## Kombinatoryka i Rachunek Prawdopodobieństwa

- 1. Na ile sposobów można rzucić dwa razy kostką sześcienną?
- 2. Na ile sposobów możemy wrzucić pięć kul do sześciu różnych szuflad?
- 3. Ile różnych liczb trzycyfrowych można utworzyć z cyfr  $\{1, 2, 3, \dots, 9\}$ ?
- 4. Ile różnych liczb pięciocyfrowych można utworzyć z cyfr  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ ?
- 5. Ile jest liczb trzycyfrowych, w których:
  - a) występują tylko cyfry nieparzyste?
  - b) występują tylko cyfry parzyste?
  - c) co najmniej jedna cyfra jest parzysta?
  - d) co najmniej jedna cyfra jest nieparzysta?
  - e) pierwsza i ostatnia cyfra jest taka sama, a druga jest równa 5 albo 8?
  - f) 7 występuje dokładnie jeden raz, a ostatnia cyfra jest podzielna przez 3?
- 6. Do windy wsiada 5 osób, które mogą wysiąść na 10 różnych piętrach. Na ile sposobów mogą:
  - a) wysiąść dowolnie?
  - b) wysiąść tylko na 3, 5 lub 7 piętrze?
  - c) wysiąść na różnych piętrach?
  - d) wusiąść tak, aby przynajmniej jedna osoba wysiadła na 7 piętrze?
- 7. Każdej z 10 osób przyporządkowujemy miesiąc, w którym się urodził. Ile jest możliwych przypadków, że:
  - a) każda osoba urodzi się innego miesiąca?
  - b) wszystkie osoby urodzą sie tego samego miesiąca?
  - c) żadna osoba nie urodziła się ani w styczniu, ani w grudniu?

- 8. W autobusie, który ma przed sobą 10 przystanków siedzi 7 osób. Zakładając, że do autobusu nie wsiądą żadne nowe osoby, na ile sposobów osoby te mogą wysiąść:
  - a) na dowolny sposób?
  - b) tak aby każda osoba wysiadła na innym przystanku?
  - c) tak, aby autobus zatrzymał się tylko na trzech przystankach? (przystanki są "na żądanie" i zjazd na pętlę autobusową się nie liczy)
- 9. Ile jest różnych kodów PIN, w których cyfry a) mogą / b) nie mogą się powtarzać?
- 10. Pani Barbara ma w szafie czapkę zieloną, białą i czarną, szal zielony i czarny oraz rękawiczki niebieskie, białe, czarne i różowe. Na ile sposób Pani Barbara może:
  - a) różnie się ubrać?
  - b) wyrać zestaw tego samego koloru?
  - c) wybrać zestaw, który zawiera przynajmniej dwa takie same kolory?
- 11. Ile jest telefonicznych numerów komórkowych, składających się z dziewieciu cyfr takich, że:
  - a) pierwszą cyfrą jest 5 lub 6, trzecią cyfrą jest 0, a pozostałe nie są ani piątką, ani szóstką?
  - b) każda cyfra jest inna i na pierwszym miejscu nie występuje 0?
  - c) każda kolejna cyfra tego numeru jest liczbą o 1 mniejszą od poprzedniej?
  - d) podane cyfry tworzą ciąg malejący?
  - e) pierwsza, trzecia, piąta i siódma cyfra jest taka sama i jest nieparzysta, zaś pozostałe są liczbami parzystymi?
- 12. Mamy 5 książek, w tym książki A i B. Ustawiamy je losowo na pustej półce, jedna obok drugiej. Na ile sposobów można ustawić je tak, aby:
  - a) książki A i B stały obok siebie?
  - b) pomiędzy książkami A i B stały dokładnie dwie inne książki?
  - c) książki książka A była na lewo od książki B?
- 13. Z grupy 5 kobiet i 4 mężczyzn wybieramy dwie osoby. Ile jest takich sposobów wyboru tej delegacji tak, aby wśród wybranych osób:
  - a) były same kobiety?
  - b) była kobieta i mężczyzna?
- 14. W klasie jest 15 dziewcząt i 16 chłopców. Spośród uczniów tej klasy wybieramy losowo trzech przedstawicieli do konkursu. Na ile sposobów można wybrać tą delegację tak aby:
  - a) wybrać tą delegację?
  - b) był tam dokładnie jeden chłopak?
  - c) były tam co najmniej dwie dziewczynki?
  - d) były tam co najwyżej dwie dziewczynki?

