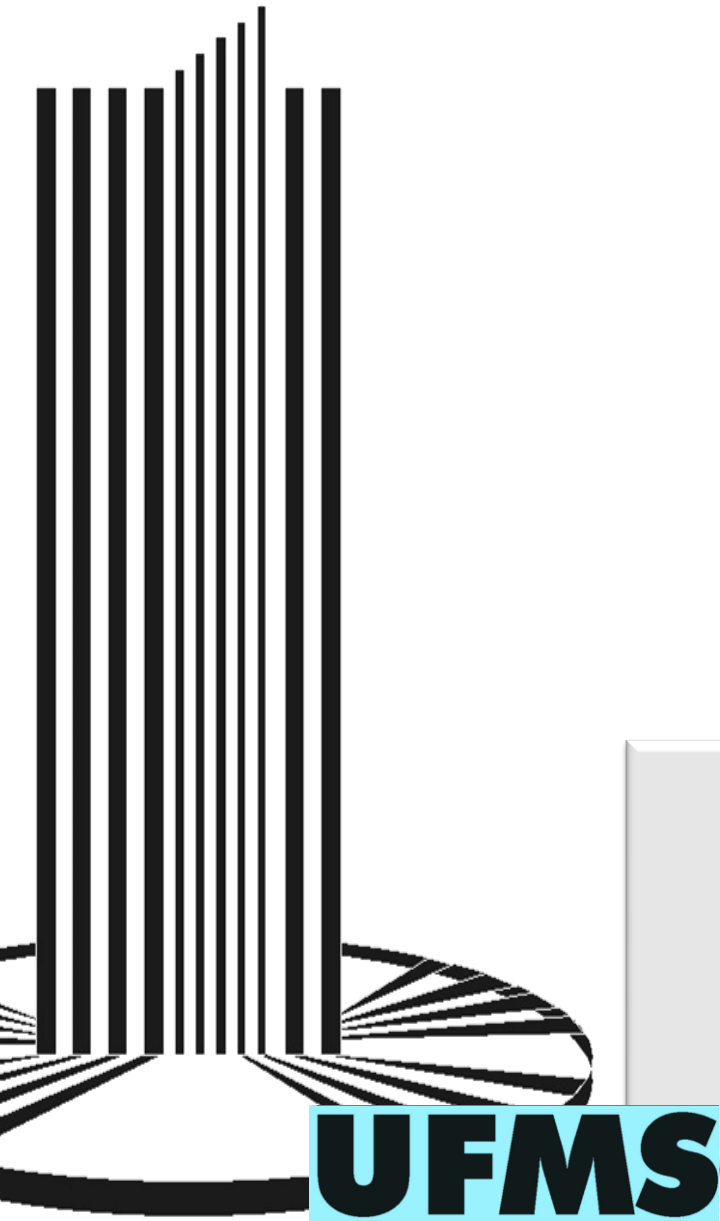


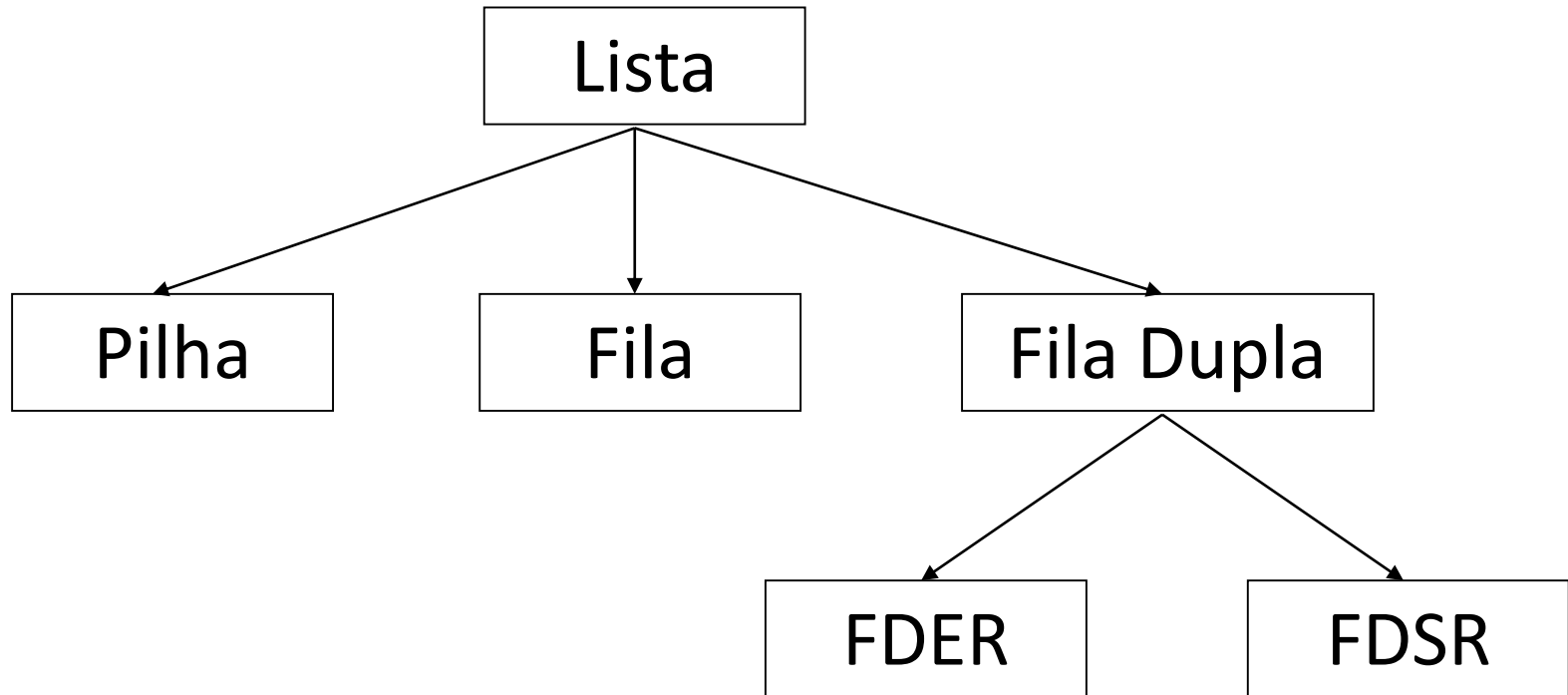
# Pilha

Profª Yorah Bosse

[yorah.bosse@gmail.com](mailto:yorah.bosse@gmail.com)

[yorah.bosse@ufms.br](mailto:yorah.bosse@ufms.br)





