復習

ディジタルメディア処理

担当: 井尻 敬

フィルタ処理2:非線形フィルタ、ハーフトーン処理

達成目標

- 非線形フィルタ処理(エッジ保存平滑化フィルタ) の計算法と効果を説明できる
- ハーフトーン処理の計算法と効果を説明できる

Contents

- 線形フィルタの復習
- Convolution (畳み込み)
- ・非線形フィルタ
- ハーフトーン処理

空間フィルタとは

- 空間フィルタとは周囲の情報を利用して画素値を決めるフィルタ
- •空間フィルタは、線形フィルタと非線形フィルタに分けられる

トーンカーブ:

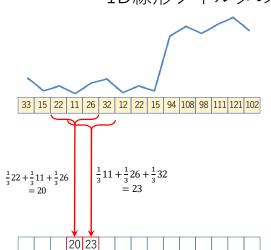
ある画素(i,j)の出力を求めるのに その画素のみを利用する

空間フィルタ:

ある画素(i,j)の出力を求めるのにその画素の周囲も利用する

入力画像: I(i,j) 出力画像: I'(i,j) I'(i,j)

線形フィルタの復習



平滑化したい場合、、、

復習

復習

周囲3ピクセルの平均 を取ると良さそう

1D線形フィルタのイメージ



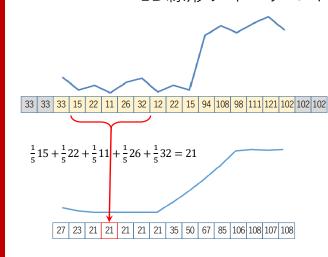
周囲3ピクセルの平均 を取ると良さそう

平滑化したい場合、、、

着目画素・左隣・右隣に1/3を かけて総和を取る処理を下記の 線形フィルタで表現する

1/3 1/3 1/3

1D線形フィルタのイメージ



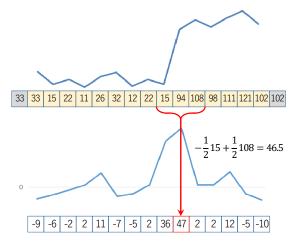
もっと平滑化したい

周囲5画素の平均を取る と良さそう

周囲5画素に1/5をかけて総和 を取る処理を下記の線形フィ ルタで表現する

1/5 1/5 1/5 1/5 1/5

1D線形フィルタのイメージ



※端ははみ出すので値をコピー(ほかの方法もある)

変化の大きい部分(エッジ) を検出したい

『右の画素 - 左の画素』を計 算すると良さそう ※微分から導出される

右に1/2をかけ、左に-1/2を かけて和を取る処理は下記の 線形フィルタで表現される

0.5

-0.5 0

復習

復習

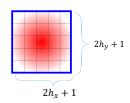
画像の線形フィルタ

周囲画素の重み付和で出力画素値を計算するフィルタ

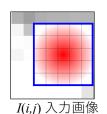
$$I'(i,j) = \sum_{m=-h_y}^{h_y} \sum_{n=-h_x}^{h_x} h(m,n) \ I(i+m,j+n)$$

重みの定義されたフィルタを用意

- サイズ 3x3 5x5 などがよく利用される
- 重みによりいろいろな出力が可能



計算時、各画素を中心にフィルタを重ね 合わせ重み付き和を計算

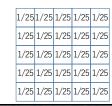




I'(i,j) 出力画像

線形フィルタ:平滑化フィルタ

1/9 1/9 1/9 1/9 1/9 1/9 1/9 1/9 1/9







サイズ 3x3:9近傍の平均

サイズ 5x5:25近傍の平均

線形フィルタ: ガウシアンフィルタ

係数をガウス分布に近づけ 中央ほど強い重みに

1/16 2/16 1/16 2/16 4/16 2/16 1/16 2/16 1/16

| 1 256 | 1 | 4 | 6 | 4 | 1 |
|----------|---|----|----|----|---|
| | 4 | 16 | 24 | 16 | 4 |
| | 6 | 24 | 36 | 24 | 6 |
| | 4 | 16 | 24 | 16 | 4 |
| | 1 | 4 | 6 | 4 | 1 |











