

Zadanie 1 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Połowa liczby $\frac{4^{150} \cdot 4^{50}}{4^{100}}$ wynosi:

- A. 2^{100} B. 2^{50} C. 4^{99} D. 4^{50}

Zadanie 2 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba $2 \log_6 9 - \log_6 \frac{3}{8}$ wynosi:

- A. $\log_6 17\frac{5}{8}$ B. 3 C. $\frac{1}{3}$ D. 16

Zadanie 3 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wartość wyrażenia $\frac{42^6}{66 \cdot 7^5}$ wynosi:

- A. $\frac{6}{7^5}$ B. $\frac{6^6}{7^7}$ C. 6 D. $\frac{1}{7^5}$

Zadanie 4 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wartość wyrażenia $(2a - 3b)^2 - (-2a - 3b)^2$ wynosi

- A. $24ab$ B. $18b^2$ C. $-24ab$ D. 0

Zadanie 5 (0-2)

Wykaż, że dla dowolnych dla dowolnej liczby całkowitej k wyrażenie $k^3 + 3k^2 - 40k$ jest podzielne przez 6.

Zadanie 6 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Dla pewnego ostrego kąta α dane jest, że $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$. Wówczas $\operatorname{tg} \alpha$ wynosi

- A. $2\sqrt{2}$ B. $\frac{\sqrt{2}}{4}$ C. 3 D. $\frac{1}{3}$

Zadanie 7 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Równanie $\frac{(x^2-5)(x-3)}{(-2x+6)(x-5)} = 0$ ma

- A. zero rozwiązań
- B. jedno rozwiązanie
- C. dwa rozwiązania
- D. trzy rozwiązania

Zadanie 8 (0-3)

Rozwiąż równanie

$$x^6 + 8 = 7x^3$$

Zadanie 9 (0-2)

Dokończ zdanie. Wybierz dwie właściwe odpowiedzi spośród podanych.

Poniżej podano pary pewnych prostych.

Pary prostych prostopadłych to pary: i

- A. $y = 4x - 5$ i $y = \frac{1}{4}x - 5$
- B. $y = \frac{1}{4}x + 5$ i $y = -4x + 5$
- C. $y = 4x - 5$ i $y = 4x - \sqrt{5}$
- D. $2x - 3y - 7 = 0$ i $2x + 3y + 7 = 0$
- E. $4x - 5y + 6 = 0$ i $5x + 4y - 6 = 0$
- F. $x + 5y + 4 = 0$ i $5x + y - 4 = 0$

Zadanie 10 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

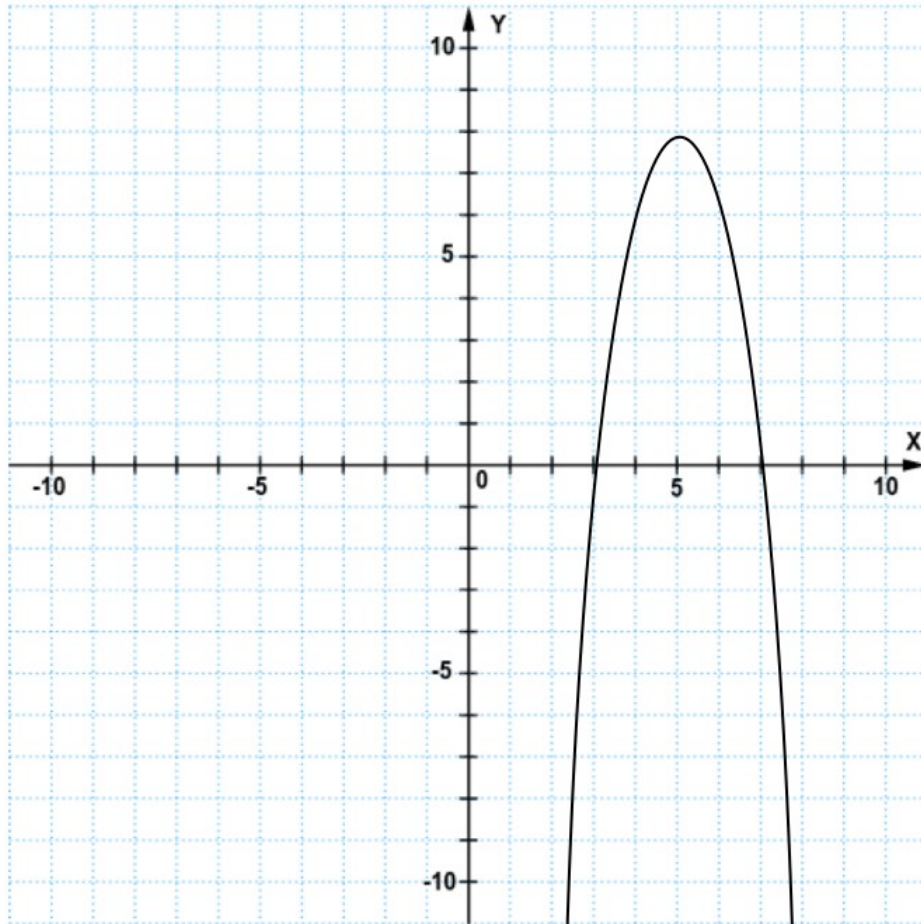
Wartość wyrażenia $(2a - 3b)^2 - (-2a - 3b)^2$ wynosi

