

デジタルメディア処理

担当: 井尻 敬

フィルタ処理2：非線形フィルタ，ハーフトーニング

達成目標

- 非線形フィルタ処理（エッジ保存平滑化フィルタ）の計算法と効果を説明できる
- ハーフトーン処理の計算法と効果を説明できる

Contents

- 線形フィルタの復習
- 非線形フィルタ
- ハーフトーニング

非線形フィルタ

空間フィルタとは

復習

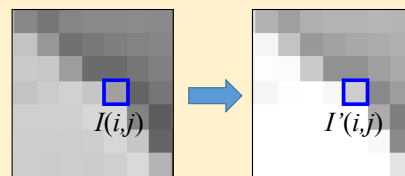
- 空間フィルタとは周囲の情報を利用して画素値を決めるフィルタ
- 空間フィルタは、線形フィルタと非線形フィルタに分けられる

トーンカーブ：

出力画素 $I'(i,j)$ を求めるのに
入力画素 $I(i,j)$ のみを利用

入力画像： $I(i,j)$

出力画像： $I'(i,j)$

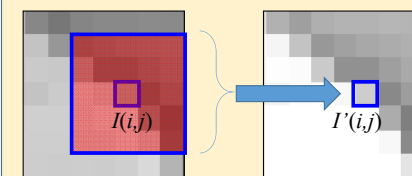


空間フィルタ：

出力画素 $I'(i,j)$ を求めるのに
入力画素 $I(i,j)$ の周囲画素も利用

入力画像： $I(i,j)$

出力画像： $I'(i,j)$



線形フィルタとは

出力画素値を，入力画像の周囲画素の重み付和で計算する

$$I'(i,j) = \sum_{m=-h_y}^{h_y} \sum_{n=-h_x}^{h_x} h(m,n) I(i+m,j+n)$$

出力画像 $I'(i,j)$

フィルタ $h(i,j)$
各画素に重みが入っている

入力画像 $I(i,j)$

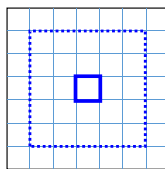
準備：平均と分散

実数値の集合 $\{x_i | i = 1, \dots, N\}$ が与えられたとき、

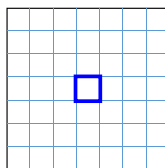
その平均は $\mu = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i$ ，分散は $\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \mu)^2$ で与えられる

- 以下の集合の平均と分散を求めよ
 $\{3, 0, 3, 5, 4, 3, 5, 1\}$
- 以下の集合AとBどちらが分散が大きい
A: $\{3, 4, 3, 4, 3, 2, 2\}$ ， B: $\{3, 5, 3, 5, 3, 1, 1\}$

エッジ保存平滑化フィルタ



入力画像

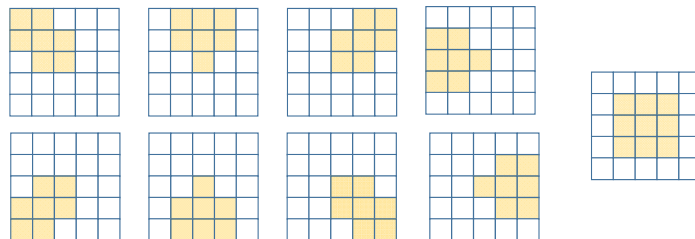


出力画像

平滑化フィルタでは、
画素 (i, j) を計算するため周囲の
画素の平均を計算した

1/25	1/25	1/25	1/25	1/25	1/25
1/25	1/25	1/25	1/25	1/25	1/25
1/25	1/25	1/25	1/25	1/25	1/25
1/25	1/25	1/25	1/25	1/25	1/25
1/25	1/25	1/25	1/25	1/25	1/25

エッジ保存平滑化フィルタでは、以下9種の領域を考え、
一番分散の小さな領域の平均値を、その画素の値とする



入力
画像



平滑化フィルタ



エッジ保存平滑化フィルタ



中央値フィルタ(Median filter)

- 中央値 (median)とは…

数値の集合の代表値

数値の小さい順に並べ、ちょうど中央に位置する値

入力 : 6, 2, 1, 5, 3, 12, 1000

平均 : $1/7 \times (6+2+1+5+3+12+1000) = 147$

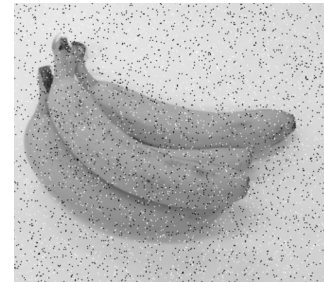
中央値 : 1, 2, 3, 5, 6, 12, 1000 → 5

中央値と平均値は、用途によって使い分ける

→ 年収など、外れ値の影響が大きい対象には中央値を

中央値フィルタ(Median filter)

