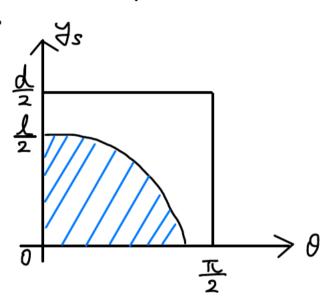
向1

(1) (3s,0)は 3:[0,全],0:[0、띂]の 範囲でランダム.

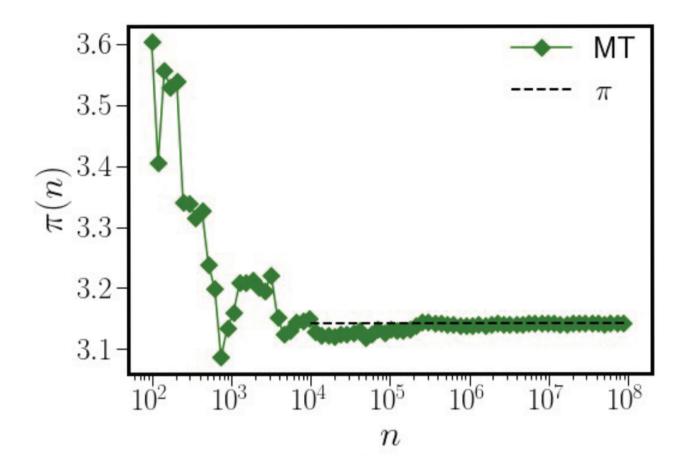
×軸を交わるには、右上図から

去、≤ ½ cos0 であればよい、 (右下図青領域)

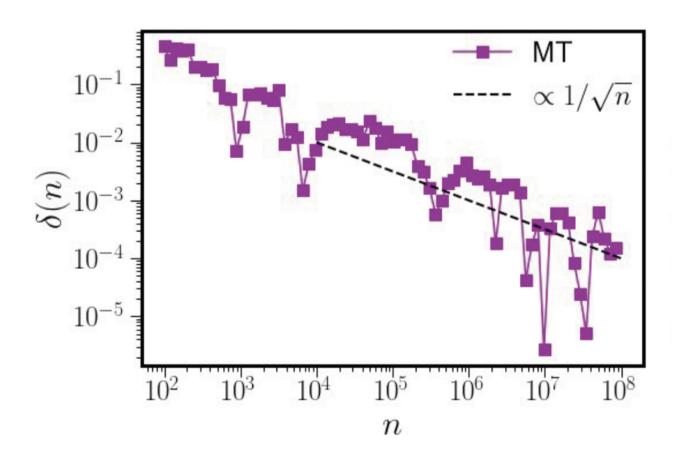
ランダムに点を1つ取る 今右下図の長方形内の点を取る. なので、 ランダムに取る全事象は平 ランダムに取る全事象は平



(2)



(3)



$$m\ddot{x}(t) = -3\dot{x}(t) - kx(t)$$

- (1) x(t)= et と仮定に代入すると、 mス+5入+ 定= 0 …① この=次方程式の判別式 D= st-4m を の値で 運動 が変める.
- (i) 減衰振動

D=3-4mt <0, i.e. 3 <4mto 15

(ii) 過減衰

D=3-4mt >0, i.e. 3 > 4mt out

(iii) 臨界減衰

D=32-4mk=0, i.e. 32 = 4mk ort

 $\chi = \alpha \hat{\chi}$ ,  $\chi = t_0 \hat{\chi}$ ,  $\chi = v = (\frac{\alpha}{t_0}) \hat{\chi}$  とすると、  $\frac{d}{dt} v(t) = \frac{v(t_0 + 4t) - v(t)}{4t}$  より 脅敵として

 $v(t+4t) = v(t) - \frac{3}{m}v(t)4t - \frac{1}{m}x(t)4t$ 

無次元化して

 $\frac{\alpha}{t_0}\widetilde{V}(\widetilde{t}+4\widetilde{t}) = \frac{\alpha}{t_0}\left(1-\frac{3}{m}t_0\widetilde{t}\right)\widetilde{V}(\widetilde{t}) - \frac{\cancel{k}\alpha t_04\widetilde{t}}{m}\widetilde{z}(\widetilde{t})$ 

 $\widetilde{V}(\widetilde{t}+4\widetilde{t}) = \left(1-\frac{5}{m}t\omega\widetilde{t}\right)\widetilde{V}(\widetilde{t}) - \frac{1}{m}t^2\omega\widetilde{t}\widetilde{\chi}(\widetilde{t}) = 0$ 

