1}{2})\lambda_2$ (k_2 为整数)时,在视场 E 中心处干涉减弱。

视场 E 中心处 λ_1 和 λ_2 两种单色光干涉条纹相互叠加。若逐渐增大 M_1 与 M_2 的间距 d,当 λ_1 的第 k_1 级亮条纹和 λ_2 的第 k_2 级暗条纹相重合时,叠加而成的干涉条纹清晰度最低,此时干涉条纹出现第

一次模糊,记录此时的光程差为 L_A .

若继续增大 M_1 与 M_2 的间距,使得视场 E 中心处的光程差增加至 L_B ,此时 λ_1 的第 (k_1+n) 级亮条纹和 λ_2 的第 (k_2+n) 级亮条纹相重合,叠加而成的干涉条纹亮度最高,此时干涉条纹恢复清晰。

继续增大 M_1 与 M_2 的间距,使得视场 E 中心处的光程差增加至 L_C ,此时 λ_1 的第 k_1+m 级亮条 纹和 λ_2 的第 (k_2+m-1) 级暗条纹相重合时,叠加而成的干涉条纹清晰度再次出现最低,此时干涉条纹出现第二次模糊,记录此时的光程差为 L_C .

设干涉条纹出现一次模糊 \rightarrow 清晰 \rightarrow 模糊的变化时,反射镜 M_1 的移动距离为 Δd ,则 A 处和 C 处前后的光程差变化为 $\Delta L_{AC}=L_C-L_A=2\Delta d=m\lambda_1=(m-1)\lambda_2$,则 $\Delta\lambda=\lambda_2-\lambda_1=\lambda_2/m$, $m=2\Delta d/\lambda_1$,得到最后结果为:

$$\Delta \lambda \equiv \lambda_2 - \lambda_1 = \frac{\lambda_1 \lambda_2}{2\Delta d} = \frac{\bar{\lambda}^2}{2\Delta d}$$

记录下干涉条纹出现一次"模糊 \rightarrow 清晰 \rightarrow 模糊"的变化时,反射镜 M_1 移动的距离 Δd ,结合钠双 黄线的平均波长,即可利用上式求得钠双黄线的波长差。

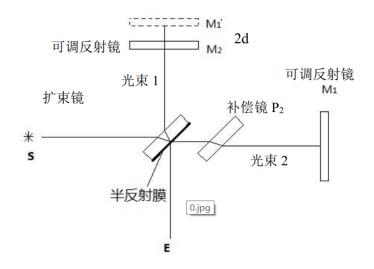


图 1: 迈克尔逊干涉仪光路图

(2) 白光干涉的调节,并测定透明薄片的厚度 t 或者折射率 n

迈克尔逊干涉实验的变形实验中,首先使用激光光源和扩束镜调节出定域等倾干涉圆环,表示两干涉臂的光程差接近零。接着,换上扩散的汞灯光源,在观察屏翻到背后有玻璃的一面,微调可调反射镜 M_2 的倾斜度,调节干涉条纹直至只剩下非常粗大的干涉圆环。然后,换上扩散的白光光源,微调 M_1 的精密测微头,在玻璃镜(视场)中观察到彩色的条纹,称为"白光等厚干涉条纹"。接着,在反射镜 M_1 与分束镜 P_1 之间放上折射率为 n,厚度为 t 的透明薄片,两干涉臂的光程差增大为 $\Delta L = 2t(n-1)$,透过观察屏玻璃观察透明薄片处,可以看到视场中的白光干涉彩色条纹消失。最后,将反射镜 M_1 向

前朝分束镜 P_1 方向移动一段距离 Δd ,使得 $\Delta d = \Delta L/2$,此时白光彩色干涉条纹重新出现。通过测量 M_1 镜的移动量 Δd ,可以根据 $\Delta d = t(n-1)$ 计算出透明薄片的折射率 n 或厚度 t。

1.4 实验前思考题

思考题 1.1: 如何测量透明溶液的折射率?请自行就相关实验原理进行调研,并设计合理试验方案。

可以使用迈克尔逊干涉仪测量透明溶液的折射率,方法简述如下:

