Wielomiany, funkcje wykładnicze i logarytmiczne - test

Imię i nazwisko: [...../40pkt]

Zadanie 1 (0-3)

 $Zapisz poniższe wyrażenia w postaci <math>a^x$.

a)
$$\frac{5^5 \cdot (5^2)^5}{(5^{-4})^6} =$$

b)
$$\frac{5^{15} \cdot 25^7}{125^6} =$$

c)
$$\frac{14^{12} \cdot 8^3}{49^6} =$$

Zadanie 2 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Połowa liczby $\frac{4^{60} \cdot 4^{-50}}{4^{-10}}$ wynosi:

A.
$$2^{10}$$

B.
$$4^{10}$$

$$C. 2^{20}$$

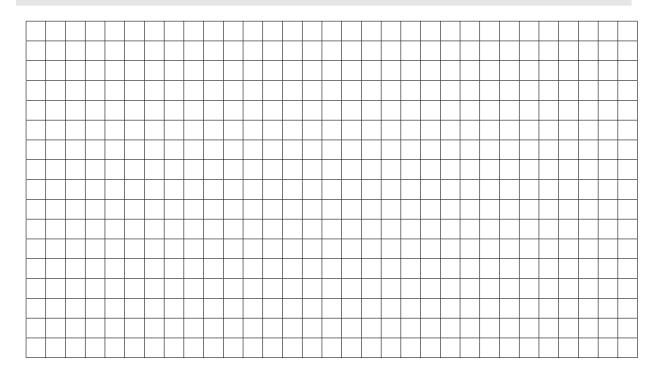
D.
$$2^{19}$$

Zadanie 3 (0-3)

Wykaż, że liczba:

$$k = 2^{2023} + 2^{2024}$$

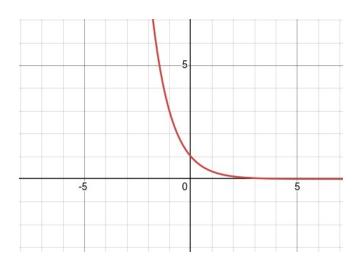
jest podzielna przez 6.



Informacja do zadań 4-5.

Poniżej przedstawiono wykres funkcji wykładniczej, której wzór wyraża się w postaci

$$f(x) = a^x$$
.



Zadanie 4 (0-1)

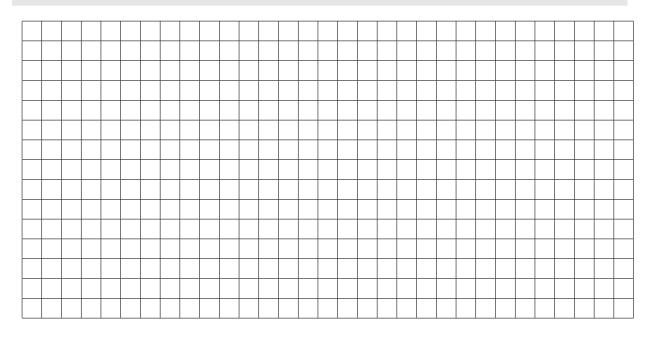
Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wartość wyrażenia f(-f(0)) jest równa:

- **A.** -3
- **B.** 0
- **C.** 1
- **D.** 3

 $Zadanie\ 5\ (0-3)$

 $Wyznacz\ współczynnik\ "a"\ powyższej\ funkcji\ wykładniczej.$



Zadanie 6 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wyrażenie $\sqrt[5]{9\sqrt{3}}$ można zapisać w postaci:

A. $\sqrt[7]{27}$

B. $\sqrt[10]{3}$

C. $\sqrt{3}$

D. $\sqrt[10]{27}$

Zadanie 7 (0-2) Oblicz:

a)
$$\sqrt{11} + \sqrt{99} + \sqrt{121} =$$

b)
$$4\sqrt{45} - 3\sqrt{125} + 2\sqrt{500} =$$

Zadanie 8 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wartość wyrażenia $\log_3(\frac{1}{9})$ wynosi:

A. -3

B. $-\frac{1}{3}$

C. $\frac{1}{3}$

D. -2

Zadanie 9 (0-4) Oblicz:

a)
$$2 \log 0,001 =$$

b)
$$\log_2(\log_7 49^8) =$$

c)
$$\log_5 1000 - 3 \log_5 2 =$$

d)
$$\log_5 625 + \log_4 8 =$$

Zadanie 10 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wyrażenie $\log_{\sqrt{2}} 16$ jest równe:

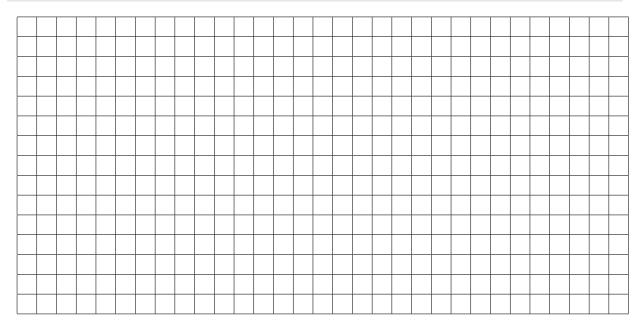
A. -4

B. 4

C. 8

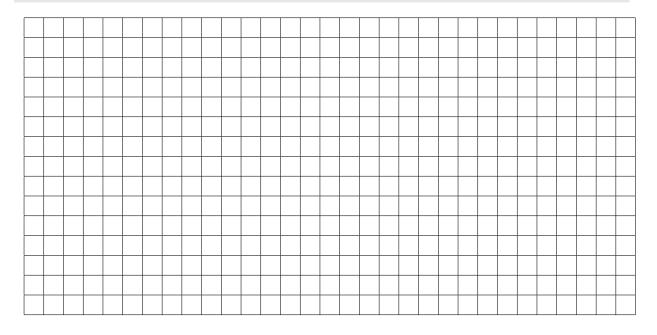
D. 16

$$x^6 - 12x^4 - 64x^2 = 0$$

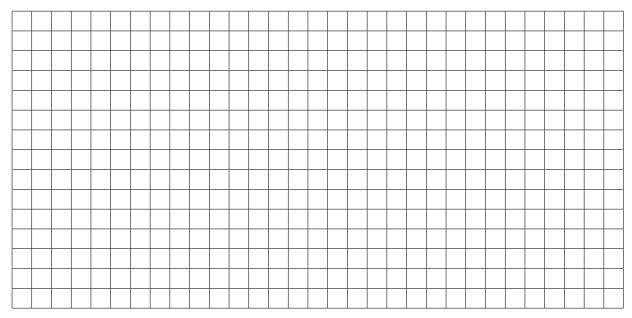


Zadanie 12 (0-5) Rozwiąż równanie

$$2x^3 - 2x^2 = 16x - 16$$



$$\frac{x^2 - x - 6}{x^2 + 2x - 15} = 0$$



Zadanie 14 (0-5) Uprość wyrażenie

$$\frac{3x^2 - 15x}{6x^2 - 42x + 60} : \frac{x^3 + 4x}{x^2 - 4x + 4} =$$

