

# Lógica de Programação

Estruturas de Dados e  
Complexidade dos Algoritmos

Introdução a Estruturas e Complexidade

**Germinare Tech**

Carlos Santi e Marcelo Modolo

GerminaTECH

# Introdução a Estruturas e Complexidade

Carlos Santi e Marcelo Modolo

# Conceitos Iniciais

- **Tipo de Dado:** define o conjunto de valores que uma variável pode assumir e as operações sobre esses valores.  
Exemplos: int, double, char
- **Tipo Abstrato de Dados (TAD):** define o conjunto de valores e as operações sobre os valores, mas não define sua implementação.  
Exemplos: lista, pilha, fila, árvore
- **Estrutura de Dados (ED):** é uma maneira particular de se implementar um Tipo Abstrato de Dados.  
Exemplos: sequencial, encadeado

# Tipos Abstratos de Dados

# Tipo Abstrato de Dados (TAD)

- Define o conjunto de valores e as operações que atuam sobre esses valores
- Não considera sua implementação computacional
- Não considera questões de eficiência em relação a tempo de execução e espaço na memória
- TADs que estudaremos: lista, pilha e fila



# Lista

- Conjunto de itens interligados cujas operações de inserção e remoção podem ser feitas em qualquer parte
- O conjunto mínimo de regras de negócio necessárias a funcionalidade de uma lista são:
  - Inserir um item a lista
  - Remover um item da lista
  - Encontrar um item na lista
  - Contar quantos itens pertencem à lista
  - Descobrir qual item está em uma dada posição

# Pilha

- Conjunto de itens interligados cujas operações de inserção e remoção só podem ser feitas no topo. Inserção e remoção são baseadas no princípio LIFO (*last in, first out*) ou, em português, UEPS (último a entrar, primeiro a sair)
- Operações que se aplicam a todas as pilhas:
  - Inserir um item no topo da pilha
  - Remover um item do topo da pilha

# Fila

- Conjunto de itens interligados cuja operação de inserção é feita no final e a operação de remoção é feita no início
- Inserção e remoção são baseadas no princípio FIFO (*first in, first out*) ou, em português, PEPS (primeiro a entrar, primeiro a sair)
- Operações que se aplicam a todas as filas:
  - Inserir um item no final da fila
  - Remover um item do início da fila



# Estrutura de Dados

## Estrutura de Dados (ED)

- Maneira de organizar e representar computacionalmente os Tipos Abstratos de Dados
- A eficiência de um programa está diretamente relacionada à estrutura de dados utilizada
- Estruturas estudadas nesse módulo:
  - Sequencial
  - Encadeada

# Estrutura Sequencial

Exemplo de  
Representação  
Gráfica

0	$x_1$
1	$x_2$
2	$x_3$
3	$x_4$
4	$x_5$
5	
6	

# Estrutura Sequencial

- Os itens são armazenados em posições contíguas da memória
- O tamanho da estrutura deve ser definido na sua criação
- A estrutura pode ser percorrida em qualquer direção
- Qualquer item pode ser acessado diretamente

0	$x_1$
1	$x_2$
2	$x_3$
3	$x_4$
4	$x_5$
5	
6	

# Estrutura Sequencial

- **Pontos positivos**

- Facilidade de acesso a cada item
- Custo baixo e constante para inserção ao final dos itens ou remoção do último item

0	$x_1$
1	$x_2$
2	$x_3$
3	$x_4$
4	$x_5$
5	
6	

# Estrutura Sequencial

- **Pontos negativos**

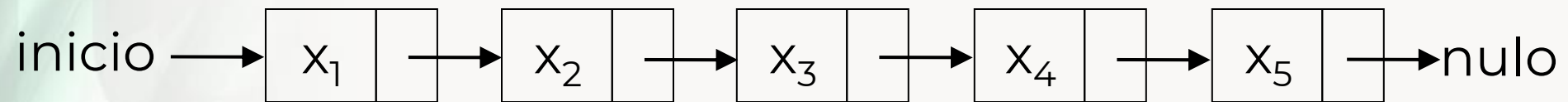
- Alto custo para inserir ou remover itens no meio, pois implica em deslocamento de outros itens
- O tamanho fixo pode implicar em alocação de memória não utilizada ou falta de espaço

0	$x_1$
1	$x_2$
2	$x_3$
3	$x_4$
4	$x_5$
5	
6	



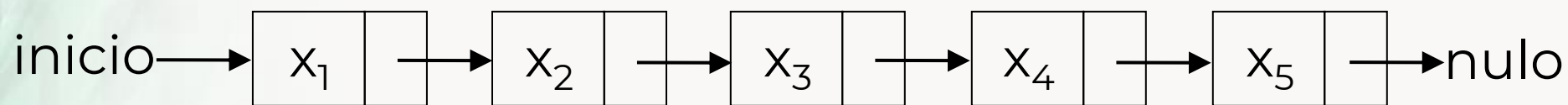
# Estrutura Encadeada

## Exemplo de Representação Gráfica



# Estrutura Encadeada

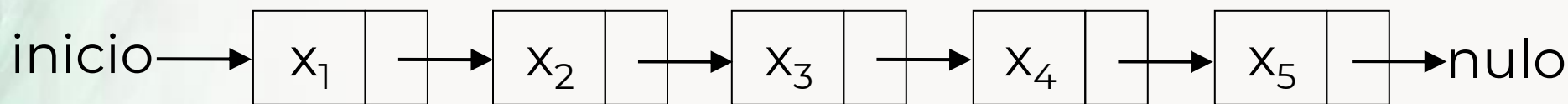
- Cada item é encadeado por um ponteiro que aponta para o item seguinte da estrutura
- Permite armazenamento em posições não contíguas de memória
- O acesso a um determinado item é feito passando por todos os itens que o precedem