ImageJ
Process>Filters>Gaussian Blur
Process>Filters>median



Salt & pepper noise image



Gaussian filter



Median filter

- + 画素(i,j)を中心とする 幅 h の窓内の中央値を新しい画素値とする
- + 外れ値 (スパイクノイズ) を除去出来る
- + 特徴(エッジ)をある程度保存する

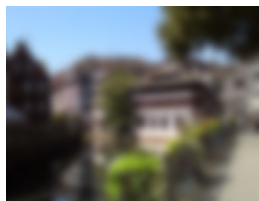
バイラテラルフィルタ

画像中の領域境界(強いエッジ)をまたがずに平滑化

単純な平滑化

元画像

特徴保存平滑化



(Gaussian filter)

(bilateral filter)

写真は Shin Yoshizawa
氏により提供されたもの

バイラテラルフィルタ

ImageJ
Plug in>Process > Bilateral Filters



Original image



Bi-Lateral Filer
Spatial radi:3
Range radi:50



Bi-Lateral Filer
Spatial radi:5
Range radi:80

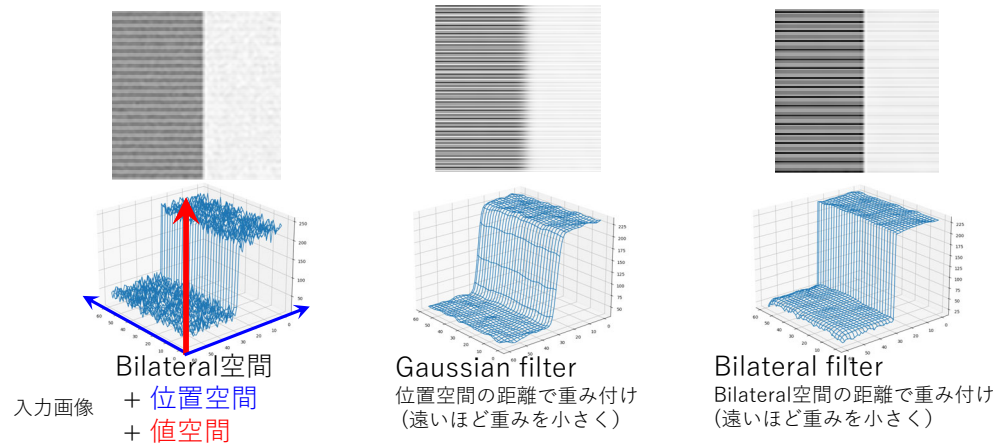
ブラー効果により顔の"あら"が消える
輪郭が保持されるのでフィルターをかけたことに気づきにくい
あまり強くかけすぎると不自然な画像になる

バイラテラルフィルタ

画像は [CG-Arts協会 デジタル画像処理 図5.37] を
参考に井尻が再作成したもの

最も有名な特徴保存フィルタの1つ

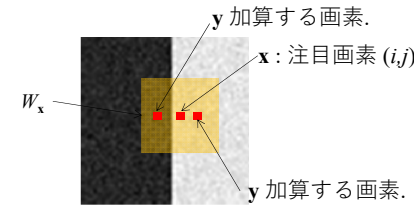
空間的距離だけでなく、画素値の差を利用して重み計算



バイラテラルフィルタ

$$I_{new}(\mathbf{x}) = \frac{\sum_{\mathbf{y} \in W_{\mathbf{x}}} h(\mathbf{x}, \mathbf{y}) I(\mathbf{y})}{\sum_{\mathbf{y} \in W_{\mathbf{x}}} h(\mathbf{x}, \mathbf{y})}$$

\mathbf{x} : 注目画素位置
 \mathbf{y} : 局所窓内の画素位置
 $W_{\mathbf{x}}$: \mathbf{x} が中心の局所窓



Gaussian filter :

$$h(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = G_s(|\mathbf{x} - \mathbf{y}|)$$

Bilateral filter :

$$h(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \underbrace{G_s(|\mathbf{x} - \mathbf{y}|)}_{\text{Spatial Kernel}} \cdot \underbrace{G_h(|I(\mathbf{x}) - I(\mathbf{y})|)}_{\text{Intensity Kernel}}$$

