### Segmentation : détection de contours et de régions

Plusieurs zones de niveaux de gris différents correspondants aux différents objets de la scène.

Il faut trouver une manière de repérer ces objets dans l'image

Deux grandes approches peuvent être envisagées pour extraire les zones pertinentes des images :

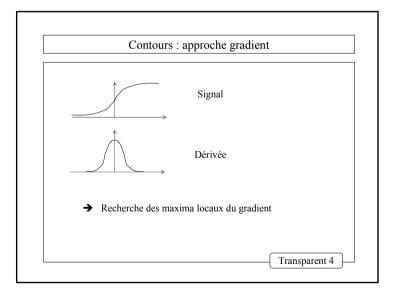
- ❖on recherche des zones de niveaux de gris homogènes, c'est l'approche région
- On recherche les discontinuités dans la scène, c'est l'approche contour.

Nous allons nous intéresser à cette dernière méthode, la segmentation en région sera présentée ensuite.

Transparent 1

# Zone de transition Attributs: Largeur du contour, contraste Contraintes de connexité et de géométrie Largeur du contour Hauteur du contour Transparent 3

# Segmentation : détection de contours Contours = forte discontinuité. Regardons sur un signal à une dimension comment retrouver ces discontinuités. ❖Pente élevée de la transition → maxima locaux du gradient ❖Changement de concavité → passages par zéros de la dérivée seconde (du laplacien pour les images) ❖Forme particulière du signal → adaptation à un gabarit Transparent 2



# Contours: approche gradient

Dans le cas 2D des images, le vecteur gradient est défini au point de coordonnées (x,y) par :

$$\overline{Grad(y,x)} = \begin{pmatrix} \frac{\partial I(y,x)}{\partial x} \\ \frac{\partial I(y,x)}{\partial y} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} Ix(y,x) \\ Iy(y,x) \end{pmatrix}$$

Le module du gradient est défini par :

$$G(y,x) = \sqrt{Ix(y,x)^2 - Iy(y,x)^2}$$

tandis que son orientation est définie par :

$$\Phi(y,x) = \arctan\left(\frac{Iy(y,x)}{Ix(y,x)}\right)$$

Transparent 5

# Approche gradient : calcul direct des dérivées

### Calcul direct des dérivées

Il est réalisé de la façon la plus simple qu'il soit :

$$Ix(y,x) = I(y,x+1) - I(y,x) = (I*Gx)(y,x)$$
  
 $Iy(y,x) = I(y+1,x) - I(y,x) = (I*Gy)(y,x)$ 

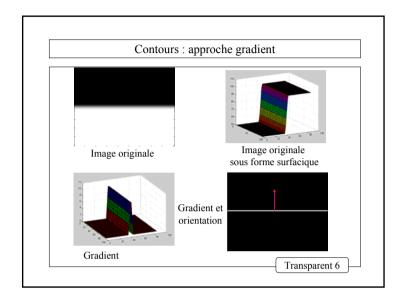
Ce qui correspond à une convolution avec les masques :

$$Gx = \begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix}$$
 et  $Gy = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$ 

Malheureusement, ces dérivées sont très sensibles au bruit

→ filtrage préalable.

Transparent 7



# Approche gradient : masque de Prewitt

### Masque de Prewitt

Les masques dérivateur sont maintenant

$$Gx = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$Gy = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

Lissage des lignes ou des colonnes [1 1 1]

Dérivée des lignes ou des colonnes  $\begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$ 

On combine à la fois un filtrage et une dérivée

→ moins sensible au bruit que le calcul direct des dérivées.

### Approche gradient : masque de Sobel

### Masque de Sobel

Même principal mais autre filtrage préalable

$$Gx = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$Gy = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

Transparent 9

### Approche gradient : dérivée de gaussienne

### Dualité filtrage / raideur de la transition :

Faible lissage

Fort lissage

gradient

 $\sim$ 

Faible lissage = pic de haute amplitude et étroit

- → contours fins, beaucoup de bruit dans la dérivée.
- Fort lissage = pic de plus faible amplitude et beaucoup plus large
  - →contour épais, gradient moins perturbé par le bruit.

