Ciągi i geometria analityczna - egzamin

Zadanie 1

Dany jest ciąg geometryczny, w którym $a_3=4$ i $a_5=8$

Wówczas iloraz tego ciągu wynosi:

$$\mathbf{B}$$
. $\frac{1}{2}$

C.
$$\sqrt{2}$$

D.
$$\frac{1}{\sqrt{2}}$$

Zadanie 2

Dany jest ciąg arytmetyczny, którego suma trzeciego i piątego wyrazu wynosi 4, natomiast różnica siódmego i drugiego wynosi -12. Wyznaczyć wzór ogólny tego ciągu.

Zadanie 3

Dany jest 3-wyrazowy ciąg

$$(x+2, -2x-4, 6x+2)$$

Wyznaczyć dla jakich wartości "x" ciąg ten jest ciągiem geometrycznym?

Zadanie 4

Wyznaczyć sumę wszystkich liczb czterocyfrowych, których reszta z dzielenia przez 7 wynosi 3.

Zadanie 5

Dana jest prosta k o równaniu $y = \frac{1}{3}x - 4$

Wybierz odpowiedź prawda (P) lub fałsz (F).

| Do prostej k należy punkt $P = (6, -2)$. | Р | F |
|---|---|---|
| Prosta k jest malejąca. | Р | F |

Zadanie 6

Dany jest trójkąt ABC o wierzchołkach A = (-1, 2), B = (3, 5), C = (0, 9).

Obwód tego trójkąta wynosi:

A. 22

B. 16

C. $5 + \sqrt{7} + 5\sqrt{2}$

D. $10 + 5\sqrt{2}$

Zadanie 7

Dany jest równoległobok ABCD, gdzie A=(-3,6), B=(5,-2) oraz punkt S=(4,4), który jest środkiem symetrii tego równoległoboku. Wyznaczyć punkty C i D.

Zadanie 8

Zapisać wartości parametru m, dla których funkcja

$$y = (5 - 3m) x - \frac{3m - 2}{6}$$

jest niemalejąca.

Zadanie 9

Wyznaczyć symetralną odcinka AB, gdzie A=(4,2) i B=(-2,-1).

Zadanie 10

Dana jest prosta y = 3x - 6.

Prosta do niej prostopadła na równanie:

A.
$$y = 3x + 6$$

B.
$$y = \frac{1}{3}x - 6$$

C.
$$y = -3x + \frac{\sqrt{6}}{6}$$

D.
$$y = -\frac{1}{3}x + \sqrt{6}$$

Zadanie 11

Zapisać równanie okręgu o środku S=(3,-8)i promieniu $4\sqrt{2}.$

.....

| Zadanie | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 1 |
|---------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|---|
| Max | 1 | 3 | 3 | 3 | 2 | 1 | 3 | 2 | 4 | 1 | 2 |
| Punkty | | | | | | | | | | | |