サイズ 5x5

線形フィルタ:エッジ検出のための微分フィルタ

• 単純なフィルタはノイズにも鋭敏に反応する

• ノイズを押さえつつエッジを検出するフィルタが必要

横方向の変化を検出 : 横方向微分 し 縦方向平滑化 する 縦方向の変化を検出 : 縦方向微分 し 横方向平滑化 する

| Prev | /itt | fi | lter |
|------|------|-----|------|
| | VILL | 111 | ILCI |

| -1 | 0 | 1 | -1 | -1 | -1 |
|----|---|---|----|----|----|
| -1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| -1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |

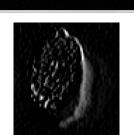
Sobel filter

| -1 | 0 | 1 | -1 | -2 | -1 |
|----|---|---|----|----|----|
| -2 | 0 | 2 | 0 | 0 | 0 |
| -1 | 0 | 1 | 1 | 2 | 1 |

元画像



微分フィルタの正値を可視化 Sobelフィルタではノイズが 削減されているのが分かる

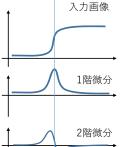








入力画像



鮮鋭化後画像

線形フィルタ:鮮鋭化フィルタ

2回微分に関するラプラシアンフィルタを改良すると 画像のエッジを強調する鮮鋭化フィルタが設計できる







Convolution(畳み込み)

予習•復習

Convolution(畳み込み)とは

二つの関数 f(x) g(x) を重ね合わせる演算で以下の通り定義される

連続関数
$$(f * g)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t)g(x-t)dt$$

$$(f * g)(n) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} f(k)g(n-k)$$

※ 関数f(x)とg(x)を入力すると、新たな関数f*g(x)が出力される

$$(f * g)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t)g(x - t)dt$$

練習問題:
2つの関数
$$f$$
 g の畳み込みを求めよ $f(x) = \begin{cases} 1 & -\frac{1}{2} \le x \le \frac{1}{2} \\ 0 & otherwise \end{cases}$

$$(f * g)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t)g(x - t)dt$$

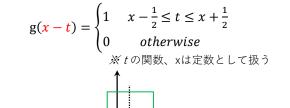
$$g(x) = \begin{cases} 1 & -\frac{1}{2} \le x \le \frac{1}{2} \\ 0 & otherwise \end{cases}$$

$$(f * g)(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t)g(x - t)dt$$

練習問題:
$$f(x) = \begin{cases} 1 & -\frac{1}{2} \le x \le \frac{1}{2} \\ 0 & otherwise \end{cases}$$

$$x(x) = \begin{cases} 1 & -\frac{1}{2} \le x \le \frac{1}{2} \\ 0 & otherwise \end{cases}$$

2つの関数 f(x)とg(x)を畳の込みの式に入れるため変形すると



準備:平均と分散

N個の実数値の集合 $\{x_i|i=1,...,N\}$ が与えられたとき、 その平均は $\mu = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i$, 分散は $\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu)^2$ で与えられる

練習1) 以下の集合の平均と分散を求めよ {3,0,3,5,4,3,5,1}

練習2) 以下の集合AとBのうち分散が大きい方を求めよ A: {3,4,3,4,3,2,2}, B: {3,5,3,5,3,1,1}

非線形フィルタ

エッジ保存平滑化フィルタ (1/4)

1/25 1/25

平滑化フィルタでは、着目画素の周囲の画素の平 均を出力した

- ※これだと境界(エッジ)もボケてしまう
- ※境界(エッジ)保存しつつエッジをぼかしたい





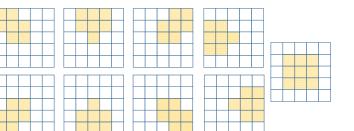
エッジ保存平滑化フィルタ(2/4)