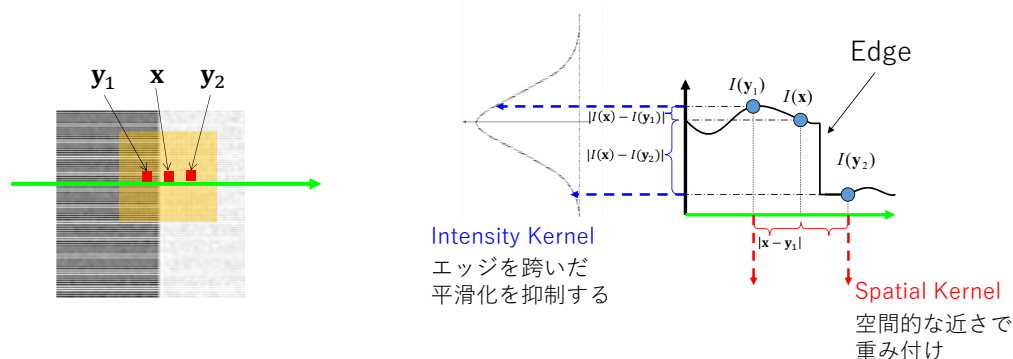
G_{σ} は標準偏差 σ のガウス関数

※ 『カーネル h 』は窓内の
画素値に依存するので
線形フィルタではない

バイラテラルフィルタ

注目画素位置 $\mathbf{x} = (i, j)$
窓内の画素位置 $\mathbf{y} = (i + m, j + n)$

$$h(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = G_s(|\mathbf{x} - \mathbf{y}|) \cdot G_h(|I(\mathbf{x}) - I(\mathbf{y})|)$$

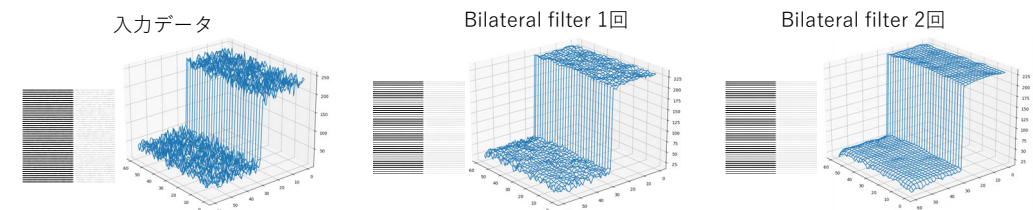


バイラテラルフィルタ (パラメタ)

$$h(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = G_s(|\mathbf{x} - \mathbf{y}|) \cdot G_h(|I(\mathbf{x}) - I(\mathbf{y})|)$$

パラメタ h : 平滑化したい領域の輝度値の標準偏差の 0.5-2.0倍程度をよく用いる
複数回適用すると良い結果が出やすい
カラー画像はチャンネル毎でなく、以下を用いて同じ重みを利用するとよい

$$|I(\mathbf{x}) - I(\mathbf{y})| = \left| \begin{pmatrix} R(\mathbf{x}) - R(\mathbf{y}) \\ G(\mathbf{x}) - G(\mathbf{y}) \\ B(\mathbf{x}) - B(\mathbf{y}) \end{pmatrix} \right|$$



まとめ：空間フィルタ（非線形）

- エッジ保存効果のあるフィルタを紹介した
 - エッジ保存平滑化
 - メディアンフィルタ
 - バイラテラルフィルタ
- 線形フィルタと比べ計算量は大きい、特殊な効果が得られる

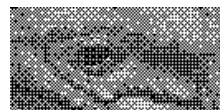


写真は Shin Yoshizawa氏により提供されたもの

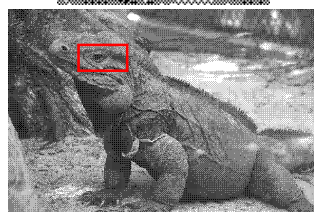
ハーフトーン処理

ハーフトーン処理

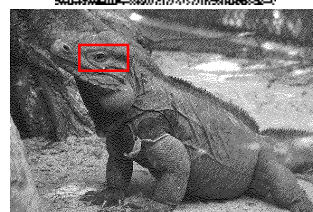
- グレースケール画像を白黒2値画像に変換する
 - 白黒画素の密度により濃淡を表現する
 - 画素が十分細かければ人の目に濃淡として認識される



濃度パターン法



ティザ法

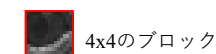
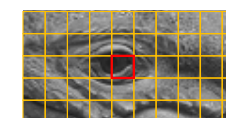
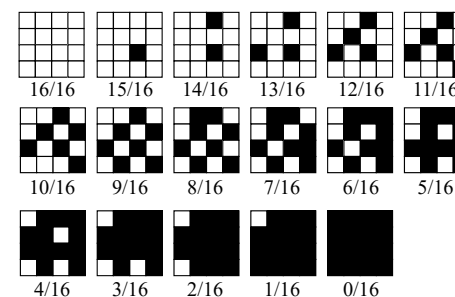


誤差拡散

濃度パターン法

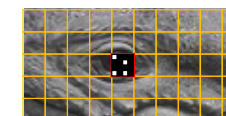
1. 元画像を4X4のブロックに分割
2. 各ブロックの平均輝度値を計算
3. 各ブロックについて似た平均輝度値をもつパターンを選択し、置き換える