- (1) 准备设备:设置迈克尔逊干涉仪,确保所有光学元件清洁并正确对准。
- (2) 校准干涉仪: 在不放入样品的情况下,调整干涉仪直至观察到清晰的干涉条纹。
- (3) 放置样品:将装有透明溶液的比色皿放置在干涉仪的一臂中,确保比色皿平行于光束。
- (4) 观察条纹变化: 开启干涉仪, 观察由于溶液折射率不同而引起的干涉条纹移动。
- (5) 数据记录:记录条纹移动的数量,这与溶液的光程差有关。
- (6) 计算折射率: 使用公式 $n = 1 + \frac{\lambda}{2d}$ 其中 n 是折射率, λ 是光的波长, d 是比色皿的厚度, m 是条纹移动的数量。

测量折射率的方法还有多种,除了迈克尔逊干涉仪法外,还包括:

- 几何光学方法:利用斯涅尔定律,可以通过最小偏向角法或极限角法来测量折射率。这些方法通常需要一个透明的三棱镜样品。
- 波动光学方法: 通过光程差和干涉现象来测量折射率, 例如使用马赫干涉仪或法布里珀罗干涉仪
- 分光光度法:这种方法通过测量样品的反射率和透射率来计算折射率。它可以进一步细分为菲涅耳公式法、布儒斯特定律法和接近垂直入射时的反射法。
- 椭圆偏振测量法:这种方法通过测量反射光的振幅比和相移来直接测量折射率,需要针对每种材料的特定光学模型。
- ATR 法:采用全反射原理,利用样品与棱镜的接触面发生反射,反射角与入射角之差与样品折射率之间存在固定的关系,从而计算出样品的折射率。
- 位移法:通过比较两种介质中一个光点的位置变化,计算出样品的折射率。具体方法包括折射平台法、折射浸渍法等。

每种方法都有其适用的情况和限制,选择合适的方法取决于样品的性质和实验条件。

思考题 1.2: 如何测量汞灯光源的相干长度?请自行就相关实验原理进行调研,并设计具体实验方案。

可以使用迈克尔逊干涉仪测量汞灯光源的相干长度,具体实验步骤如下:

- (1) 调整激光器: 打开 He-Ne 激光器,调出清晰的等倾非定域干涉条纹。调节动镜 M2 的镜面调节螺丝,使观察屏上出现清晰的干涉条纹。
- (2) 汞灯光源的安装: 撤掉激光器,换上低压汞灯光源。在汞灯光源与平面反射镜间放置毛玻璃,观察是否有直线条纹出现。
- (3) 观察干涉条纹: 从 E 点位置用单眼观察 M2 的位置,检查是否有黑白相间的直线条纹。如果没有出现,则适当调节 M2 的镜面调节螺丝,直至视野中出现直线条纹。
- (4) 测量相干长度: 向同一方向转动 M2 的微调鼓轮,使视野中的彩色直线条纹变弯曲。在条纹刚刚变弯曲的时刻,记下 M2 微调鼓轮的初始读数 d1 和彩色直线条纹刚刚变弯曲时读数 d2。相干长度即为 $d=\frac{1}{2}(d_1-d_2)$

专业:	物理学	年级:	2022 级
姓名:	戴鹏辉	学号:	22344016
室温:	26°C	实验地点:	A505
学生签名:		评分:	
实验时间:	2024/03/14	教师签名:	

CB1+ 迈克尔逊干涉及应用(白光干涉) 实验记录

2.1 实验内容和步骤

2.1.1 实验一测钠双黄线的波长差

- (1) 首先调节迈克尔逊干涉仪, 使产生定域等倾干涉条纹:
 - (1) 安装并打开 He Ne 激光器(注意不要直射眼睛),但先不安装扩束镜,使激光束从分束镜 P_1 的中心附近入射;
 - (2) 调节可调反射镜 M_2 背面的三个螺钉,使得 M_1 和 M_2 反射的光点的最亮处在观察屏 E 上重合;
 - (3) 装上扩束镜(以获得点光源),此时应能在观察屏上看到等倾干涉条纹(如观察不到,则可微调固定激光器的螺钉,使得光束能顺利通过扩束镜)。

2.1.2 实验二白光干涉的调节,并测定透明薄片的厚度 t 或者折射率 n

2.2 实验过程中遇到的问题记录

(1)

专业:	物理学	年级:	2022 级
姓名:	戴鹏辉	学号:	22344016
日期:	2024/xx/xx	评分:	

CB1+ 迈克尔逊干涉及应用(白光干涉) **分析与讨论**

3.1 实验数据分析

3.1.1 实验一测量光栅常数

由表 1 中的数据,可计算得到各级衍射条纹的衍射角,如下表所示

φ_{+1}	φ_{+2}	φ_{-1}	φ_{-2}
10°09	20°37	10°10	20°47

则可由正负级衍射角计算平均值,并根据光栅衍射公式 $k\lambda = d\sin\varphi$,计算光栅常数,其中钠灯的谱线已知,取 $\lambda = 589.4nm$,则计算结果如下表所示