**Fonte:** PEREIRA, Silvio do Lago. **Estruturas de Dados Fundamentais.**  
São Paulo : Érica, 1996. Página 9.

Lista

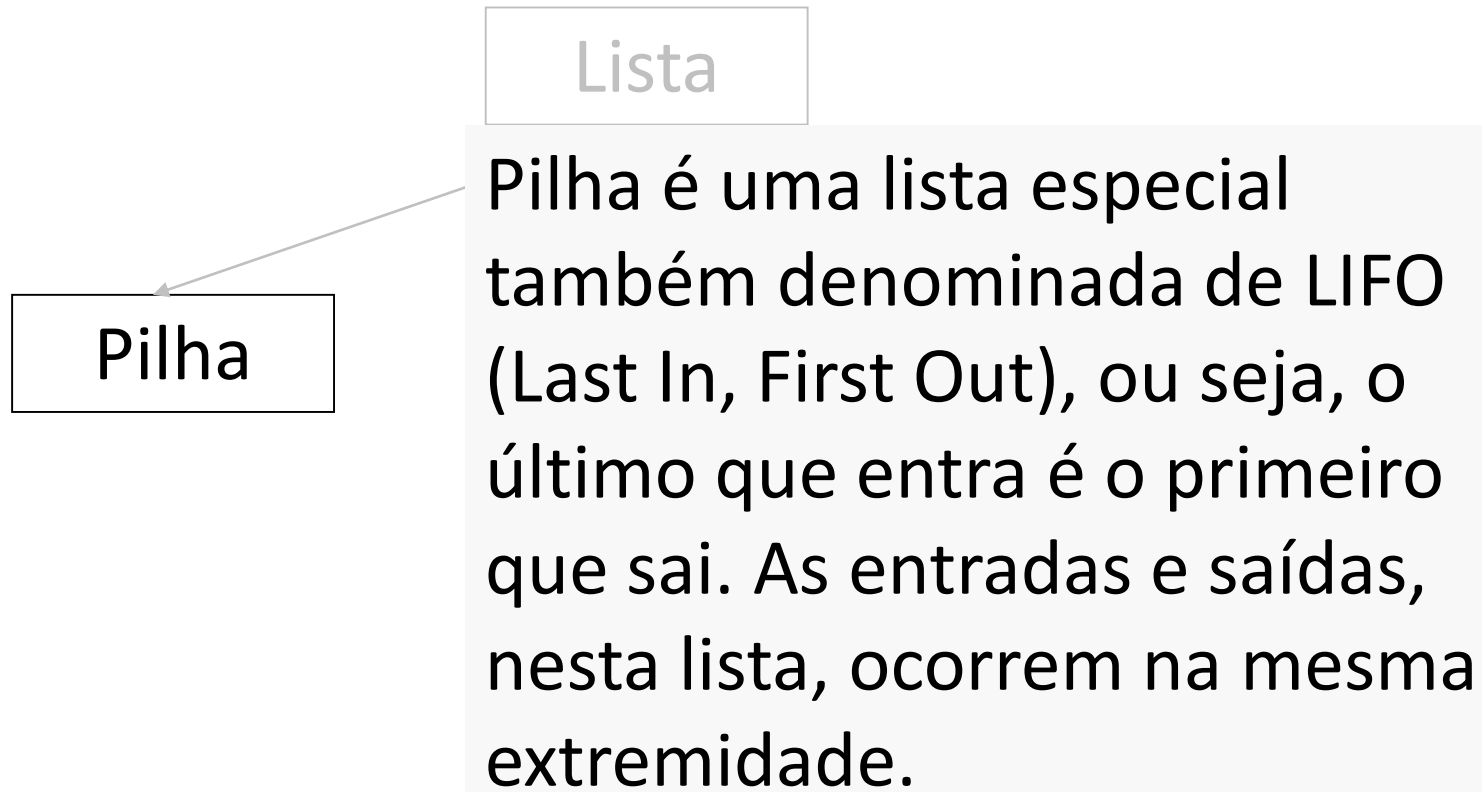
```
graph TD; Lista[Lista] --> ListasEspeciais[Listas Especiais são aquelas onde existe alguma restrição de acesso, seja de entrada de dados ou de saída.]; ListasEspeciais --> FDER[FDER]; ListasEspeciais --> FDSR[FDSR];
```

Listas Especiais são aquelas onde existe alguma restrição de acesso, seja de entrada de dados ou de saída.

FDER

FDSR

**Fonte:** PEREIRA, Silvio do Lago. **Estruturas de Dados Fundamentais.**  
São Paulo : Érica, 1996. Página 9.



**Fonte:** PEREIRA, Silvio do Lago. **Estruturas de Dados Fundamentais.**  
São Paulo : Érica, 1996. Página 9.

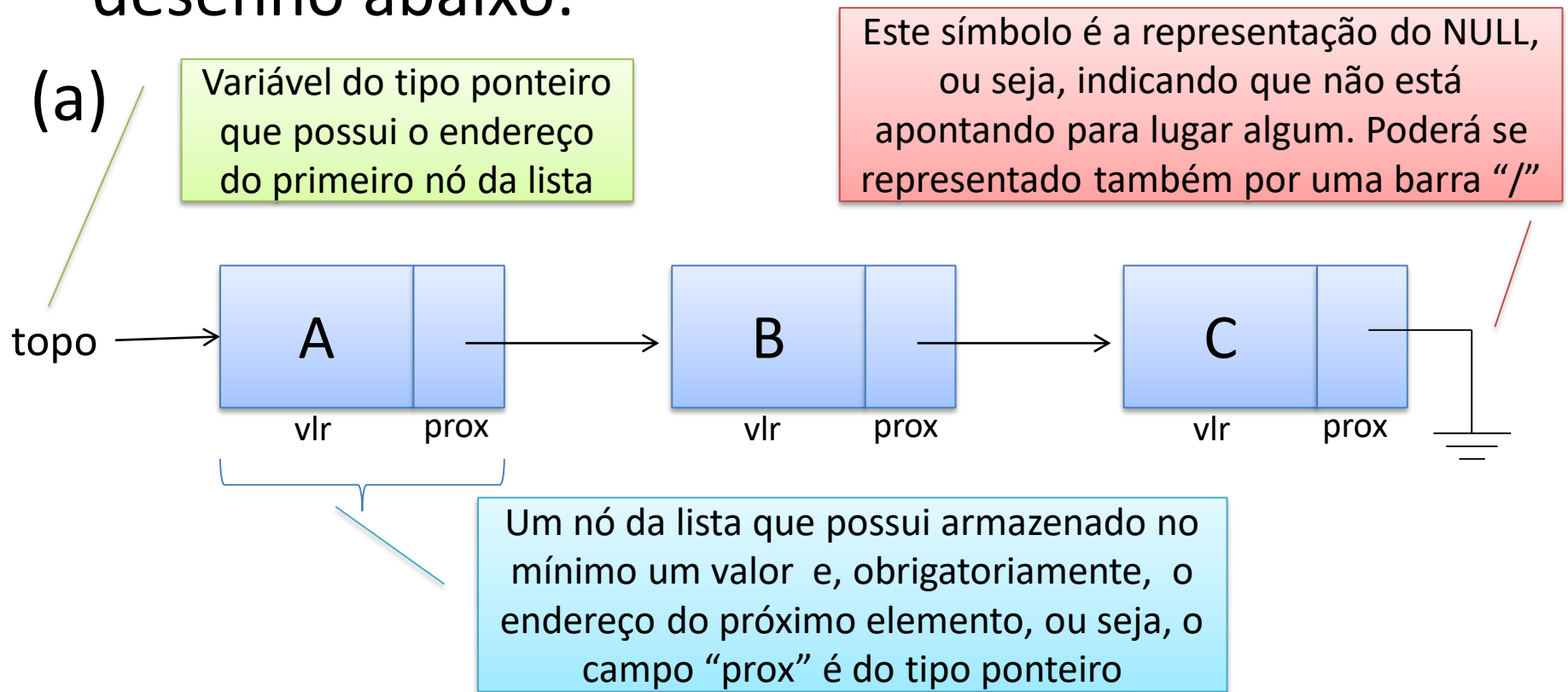
- **Seqüencial:** Os elementos estão fisicamente contíguos, um após o outro. Pode ser representada por um vetor na memória principal ou um arquivo sequencial em disco.
- **Encadeada:**
  - Estática: Início da lista é definido por uma variável inteiro que estabelece onde começa o encadeamento. Cada elemento possui um campo do tipo int, que estabelece o sucessor do mesmo.
    - Desvantagens: Quantidade máxima de elementos estabelecida (Alocação Estática).
  - Dinâmica: Início da lista é definido por um apontador que armazena o endereço do elemento inicial da lista. Cada elemento da lista possui um campo do tipo apontador que armazena o endereço do próximo elemento da lista. Cada elemento da lista é alocado dinamicamente.