エッジ(境界)を保持したまま、画像を平滑化する フィルタ

- ・注目画素を中心とし以下9種の領域の分散を計算
- 分散の最も小さな領域の平均をその画素値とする









出力画像

エッジ保存平滑化 フィルタ (3/4)



エッジ保存平滑化フィルタ

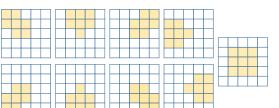




エッジ保存平滑化フィルタ (4/4)







エッジが保存される理由

- 左図の画素にフィルタを適用する場 合を考える
 - ※対象画素は白い領域に属す
- ・ 9領域それぞれの分散を計算する
 - 白領域と黒領域にまたがる領域の 分散は大きくなる
 - 白領域のみに含まれる領域の分散 は小さくなる
- → 境界をまたがない領域形状が選ばれ その平均が出力される

中央値 (Median)フィルタ (1/2)

中央値 (median)とは…

• 数値の集合の代表値の一つ

数値の集合を小さい順に並べ、ちょうど中央に位置する値 ※ 要素数が偶数のときは、真ん中2つの平均が中央値

入力: 6, 2, 1, 5, 3, 12, 1000

平均:1/7 x (6+2+1+5+3+12+1000) = 147

中央値: 1, 2, 3, 5, 6, 12, 1000 → 5

中央値と平均値は、用途によって使い分ける 『ある世代の年収』のような指標では、平均は外れ値の影響を大きく 受けやすいため、中央値を示す

中央値 (Median)フィルタ (2/2)

Process>Filters>Gaussian Blur Process>Filters>median

- 中央値を利用したフィルタ
- 注目画素を中心とする 幅hの窓領域を考え、窓内の中央値を出力する 利点-外れ値(スパイクノイズ)を除去出来る 利点-境界(エッジ)をある程度保存する







Gaussian filter

Median filter

Plug in>Process > Bilateral Filters

バイラテラルフィルタ

最も有名なエッジ保存平滑化フィルタの一種 画像中の領域境界(強いエッジ)をまたがずに平滑化







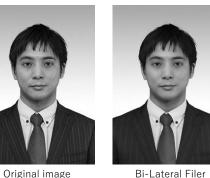






(bilateral filter)

バイラテラルフィルタ





Bi-Lateral Filer Spatial radi:3 Range radi:50

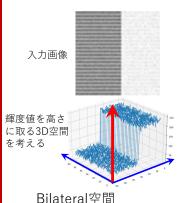


Bi-Lateral Filer Spatial radi:5 Range radi:80

領域内部へのブラー効果により顔の"あら"が消える 輪郭が保持されるのでフィルターをかけたことに気づきにくい あまり強くかけすぎると不自然な画像になる

バイラテラルフィルタの考え方

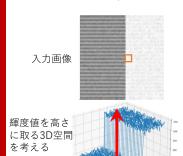
空間的距離だけでなく**画素値の距離も利用**して重み計算



- + 位置空間(spatial domain)
- + 値空間(range domain)

バイラテラルフィルタの考え方

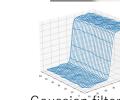
空間的距離だけでなく**画素値の距離も利用**して重み計算

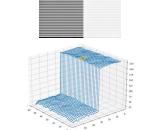


Bilateral空間

+ 位置空間(spatial domain)

+ 値空間(range domain)





Gaussian filter 位置空間の距離で重み付け

(遠いほど重みを小さく) →境界がボケる

Bilateral filter Bilateral空間の距離で重み付け (遠いほど重みを小さく)

→境界は明瞭なまま

バイラテラルフィルタの計算法(1/3)

※ 画素位置を $\mathbf{x} \in \mathbf{R}^2$ とベクトルで表現する

v 加算する画素.

x:注目画素 (i,j)

v 加算する画素.

