デジタルメディア処理2

担当: 井尻 敬

1

デジタルメディア処理2、2017(前期)

4/13 デジタル画像とは : イントロダクション

4/20 フィルタ処理1 : 画素ごとの濃淡変換、線形フィルタ、非線形フィルター

4/27 フィルク処理2 : フーリエ変換、ローパスフィルク、ハイパスフィルクー

5/11 画像の幾何変換1:アファイン変換

5/18 画像の幾何変換2 : 画像の補間, イメージモザイキング

5/25 画像領域分割 : 領域拡張法,動的輪郭モデル,グラフカット法,

6/01 前半のまとめ (約30分)と中間試験 (約70分)

6/08 特徴検出1 : テンプレートマッチング、コーナー・エッジ検出ー

6/15 特徴検出2 : DoG、SIFT特徴量、Hough変換

6/22 画像認識1 : パターン認識概論, サポートベクタマシン

6/29 画像認識2 : ニューラルネットワーク、深層学習

7/06画像処理演習: ImageJを使った画像処理7/13画像処理演習: Pythonプログラミング7/20後半のまとめ (約30分)と期末試験 (約70分)

2

特徵点検出

- ガウシアンフィルタの性質
- DoGとSIFT特徴量
- Hough変換

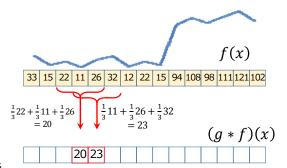
ガウシアンフィルタの性質

線形フィルタとは(convolution)

連続 :

$$(g * f)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} g(t) f(x - t) dt$$

$$(g * f)(x) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} g(k) f(x-k)$$



g(k)

1/3 1/3 1/3

周囲3ピクセルの平均 を取るフィルタ

線形フィルタとは(convolution)

連続 :

$$(g * f)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} g(t) \ f(x - t) dt$$

$$(g*f)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} g(t) \ f(x-t) dt \qquad (g*f)(x) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} g(k) \ f(x-k)$$

『*』を畳み込み積分(Convolution)と呼び,以下の性質が成り立つ

交換 :
$$g * f = f * g$$

結合 :
$$f * (g * h) = (f * g) * h$$

分配 :
$$f * (g + h) = f * g + f * h$$

微分 :
$$\frac{d}{dx}(f*g) = \frac{df}{dx}*g = f*\frac{dg}{dx}$$

フーリエ変換:
$$\mathcal{F}(f * g) = \mathcal{F}(f)\mathcal{F}(g)$$

畳み込み積分のフーリエ変換: F(f * g) = F(f)F(g)

関数f,gの畳み込み積分は以下の通り定義される,

$$h(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x - t)g(t)dt$$

このhのフーリエ変換は以下の通り

$$\mathcal{F}[h(x)](\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} \left(\int_{-\infty}^{\infty} f(x - t) g(t) dt \right) e^{-ix\omega} dx$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x-t)g(t) e^{-ix\omega} dt dx$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x-t)g(t) \ e^{-i(x-t)\omega} e^{-it\omega} \, \mathrm{d}t dx$$

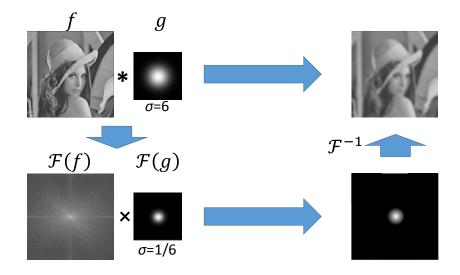
$$= \int_{-\infty}^{\infty} \left(\int_{-\infty}^{\infty} f(x-t)e^{-i(x-t)\omega} dx \right) g(t)e^{-it\omega} dt$$

$$= \mathcal{F}[f(x)](\omega) \int_{-\infty}^{\infty} g(t)e^{-it\omega} dt$$

 $= \mathcal{F}[f(x)](\omega) \ \mathcal{F}[g(x)](\omega)$

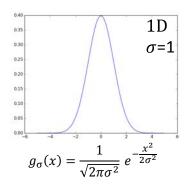
$$\mathcal{F}[f(x)*g(x)](\omega) = \mathcal{F}[f(x)](\omega) \ \mathcal{F}[g(x)](\omega)$$