- Abaixo uma relação de algumas Listas Lineares :
  - Seqüencial
  - Estática Simples\* ou duplamente Encadeada
  - Dinâmica Simples\* ou duplamente\* Encadeada
  - Dinâmica Simples ou duplamente\* Encadeada com descritor
  - Dinâmica Circular Simples ou duplamente\* Encadeada
  - Pilhas (stack) estáticas e dinâmicas\* simples\* ou duplamente Encadeadas
    - Pilha Dinâmica Simplesmente Encadeada
  - Filas (queue) estáticas e dinâmicas\* simples\* ou duplamente Encadeadas

\* serão estudadas nesta disciplina

- Operações possíveis:
  - Inicializar
  - Incluir no topo da pilha – Empilhar - push
  - Excluir do topo da pilha- Desempilhar - pop
  - Acessar topo sem removê-lo
  - Verificar se a pilha está Vazia

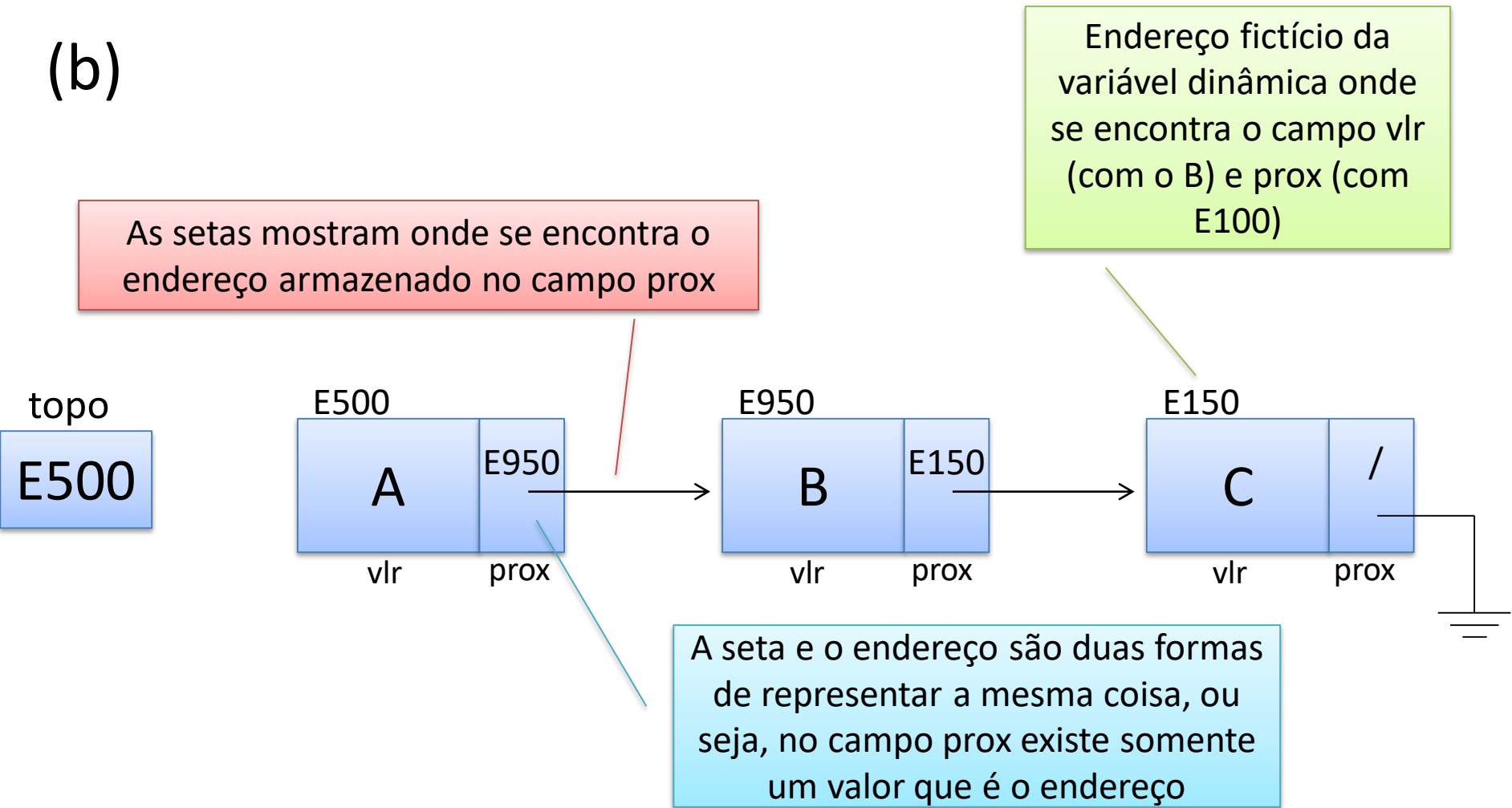
- Um nó é um espaço da lista destinado a armazenar algum valor
- A pilha é normalmente representada pelo desenho abaixo:





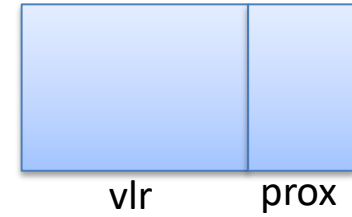
- Variações na representação:

(b)