下式の通り注目画素 x に対する全近傍画素 yの重み付き和を計算する

$$I_{new}(\mathbf{x}) = \frac{\sum_{\mathbf{y} \in W_{\mathbf{x}}} h(\mathbf{x}, \mathbf{y}) I(\mathbf{y})}{\sum_{\mathbf{y} \in W_{\mathbf{x}}} h(\mathbf{x}, \mathbf{y})}$$

x:注目画素位置

W√: xを中心とする近傍領域

y:近傍領域内の画素位置

 $h(\mathbf{x},\mathbf{y})$: 注目画素 \mathbf{x} に対する \mathbf{y} の重み関数

v 加算する画素. x:注目画素 (i,j) v 加算する画素.

バイラテラルフィルタの計算法(2/3)

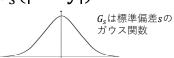
 $I_{new}(\mathbf{x}) = rac{\sum_{\mathbf{y} \in W_{\mathbf{x}}} h(\mathbf{x}, \mathbf{y}) I(\mathbf{y})}{\sum_{\mathbf{v} \in W_{\mathbf{x}}} h(\mathbf{x}, \mathbf{y})}$ \mathbf{y} : 局所窓内の画素位置

x:注目画素位置

 $h(\mathbf{x},\mathbf{y})$: 注目画素xに対するyの重み関数

重みを下記の通り定義してみる

 $h(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = G_{s}(|\mathbf{x} - \mathbf{y}|)$



注目画素xとyが近いほど重みが大きくなる この重みはGaussian Filterとなる

バイラテラルフィルタの計算法(3/3)

$$I_{new}(\mathbf{x}) = \frac{\sum_{\mathbf{y} \in W_{\mathbf{x}}} h(\mathbf{x}, \mathbf{y}) I(\mathbf{y})}{\sum_{\mathbf{y} \in W_{\mathbf{x}}} h(\mathbf{x}, \mathbf{y})}$$

y 加算する画素.

x:注目画素(i,j)

v 加算する画素.

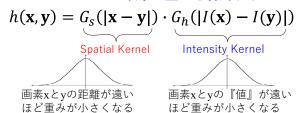
x:注目画素位置

 G_s/G_h は標準偏差s/hのガウス関数

W_x: xを中心とする局所窓 y:局所窓内の画素位置

 $h(\mathbf{x},\mathbf{y})$: 注目画素xに対するyの重み関数

Bilateral filterでは以下の重みを利用する



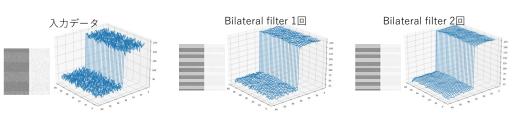
- → 距離が近く、値も近い画素に大きい重みを付与
- → 画素ごとに重み係数が変化するので線形フィルタでない

バイラテラルフィルタのパラメタ

$h(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = G_{s}(|\mathbf{x} - \mathbf{y}|) \cdot G_{h}(|I(\mathbf{x}) - I(\mathbf{y})|)$

- パラメータh: 平滑化したい領域の輝度値の標準偏差の 0.5-2.0倍程度をよく用いる
- 複数回適用すると良い結果が出やすい
- カラー画像はチャンネル毎に処理するのでなく、以下を値の距離を用いてIntensity Kernelを計算すると良い

$$|I(\mathbf{x}) - I(\mathbf{y})| = \left| \begin{pmatrix} R(\mathbf{x}) - R(\mathbf{y}) \\ G(\mathbf{x}) - G(\mathbf{y}) \\ B(\mathbf{x}) - B(\mathbf{y}) \end{pmatrix} \right|$$



まとめ:非線形空間フィルタ

- 境界(エッジ)を保存する効果のあるフィルタを紹介した
 - ・エッジ保存平滑化
 - メディアンフィルタ
 - バイラテラルフィルタ
- 線形フィルタと比べ計算量は大きいが、特殊な効果が得られる