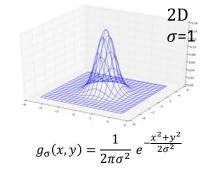
畳み込み積分のフーリエ変換: $\mathcal{F}(f * g) = \mathcal{F}(f)\mathcal{F}(g)$



ガウシアンフィルタとは

ガウス関数により畳み込むフィルタのこと 画像を平滑化する効果がある(ローパスフィルタ) 画像処理において様々な場面で活躍する





ガウシアンのフーリエ変換はガウシアン

標準偏差σのガウス関数

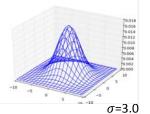
$$g_{\sigma}(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}}$$

をフーリエ変換すると標準偏差が逆 数のガウシアンになる

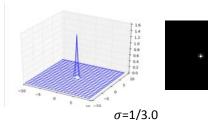
$$\mathcal{F}[g_{\sigma}(x)](\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} g_{\sigma}(x)e^{-\omega x i} dx$$
$$= e^{-\frac{\omega^2 \sigma^2}{2}}$$

または

$$\begin{split} \mathcal{F}[g_{\sigma}(x)](\omega) &= \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} g_{\sigma}(x) e^{-\omega x i} dx \\ &= \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{\omega^2 \sigma^2}{2}} \end{split}$$







9

$g_a(x)$ と $g_b(x)$ を連続して畳み込むのは $g_{\sqrt{a^2+b^2}}(x)$ を一度だけ畳み込むことと等しい

2つの異なるガウシアンフィルタを用意する

$$g_a(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi a^2}} e^{-\frac{x^2}{2a^2}}, \quad g_b(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi b^2}} e^{-\frac{x^2}{2b^2}}$$
 これらのフーリエ変換は以下の通り

$$G_a(\omega) = e^{-\frac{\omega^2 a^2}{2}}, \qquad G_b(\omega) = e^{-\frac{\omega^2 b^2}{2}}$$

関数f(x)に、フィルタを順番に適用する

$$h(x) = g_a(x) * \big(g_b(x) * f(x)\big)$$

$$= \left(g_a(x) * g_b(x)\right) * f(x)$$

$$= \mathcal{F}^{-1}\left(\mathcal{F}\big(g_a(x) * g_b(x)\big)\right) * f(x)$$

$$= \mathcal{F}^{-1} \big(G_a(\omega) G_b(\omega) \big) * f(x)$$

$$= \mathcal{F}^{-1} \left(e^{-\frac{\omega^2 (a^2 + b^2)}{2}} \right) * f(x)$$

$$= \left(\frac{1}{2} e^{-\frac{x^2}{2(a^2 + b^2)}} \right) * f(x)$$

$$=g_{\sqrt{a^2+b^2}}(x)*f(x)$$

 $g_{\sigma=3}(x)$ $g_{\sigma=4}(x)$

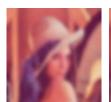
スケールスペース

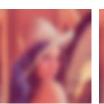
 $g_{\sigma=5}(x)$

- 画像の撮影法によって、対象物の大きさは変化する
- 大きさの異なる物体(特徴量)の比較は結構難しい
- ・元画像にσの異なるガウシアンフィルタを適用し、スケールの異なる複数画像を利用して画像処理を行おう、という考え方







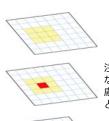




DoG: Difference of Gaussian

スケールを考慮して特徴点を検出する

- 1. 異なるσのガウシアンフィルタをかける
- 2. ぼかした画像の差分を計算 これが"Difference Of Gaussian"
- 3. DoG画像中で局所最大・最小点を発見

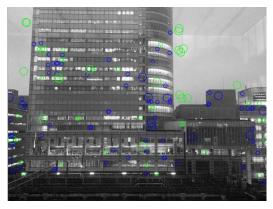


注目画素(赤)の3次元的 な隣接画素(黄色)を考 慮して局所最大・最小か どうかを判断する







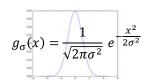


DoG: Difference of Gaussian

局所的に輝度値が高い・低い点やエッジ、コーナーなどが検出される その特徴点が現れたスケールも同時に得られる (どの解像度でその点が特徴的だったかが分かる)