Transparent 11

### Approche gradient : dérivée de gaussienne

Le filtrage précédent la dérivation peut être réalisé grâce à un masque gaussien G. Dans ce cas, le calcul de la dérivée en x se fait par :

$$Ix = \frac{\partial (I * G)}{\partial x} = I * \frac{\partial G}{\partial x}$$

$$G(x,y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} \exp\left(-\frac{x^2 + y^2}{2\sigma^2}\right) \implies \frac{\partial G(x,y)}{\partial x} = -\frac{x}{2\pi\sigma^4} \exp\left(-\frac{x^2 + y^2}{2\sigma^2}\right)$$

Le paramètre σ règle le degré de lissage.

Même raisonnement pour la dérivée en y

Transparent 10

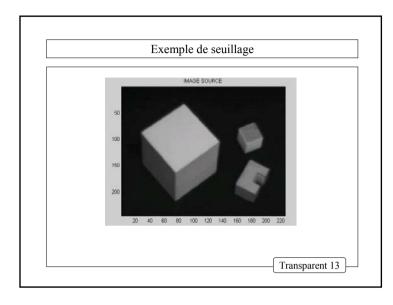
### Seuillage

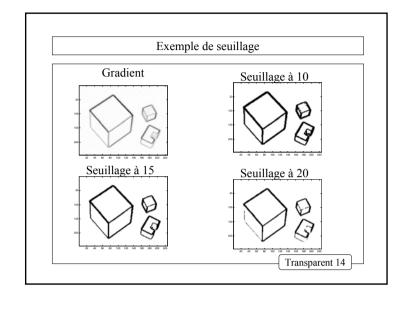
Une fois la norme du gradient calculée en chaque point de l'image, il faut seuiller cette norme pour décider si un pixel fait partie ou non d'un contour.

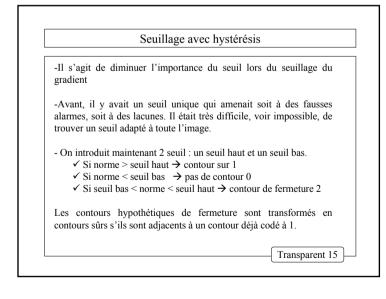
Tous les pixels possédant une norme supérieure à un seuil S sont déclarés appartenir à un contour.

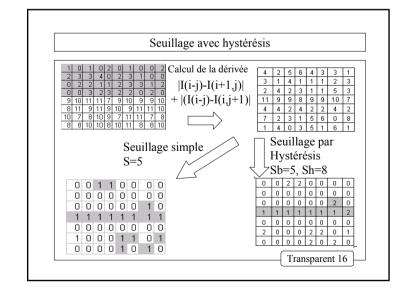
Tout le problème réside alors dans le choix du seuil :

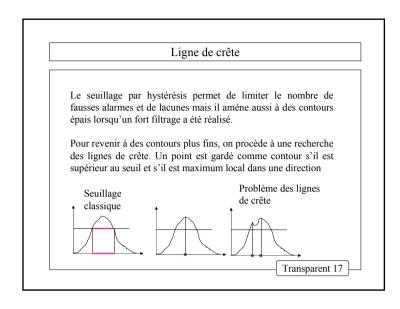
- un seuillage trop bas nous amène à une sur- détection : on détecte beaucoup de bruit et des contours épais apparaissent
- Un seuillage trop haut amène à une sous-détection : contours non fermés

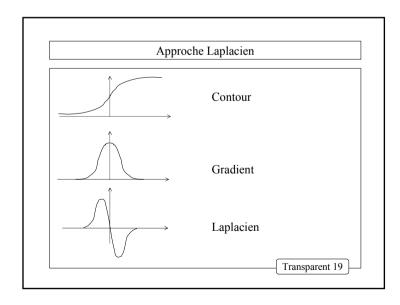


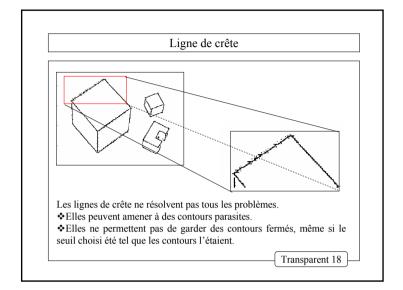












# Approche Laplacien – opérateur discret 2D

### Opérateur Laplacien discret 2D

Contours = passages par zéro du laplacien.

