デジタルメディア処理2

担当: 井尻 敬

1

デジタルメディア処理2、2019(前期)

4/11 序論: イントロダクション, テクスチャ合成

4/18 特徴検出1 : テンプレートマッチング、コーナー・エッジ検出

4/25 特徴検出2 : DoG特徴量、SIFT特徴量、ハフ変換

5/09 領域分割: 領域分割とは、閾値法、領域拡張法、動的輪郭モデル5/16 領域分割: グラフカット、モーフォロジー処理、Marching cubes

5/23 パターン認識基礎1: パターン認識概論, サポートベクタマシン

5/30 パターン認識基礎2: ニューラルネットワーク、深層学習

6/06 パターン認識基礎3: 主成分分析, オートエンコーダ

6/13 筆記試験 (50点満点)

6/20 プログラミング演習 1 (基礎的な課題30点, 発展的な課題 20点)

6/27 プログラミング演習 2

7/04 プログラミング演習 3

7/11 プログラミング演習 4

7/18 プログラミング演習 5

特徵点検出

- ガウシアンフィルタの性質
- DoGとSIFT特徴量
- Hough変換

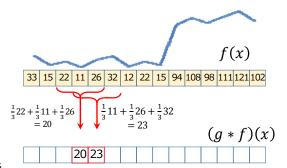
ガウシアンフィルタの性質

線形フィルタとは(convolution)

連続 :

$$(g * f)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} g(t) f(x - t) dt$$

$$(g * f)(x) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} g(k) f(x-k)$$



g(k)

1/3 1/3 1/3

周囲3ピクセルの平均 を取るフィルタ

線形フィルタとは(convolution)

連続 :

$$(g * f)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} g(t) \ f(x - t) dt$$

$$(g*f)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} g(t) \ f(x-t) dt \qquad (g*f)(x) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} g(k) \ f(x-k)$$

『*』を畳み込み積分(Convolution)と呼び,以下の性質が成り立つ

交換 :
$$g * f = f * g$$

結合 :
$$f * (g * h) = (f * g) * h$$

分配 :
$$f * (g + h) = f * g + f * h$$

微分 :
$$\frac{d}{dx}(f*g) = \frac{df}{dx}*g = f*\frac{dg}{dx}$$

フーリエ変換:
$$\mathcal{F}(f * g) = \mathcal{F}(f)\mathcal{F}(g)$$

畳み込み積分のフーリエ変換: F(f * g) = F(f)F(g)

関数f,gの畳み込み積分は以下の通り定義される,

$$h(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x - t)g(t)dt$$

このhのフーリエ変換は以下の通り

$$\mathcal{F}[h(x)](\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} \left(\int_{-\infty}^{\infty} f(x - t) g(t) dt \right) e^{-ix\omega} dx$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x-t)g(t) e^{-ix\omega} dt dx$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x-t)g(t) \ e^{-i(x-t)\omega} e^{-it\omega} \, \mathrm{d}t dx$$

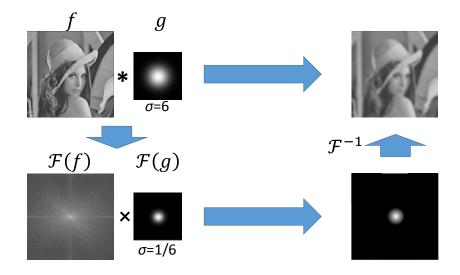
$$= \int_{-\infty}^{\infty} \left(\int_{-\infty}^{\infty} f(x-t)e^{-i(x-t)\omega} dx \right) g(t)e^{-it\omega} dt$$

$$= \mathcal{F}[f(x)](\omega) \int_{-\infty}^{\infty} g(t)e^{-it\omega} dt$$

 $= \mathcal{F}[f(x)](\omega) \ \mathcal{F}[g(x)](\omega)$

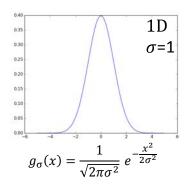
$$\mathcal{F}[f(x)*g(x)](\omega) = \mathcal{F}[f(x)](\omega) \ \mathcal{F}[g(x)](\omega)$$

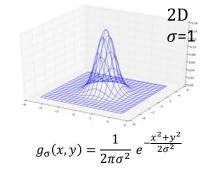
畳み込み積分のフーリエ変換: $\mathcal{F}(f * g) = \mathcal{F}(f)\mathcal{F}(g)$