まとめ: ガウシアンフィルタとその応用

画像処理において頻繁に利用されるガウシアンフィルタ の性質を紹介した



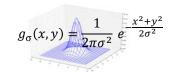
 $g_{k^4\sigma} * I$

 $g_{k^3\sigma} * I$

 $g_{k^2\sigma} * l$

 $g_{k^1\sigma} * I$

 $g_{k^0\sigma}$ *

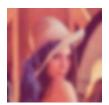


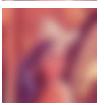
- ガウス関数のフーリエ変換はガウス関数
- 複数のガウシアンフィルタ適用は, 一つのガウシアンフィルタで表せる

$$g_a(x) * g_b(x) * f(x) = g_{\sqrt{a^2 + h^2}}(x) * f(x)$$

- Difference of Gaussian
- Gaussian Pyramid (今回時間がなく扱えなかった…)



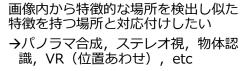


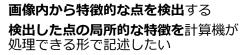


特徴抽出とマッチング









- + 局所特徴を多次元ベクトルで表現
- + 平行移動/拡大/回転に強い記述が理想(平行移動・拡大縮小・回転があっても特徴量が変化しない)



SIFT特徴 Scale Invariant Feature Transform

- 有名&頻繁に利用される特徴量のひとつ
- 周囲の特徴を128次元ベクトルで表現
- 平行移動・回転・拡大縮小に堅固
 - 平行移動・回転・拡大縮小があっても似た特 徴ベクトルを出力できる
- 特徴ベクトルにすると局所領域の相違度 を計算できる

相違度 =
$$\sum_{i=1}^{128} (a_i - b_i)^2$$

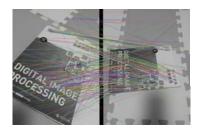
Xa_i, b_iは特徴ベクトルの要素

※これは相違度の一例





各点が128次 元の特徴ベク トルを持つ



特徴ベクトルとか言われてもしっくりこないという人のために…





- 画像2枚から特徴的な点を沢山抽出できた としてどれとどれが似ているかを知りたい
- つまり、どれとどれが似た局所画像を持つ か知りたい
- →検出した特徴点の周囲の情報を, 比較でき る形(数値データ)に変換したい !!!特徴ベクトル!!!



- 撮影条件によって対象は回転・拡大縮小・平行移動 するので, 画像が回転・拡大縮小・平行移動しても 似た特徴ベクトルを生成できる手法がほしい
 - → この条件を満たすSIFTが良く用いられてきた

1. 特徵点検出

- DoGの極大・極小を特徴点とする
- Harris 行列を用いてエッジ点は除去
- 閾値処理でノイズ(極大値が小さい点)も除去

2. 方向検出

- 発見した特徴点においてそのサイズに合わせた局所 領域を考える(追記しました)
- 勾配ヒストグラムを生成(方向を36分割し,強度 を中心からの距離で重み付け)
- ヒストグラムを正規化し強度が0.8以上の方向を検 出(複数検出される→複数の特徴量を生成)

3. 特徴ベクトル計算

- 検出した方向に沿って局所領域を回転
- 領域を4x4分割し,各領域内で勾配ヒストグ ラムを計算する
- 勾配ヒストグラムを特徴ベクトルとする
 - 勾配は8方向に量子化
 - 4*4*8 = 128次元ベクトルに
- 。得られた特徴ベクトルを正規化(ベクトルの総和

SIFT特徵

教科書図11.17

教科書図11.18

SIFT特徴点の例(教科書図11.19)

1. 特徵点検出

- DoGの極大・極小を特徴点とする
- Harris 行列を用いてエッジ点は除去
- ・ 閾値処理でノイズ(極大値が小さい点)も除去

2. 方向検出

- 発見した特徴点においてそのサイズに合わせた局 所領域を考える(追記しました)
- 勾配ヒストグラムを生成(方向を36分割し,強度を中心からの距離で重み付け)
- ヒストグラムを正規化し強度が0.8以上の方向を 検出(複数検出される→複数の特徴量を生成)