φ_1	$arphi_2$	
10°09	20°42	
d_1	d_2	\overline{d}
$3.344 \times 10^{-6} m$	$3.334 \times 10^{-6} m$	$3.339 \times 10^{-6} m$

下面计算不确定度:

(1) 角度的重复测量引起的标准不确定度分量 u_1 ,

$$u_1 = \sqrt{\sum \left(\left| \frac{\partial d}{\partial \varphi_i} \right| \sigma_i \right)^2} = 4.55 \times 10^{-8} m$$

(2) 仪器的示值误差引起的标准不确定度分量 u_2 , 由分光计游标最小分度值 1', 按照均匀分布考虑

$$u_2 = \sqrt{\sum \left(\left| \frac{\partial d}{\partial \varphi_i} \right| \sigma_i \right)^2} = 1.99 \times 10^{-7} m$$

(3) 合成不确定度

$$u_c = \sqrt{\sum (u_i)^2} = 2.04 \times 10^{-7} m$$

(4) 展伸不确定度

考虑正态分布,取置信概率为 95%,查表得包含因子 k=1.96 则最终测量结果表示为 $d=\bar{d}\pm ku_c=(3.34\pm0.40)\times 10^{-6}m$

分析误差来源

- (1) 可能是由于光栅本身的刻线不均匀,或者刻线与仪器转轴不平行,导致不同级次之间的测量数据计算 所得结果之间有较大误差;这是仪器本身的系统误差,无法消除,只能通过更换质量更好的光栅来避 免。
- (2) 平行光管进光狭缝的宽度可能过宽,使得入射谱线的宽度也变宽,则会降低谱线的分辨率和对比度,使得测量衍射角时不准确,从而影响计算结果。

3.1.2 实验二测定未知光波波长及角色散率 D

根据表 2 数据,重复实验一中的处理操作,计算正负级衍射角,计算平均值,并根据光栅衍射公式 $k\lambda=d\sin\varphi$,计算不同衍射谱线对应光波波长,式中光栅常数取实验一中的计算结果 $d=3.34\times 10^{-6}m$,则计算结果如下表所示

颜色	蓝色 (b)	绿色 (g)	黄色 (y)
φ_{+1}	07°29	09°22	09°58
φ_{+2}	15°07	19°02	20°11
φ_{-1}	07°32	09°29	10°00
φ_{-2}	15°12	19°10	20°23
φ_1	07°30	09°25	09°59
φ_2	15°10	19°06	20°17
λ_1	435.83nm	546.30nm	578.86nm
λ_2	436.79nm	546.29nm	578.75nm
$\overline{\lambda}$	436.31nm	546.30nm	578.80nm

下面计算不确定度:

(1) 角度的重复测量引起的标准不确定度分量 u_1 ,

$$u_{b1} = \sqrt{\sum \left(\left| \frac{\partial \lambda}{\partial \varphi_i} \right| \sigma_i \right)^2} = 0.402nm$$

$$u_{g1} = \sqrt{\sum \left(\left| \frac{\partial \lambda}{\partial \varphi_i} \right| \sigma_i \right)^2} = 1.14nm$$

$$u_{g1} = \sqrt{\sum \left(\left| \frac{\partial \lambda}{\partial \varphi_i} \right| \sigma_i \right)^2} = 1.36nm$$

(2) 仪器的示值误差引起的标准不确定度分量 u_2 , 由分光计游标最小分度值 1',按照均匀分布考虑

$$u_{b2} = \sqrt{\sum \left(\left| \frac{\partial \lambda}{\partial \varphi_i} \right| \sigma_i \right)^2} = 0.10nm$$

$$u_{g2} = \sqrt{\sum \left(\left| \frac{\partial \lambda}{\partial \varphi_i} \right| \sigma_i \right)^2} = 0.13nm$$
$$u_{y2} = \sqrt{\sum \left(\left| \frac{\partial \lambda}{\partial \varphi_i} \right| \sigma_i \right)^2} = 0.14nm$$

(3) 合成不确定度

$$u_{cb} = \sqrt{\sum (u_i)^2} = 0.41nm$$
 $u_{cg} = \sqrt{\sum (u_i)^2} = 1.15nm$ $u_{cy} = \sqrt{\sum (u_i)^2} = 1.36nm$

