

#### 4-5.最优装载问题：

若使用贪心算法求解两艘船的最优装载问题，则第一艘船的装载方案只有一种最优解，即将物品按从轻到重的顺序进行装载，但这样并不一定能将第一艘船装满，可能会造成空间的浪费。例如：物品重量为{3, 3, 3, 5, 5, 6}，两艘船的载重量分别为10、15。若使用贪心算法，则会将重量为3、3、3的物品装上第一艘船，空间浪费为1，此时第二艘船只能再装下两个物品，总共装下了5个物品。实际上，可以把重量为5、5的物品装上第一艘船，其余物品装上第二艘船，此时刚好全部装下，共6个物品。因此，若将最优装载问题的贪心算法推广到2艘船的情形，无法产生最优解。

#### 4-12.最大权值达到最小的生成树：

假设 $T$ 是图 $G$ 的一棵最小生成树， $T'$ 是图 $G$ 的一棵使最大权值达到最小的生成树，但不是最小生成树。 $e$ 是 $T$ 中的最大权边， $e'$ 是 $T'$ 中的最大权边，且 $\omega(e') < \omega(e)$ 。将 $e$ 从 $T$ 中删去后， $T$ 将分为两个连通分支。此时，一定有 $T'$ 中的边 $e''$ 连接这两个连通分支，否则 $T'$ 将不是连通的。将 $e''$ 加入 $T$ 的这两个连通分支将得到一棵新的生成树 $T'' = T - e + e''$ 。由于 $e'$ 是 $T'$ 中的最大权边，故 $\omega(e'') \leq \omega(e') < \omega(e)$ ，从而有 $\omega(T'') = \omega(T) - \omega(e) + \omega(e'') < \omega(T)$ 。这与 $T$ 是最小生成树矛盾，故 $T'$ 就是最小生成树。

因此，可以使用Prim算法构造 $G$ 的最大权值达到最小的生成树。

算法描述如下：

```
void prim(int n, edge **e) {
    T = 空集;
    S = {1};
    while (S != V) {
        (i, j) = i ∈ S and j ∈ V-S 的最小权边;
        T = T ∪ {(i, j)};
        S = S ∪ {j};
    }
}
```

#### 4-14.整数权值的 Dijkstra 算法：

由于各边的权值为0~N-1的整数（N为非负整数），因此图中任意一个点到源点的距离dist值不会超过 $N \times n$ ，从而可以建立一个长度为 $N \times n$ 的队列数组，数组中的每个队列存储着“dist值为该队列下标值”的顶点。刚开始先将源点入第0个队列，然后从左向右线性扫描队列数组，此时最先遇到的非空队列存储着dist值最小的顶点，根据贪心算法的思想，将该顶点放入集合S中，再把 $V-S$ 中与该顶点相邻的顶点入相应队列，不断进行上述过程直至计算出全部的dist值。

最多会扫描一遍队列数组，复杂度为 $O(N \times n)$ 。此外，最多会有 $e$ 次入、出队列操作，复杂度为 $O(e)$ 。故总的时间复杂度为 $O(N \times n + e)$ 。

代码如下：

```
#include <iostream>
#include <queue>
using namespace std;
```

```

const int N = 101;      //权值上限
const int n = 5;        //顶点个数

//邻接矩阵 (-1表示边不存在)
const int edge[n][n] = {
    {0, 10, -1, 30, 100},
    {-1, 0, 50, -1, -1},
    {-1, -1, 0, -1, 10},
    {-1, -1, 20, 0, 60},
    {-1, -1, -1, -1, 0}
};

void dijkstra(const int& source) {
    //处理错误输入
    if (source <= 0 || source > n) {
        cout << "False input!" << endl;
        return;
    }

    //初始化辅助数组
    int dist[n];
    for (int i = 0; i < n; i++)
        dist[i] = -1;
    bool visited[n] = { false };
    queue<int> bucket[N * n];

    bucket[0].push(source - 1);
    int count = 0;
    //线性扫描队列数组
    for (int i = 0; i < N * n; i++) {
        while (!bucket[i].empty()) {
            //出队列
            int v = bucket[i].front();
            bucket[i].pop();
            if (visited[v])
                continue;
            //获取最短路径
            dist[v] = i;
            visited[v] = true;
            count++;
            if (count == n)
                break;
            //将未访问的相邻顶点入队列
        }
    }
}

```

```
    for (int j = 0; j < n; j++) {
        if (!visited[j] && edge[v][j] > 0)
            bucket[i + edge[v][j]].push(j);
    }
}

if (count == n)
    break;
}

//输出
for (int i = 0; i < n; i++)
    cout << "dist[" << i + 1 << "]:" << dist[i] << endl;
}

//测试程序
int main(void) {
    cout << "source point(from 1~" << n << "):";
    int s;
    cin >> s;
    dijkstra(s);
    return 0;
}
```