- A estrutura necessária para a criação do nó da lista é:

```
typedef struct dadosPilha{  
    char vlr;  
    struct dadosPilha *prox;  
} sPILHA;
```



- Para criar a pilha é declarada uma variável do tipo ponteiro desta estrutura, que deve ser inicializada com NULL:

```
sPILHA *pilha;  
pilha = inicializa(pilha);
```

```
sPILHA *inicializa(sPILHA *topo) {  
    topo = NULL;  
    return topo;  
}
```

## Visualização Gráfica

pilha

/

topo

/

- Quando a pilha está vazia, a variável “topo” do tipo ponteiro terá NULL armazenado dentro dela. A função que verifica esta condição da lista é:

```
int estaVazia(sPILHA *topo) {  
    return (topo == NULL?1:0);  
}
```

## Visualização Gráfica

pilha

/

topo

/

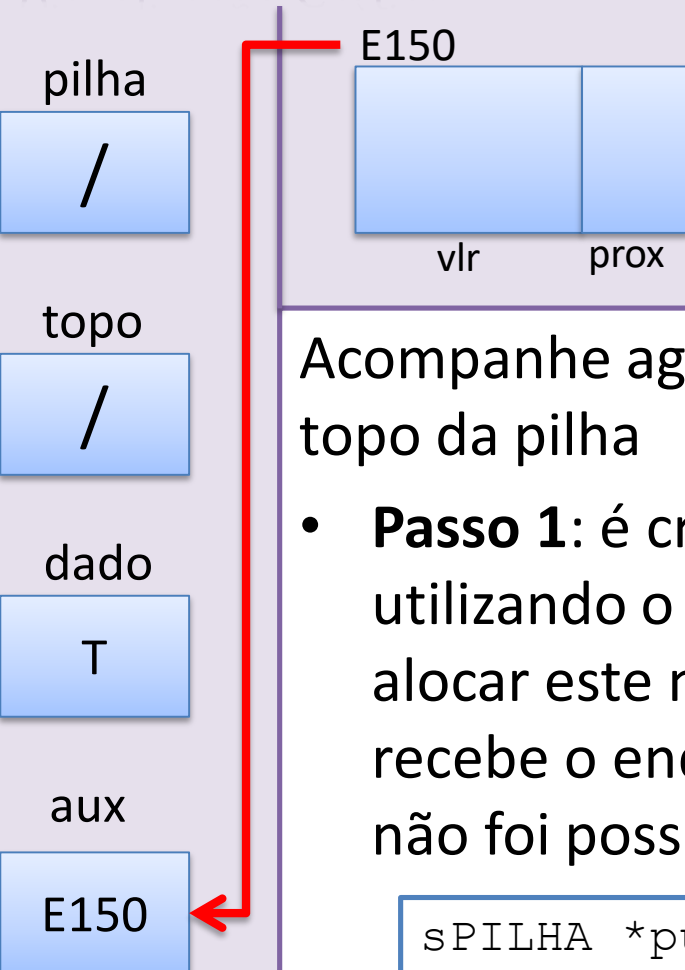
dado

T

- Para a função que faz somente a inserção de um elemento na lista, são passados dois parâmetros:
  - a lista onde será feita a inserção
  - o dado a ser inserido
- A função retornará a lista onde a inserção foi realizada para dentro da variável “pilha”.
- O dado poderá ser inserido somente no topo da pilha.
- Veremos a seguir a forma como são inseridos os valores na pilha:

```
sPILHA *push(sPILHA *topo, char dado) { ... }
```

## Visualização Gráfica



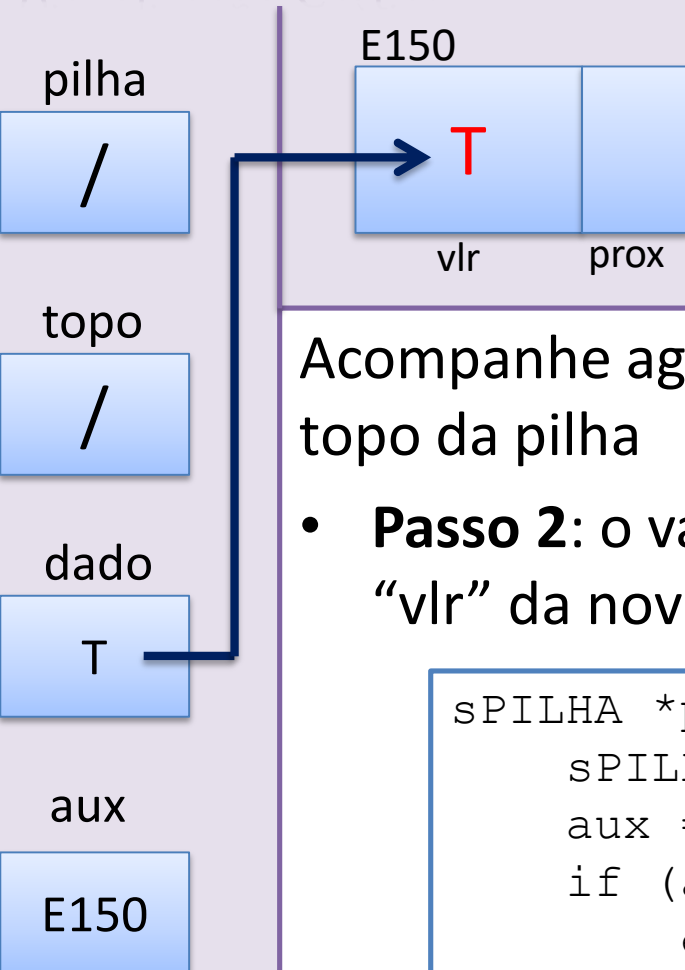
Acompanhe agora os passos para inserir um elemento no topo da pilha

- **Passo 1:** é criado um novo nó (variável dinâmica), utilizando o comando malloc, e verificado se foi possível alocar este novo espaço na memória, ou seja, se aux, que recebe o endereço do novo espaço, tiver NULL é porque não foi possível.

```
sPILHA *push(sPILHA *topo, char dado) {  
    sPILHA *aux;  
    aux = (sPILHA *) malloc (sizeof(sPILHA));  
    if (aux == NULL)  
        exit (1);  
}
```

# Implementação – Pilha – Inserir (push)

## Visualização Gráfica



Acompanhe agora os passos para inserir um elemento no topo da pilha

- **Passo 2:** o valor da variável “dado” é inserido no campo “vlr” da nova variável dinâmica.

```
sPILHA *push(sPILHA *topo, char dado) {  
    sPILHA *aux;  
    aux = (sPILHA *) malloc (sizeof(sPILHA));  
    if (aux == NULL)  
        exit (1);  
    aux->vlr = dado;  
}
```