Celui-ci peut-être estimé grâce à une convolution avec le masque :

0	1	0	
1	-4	1	
0	1	0	

Comme la dérivée second est très sensible au bruit, on préfère utilisé le laplacien à partir de dérivées de gaussiennes :

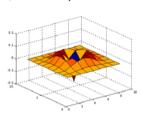
$$\nabla^2 (IM \otimes G) = IM \otimes \nabla^2 G \quad avec \quad G(x, y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} * \exp\left(-\frac{x^2 + y^2}{2\sigma^2}\right)$$
$$\nabla^2 G(x, y) = \frac{\partial^2 G}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 G}{\partial y^2} = -\frac{1}{\pi\sigma^4} * \frac{1 - x^2 - y^2}{2\sigma^2} * \exp\left(-\frac{x^2 + y^2}{2\sigma^2}\right)$$

# Approche Laplacien – dérivée de Gaussienne

La variance  $\sigma^2$  règle le degré de lissage

La dimension du masque dépend de la variance

Exemple :  $\sigma = 1$ , taille du masque :  $-4\sigma$  à  $4\sigma$ 



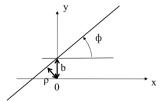
Transparent 21

### Transformée de Hough

Cette méthode a pour but de détecter des droites lorsque l'on a les points de contour.

Considérons une droite dans le plan (x,y). Elle a pour équation :

$$y = a x + b$$
 ou  $x \sin \phi + y \cos \phi = \rho$  (équation 1)



Transparent 23

# Approche dérivative précédée d'un filtrage non linéaire

Le filtre de Nagao se prête très bien à une détection de contour : il supprime le bruit sans toucher à la raideur de la transition.

Une façon de détecter les contours est donc de réaliser un filtrage de Nagao, suivi d'un calcul de dérivée simple :

$$Gx = \begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix}$$

et

$$Gy = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

Cette méthode amène à de très bons résultats de détection.

Transparent 22

### Transformée de Hough

Si  $\phi \in [0,\pi]$ , les paramètres de la droite  $(\phi, \rho)$  sont uniques.

La transformée de Hough est une transformation qui permet de passer du plan image (x,y) au plan des paramètres.

Le plan image est parfaitement défini, le plan des paramètres devra être discrétisé en NxM cellules

Par chaque point de contour, on peut en théorie faire passer une infinité de droite. Ici, comme on a discrétisé les orientations, on pourra seulement faire passer M droites.

# Transformée de Hough

Considérons un point contour (x<sub>i</sub>,y<sub>i</sub>).

Pour chaque orientation  $\varphi,$  on peut déterminer avec l'équation 1 le  $\rho$  . On incrémente alors de un la case  $(\varphi$  ,  $\rho)$  correspondante dans l'espace des paramètres.

Chaque point de contour vote donc pour M points dans l'espace des paramètres (un pour chaque orientation).

Si une droite est présente dans l'image, chaque point de contour de cette droite va voter pour la même case de l'espace des paramètres provoquant ainsi une accumulation. En la détectant, on a les coordonnées de la droite.

Transparent 25

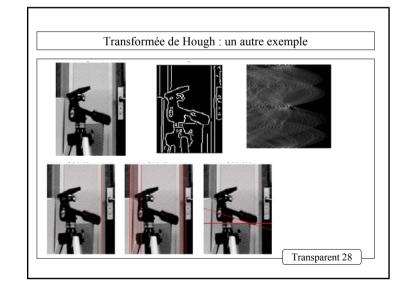
# Transformée de Hough : un exemple (a) (b) (c) (a) Image originale (b) Transformée de Hough : espace (φ, ρ) (c) Principales droites reconstruites Transparent 27

# Transformée de Hough généralisée

Une amélioration peut-être amenée si en plus de connaître les points de contour (image binaire), on connaît l'orientation de ces points (facile à avoir : c'est l'orientation du gradient).