※ブロックのサイズは変更可（今回は4x4）



4x4のブロック

平均画素値 : 73.0
[0,1]に正規化: 0.286
4/17~5/17の範囲なのでパ
ターン4を採用する



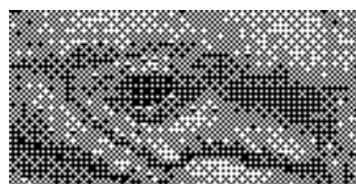
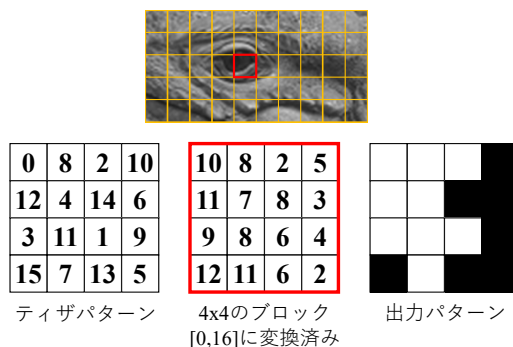
欠点 : 繰り返しパターンが目立つ

ディザ法

1. 元画像を4x4のブロックに分割
2. 4x4のディザパターンを用意
3. 各ブロックの画素においてディザパターンと比較

ディザパターンの値以上 → 白
ディザパターンの値より小さい → 黒

※比較する際、画像の画素値を[0,255]から[0,16]に変更しておく



欠点：繰り返しパターンが目立つ

誤差拡散法

- 左上からラスタスキャンし一画素ずつ以下の通り2値化する
- 注目画素の画素値がIのとき

1. 二値化処理

$I > 127 \rightarrow$ 注目画素を白に

$I \leq 127 \rightarrow$ 注目画素を黒に

2. 誤差拡散

上の二値化で以下の誤差eが発生した

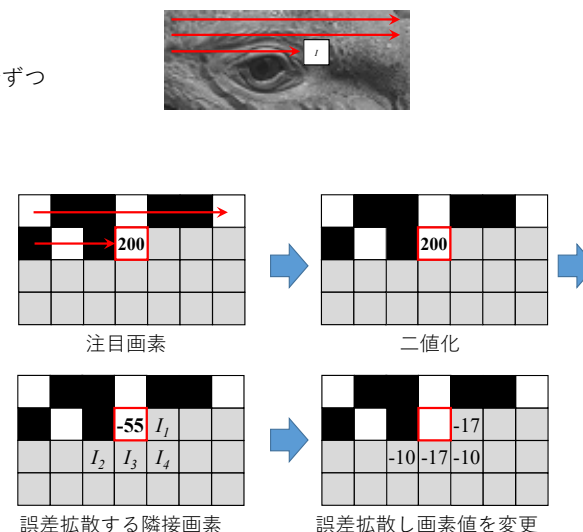
$I > 127 \rightarrow e = I - 255$

$I \leq 127 \rightarrow e = I - 0$

この誤差を隣接画素 I_1, I_2, I_3, I_4 分配 (画素値を変化させる)

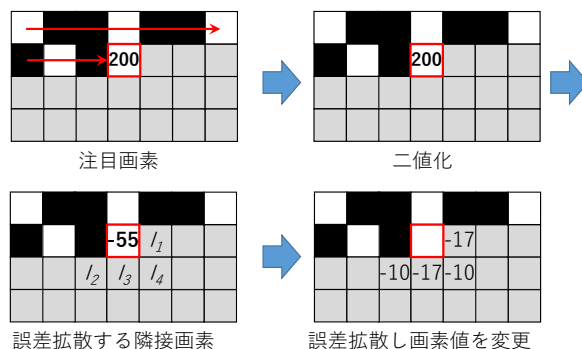
$$I_1 \leftarrow I_1 + \frac{5}{16}e, I_2 \leftarrow I_2 + \frac{3}{16}e,$$

$$I_3 \leftarrow I_3 + \frac{5}{16}e, I_4 \leftarrow I_4 + \frac{3}{16}e$$



誤差拡散法

- 実装時の問題：右端や下端では誤差を拡散させる画素がない
- 解決策：右端や下端の計算時、誤差を拡散させる画素がない場合には誤差拡散を行わない



まとめ：ハーフトーン処理

- グレースケール画像を白黒2値画像で表現する手法

濃度パターン法：ブロックの輝度値を利用し濃度パターンで置き換える

ディザ法：ディザパターンと画素値を比較し二値化

誤差拡散法：ラスタスキャン順に二値化し、発生した誤差を隣接画素に拡散する

- プログラミング演習で実装します