ガウシアンフィルタとは

ガウス関数により畳み込むフィルタのこと 画像を平滑化する効果がある(ローパスフィルタ) 画像処理において様々な場面で活躍する





ガウシアンのフーリエ変換はガウシアン

標準偏差σのガウス関数

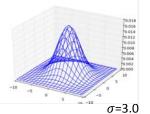
$$g_{\sigma}(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}}$$

をフーリエ変換すると標準偏差が逆 数のガウシアンになる

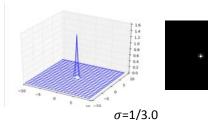
$$\mathcal{F}[g_{\sigma}(x)](\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} g_{\sigma}(x)e^{-\omega x i} dx$$
$$= e^{-\frac{\omega^2 \sigma^2}{2}}$$

または

$$\begin{split} \mathcal{F}[g_{\sigma}(x)](\omega) &= \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} g_{\sigma}(x) e^{-\omega x i} dx \\ &= \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{\omega^2 \sigma^2}{2}} \end{split}$$







9

$g_a(x)$ と $g_b(x)$ を連続して畳み込むのは $g_{\sqrt{a^2+b^2}}(x)$ を一度だけ畳み込むことと等しい

2つの異なるガウシアンフィルタを用意する

$$g_a(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi a^2}} e^{-\frac{x^2}{2a^2}}, \quad g_b(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi b^2}} e^{-\frac{x^2}{2b^2}}$$
 これらのフーリエ変換は以下の通り

$$G_a(\omega) = e^{-\frac{\omega^2 a^2}{2}}, \qquad G_b(\omega) = e^{-\frac{\omega^2 b^2}{2}}$$

関数f(x)に、フィルタを順番に適用する

$$h(x) = g_a(x) * \big(g_b(x) * f(x)\big)$$

$$= \left(g_a(x) * g_b(x)\right) * f(x)$$

$$= \mathcal{F}^{-1}\left(\mathcal{F}\big(g_a(x) * g_b(x)\big)\right) * f(x)$$

$$= \mathcal{F}^{-1} \big(G_a(\omega) G_b(\omega) \big) * f(x)$$

$$= \mathcal{F}^{-1} \left(e^{-\frac{\omega^2 (a^2 + b^2)}{2}} \right) * f(x)$$

$$= \left(\frac{1}{2} e^{-\frac{x^2}{2(a^2 + b^2)}} \right) * f(x)$$

$$=g_{\sqrt{a^2+b^2}}(x)*f(x)$$

 $g_{\sigma=3}(x)$ $g_{\sigma=4}(x)$

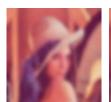
スケールスペース

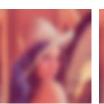
 $g_{\sigma=5}(x)$

- 画像の撮影法によって、対象物の大きさは変化する
- 大きさの異なる物体(特徴量)の比較は結構難しい
- ・元画像にσの異なるガウシアンフィルタを適用し、スケールの異なる複数画像を利用して画像処理を行おう、という考え方







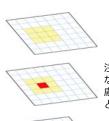




DoG: Difference of Gaussian

スケールを考慮して特徴点を検出する

- 1. 異なるσのガウシアンフィルタをかける
- 2. ぼかした画像の差分を計算 これが"Difference Of Gaussian"
- 3. DoG画像中で局所最大・最小点を発見

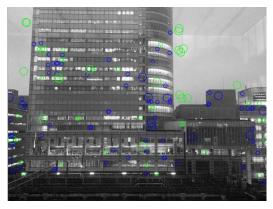


注目画素(赤)の3次元的 な隣接画素(黄色)を考 慮して局所最大・最小か どうかを判断する







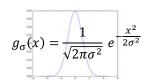


DoG: Difference of Gaussian

局所的に輝度値が高い・低い点やエッジ、コーナーなどが検出される その特徴点が現れたスケールも同時に得られる (どの解像度でその点が特徴的だったかが分かる)