- 15. W urnie jest 7 kul białych, 2 czarne i 1 zielona. Ile jest możliwych sposobów wyboru dwóch kul z tej urny tak, aby:
  - a) kule były różnych kolorów?
  - b) obie kule były białe?
  - c) obie kule były tego samego koloru?
  - d) przynajmniej jedna z kul była biała?
- 16. W urnie jest 5 kul białych, 4 czarne i 7 zielonych. Losujemy trzy kule. Ile jest możliwych wyników losowania tak, aby:
  - a) każda z wylosowanych kul była innego koloru?
  - b) wszystkie trzy kule mają być tego samego koloru?
  - c) wśród trzech kuli dwie muszą być tego samego koloru?
- 17. Ile różnych wyrazów (mających sens lub nie) można ułożyć z wyrazów:
  - a) STRAJK
  - b) KAJAK
  - c) KANAPKA
  - d) MATEMATYKA
  - e) KONSTANTYNOPOLITAŃCZYKÓWIANECZKA\*
  - (\* tam sa 32 litery)
- 18. Z talii kart (52 kart) losujemy cztery karty. Na ile sposobów można wybrać karty:
  - a) dowolnie?
  - b) tak, aby były dwie damy i dwa asy?
  - c) tak, aby były trzy karty "młodsze" od dziewiątki i jeden król?
  - d) trzy figury i jedna karta nie będąca figurą?
  - e) dwa kiery i pik?
  - f) co najwyżej dwa trafle?
  - g) kier i karo?

- 19. Rzucamy trzykrotnie symetryczną monetą, oblicz prawdopodobieństwo, że:
  - a) wypadnie trzy razy orzeł.
  - b) wypadnie reszka dokładnie dwa razy.
  - c) orzeł wypadnie przynajmniej jeden raz.
- 20. Rzucamy dwukrotnie sześcienną kostką do gry. Oblicz prawdopodobieństwo, że:
  - a) wypadną dwie szóstki.
  - b) nie wypadnie żadna szóstka.
  - c) wypadnie przynajmniej jedna szóstka.
  - d) liczba oczek będzie parzysta.
  - e) suma oczek będzie większa niż 9.
- 21. W talii 52 kart losujemy jedną kartę. Oblicz prawdopodobieństwo, że wylosowana karta:
  - a) jest treflem lub pikiem.
  - b) asem i nie jest treflem.
  - c) królem lub kierem.
  - d) kartą młodszą od siódemki.
- 22. Ze zbioru liczb dwucyfrowych losujemy jedną liczbę. Oblicz prawdopodobieństwo, że wylosowana liczba jest:
  - a) liczby podzielnej przez 2 lub 3.
  - b) liczby podzielnej przez 5 i niepodzielnej przez 3.
- 23. Oblicz prawdopodobieństwo wygrania w totka.
- 24. Ze zbioru cyfr  $\{1,2,3,4,5,6,7\}$  losujemy kolejno bez zwracania 2 cyfry i zapisujemy je wkolejnosci losowań, otrzymując liczbę dwucyfrowa. Oblicz prawdopodobieństwo, że będzie to liczba parzysta.
- 25. Do windy wsiadło 5 osób, które mogą wysiąść na 6 piętrach. Oblicz prawdopodobieństwo, że:
  - a) wszystkie osoby wysiądą na jednym piętrze.
  - b) każda osoba wysiądzie na innym piętrze.
- 26. Rzucamy trzema sześciennymi symetrycznymi kostkami do gry. Oblicz prawdopodobieństwo, że suma otrzymanych oczek jest liczbą podzielną przez 8 i jednocześnie niepodzielną przez 16.
- 27. Rzucamy trzema czworościennymi symetrycznymi kostkami do gry (z oczkami 1,2,3,4). Oblicz prawdopodobieństwo, że suma otrzymanych oczek jest liczbą podzielną przez 3.
- 28. W pudełku znajdują się 4 losy wygrywające i 6 losów przegrywających. Losujemy kolejno bez zwracania po jednym losie. Oblicz prawdopodobieństwo wylosowania:
  - a) dwóch losów wygrywających.
  - b) przynajmniej jednego losu wygrywającego.