# Implementação – Pilha – Inserir (push)

## Visualização Gráfica

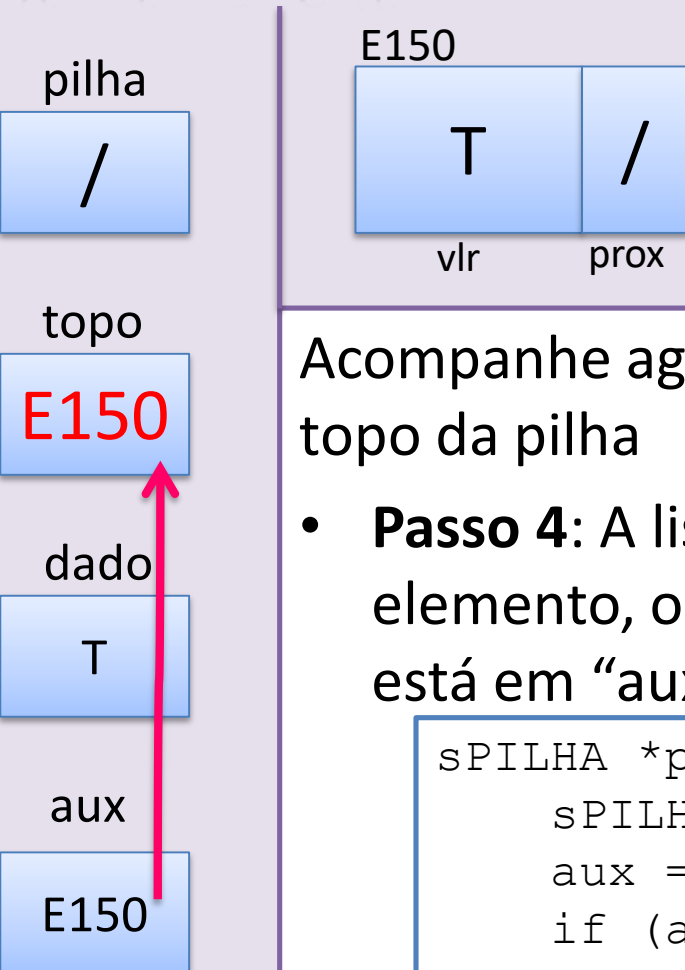


Acompanhe agora os passos para inserir um elemento no topo da pilha

- **Passo 3:** “topo” tem o endereço do topo da pilha. Ao inserir o novo elemento, o campo “prox” do novo nó deverá ter o endereço contido em “topo”

```
sPILHA *push(sPILHA *topo, char dado){
    sPILHA *aux;
    aux = (sPILHA *) malloc (sizeof(sPILHA));
    if (aux == NULL)
        exit (1);
    aux->vlr = dado;
    aux->prox = topo;
}
```

## Visualização Gráfica



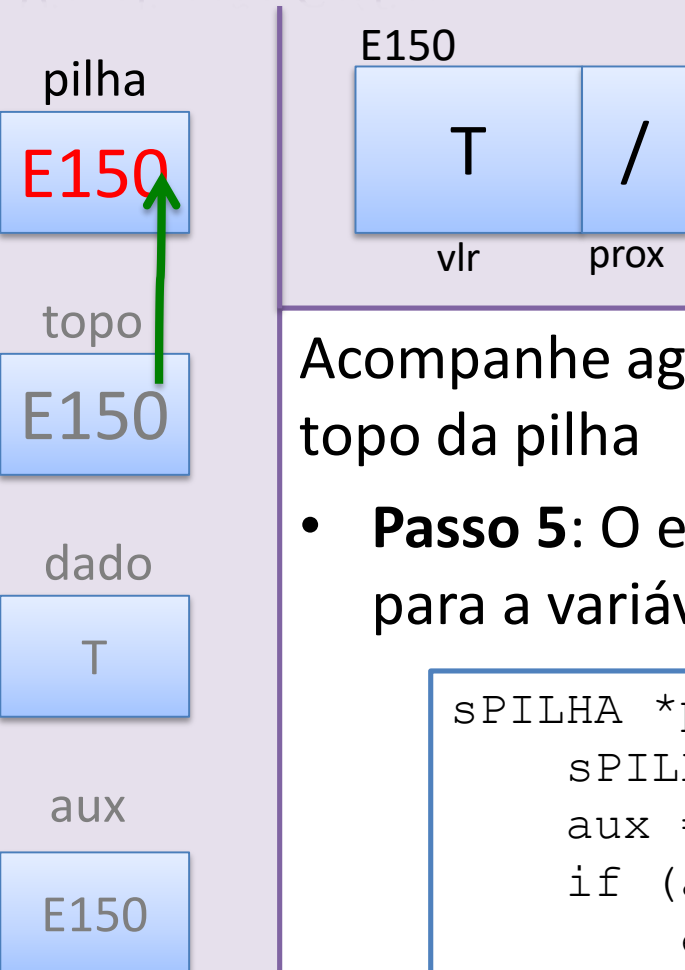
Acompanhe agora os passos para inserir um elemento no topo da pilha

- **Passo 4:** A lista “topo” precisa apontar para este novo elemento, ou seja, precisa receber o endereço dele que está em “aux”

```
sPILHA *push(sPILHA *topo, char dado) {  
    sPILHA *aux;  
    aux = (sPILHA *) malloc (sizeof(sPILHA));  
    if (aux == NULL)  
        exit (1);  
    aux->vlr = dado;  
    aux->prox = topo;  
    topo = aux;  
}
```