Pour chaque point contour, on calcule  $\rho$  uniquement pour l'orientation perpendiculaire à celle du gradient. L'accumulation dans l'espace des paramètres est alors beaucoup plus nette.

Cette méthode peut être étendue à des courbes de forme quelconque.



### Codage des orientations - Freeman



L'orientation codée est celle de la tangente au contour, normale à l'orientation du gradient

Référence angulaire



La résolution angulaire avec 4 masques est de 45° Codage de Freeman : 8 états

Un contour est décrit par la succession des codes de Freeman de ses pixels (chaînes de Freeman). Ce code est invariant :

- → strictement en translation
- → à une constante additive près, modulo 8, en rotation
- → à la longueur des sous-chaînes près en homothétie.

Transparent 29

### Segmentation par agrégation de pixels

- Initialisation : chaque pixel forme une région.
- On regroupe les régions avec un double critère de similarité des niveaux de gris et d'adjacence.
- Le critère de similarité peut par exemple être : la variance des niveaux de gris de la région R est inférieure à un seuil.
- ❖ Le principe de l'agrégation de pixel est le suivant :
  - on choisit un germe et on fait croître ce germe tant que des pixels de son voisinage vérifient le test d'homogénéité.
  - Lorsqu'il n'y a plus de pixel candidat dans le voisinage, on choisit un nouveau germe et on itère le processus.

Transparent 31

### Régions

### Régions :

Zone homogène au sens d'un critère donné : Radiométrie, chrominance, texture,...

Plusieurs attributs:

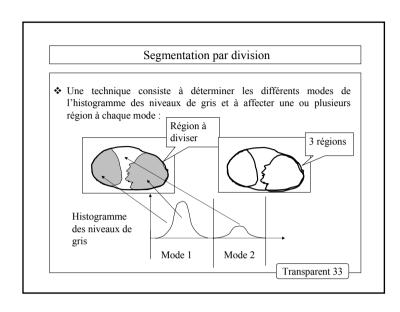
Aire, périmètre, centre de gravité, axes principaux, ...

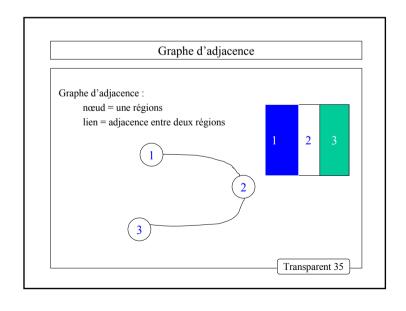


Transparent 30

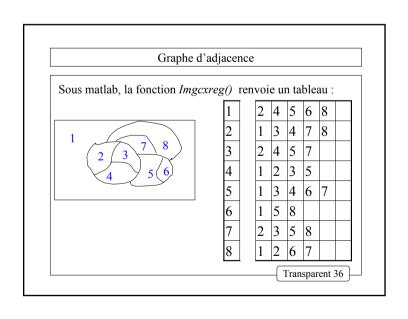
### Segmentation par division

- Initialisation : une seule région.
- Si la région n'est pas homogène (critère d'homogénéité), elle est divisée en plusieurs régions, sinon, le processus se termine.
- Chaque région nouvellement créée est potentiellement redivisée en plusieurs régions si elle n'est pas homogène.
- Lors de la division, on peut rajouter un critère d'arrêt sur la taille des régions.