3. 特徴ベクトル計算

- 検出した方向に沿って局所領域を回転
- 領域を4x4分割し,各領域内で勾配ヒストグラムを計算する
- 勾配ヒストグラムを特徴ベクトルとする
 - 勾配は8方向に量子化
 - 4*4*8 = 128次元ベクトルに
- 得られた特徴ベクトルを正規化 (ベクトルの総 21_{和で割る)}

なぜ拡大・回転について堅固なのか

拡大縮小:

サイズを考慮して特徴点を検出し, そのサイズの窓内でヒストグラムを計算

回転:

局所領域の勾配方向に沿って窓を回転する

※手順を覚えてほしいわけではなくて、 このように設計した特徴ベクトルが拡大縮小と回転に対して堅固(変化しにくい)となるかを知ってほしい

SIFT特徴 (実装)

SIFT.py

img1 = cv2.imread("画像名.bmp", 0)

sift = cv2.xfeatures2d.SIFT create()

key1, des1 = sift.detectAndCompute (img1, None)

Python & openCV環境だと上記の3行でSIFT特徴を検出できます

- ※key1 は特徴点の位置を保持する配列
- ※des1 は特徴点の特徴ベクトルを保持する配列
- ※『xfeatures2d.SIFT_create』を書き換えると色々な特徴量を試せます

最近はC++で全部書くのは流行らないみたい.

良い時代ですね。。。

まとめ: SIFT特徴

• 特徴ベクトルとは何かを解説した

- 検出された特徴点同士を比較するため、特徴 点周囲の局所領域をベクトルの形で表すもの。
- 特徴ベクトルは、SIFT、BRIEF、ORB、SURF、 AKAZEなど、沢山の種類がある
- 特徴ベクトルは目的や対象画像の依存してよいものを選択すべき

• SIFT特徴

- DoGの極値を特徴点として検出
- 特徴点のスケールに応じた局所領域を考慮
- 特徴点周囲の勾配方向に沿って局所窓を回転
- 局所窓を4分割し,各領域の勾配ヒストグラム を特徴ベクトルとする



教科書図11.18

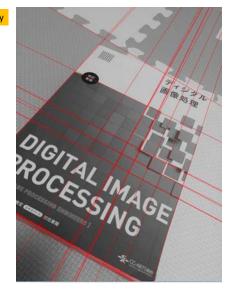
Hough変換

23

Hough.p

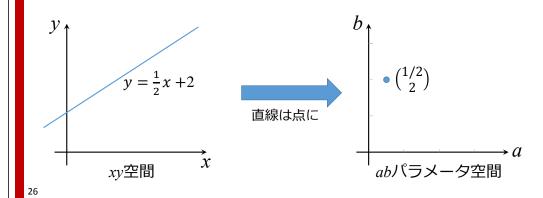
Hough変換とは

- 画像中から直線や円を検出する手法
- 直線や円の一部が破損・劣化していても検出可能



xy空間とab空間

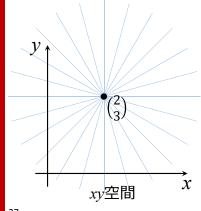
xy空間における直線は 『 y=ax+b 』と表せる 直線の傾きaを横軸・y切片bを縦軸にとるab空間を考える

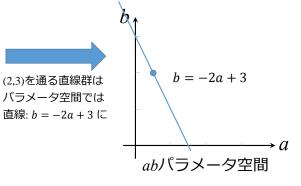


25

xy空間とab空間

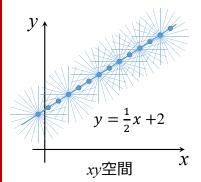
点 (x_0,y_0) を通る直線群



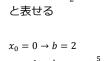


xy空間とab空間

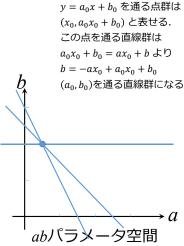
直線 $y = a_0 x + b_0$ 上の点群 を通る直線群



 $y = \frac{1}{2}x + 2$ 上の点群 を通る直線群は $b = -ax_0 + \frac{1}{2}x_0 + 2$



 $x_0 = 1 \to b = -a + \frac{5}{2}$ $x_0 = 2 \to b = -2a + 3$



xy空間とab空間

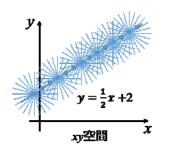
直線の傾きを横軸、y切片を縦軸にとるab空間を考えると...