まとめ: ガウシアンフィルタとその応用

画像処理において頻繁に利用されるガウシアンフィルタ の性質を紹介した



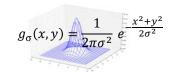
 $g_{k^4\sigma} * I$

 $g_{k^3\sigma} * I$

 $g_{k^2\sigma} * l$

 $g_{k^1\sigma} * I$

 $g_{k^0\sigma}$ *

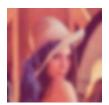


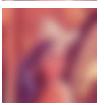
- ガウス関数のフーリエ変換はガウス関数
- 複数のガウシアンフィルタ適用は, 一つのガウシアンフィルタで表せる

$$g_a(x) * g_b(x) * f(x) = g_{\sqrt{a^2 + h^2}}(x) * f(x)$$

- Difference of Gaussian
- Gaussian Pyramid (今回時間がなく扱えなかった…)



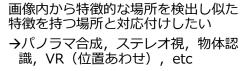


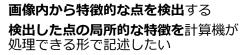


特徴抽出とマッチング









- + 局所特徴を多次元ベクトルで表現
- + 平行移動/拡大/回転に強い記述が理想(平行移動・拡大縮小・回転があっても特徴量が変化しない)



SIFT特徴 Scale Invariant Feature Transform

- 有名&頻繁に利用される特徴量のひとつ
- 周囲の特徴を128次元ベクトルで表現
- 平行移動・回転・拡大縮小に堅固
 - 平行移動・回転・拡大縮小があっても似た特徴ベクトルを出力できる
- 特徴ベクトルにすると局所領域の相違度 を計算できる

相違度 =
$$\sum_{i=1}^{128} (a_i - b_i)^2$$

 $st a_i$, b_i は特徴ベクトルの要素

※これは相違度の一例

SIFT.py







特徴ベクトルとか言われてもしっくりこないという人のために…





- 画像2枚から特徴的な点を沢山抽出できたとしてどれとどれが似ているかを知りたい
- つまり, どれとどれが似た局所画像を持つ か知りたい
- →検出した特徴点の周囲の情報を, 比較できる形(数値データ) に変換したい



!!!特徴ベクトル!!!

- 撮影条件によって対象は回転・拡大縮小・平行移動 するので、画像が回転・拡大縮小・平行移動しても 似た特徴ベクトルを生成できる手法がほしい
- → この条件を満たすSIFTが良く用いられてきた

1. 特徴点検出

- DoGの極大・極小を特徴点とする
- Harris 行列を用いてエッジ点は除去
- 閾値処理でノイズ(極大値が小さい点)も除去

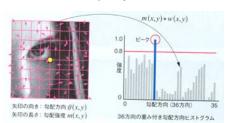
2. 方向検出

- 発見した特徴点においてそのサイズに合わせた局所 領域を考える
- 勾配ヒストグラムを生成(方向を36分割し,強度 を中心からの距離で重み付け)
- ヒストグラムを正規化し強度が0.8以上の方向を検 出(複数検出される→複数の特徴量を生成)

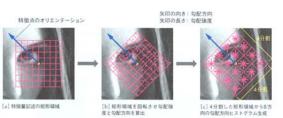
3. 特徴ベクトル計算

- 検出した方向に沿って局所領域を回転
- 領域を4x4分割し、各領域内で勾配ヒストグラムを計算する
- 勾配ヒストグラムを特徴ベクトルとする
 - 勾配は8方向に量子化
 - 4*4*8 = 128次元ベクトルに
- 得られた特徴ベクトルを正規化(ベクトルの総和 19で割る)

SIFT特徴



教科書図11.17



教科書図11.18

SIFT特徴点の例(教科書図11.19)

20

1. 特徵点検出

- DoGの極大・極小を特徴点とする
- Harris 行列を用いてエッジ点は除去
- ・ 閾値処理でノイズ(極大値が小さい点)も除去

2. 方向検出

- 発見した特徴点においてそのサイズに合わせた局 所領域を考える(追記しました)
- 勾配ヒストグラムを生成(方向を36分割し,強度 を中心からの距離で重み付け)
- ヒストグラムを正規化し強度が0.8以上の方向を 検出(複数検出される→複数の特徴量を生成)

3. 特徴ベクトル計算

- 検出した方向に沿って局所領域を回転
- 領域を4x4分割し,各領域内で勾配ヒストグラムを計算する
- 勾配ヒストグラムを特徴ベクトルとする
 - 勾配は8方向に量子化
 - 4*4*8 = 128次元ベクトルに
- 得られた特徴ベクトルを正規化 (ベクトルの総 21_{和で割る)}

なぜ拡大・回転について不変なのか

拡大縮小:

サイズを考慮して特徴点を検出し, そのサイズの窓内でヒストグラムを計算

回転:

局所領域の勾配方向に沿って窓を回転する

※手順を覚えてほしいわけではなくて、 このように設計した特徴ベクトルが、なぜ拡大縮小と回転に対し て不変(変化しにくい)となるかを説明できるようになってほしい

SIFT特徵(実装)

SIFT.py

img1 = cv2.imread("画像名.bmp", 0)

sift = cv2.xfeatures2d.SIFT_create()

key1, des1 = sift.detectAndCompute (img1, None)

Python & openCV環境だと上記の3行でSIFT特徴を検出できます

- ※key1 は特徴点の位置を保持する配列
- ※des1 は特徴点の特徴ベクトルを保持する配列
- ※『xfeatures2d.SIFT_create』を書き換えると色々な特徴量を試せます

最近はC++で全部書くのは流行らないみたい.

良い時代ですね。。。

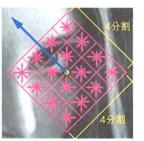
まとめ: SIFT特徴

- 特徴ベクトルとは何かを解説した
 - 検出された特徴点同士を比較するため、特徴 点周囲の局所領域をベクトルの形で表すもの。
 - 特徴ベクトルは、SIFT、BRIEF、ORB、SURF、 AKAZEなど、沢山の種類がある
 - 特徴ベクトルは目的や対象画像の依存してよいものを選択すべき

• SIFT特徴

- DoGの極値を特徴点として検出
- 特徴点のスケールに応じた局所領域を考慮
- 特徴点周囲の勾配方向に沿って局所窓を回転
- 局所窓を4分割し,各領域の勾配ヒストグラムを特徴ベクトルとする



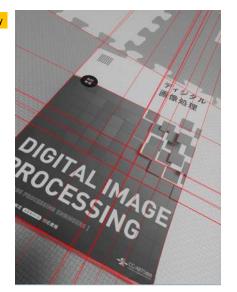


教科 書図11.18

Hough変換

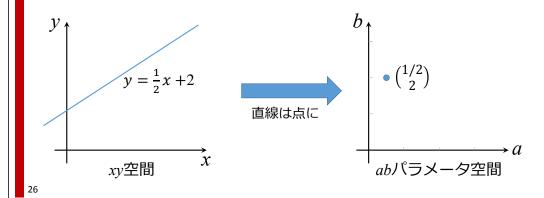
Hough変換とは

- 画像中から直線や円を検出する手法
- 直線や円の一部が破損・劣化してい ても検出可能



xy空間とab空間

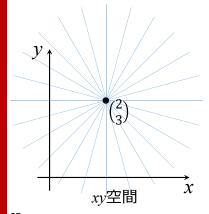
xy空間における直線は 『y = ax + b 』と表せる 直線の傾きaを横軸・y切片bを縦軸にとるab空間を考える



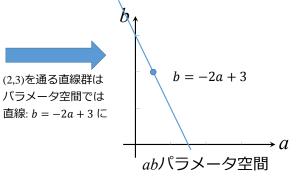
25

xy空間とab空間

点 (x_0,y_0) を通る直線群

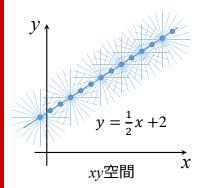


 $y_0 = ax_0 + b$ より $b = -ax_0 + y_0$

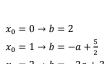


xy空間とab空間

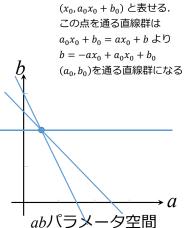
直線 $y = a_0 x + b_0$ 上の点群 を通る直線群



 $y = \frac{1}{2}x + 2$ 上の点群 を通る直線群は $b = -ax_0 + \frac{1}{2}x_0 + 2$ と表せる



 $x_0 = 2 \rightarrow b = -2a + 3$



 $y = a_0 x + b_0$ を通る点群は

SKIP不要

xv空間とab空間

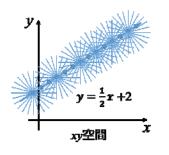
直線の傾きを横軸、y切片を縦軸にとるab空間を考えると...

