PRML 2 章練習問題解答

Taka007

最終更新日:2023年12月9日

目次

2-1	2
2-12	2
2-26	2
参考文献	2

2-1

[1] ベルヌーイ分布は正規化されている。つまり下記が成立することを示せ。

$$\sum_{n=0}^{1} p(x|\mu) = 1$$

ベルヌーイ分布は $Ber(x|\mu) = \mu^x (1-\mu)^{1-x}$ となる。

$$\sum_{n=0}^{1} Ber(x|\mu) = Ber(0|\mu) + Ber(1|\mu) = \mu^{0}(1-\mu)^{1-0} + \mu^{1}(1-\mu)^{1-1} = 1 \times (1-\mu) + \mu \times 1$$
$$= 1 - \mu + \mu = \underline{1}$$

上記より、

$$\sum_{n=0}^{1} Ber(x|\mu) = 1$$

が成立するので、ベルヌーイ分布は正規化されている。

2-12

一様分布は下記のように定義される。

$$U(x|a,b) = \frac{1}{b-a} \quad (a \le x \le b)$$

2-26

A, B, C, D は行列とする。

$$(A + BCD)^{-1} = A^{-1} - A^{-1}B(C^{-1} + DA^{-1}B)^{-1}DA^{-1}$$
を示す。

右辺に (A + BCD) を右から掛ける。

$$(A^{-1} - A^{-1}B(C^{-1} + DA^{-1}B)^{-1}DA^{-1})(A + BCD) =$$

参考文献

[1] Bishop, C. M. (2006). Pattern Recognition and Machine Learning. Springer.