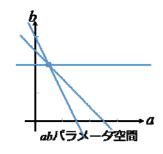
• 直線 $y = a_0 x + b_0$

 \rightarrow 点 (a_0,b_0) に

• 点 (x_0, y_0) を通る直線群 \rightarrow 直線 $b = -x_0 a + y_0$ に

• 直線 $y = a_0 x + b_0$ 上の点群を通る直線群 \rightarrow 点 (a_0, b_0) を通る直線群に





Hough変換

入力:画像

出力:エッジを通る直線群

1. 画像をエッジ画像へ変換

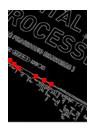
2. 全てのエッジ画素について…

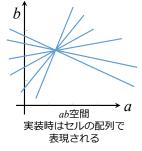
• エッジ画素を通る直線群はab空間で直線に

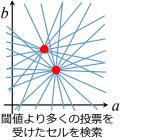
• ab空間を小さなセルに分割し、その直線上 のセルの値を1プラスする(投票)

3. 閾値より大きなab空間のセルを検索 し, そのセルの現す直線を出力

• 直線は複数発見される









• 先のアルゴリズムの問題点

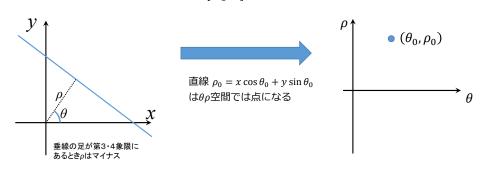
• 傾きaと切片bのとりうる範囲は $[-\infty, \infty]$ である

• 任意の直線を検出するには,無限に広いab空間に投票する必要が…

•解決法:直線を $\mathbb{I}_{\rho} = x \cos \theta + y \sin \theta \mathbb{I}$ と表す

• θ は直線の傾きに対応、hoは原点から直線の符号付距離を表す

• θ と ρ の値の範囲は $\theta \in [0,\pi]$, $\rho \in \left[-\frac{A}{2},A\right]$ (Aは画像の対角線長)

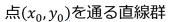


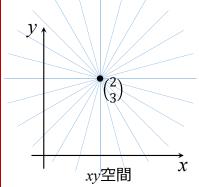
直線を $\mathbb{I}_{\rho} = x \cos \theta + y \sin \theta \mathbb{I}$ と表すと…

(2,3)を通る直線群は $\rho\theta$ 空間では

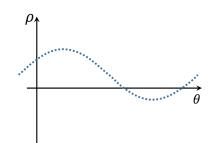
 $\rho = 2\cos\theta + 3\sin\theta$

という正弦波になる





 $\rho = x_0 \cos \theta + y_0 \sin \theta$ $= A \sin(\theta + \alpha)$



Hough変換

入力:画像

出力:エッジを通る直線群

1. 画像をエッジ画像へ変換

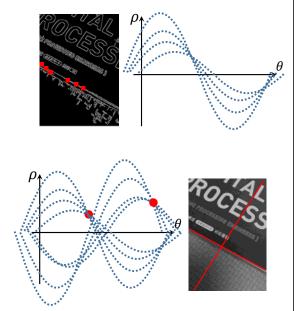
2. 全てのエッジ画素について…

• エッジ画素を通る直線群はρθ空間で正弦波に

ρθ空間を小さなセルに分割し、その正弦波上のセルの値を1プラスする(投票)

3. 閾値より大きな $\rho\theta$ 空間のセルを検索し、そのセルの現す直線を出力

• 直線は複数発見される



Hough変換で円を検出する

- 直線とほぼ同じ方法で検出可能
- 各自考えてみてください

まとめ: Hough変換

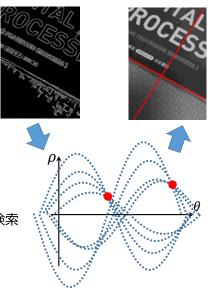
• 画像中の直線や円を検出する手法

0. 直線(または円)を数式で表現する

- 1. 入力画像からエッジ画像を計算
- 2. 全てのエッジ画素について…

パラメータ空間の対応セルの値をプラス1する (直線検出ならρθ空間の正弦波を考える)

3. パラメータ空間において値の大きなセルを検索 そのセルが対応する直線を出力



21