- A. $24ab$
- B. $18b^2$
- C. $-24ab$
- D. 0

Zadanie 11

Treść co zadań 11.1-11.3.

W kartezjańskim układzie współrzędnych (x,y) przedstawiono fragment funkcji kwadratowej f (zobacz rysunek). Jej wierzchołek to punkt $(5,8)$, natomiast jednym z jej miejsc zerowych jest $x = 3$.

**Zadanie 1.11.1 (0-1)**

Zapisz poniżej w postaci przedziału zbiór wartości powyższej funkcji kwadratowej.

.....

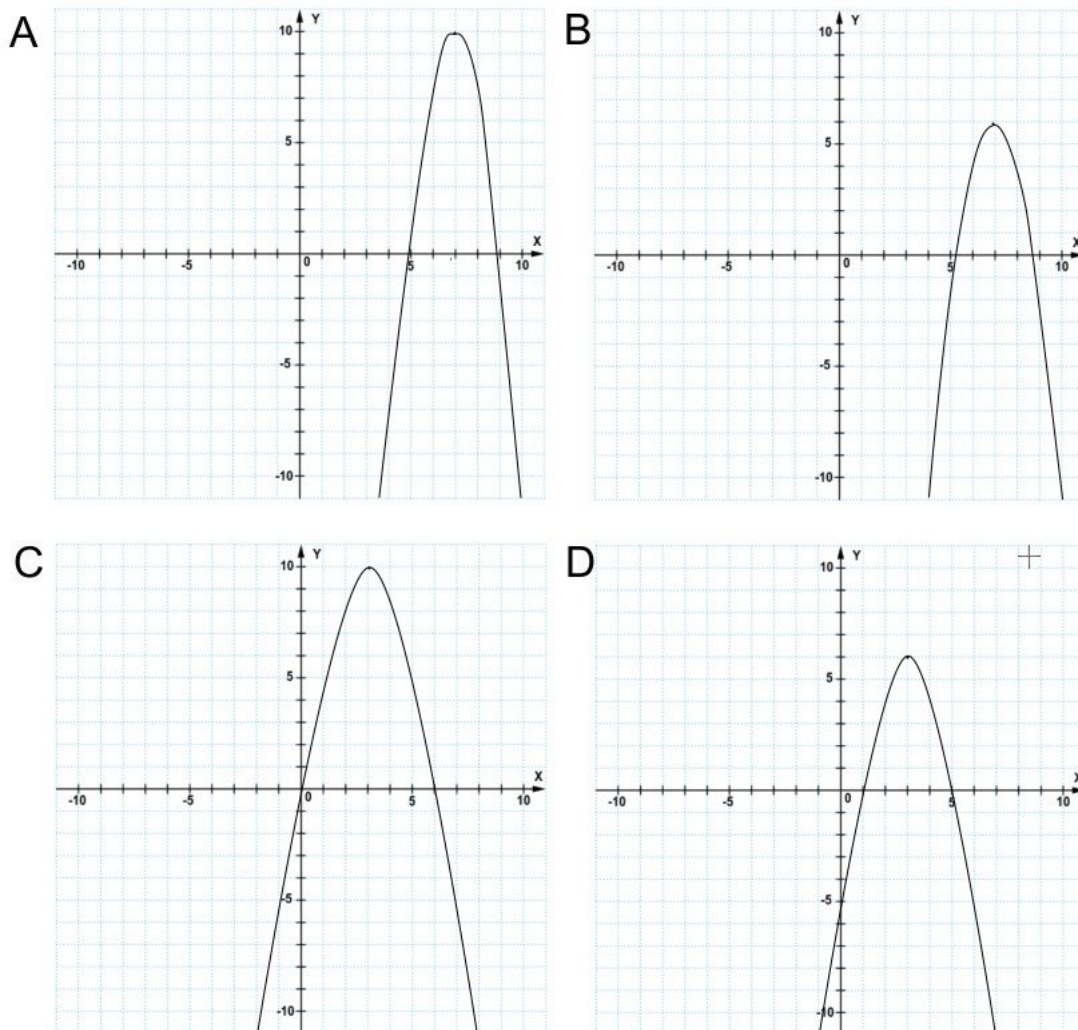
Zadanie 1.11.2 (0-3)