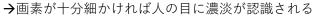


写真は Shin Yoshizawa氏により提供されたもの

ハーフトーン処理

ハーフトーン処理

白または黒の画素のみを用いて、中間色(グレー)を表現する手法 白い画素・黒い画素の密度により濃淡を表現する











台い画素・黒い画 素の密度で中間色 を表現

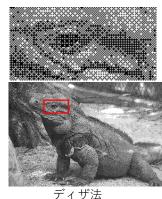


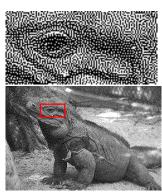
白黒 2 値画像

ハーフトーン処理

ここではグレースケール画像にハーフトーン処理を施す3種のアルゴリズムを紹介する





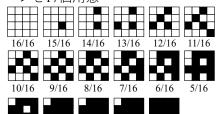


誤差拡散

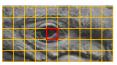
ケール画像

濃度パターン法

1. 白画素の数が異なるサイズ4x4のパター ンを17個用章



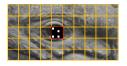
- 4/16 3/16 2/16 1/16 0/16 2. 入力画像を4×4のブロックに分割
- 3. 各ブロックの平均輝度値を計算
- 4. 各ブロックについて近い平均輝度値をも つパターンを選択し、置き換える





4x4のブロック

平均画素値:73.0 [0,1]に正規化:0.286 4/17~5/17の範囲なのでパ ターン4を採用する





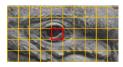


欠点:繰り返しパターンが目立つ

ディザ法

- 1.4x4のディザパターンを用意 ※各マスに0~15の整数値が書かれる
- 2. 入力画像を4x4のブロックに分割 ※画素値を[0,255]から[0,16]に変更
- 3. 各ブロックの各画素をディザパターンと比較

ディザパターンの値以上 **→**白 ディザパターンの値より小さい**→**黒

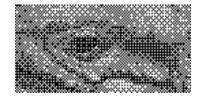


| 0 | 8 | 2 | 10 | 10 |
|----|----|----|----|----|
| 12 | 4 | 14 | 6 | 11 |
| 3 | 11 | 1 | 9 | 9 |
| 15 | 7 | 13 | 5 | 12 |



・ン 4x

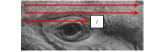
4x4のブロック 出力パター [0,16]に変換済み



欠点:繰り返しパターンが目立つ

誤差拡散法

左上からラスタスキャンし画素を訪問し一 画素ずつ2値化する



注目画素の画素値が [のとき...

STEP1:二值化処理

I>127 → 注目画素を白に

I ≦ 127 → 注目画素を黒に

STEP2:誤差拡散

トの二値化で以下の誤差eが発生した

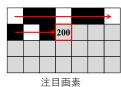
 $I > 127 \rightarrow e = I - 255$

 $I \leq 127 \rightarrow e = I - 0$

この誤差を隣接画素 I1, I2, I3, I4分配 (画素値を変化させる)

$$I_1 \leftarrow I_1 + \frac{5}{16}e, \ I_2 \leftarrow I_2 + \frac{3}{16}e,$$

 $I_3 \leftarrow I_3 + \frac{5}{16}e, \ I_4 \leftarrow I_4 + \frac{3}{16}e$

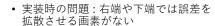




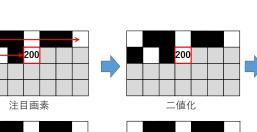




誤差拡散法



→解決策:右端や下端の計算時, 誤差 を拡散させる画素がない場合には誤差 拡散を行わない





-10-17-10

誤差拡散する隣接画素

誤差拡散し画素値を変更

まとめ:ハーフトーン処理

グレースケール画像を白黒2値画像で表現する手法

白黒画素の密度を利用して中間色を表現する

濃度パターン法: ブロックの輝度値を利用し濃度パターンで置き換える

ディザ法 : ディザパターンと画素値を比較し二値化

誤差拡散法 : ラスタスキャン順に二値化し,発生した誤差を隣接画素に拡散する

• プログラミング演習で実装します





濃度パターン法





ディザ法





誤差拡散