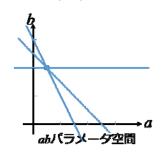
• 直線 $y = a_0 x + b_0$

 \rightarrow 点 (a_0,b_0) に

• 点 (x_0, y_0) を通る直線群 \rightarrow 直線 $b = -x_0 a + y_0$ に

• 直線 $y = a_0 x + b_0$ 上の点群を通る直線群 \rightarrow 点 (a_0, b_0) を通る直線群に





Hough変換

入力:画像

出力:エッジを通る直線群

1. 画像をエッジ画像へ変換

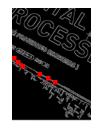
2. 全てのエッジ画素について…

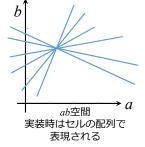
• エッジ画素を通る直線群はab空間で直線に

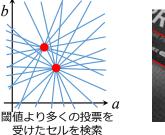
• ab空間を小さなセルに分割し、その直線上 のセルの値を1プラスする(投票)

3. 閾値より大きなab空間のセルを検索 し, そのセルの現す直線を出力

• 直線は複数発見される







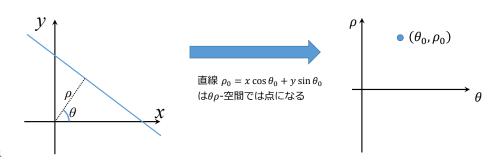


先のアルゴリズムの問題点

- 傾きaと切片bのとりうる範囲は $[-\infty, \infty]$ である
- 任意の直線を検出するには、無限に広いab空間に投票する必要が…

•解決法:直線を $\mathbb{I}_{\rho} = x \cos \theta + y \sin \theta \mathbb{I}$ と表す

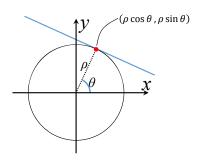
- θは直線の傾きに対応, ρは原点から直線の符号付距離を表す
- θ と ρ の値の範囲は $\theta \in [0,\pi]$, $\rho \in [0,A]$ (Aは画像の対角線長)

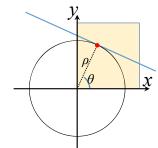


捕捉: $\rho = x \cos \theta + y \sin \theta$

• この直線は、点 $(\rho\cos\theta,\rho\sin\theta)$ を通り、傾き $\frac{-1}{\tan\theta}$ の直線となる

つまり、半径ρの円に接する直線となる

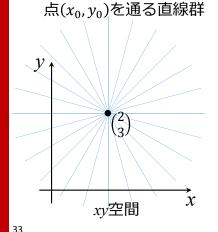




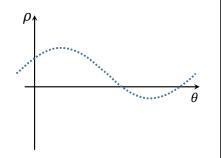
WxHの画像内に 入る範囲で x ρ と θ を動かす

(2,3)を通る直線群は ρθ 空間では

 $\rho = 2\cos\theta + 3\sin\theta$ という正弦波になる



$$\rho = x_0 \cos \theta + y_0 \sin \theta$$
$$= A \sin(\theta + \alpha)$$

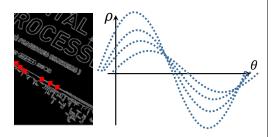


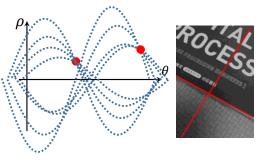
Hough変換

入力:画像

出力:エッジを通る直線群

- 1. 画像をエッジ画像へ変換
- 2. 全てのエッジ画素について…
 - エッジ画素を通る直線群は $ho\theta$ 空間で正弦波に
 - $\rho\theta$ 空間を小さなセルに分割し、その正弦波上のセルの値を1プラスする(<mark>投票</mark>)
- 3. 閾値より大きな $\rho\theta$ -空間のセルを検索し、そのセルの現す直線を出力
 - 直線は複数発見される

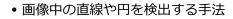




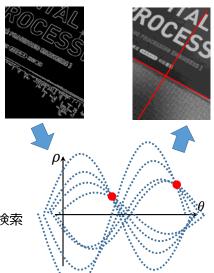
Hough変換で円を検出する

- 直線とほぼ同じ方法で検出可能
- 各自考えてみてください

まとめ: Hough変換



- 0. 直線(または円)を数式で表現する
- 1. 入力画像からエッジ画像を計算
- 全てのエッジ画素について… パラメータ空間の対応セルの値をプラス1する (直線検出ならρθ空間の正弦波を考える)
- 3. パラメータ空間において値の大きなセルを検索 そのセルが対応する直線を出力



34