また、位置については

$$\begin{split} \widetilde{\mathcal{Z}}(\widetilde{\mathfrak{T}}+4\widetilde{\mathfrak{T}}) &= \widetilde{\mathcal{Z}}(\widetilde{\mathfrak{T}}) + \widetilde{\mathcal{V}}(\widetilde{\mathfrak{T}}+4\widetilde{\mathfrak{T}}) 4\widehat{\mathfrak{T}} \qquad \text{$\hbar$ 5} \\ \widetilde{\mathcal{Z}}(\widetilde{\mathfrak{T}}+4\widetilde{\mathfrak{T}}) &= \widetilde{\mathcal{Z}}(\widehat{\mathfrak{T}}) + \left(1 - \frac{5}{m} \text{$t\omega\widetilde{\mathfrak{T}}}\right) \widetilde{\mathcal{V}}(\widetilde{\mathfrak{T}}) 4t - \frac{1}{m} \text{$t\omega\widetilde{\mathfrak{T}}$} \widetilde{\mathcal{Z}}(\widetilde{\mathfrak{T}}) \\ &= \left(1 - \frac{1}{m} \text{$t\omega\widetilde{\mathfrak{T}}$}\right) \widetilde{\mathcal{Z}}(\widetilde{\mathfrak{T}}) + \left(1 - \frac{5}{m} \text{$t\omega\widetilde{\mathfrak{T}}$}\right) \widetilde{\mathcal{V}}(\widetilde{\mathfrak{T}}) 4t \end{split}$$

$$t_{a} = \frac{m}{3}, t_{s} = \sqrt{\frac{m}{k}} + t_{s},$$

$$\tilde{V}(\tilde{t} + 4\tilde{t}) = \left(1 - \frac{t_{s}}{t_{s}}\tilde{t}\right)\tilde{V}(\tilde{t}) + \left(\frac{t_{s}}{t_{s}}\right)^{2} \tilde{t} \tilde{z}(\tilde{t})$$

(4) 
$$t_s = t_o$$
 とすると
$$\frac{\tilde{V}(\tilde{t}+4\tilde{t}) = \left(1-\frac{t_o}{t_d}\Delta\tilde{t}\right)\tilde{V}(\tilde{t}) - 4\tilde{t}\tilde{\chi}(\tilde{t})}{t_o}$$
また、初期条件は  $\chi(o) = 0$ ,  $\dot{\chi}(o) = \frac{c_o}{t_o}$ 

$$\tilde{\chi}(\tilde{t}+4\tilde{t}) = \left(1-\frac{c_o}{m}t_o^2\Delta\tilde{t}^2\right)\tilde{\chi}(\tilde{t}) + \left(1-\frac{c_o}{m}t_o\Delta\tilde{t}\right)\tilde{V}(\tilde{t})\tilde{t}$$

$$= \left(1-\frac{t_o}{t_s}\right)^2\Delta\tilde{t}^2\tilde{\chi}(\tilde{t}) + \left(1-\frac{t_o}{t_o}\Delta\tilde{t}\right)\tilde{V}(\tilde{t})\tilde{t}\tilde{t}$$

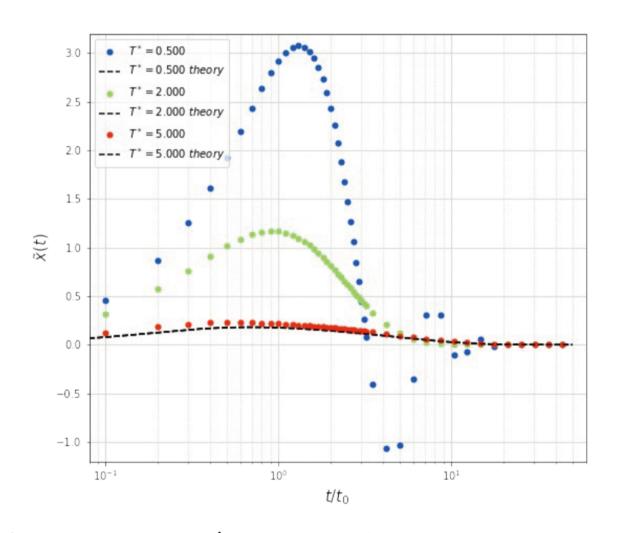
$$= \left(1-\Delta\tilde{t}^2\right)\tilde{\chi}(\tilde{t}) + \left(1-\frac{t_o}{t_o}\Delta\tilde{t}\right)\tilde{V}(\tilde{t})\tilde{t}\tilde{t}$$