# Segmentation par division-fusion Cette méthode consiste à reprendre le résultat de la division et à essayer de fusionner des régions qui ont été malencontreusement séparées. Pour ce faire, on utilise un outil très précieux : le graphe d'adjacence des régions. Transparent 34

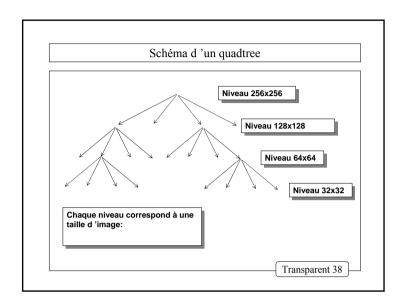


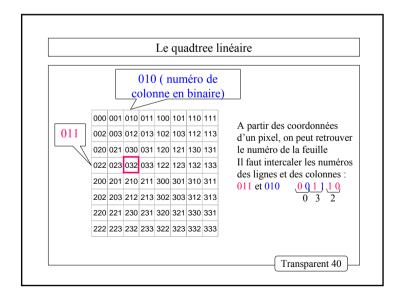
# Décomposition en Quadtree

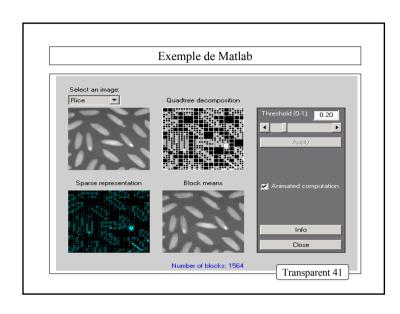
- Méthode récursive de découpage d'une image
- Un carré est découpé en 4 quarts s'il n'est pas jugé homogène (seuil)
- Les 4 nouveaux carrés sont ses « fils » dans un arbre (quadtree)
- Cette méthode peut servir à comprimer une image ou à la segmenter

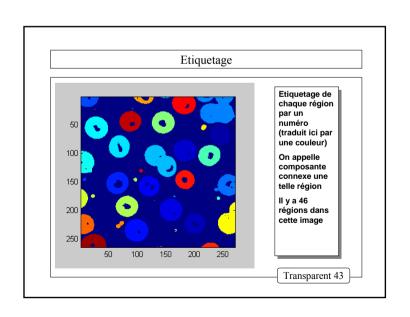
Transparent 37

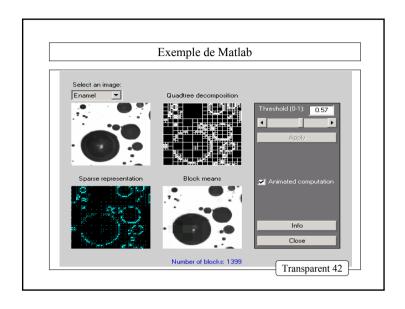
# 

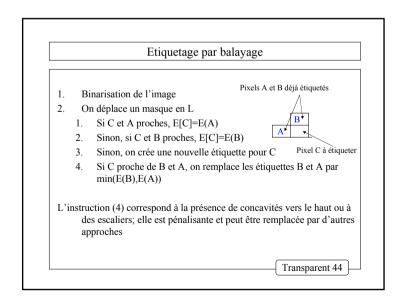


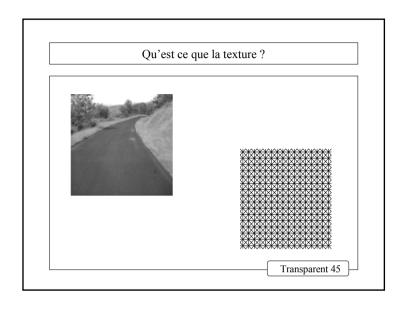


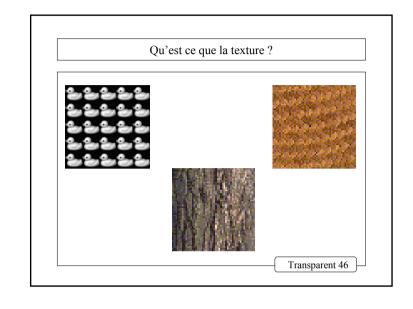












# Deux grandes approches

✓ L'approche structurale :

