Lekcja 6 - równanie i nierówności trygonometryczne

Zadanie 1

Rozwiąż równania:

$$\mathbf{a)}\,\sin(x)=1$$

b)
$$\cos x = -1$$

$$\mathbf{c)}\,\sin x = 0$$

$$\mathbf{d)}\,\cos x = 0$$

e)
$$\sin x = \frac{1}{2}$$

f)
$$\sin x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\mathbf{g)}\,\cos x = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

h)
$$\cos x = -\frac{1}{2}$$

Zadanie 2

Rozwiąż równania:

a)
$$\sin(2x + \pi) = 1$$

b)
$$\cos(\frac{1}{2}x + \frac{\pi}{2}) = \frac{1}{2}$$

c)
$$\sin(4x - 2\pi) = -1$$

d)
$$\sin(x - \frac{\pi}{2}) = 0$$

e)
$$\cos(2x - \frac{\pi}{4}) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

f)
$$\sin(3x - 3) = 3$$

Zadanie 3

Rozwiąż równania:

a)
$$tgx = \sqrt{3}$$

$$\mathbf{b)} \ \mathrm{tg} x = -1$$

c)
$$tg(2x + \pi) = -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

d)
$$ctg(3x - \frac{\pi}{2}) = -1$$

Zadanie 4

Rozwiąż równania

a)
$$2\sin(2x) = -1$$

b)
$$|\sin x| = 1$$

c)
$$\sin^2 x + 4\sin x + 3 = 0$$

d)
$$\sin(2x) = \frac{1}{2}$$

e)
$$2\sin^2(3x) + \cos(3x) - 2 = 0$$

$$\mathbf{f)} \ 2\sin x \cos x - 2\sin x + \cos x = 1$$

g)
$$2\sin^3 x - 3\sin x \cos x = 0$$

$$\mathbf{h}) \, \frac{2\sin x \cos x - 1}{2\cos x + \sin x} = \frac{1}{\sin x} - \sin x$$

Zadanie 5

Rozwiąż równania:

a)
$$\sin x = \sin(2x) = 0$$

b)
$$2\cos^x - + 3\sin x = 1$$

$$c) \sin(3x) - \sqrt{3}\cos(3x) = 1$$

d)
$$\sin(6x) + \sqrt{3}\sin(5x) + \sin(4x) = 0$$

e)
$$\sin(2x) + \cos(2x) = 1 + \sin x - \cos x$$

$$f) \sin(5x) + \cos x = 0$$