ここから丁\*=もがパラメータ、運動が変わる境目を調べる。

(i)より D=3-4m表の正負だったので、

(3) Ly 
$$D = \frac{m^2}{td} - 4m \frac{m}{ts^2} = m^2 \left( \frac{1}{td} + \frac{2}{ts} \right) \left( \frac{1}{td} - \frac{2}{ts} \right)$$
  
=  $m^2 \left( \frac{1}{td} + \frac{2}{ts} \right) \left( \frac{1}{td} - \frac{2}{ts} \right)$ 

この正負は青枠で決まる。



減衰振動と臨界減衰の理論推定値もplotするう定でしたが 計算ミスで上手く一致しませんでは、今後の課題とします。 以下、理論解.

$$\ddot{x}(t) + \frac{1}{t_a} \dot{x}(t) + \frac{1}{t_s^2} x(t) = 0$$

$$\chi(t) = e^{\lambda t}$$
 と仮定すれば   
  $\chi^2 + \frac{1}{4} \lambda + \frac{1}{4} = 0$  :  $\lambda_{\pm} = -\frac{1}{24a} \pm \frac{16^2 - 44a^2}{24a^4}$ 

以降、 T\* = to , ts = to などとする、

$$\chi'_{\pm} = -\frac{1}{2t_0} \pm i \frac{1}{2t_0} \sqrt{4-T^{*2}}$$

$$\chi(t) = Ae^{-\frac{1}{24}t} \left( e^{i\frac{1}{2}\frac{1}{24}\sqrt{4-T^2}t} - e^{i\frac{1}{24}\sqrt{4-T^2}t} \right)$$
  
=  $Ae^{-\frac{1}{24}t} \cdot 2iSin \frac{4-T^2}{24}t$ 

また、

$$\dot{\chi}(0) = 2A\hat{i} \frac{4-T^{*2}}{2t_0} = \frac{A}{t_0} = \frac{A}{A} = -\hat{i} \frac{A}{4-T^{*2}}$$

$$\therefore \tilde{\chi}(\tilde{t}) = \frac{2}{4-T^{*2}} e^{-\frac{T^{*2}}{2}\hat{t}} \cdot \sin \frac{4-T^{*2}}{2} \tilde{t}$$

$$\chi(t) = (A+Bt)e^{\lambda t} \left(\lambda = -\frac{1}{2ta}\right)$$

$$x(t) = \alpha \tilde{t} e^{\tilde{t}}$$

$$\chi(t) = Ae^{\lambda+t} + Be^{\lambda-t}$$

$$\dot{\chi}(0) = A(\lambda + -\lambda -) = \frac{A}{\pi} \cdot A = \sqrt{\frac{A}{1}} + 4$$

$$x(t) = \sqrt{\frac{\alpha}{T^{*2}-4}} \left( e^{\lambda + t} - e^{\lambda - t} \right) \left( \lambda_{\pm} t = \left( -T^{*} \pm \sqrt{T^{*2}-4} \right) \frac{\hat{T}}{2} \right)$$

無次元化して、

$$\tilde{\chi}(\bar{t}) = \frac{1}{\sqrt{T^{*2}-4}} \left( e^{\lambda_{t}t} - e^{\lambda_{t}t} \right) \left( \lambda_{t}t = \left( -T^{*} \pm \sqrt{T^{*2}-4} \right) \frac{\tilde{\tau}}{2} \right)$$

以上よ)

(i) 減衰振動

$$\widetilde{\mathcal{Z}}(\widetilde{\tau}) = \frac{2}{\sqrt{4-1^{*2}}} e^{-\frac{1}{2}\widetilde{\tau}} \cdot \sin \frac{\sqrt{4-1^{*2}}}{2} \widetilde{\tau}$$

(ii) 過減衰

$$\tilde{\chi}(\tilde{t}) = \tilde{t}e^{-\tilde{t}}$$

(iii) 臨界減衰

$$\tilde{\chi}(\tilde{t}) = \frac{1}{\int_{-4}^{4} (e^{\lambda_{t}t} - e^{\lambda_{t}t})} (\lambda_{t}t = (-T^{*}t)^{\frac{2}{4}})$$