## Visualização Gráfica



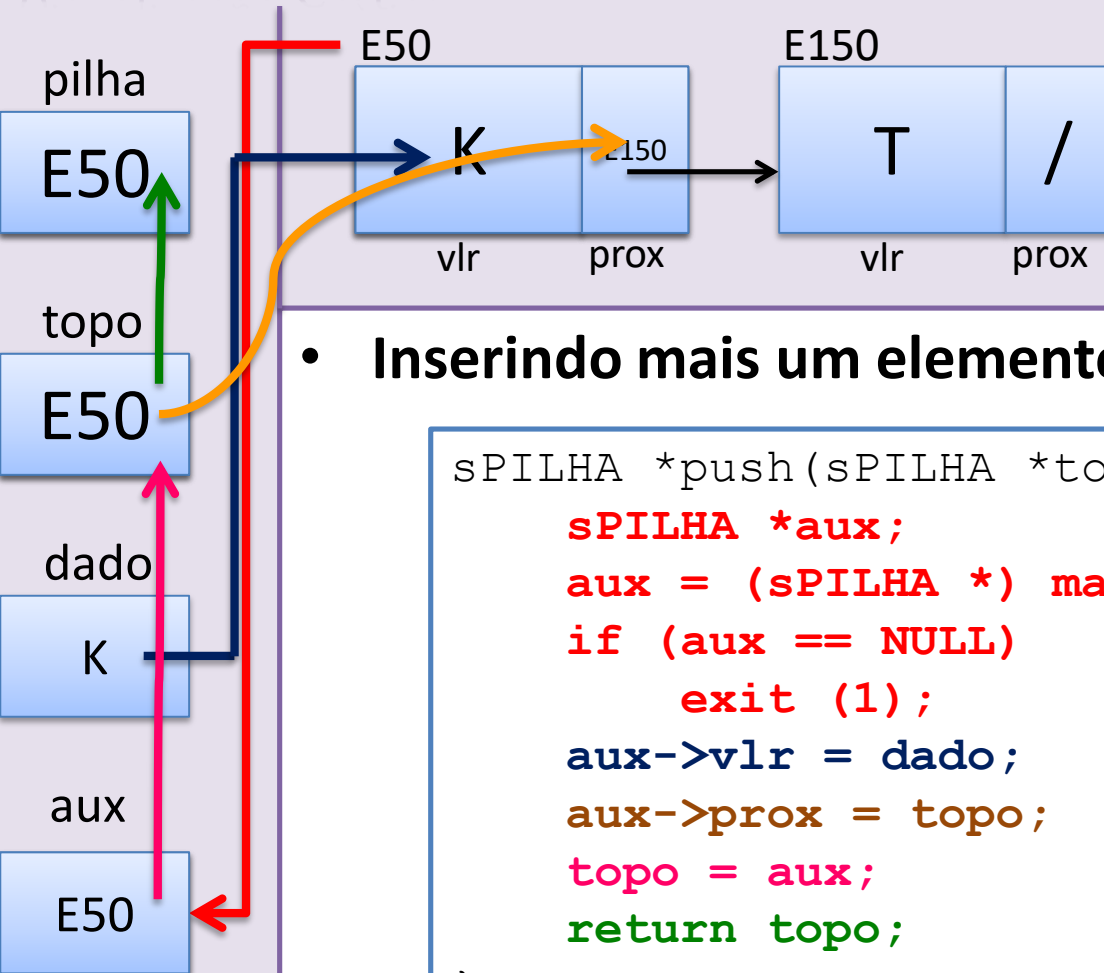
Acompanhe agora os passos para inserir um elemento no topo da pilha

- **Passo 5:** O endereço da lista com o novo dado é retornado para a variável “pilha” e as variáveis locais são eliminadas

```
sPILHA *push(sPILHA *topo, char dado) {  
    sPILHA *aux;  
    aux = (sPILHA *) malloc (sizeof(sPILHA));  
    if (aux == NULL)  
        exit (1);  
    aux->vlr = dado;  
    aux->prox = topo;  
    topo = aux;  
    return topo;  
}
```

# Implementação – Pilha – Inserir (push)

## Visualização Gráfica



- **Inserindo mais um elemento no topo da pilha**

```

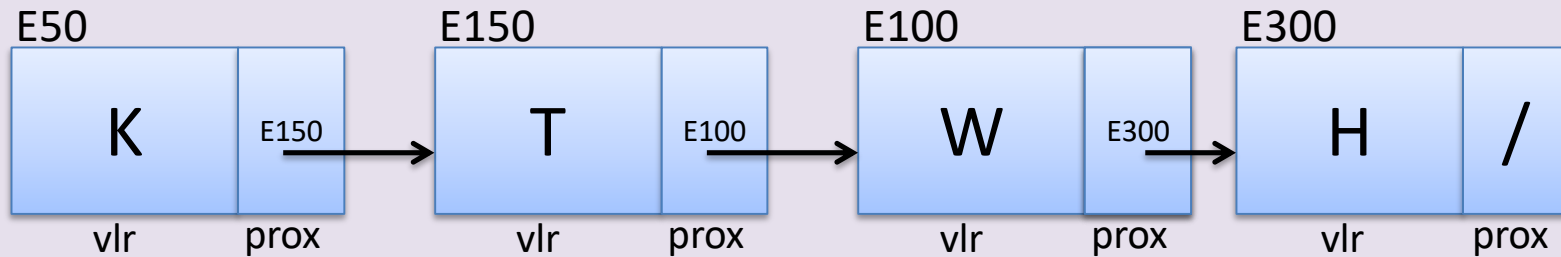
sPILHA *push(sPILHA *topo, char dado) {
    sPILHA *aux;
    aux = (sPILHA *) malloc (sizeof(sPILHA));
    if (aux == NULL)
        exit (1);
    aux->vlr = dado;
    aux->prox = topo;
    topo = aux;
    return topo;
}

```

## Visualização Gráfica

pilha  
E50

topo  
E50



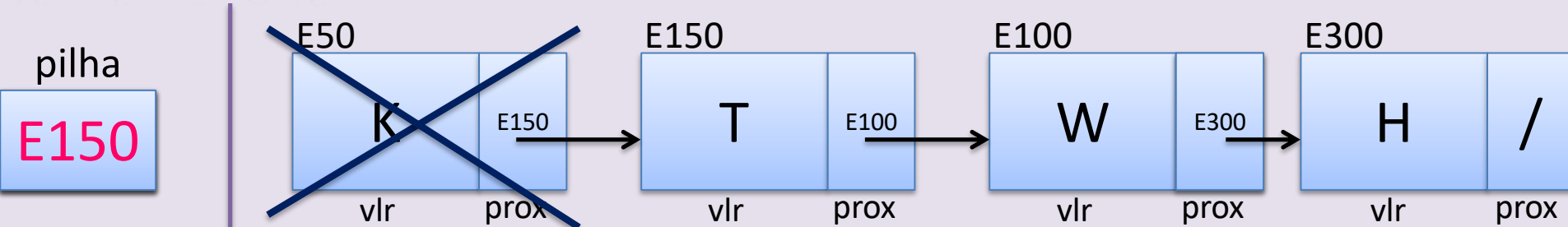
- Mostrando os elementos da lista

```
void mostrar_topo(sPILHA *topo) {  
    if (estaVazia(topo))  
        printf("\nPilha Vazia!\n\n");  
    else  
        printf("TOPO = %c\n\n", topo->vlr);  
}
```

Topo = K

# Implementação – Pilha – Excluir (pop)

## Visualização Gráfica



- Excluindo o elemento do topo da pilha

```
sPILHA* pop(sPILHA *topo) {
    sPILHA *aux;
    if (estaVazia(topo))
        printf("\n\nPilha VAZIA!\n\n");
    else{
        aux = topo;
        topo = topo->prox;
        free(aux);
    }
    return topo;
}
```

- **Exemplos de aplicações:**
  - **Pilha de execução de programas**
  - **Avaliação de expressões**
    - verifique nos slides a seguir

- Infixa =  $A + B$
- Prefixa ou notação polonesa =  $+AB$
- Posfixa ou notação polonesa reversa =  $AB+$