(4) 展伸不确定度考虑正态分布,取置信概率为 95%,查表得包含因子 k = 1.96 则最终测量结果表示为

$$\lambda_b = (436.31 \pm 0.41)nm$$
 $\lambda_g = (546.30 \pm 1.15)nm$ $\lambda_y = (578.80 \pm 1.36)nm$

将各谱线波长计算值与标准值比较(预习报告中所查得的数据),计算各谱线波长的相对误差(计算黄 光谱线相对误差时,参考值取两条黄色谱线的平均波长),得到

$$\eta_b = \left| \frac{435.8 - 436.31}{435.8} \right| \times 100\% = 0.117\%$$

$$\eta_g = \left| \frac{546.1 - 546.30}{546.1} \right| \times 100\% = 0.037\%$$

$$\eta_y = \left| \frac{578.05 - 578.80}{578.05} \right| \times 100\% = 0.130\%$$

下面计算角色散率,根据角色散率公式 $D = \frac{d\theta}{d\Omega} = \frac{k}{d\cos\theta}$, 由上表数据计算得

颜色	蓝色	绿色	黄色
D1	$2.98 \times 10^5 m^{-1}$	$2.99 \times 10^5 m^{-1}$	$3.00 \times 10^5 m^{-1}$
D2	$6.11 \times 10^5 m^{-1}$	$6.24 \times 10^5 m^{-1}$	$6.29 \times 10^5 m^{-1}$

下面计算角色散率的不确定度,重复上面的操作,最终包含不确定度结果如下表所示

颜色	蓝色	绿色	黄色
D1	$2.98 \pm 0.002 \times 10^5 m^{-1}$	$2.99 \pm 0.03 \times 10^5 m^{-1}$	$3.00 \pm 0.01 \times 10^5 m^{-1}$
D2	$6.11 \pm 0.07 \times 10^5 m^{-1}$	$6.24 \pm 0.004 \times 10^5 m^{-1}$	$6.29 \pm 0.10 \times 10^5 m^{-1}$

分析误差来源:

- (1) 观察数据可发现,在测量 2 级谱线时,正负级衍射角的差偏大,个别数据甚至超过了 10'(由于超过 10'的数据是最后一组测量数据,故没有及时发现),说明光栅并未完全与平行光管光轴垂直,存在一个小角度偏差,引入了一定的系统误差。
- (2) 平行光管进光狭缝的宽度可能过宽,使得入射谱线的宽度也变宽,则会降低谱线的分辨率和对比度,使得测量衍射角时不准确,从而影响计算结果。

3.2 实验后思考题

思考题 3.1: 检索文献,列举三种测量光波波长的方法,给出参考文献列表。

通过查阅资料,我找到了以下几种可以测量光波波长的方法:

- (1) 双棱镜干涉法,它利用双棱镜将单色光分成两束相干光,然后在屏幕上形成干涉条纹。通过测量条纹间距和双棱镜的夹角,可以计算出光波的波长。[1][2]
- (2) 傅里叶红外光谱仪法,它利用傅里叶变换将单色光的干涉信号转换为频率域的信号,然后通过测量信号的频率,可以计算出光波的波长。[3][4]
- (3) 激光多普勒干涉法,该方法利用激光束与一个高速旋转的多面棱镜发生多普勒效应,产生频率变化的干涉信号。通过测量干涉信号的频率差,即可求得激光波长。[5]

参考文献列表:



图 2: 原始实验数据

参考文献

Appendices

.1 代码记录

Listing 1: 代码记录示例

```
import matplotlib.pyplot as plt
     import numpy as np
     # Data for plotting
     t = np.arange(0.0, 2.0, 0.01)
     s = 1 + \frac{np.sin(2 * np.pi * t)}{}
     fig, ax = plt.subplots()
     ax.plot(t, s)
10
     ax.set(xlabel='time (s)', ylabel='voltage (mV)',
          title='About as simple as it gets, folks')
12
     ax.grid()
13
14
     fig.savefig("test.png")
15
     plt.show()
```

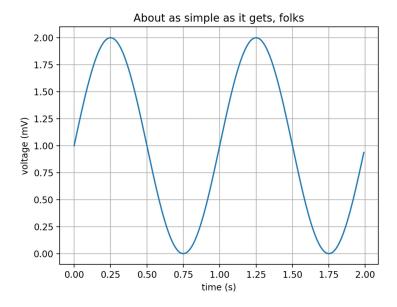


图 3: Test Figure

.2 常用命令展示

这部分将展示其他常用命令。

颜色设置

- 赤橙黄绿青蓝紫
- 谁持彩练当空舞

字号设置

- ⑴ 江晚正愁余
- (2) 江晚正愁余
- (3) 江晚正愁余
- (4) 江晚正愁余
- (5) 江晚正愁余
- (6) 江晚正愁余
- (7) 江晚正愁余