- Un ou plusieurs motifs se répètent
  → Détection de l'élément de base et de son arrangement
- ✓ L'approche statistique :

Pas de primitives élémentaires

→ Utilisation des statistiques

Transparent 47

# L'approche structurale

- ✓ Elle fait appel à des éléments de reconnaissance des formes
- ✓ Problème non trivial :
  - Détection de l'élément de base
  - Détection des éléments d'arrangement spatial
  - Bien souvent, l'élément de base évolue au cours de l'image, évolution due par exemple à un effet perspectif. La règle d'arrangement spatiale évolue elle aussi, rendant le problème très complexe

# L'approche statistique

✓On ne recherche plus de primitives élémentaires, tout est basé sur des notions de statistique déterminées sur un ensemble de pixel.

✓Il faut considérer des voisinages de taille importante autour du pixel d'intérêt pour que la notion de statistique ait un sens ( au moins 8x8 pixels)

✓ Ceci introduit bien sur des problèmes d'imprécision le long des frontières. Il est très difficile de faire de la segmentation sur des critères texturaux de manière précise.

Transparent 49

# 1 - Histogramme des différences de niveaux de gris

$$F(x,y) = f(x,y) - f(x + \Delta x, y + \Delta y)$$

Soit H, l'histogramme d'un secteur de F. On peut extraire :

- ✓La valeur maximale,
- ✓La moyenne,
- ✓ La variance,
- ✓Les moments, ...

### Inconvénient :

✓ Calcul de plusieurs histogrammes.

Transparent 51

# L'approche statistique → Notion de secteur → Problème aux frontières des régions Texture homogène Texture non homogène Transparent 50



- ✓ Exemple de résultat obtenu avec  $\Delta x=1$  et  $\Delta y=0$
- ✓ Histogramme calculé avec 64 niveaux de gris
- ✓ Caractéristique de texture : valeur max de l'histogramme
- ✓ Taille secteur : 16x16 pixels





# 2 - Méthode fondée sur le gradient de la fonction luminance

Les contours d'une image semblent caractériser la texture de celle-ci.



→ On peut caractériser la texture par le nombre de petits contours dans une fenêtre, ...

### Inconvénients :

- ✓ Nécessite un seuil pour la détection de contours.
- ✓ Méthode coûteuse en temps de calcul.

Transparent 53

### 4 – Les matrices de cooccurrences

Elles nécessitent la définition d'un voisinage.



Dimension:

(Nb de niveaux de gris) 2

Chaque élément de la matrice vaut :

$$p\delta_{,\theta}(i,j) = \sum_{x} \sum_{y} 1[f(x,y)=i]1[f(x,y)=j]$$

$$P_{\delta} = P_{\delta,0} + P_{\delta,45} + P_{\delta,90} + P_{\delta,135}$$

Transparent 55

### 3 - Filtres de Gabor

Filtre de Gabor à deux dimensions :

$$h(x,y) = \exp\left(-\frac{1}{2} \left[ \frac{x^2}{\sigma_x^2} + \frac{y^2}{\sigma_y^2} \right] \right) \cos\left(2\pi u_0 x + \Phi\right)$$

En faisant varier les  $u_0$ ,  $\phi$ ,  $\sigma_x$  et  $\sigma_y$ , plusieurs filtres  $h_j$  sont obtenus. Une image résultat  $f_i$  est déterminée pour chaque filtre :

$$f_j(x,y) = f(x,y) h_j(x,y)$$

Plusieurs paramètres peuvent être extraits comme par exemple, la moyenne absolue de la déviation :

$$m_j = \frac{1}{n_2} \sum_{x,y=0}^{n-1} |f_j(x,y)|$$

Transparent 54

### Exemple de calcul de matrice

secteur								secteur							secteur							
	0	6		0	6			(	)	0	5	5				(	)	2	5	2		
	6	C		6	0			(	)	0	5	5				4	1	2	3	6		
	0	6		0	6			0	)	0	5	5				3	3	0	1	4		
	6	C		6	0			(	)	0	5	5				6	6	4	2	1		
Matrice										M	atri	ce						M	latr	ice		
0	0	0	0	0	0	12		8	0	0	0	0	4	0	0	1	1	1	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0		0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	1	0	0	
0	0	0	0	0	0	0		0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	2	2	0	
0	0	0	0	0	0	0		0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	
0	0	0	0	0	0	0		0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	0	0	0	1	
0	0	0	0	0	0	0		4	0	0	0	0	8	0	0	0	2	0	0	0	0	
12	0	0	0	0	0	0		0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	
12	U	0	U	0	0	U		U	0	0	U	0	0	0	-		_		ren			