- Outros Exemplos:

a)  $A + B * C =$

b)  $A * (B + C) / D - E =$

c)  $A + B * (C - D * (E - F) - G * H) - I * 3 =$

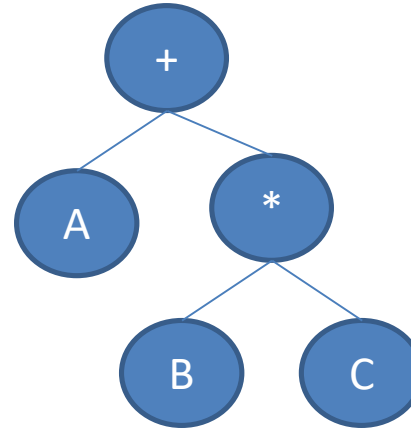
d)  $(A + B) * D + E / (F + A * D) + C =$

e)  $A / B * C + D * E - A * C =$

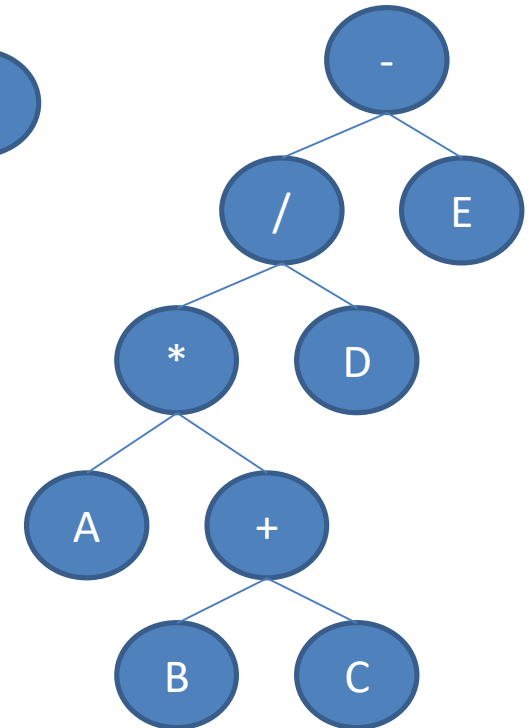
f)  $A * (B + C * A - D) * D =$

- Outros Exemplos:

a)  $A + B * C = ABC*+$



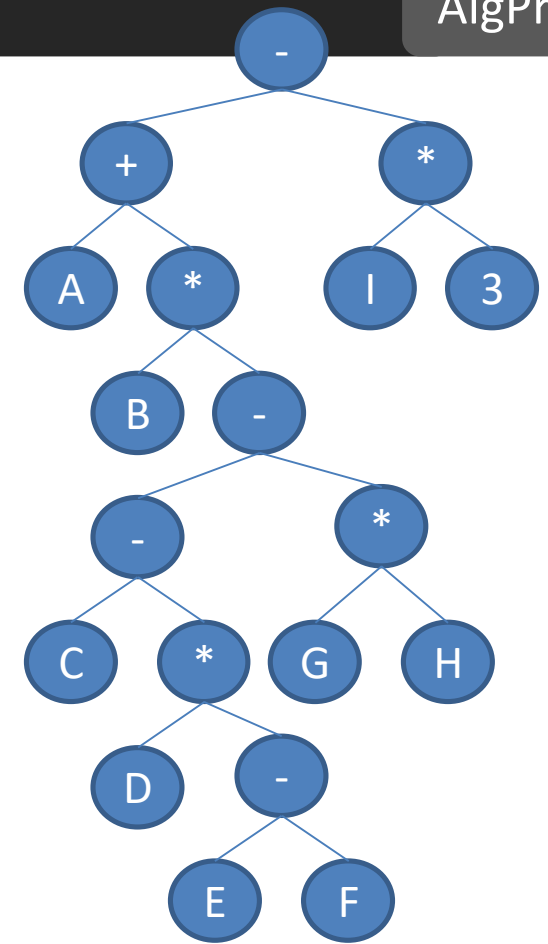
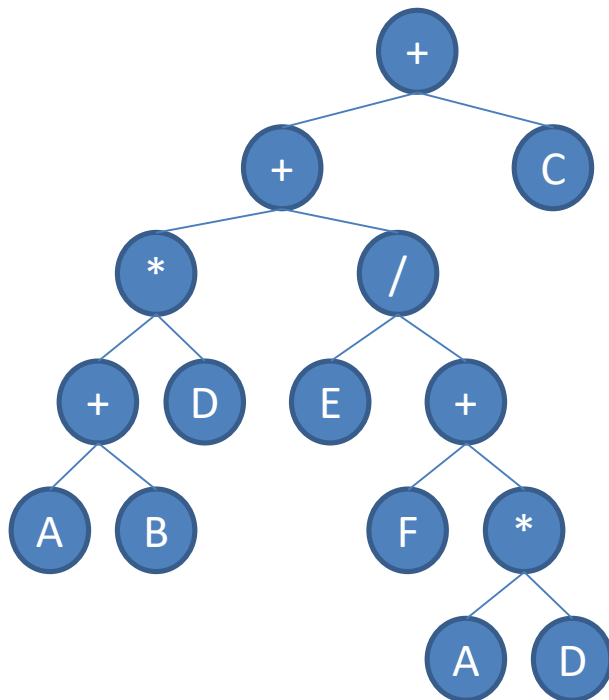
b)  $A * (B + C) / D - E = ABC+*D/E-$





- Outros Exemplos:

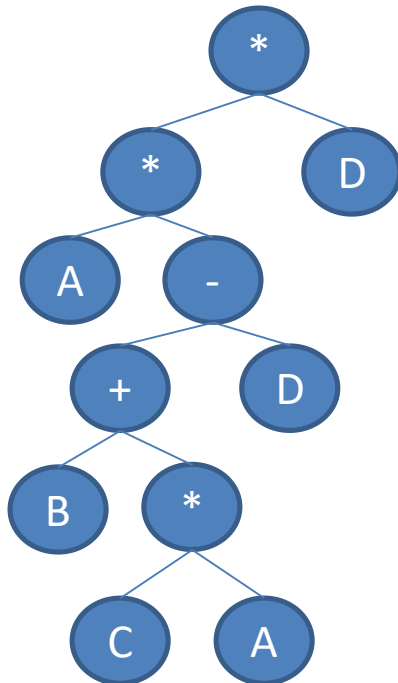
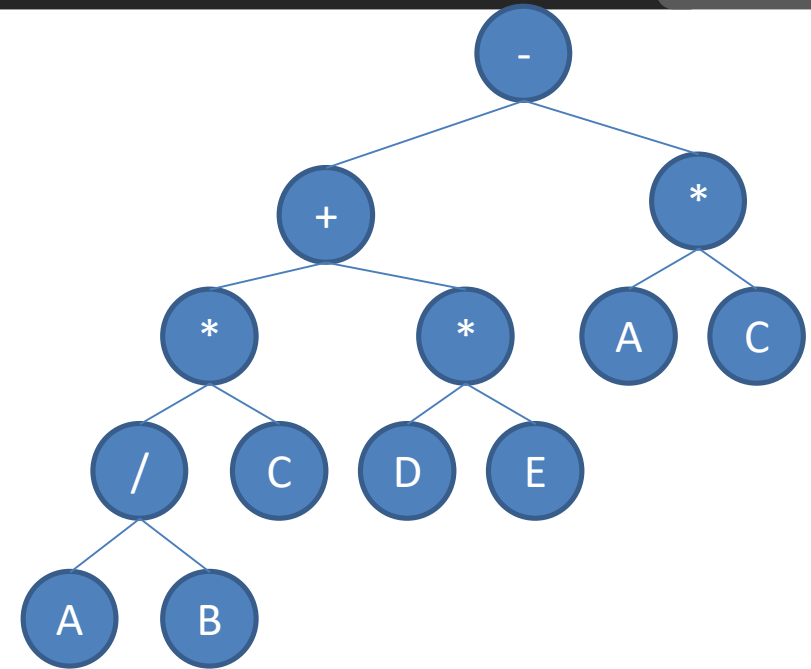
c)  $A+B*(C-D*(E-F)-G*H)-I*3 =$   
 $ABCDEF-*--GH*-*+I3*--$