字体设置(中文)

- (1) 宋体: 山有扶苏, 隰有荷华
- (2) 仿宋: 山有扶苏, 隰有荷华
- (3) 黑体: 山有扶苏, 隰有荷华
- (4) 楷书: 山有扶苏, 隰有荷华

Set font(English)

- (1) roman: Hello world!
- (2) sans-serif: Hello world!
- (3) typewriter: Hello world!

公式

无编号公式

$$J(\theta) = \mathbb{E}_{\pi_{\theta}}[G_t] = \sum_{s \in \mathcal{S}} d^{\pi}(s) V^{\pi}(s) = \sum_{s \in \mathcal{S}} d^{\pi}(s) \sum_{a \in \mathcal{A}} \pi_{\theta}(a|s) Q^{\pi}(s,a)$$

$$J(\theta) = \mathbb{E}_{\pi_{\theta}}[G_t] = \sum_{s \in \mathcal{S}} d^{\pi}(s) V^{\pi}(s) = \sum_{s \in \mathcal{S}} d^{\pi}(s) \sum_{a \in \mathcal{A}} \pi_{\theta}(a|s) Q^{\pi}(s,a)$$

有编号公式

$$J(\theta) = \mathbb{E}_{\pi_{\theta}}[G_t] = \sum_{s \in \mathcal{S}} d^{\pi}(s) V^{\pi}(s) = \sum_{s \in \mathcal{S}} d^{\pi}(s) \sum_{a \in \mathcal{A}} \pi_{\theta}(a|s) Q^{\pi}(s,a)$$
(1)

$$J(\theta) = \mathbb{E}_{\pi_{\theta}}[G_t] = \sum_{s \in \mathcal{S}} d^{\pi}(s) V^{\pi}(s) = \sum_{s \in \mathcal{S}} d^{\pi}(s) \sum_{a \in \mathcal{A}} \pi_{\theta}(a|s) Q^{\pi}(s,a)$$
 (2)

波尔文积分

$$\begin{cases} \int_0^\infty \frac{\sin(x)}{x} \, dx = \frac{\pi}{2} \\ \int_0^\infty \frac{\sin(x)}{x} \frac{\sin(x/3)}{x/3} \, dx = \frac{\pi}{2} \\ \dots \\ \int_0^\infty \frac{\sin(x)}{x} \frac{\sin(x/3)}{x/3} \dots \frac{\sin(x/13)}{x/13} \, dx = \frac{\pi}{2} \\ \int_0^\infty \frac{\sin(x)}{x} \frac{\sin(x/3)}{x/3} \dots \frac{\sin(x/15)}{x/15} \, dx = \frac{467807924713440738696537864469}{935615849440640907310521750000} \pi \end{cases}$$

多行对齐公式

$$\begin{split} \frac{\partial}{\partial \theta_k} J(\theta) &= \frac{\partial}{\partial \theta_k} \left[\frac{1}{m} \sum_{k=1}^m \log(1 + e^{-y^{(i)} \theta^T x^{(i)}}) \right] \\ &= \frac{1}{m} \sum_{k=1}^m \frac{1}{1 + e^{-y^{(i)} \theta^T x^{(i)}}} y^{(i)} x_k^{(i)} \\ &= -\frac{1}{m} \sum_{k=1}^m h_{\theta}(-y^{(i)} x^{(i)}) y^{(i)} x_k^{(i)} \end{split}$$

引用

对公式的引用,如(3)

$$J(\theta) = \mathbb{E}_{\pi_{\theta}}[G_t] = \sum_{s \in \mathcal{S}} d^{\pi}(s) V^{\pi}(s) = \sum_{s \in \mathcal{S}} d^{\pi}(s) \sum_{a \in \mathcal{A}} \pi_{\theta}(a|s) Q^{\pi}(s,a)$$
(3)

对图像的引用,如图 4



图 4: 测试图片

对表格的引用,如表1

表 1: 一个空表格

表格

tabular 可以自己更改宽度

表 2: 一个空表格

tabularx 可以自适应宽度

表 3: 一个空表格