# Estrutura Encadeada

- **Pontos positivos**

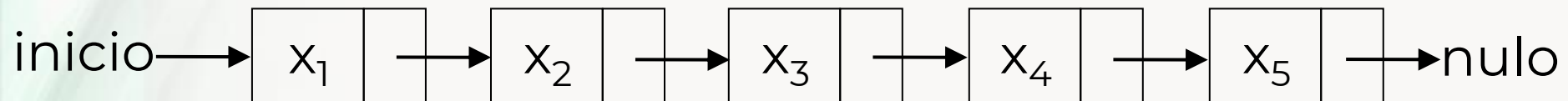
- Não tem desperdício de memória, pois a memória alocada pela estrutura é aquela utilizada pelos itens
- Custo baixo para inserção ou remoção de itens



# Estrutura Encadeada

- **Ponto Negativo**

- Custo alto para acessar um determinado item porque implica em passar por todos os itens que o precedem na estrutura



# Complexidade dos Algoritmos

# Complexidade dos Algoritmos

- A complexidade do algoritmo fornece a medida do trabalho envolvido na execução de um determinado algoritmo
- Uma possibilidade é considerar um conjunto de dados e seguir a execução do algoritmo para esses dados
- Neste caso, complexidade passa a ser uma função (f) do número de elementos (n) a serem processados
- Formato da função:

$$f(n) = \text{complexidade}$$



## Exemplo 1

- Determinar quantas vezes o laço abaixo é repetido

```
public static int exemplo1(){  
    int cont = 0;  
    for (int i = 1; i <= 1000; i++){  
        cont++;  
    }  
    return cont;  
}
```

## Exemplo 2

- Determinar quantas vezes o laço abaixo é repetido

```
public static int exemplo2(int n){  
    int cont = 0;  
    for (int i = 1; i <= n; i++){  
        cont++;  
    }  
    return cont;  
}
```

## Função nos Exemplos 1 e 2

- Número de repetições do exemplo 1 = 1000
- Número de repetições do exemplo 2 =  $n$
- O número de repetições é proporcional a  $n$
- Como a complexidade desse algoritmo está diretamente ligada ao número de repetições do laço podemos definir a função de complexidade como:

$$f(n) = n$$

## Exemplo 3

- Determinar quantas vezes o laço abaixo é repetido

```
public static int exemplo3(){  
    int cont = 0;  
    for (int i = 1; i <= 1000; i = i * 2){  
        cont++;  
    }  
    return cont;  
}
```

## Exemplo 4

- Determinar quantas vezes o laço abaixo é repetido

```
public static int exemplo4(int n){  
    int cont = 0;  
    for (int i = 1; i <= n; i = i * 2){  
        cont++;  
    }  
    return cont;  
}
```

## Função nos Exemplos 3 e 4

- Número de repetições do exemplo 3 = 10
- Se  $2^9 = 512$  e  $2^{10} = 1024$  e sabemos que a  $10^a$  repetição faz sair do laço, podemos afirmar que:
- Número de repetições do exemplo 3 =  $\log_2 1000$
- Número de repetições do exemplo 4 =  $\log_2 n$
- O número de repetições é proporcional a  $\log_2 n$
- Como a eficiência desse algoritmo também está diretamente ligada ao número de repetições do laço:

$$f(n) = \log_2 n$$



## Exemplo 5

- Determinar quantas vezes o laço abaixo é repetido

```
public static int exemplo5(int n){  
    int cont = 0;  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        for (int j = 1; j <= n; j++) {  
            cont++;  
        }  
    }  
    return cont;  
}
```

## Função do Exemplo 5

- Número de repetições do laço externo =  $n$
- Número de repetições do laço interno =  $n$
- Número de repetições do algoritmo =  $n \times n$

$$f(n) = n \times n$$

$$f(n) = n^2$$

## Exemplo 6

- Determinar quantas vezes o laço abaixo é repetido

```
public static int exemplo6(int n){  
    int cont = 0;  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        cont++;  
    }  
    for (int j = 1; j <= n; j++) {  
        cont++;  
    }  
    return cont;  
}
```

## Função do Exemplo 6

- Número de repetições do laço 1 =  $n$
- Número de repetições do laço 2 =  $n$
- Número de repetições do algoritmo =  $n + n$

$$f(n) = n + n$$

$$f(n) = 2n$$

# Perguntas???



# Exercícios

- Encontrar a função que representa a complexidade dos programas a seguir



## Exercício 1

```
public static int exercicio1(int n){  
    int cont = 0;  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        cont++;  
    }  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        for (int j = 1; j <= n; j++) {  
            cont++;  
        }  
    }  
    return cont;  
}
```

## Exercício 2

```
public static int exercicio2(int n){  
    int cont = 0;  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        for (int j = 1; j <= n; j++) {  
            for(int k = 1; k <= n; k++) {  
                cont++;  
            }  
        }  
    }  
    return cont;  
}
```

## Exercício 3

```
public static int exercicio3(int n){  
    int cont = 0;  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        for (int j = i; j <= n; j++) {  
            cont++;  
        }  
    }  
    return cont;  
}
```

## Exercício 4

```
public static int exercicio4(int n){  
    int cont = 0;  
    for (int i = 1; i <= n; i = i * 2) {  
        cont++;  
    }  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        for (int j = 1; j <= n; j++) {  
            cont++;  
        }  
    }  
    for (int i = 1; i <= n; i = i + 10) {  
        cont++;  
    }  
    return cont;  
}
```