c)  $(A+B) * D + E / (F+A*D) + C =$   
 $AB+D*EFAD*+ / +C+$

- Outros Exemplos:

e)  $A/B * C + D * E - A * C =$   
 $AB/C * DE * + AC * -$



f)  $A * (B + C * A - D) * D =$   
 $ABCA * + D - * D *$

- Desenvolver um programa que leia uma expressão infixa, transforme-a para posfixa e calcule o resultado. Utilizando pilha dinâmica. Só serão aceitos:
  - números de 1 a 9
  - operadores: +, -, \* e /
  - “(“ e “)”
  - Letras representando as variáveis da expressão: “A”..”Z” (Obs.: se o usuário digitar minúsculo, transforme em maiúsculo).

- MENU

- Inserir expressão

- Calcular expressão

- Sair do programa

- Inserir Expressão:
  - Inicialização:
    - pilha de operadores: onde serão armazenados os operadores (+, -, /, \*) na conversão para expressão posfixa (notação polonesa reversa)

- Inserir Expressão:
  - Ler a expressão no modelo “Infixa” (A+B)
  - Avaliar a expressão, caso não esteja correta, ler outra.
    - Regras para a avaliação da expressão “Infixa”:
      - 1) O 1º símbolo não pode ser um operador (+, -, \*, /) - Ex.: -A\*B

- Inserir Expressão:

- Regras para a avaliação da expressão “Infixa”:

2) Um operando (A..Z) ou (1..9) não pode ser precedido por outro ou por parênteses de fechamento

- Ex.1: AB-C      - Ex.2: A+(B-C)D

- Ex.3: 3+3B

- Inserir Expressão:
  - Regras para a avaliação da expressão “Infixa”:
    - 3) Um operador (+, -, \*, /) não pode ser precedido por outro, nem por parêntese de abertura “(”
      - Ex.1:  $A * B$
      - Ex.2:  $A + (-B - C)$



- Inserir Expressão:

- Regras para a avaliação da expressão “Infixa”:

4) Um parêntese de abertura “(” não pode ser precedido por um de fechamento “)”, nem por operando (A..Z)

- Ex.1: (A+B)(C-D)    ✗ Ex.2: A(B-C)

- Inserir Expressão:

- Regras para a avaliação da expressão “Infixa”:

5) Um parêntese de fechamento “)” não pode ser precedido por um de abertura “(”, nem por operador (+, -, \*, /)

- Ex.1: A( )+B

- Ex.2: (A+ )-B

- Inserir Expressão:
  - Regras para a avaliação da expressão “Infixa”:
    - 6) A quantidade de parênteses de abertura “(” deverá ser igual a quantidade de parênteses de fechamento “)”
  - Ex.1:  $(A+B)*C$

- Inserir Expressão:

- Regras para a avaliação da expressão “Infixa”:

7) O último símbolo não poderá ser um operador

(+, -, \*, /)

- Ex.1: A/B+

8) Não poderá existir qualquer caracter diferente de “(”,

“)”, “A”..”Z”, “1”..”9”, “+”, “-”, “/”, “\*”

- Inserir Expressão:
  - Transformar a expressão “infixa” ( $A+B$ ) para a notação polonesa reversa “Posfixa” ( $AB+$ )
    - Regras para passar a expressão de “Infixa” para NPR - “Posfixa”:
      - 1)  $0..9 \rightarrow$  coloca para a expressão NPR

- Inserir Expressão:
  - Regras para passar a expressão de “Infixa” para NPR - “Posfixa”:
    - 2) A..Z → coloca para a expressão NPR
    - 3) “(“ → empilha

- Inserir Expressão:
  - Regras para passar a expressão de “Infixa” para NPR - “Posfixa”:
    - 4) +, -, \*, / ➔ a) pilha vazia: empilha;    b) se o que estiver no topo tiver prioridade maior ou igual, desempilha e coloca na expressão NPR e aí empilha o operador
      - > ( ➔ Prioridade = 1
      - > +, - ➔ Prioridade = 2
      - > \*, / ➔ Prioridade = 3

- Inserir Expressão:
  - Regras para passar a expressão de “Infixa” para NPR - “Posfixa”:
    - 5) “)” → desempilha cada operador, colocando-os na expressão NPR, até encontrar um parêntese de abertura “(”, sendo este também desempilhado, porém não incluído na NPR



- Inserir Expressão:

- Regras para passar a expressão de “Infixa” para NPR

- “Posfixa”:

- 6) Ao terminar a expressão, desempilha tudo que há ainda na pilha e coloca na expressão NPR

- Calcular Expressão:

- 1) Inicializar:

- pilha dinâmica de valores: onde serão armazenados os valores dos operandos (A..Z) e os resultados dos cálculos
    - LDSE de operandos (A..Z)

- Calcular Expressão:
  - 2) Ler os valores dos operandos e armazená-los na LDSE
  - 3) Gerar o resultado da expressão, lendo a NPR do início:
    - a) se for um número de 0..9, transforme-o para dado numérico e empilha
    - b) se for um operando A..Z, empilha seu respectivo valor retirado

- Calcular Expressão:

3) Gerar o resultado da expressão, lendo a NPR do início:

c) se for um operador (+, -, \*, /), desempilha dois valores,  
execute o respectivo calculo e empilha o resultado

4) No final, o único valor que sobrou na pilha será o  
resultado da expressão

- DROZDEK, Adam. Estrutura de Dados e Algoritmos em C++. Editora Pioneira Thomson Learning, 2005.
  - Pág 123 (Pilha)
- TENENBAUM A., LANGSAM Y. e AUGENSTEIN M. J. Estrutura de Dados usando C. Editora Makron, 1995.
  - Pág 86 (Pilha)
- FEOFILOFF, Paulo. Algoritmos em Linguagem C. Editora Campus, 2009.
  - Pág 39 (Pilha)

- Desenvolva a função de transformar de Infixa para Posfixa