Wyznacz wzór funkcji kwadratowej w postaci ogólnej.

Zadanie 1.11.3 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Funkcję $g(x) = f(x - 2) - 2$ przedstawiono na wykresie

**Zadanie 12 (0-1)**

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

W laboratorium badano próbki pewnego kamienia pozaziemskiego. Naukowcy są w stanie ustalić wiek powstania danego kamienia na podstawie śladu węgla wewnątrz danej próbki za pomocą uproszczonej formuły $T(x) = 1000 \cdot 2^{-x \cdot 10^{-10}}$ w jednej uncji próbki (wyrażonej w mg), gdzie x to jest czas życia danej próbki.

Przy badaniu tej próbki otrzymano, że w jednej uncji znajduje się 62,5g węgla. Zatem ten kamień ma

A. $4 \cdot 10^{10}$ lat

B. 4000 lat

C. $62,5 \cdot 10^{10}$ lat

D. $62,5 \cdot 10^{10000}$ lat

Zadanie 13 (0-1)

Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz *P*, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo *F* – jeśli jest fałszywe.

Dany jest ciąg rekurencyjny określony wzorem

$$\begin{cases} a_{n+1} = a_n \cdot 2n \\ a_n = 3 \end{cases}$$

Ciąg a_n jest ciągiem geometrycznym.	P	F
Ciąg a_n jest ciągiem monotonicznym.	P	F

Zadanie 14 (0-1)

Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz *P*, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo *F* – jeśli jest fałszywe.

Suma pierwszego i dwunastego wyrazu pewnego ciągu arytmetycznego wynosi 4, natomiast różnica piątego i siódmego wyrazu tego ciągu wynosi 4.

Ciąg ten jest rosnący.	P	F
Pierwszy wyraz tego ciągu wynosi 13.	P	F

Zadanie 15 (0-4)

Dany jest pewien trzywyrazowy ciąg arytmetyczny (x, y, z) . Średnia arytmetyczna tego ciągu to 7. Jeżeli drugi wyraz tego ciągu zmniejszylibyśmy o 1, to otrzymalibyśmy ciąg geometryczny. Wyznacz wyrazy tego ciągu.

Zadanie 16 (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Dla pewnego ostrego kąta α dane jest, że $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$. Wówczas $\operatorname{tg} \alpha$ wynosi

A. $2\sqrt{2}$

B. $\frac{\sqrt{2}}{4}$

C. 3

D. $\frac{1}{3}$

Zadanie 17 (0-1)**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Dany jest trójkąt równoramienny o ramieniu długości 20 i kącie między ramionami 150° . Wówczas pole tego trójkąta jest równe

- A. $200\sqrt{3}$ B. 200 C. $100\sqrt{3}$ D. 100

Zadanie 18 (0-1)**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Dane są dwa okręgi

$$o_1 : (x - 2)^2 + (y - k)^2 = 81$$

$$o_2 : (x + 2)^2 + (y - 6)^2 = 16$$

Okręgi te są styczne wewnętrznie kiedy k jest równe

- A. $3 - 3\sqrt{15}$ B. 3 C. 6 D. -1