# Exemples de paramètres extraits

✓ Moment second ou énergie

$$\sum_{i} \sum_{j} [P(i,j)]^{2}$$

✓ Moment des différences inverses ou homogénéité

$$\sum_{i} \sum_{j} \frac{1}{1 + (i - j)^2} P(i, j)$$

- ✓ Avantages :
  - Beaucoup de paramètres peuvent être extraits de la même matrice : 14 ont été définis par Haralick en 1973
  - Paramètres facilement extractibles et discriminants

Transparent 57

### 8 – Transformée de Fourier

La transformée de Fourier bi-directionnelle peut être utilisée pour caractériser la texture :

$$F(u,v) = \frac{1}{n} \sum_{l,m} f(l,m) \exp(-2i\pi(ul+vm))$$

Les textures vont produire des concentrations d'énergie dans le spectre de Fourier.

Transparent 59

# Exemples de résultat

Paramètre : homogénéité Taille du secteur : 16x16 pixels Nombre de niveaux de gris : 64





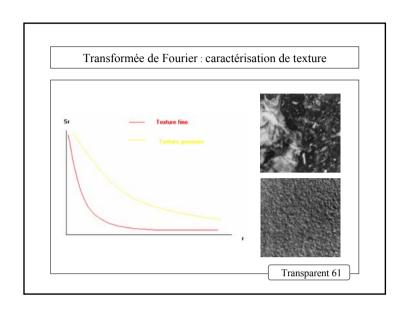
Transparent 58

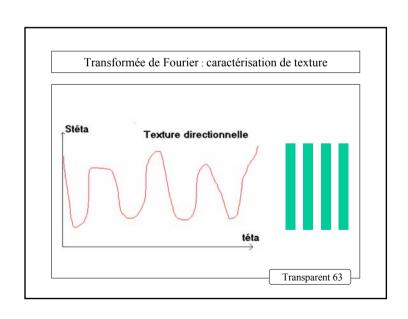
Transformée de Fourier : caractérisation de texture

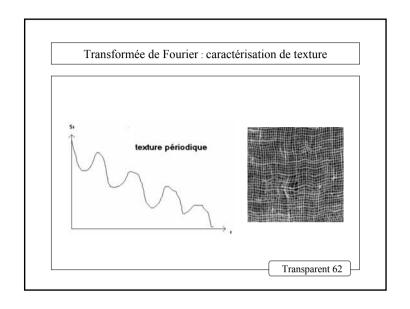
F Transformation de Fourier

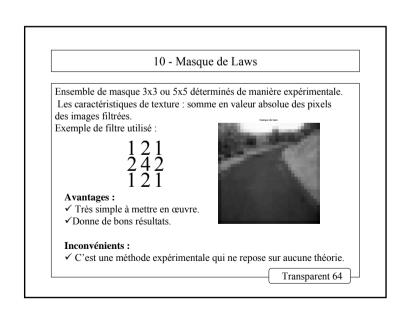
$$S_r(r) = \int_0^{\pi} |F(r,\theta)| d\theta$$

$$S_{\theta}(\theta) = \int_{0}^{R} |F(r,\theta)| dr$$









# Conclusion

- ✓ Pas de définition universelle de la texture.
- ✓ Plusieurs méthodes permettent d'obtenir des paramètres de texture.
- ✓ Aucune d'entre elles ne peut être a priori considérée comme meilleure.
- ✓ Bien souvent, le choix se fera en fonction de l'application