Министерство образования и науки Российской Федерации

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ «САРАТОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г.ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра	теоре	тических	основ
компьютерно	ой	безопасности	И
криптографи	И		

ТЕОРИЯ ПСЕВДОСЛУЧАЙНЫХ ГЕНЕРАТОРОВ

ОТЧЕТ ПО ПРАКТИЧЕСКОМУ КУРСУ

студента 4 курса 431 группы	
факультета компьютерных наук и информационных технологий	
<i>Дусалиева Тахира Ахатовича</i>	
фамилия, имя, отчество	
Научный руководитель	
Ст. преподаватель И.И. Слеповиче	ев

Задание 1. Генерация псевдослучайных чисел.

Описание задания: Создать программу для генерации псевдослучайных величин следующими алгоритмами:

- а. Линейный конгруэнтный метод;
- b. Аддитивный метод;
- с. Пятипараметрический метод;
- d. Регистр сдвига с обратной связью (РСЛОС);
- е. Нелинейная комбинация РСЛОС;
- f. Вихрь Мерсенна;
- g. RC4;
- h. ГПСЧ на основе RSA;
- і. Алгоритм Блюма-Блюма-Шуба.

Название программы: **prng.exe**.

Входные параметры алгоритмов передаются программе через строку параметров. Для управления программой сформулирован следующий формат параметров командной строки.

/g:<Метод> — параметр указывает на метод генерации ПСЧ, при этом в параметр должен передаваться один из следующих методов:

- lc линейный конгруэнтный метод;
- add аддитивный метод;
- 5р пятипараметрический метод;
- lfsr регистр сдвига с обратной связью (РСЛОС);
- nfsr нелинейная комбинация РСЛОС;
- mt вихрь Мерсенна;
- rc4 RC4;
- $rsa \Gamma\Pi CY$ на основе RSA;
- bbs алгоритм Блюма-Блюма-Шуба.

/i:<Параметры> — вектор всех необходимых параметров для алгоритмов. Элементы вектора параметров разделяются запятой. Порядок элементов вектора для каждого из методов описан в таблице 1.

Таблица 1 — Порядок элементов вектора параметров.

Метод	Описание параметров
lc	Модуль, множитель, приращение, начальное значение
add	Модуль, младший индекс, старший индекс, последовательность начальных значений
5p	р, q1, q2, q3, w, начальное значение
lfsr	Двоичное представление вектора коэффициентов, начальное значение регистра
nfsr	В алгоритме использовать три РСЛОС R1, R2, R3, скомбинированных функцией R1^R2+R2^R3+R3. Параметры – двоичное представление векторов коэффициентов для R1, R2, R3, w, x1, x2, x3. w – длина слова, x1, x2, x3 – десятичное представление начальных состояний регистров R1, R2, R3.
mt	Модуль, начальное значение х
rc4	256 начальных значений
rsa	Модуль n, число e, w, начальное значение x. e удовлетворяет условиям: $1 < e < (p-1)(q-1)$, HOД(e, $(p-1)(q-1)$) = 1, где $p*q=n$. x из интервала $[1,n]$ w — длина слова.
bbs	Начальное значение x (взаимно простое c n). При генерации использовать параметры: $p=127,q=131,n=p*q=16637$

/**n:**<**Кол-во**> — количество генерируемых ПСЧ, по умолчанию значение равняется 10 000.

/**m:**<**Модуль>** — максимальное значение генерируемых ПСЧ, по умолчание значение равняется 1024 и ПСЧ генерируются в отрезке [0, 1023].

/**f:**<**Путь>** — путь для выходного файла, по умолчанию файл сохраняется в каталог с программой под названием «rnd.dat».

/h — информация о допустимых параметрах командной строки программы.

Выходные значения записываются в файл, указанный в параметре /**f** запуска программы.

Алгоритм 1. Линейный конгруэнтный метод.

Описание алгоритма

Одним из простых и популярных методов сейчас является *линейный конгруэнтный метод* (ЛКМ), предложенный Д.Г. Лехмером в 1949 году. В его основе лежит выбор четырех ключевых чисел:

- m > 0, модуль;
- $0 \le a \le m$, множитель;
- $0 \le c \le m$, приращение (инкремент);
- $0 \le X_0 \le m$, начальное значение.

Последовательность ПСЧ, вычисляется по формуле:

$$X_{n+1} = (aX_n + c) \bmod m, n \ge 1$$

Теорема 3.1. Линейная конгруэнтная последовательность, определенная числами m, a, c и X_0 , имеет период длиной m тогда и только тогда, когда:

- 1) числа c и m взаимно простые;
- 2) a-1 кратно p для некоторого простого p, являющегося делителем m:
- 3) a 1 кратно 4, если m кратно 4.

Доказательство приведено в [1, Том 2. п. 3.2.1.2].

Параметры запуска программы

prng.exe /g:lc /i:m,a,c,X₀.

```
import math
"""

Peaлизация линейно-конгруэтного метода генерации псевдослучайных чисел
"""

def linear_rand_method(m : int, modulus : int, a : int, c : int, seed,
size=10000):
    sr = seed
    if size == 1:
        return math.ceil(math.fmod(a * math.ceil(sr) + c, modulus))
    r = [0 for _ in range(size + 1)]
```

```
r[0] = math.ceil(sr)
for i in range(1, size + 1):
    r[i] = math.ceil(math.fmod((a * r[i - 1] + c), modulus))
return [r[i] % m for i in range(1, size + 1)]
```

Пример работы программы

Введём следующие параметры для запуска программы: prng.exe /g:lc /i:2147483647,48271,0,350 /n:10000 /m:1024 /f:rnd-lc.dat.

```
ind-lc.dat 

Image: Im
           898, 793, 646, 542, 720, 540, 882, 569, 758, 678, 505, 646, 661, 97, 989, 205, 320, 440,
            640, 596, 31, 819, 946, 982, 41, 40, 901, 452, 55, 336, 797, 617, 85, 120, 794, 774, 105,
            68, 873, 62, 1001, 875, 923, 613, 780, 672, 243, 803, 244, 473, 107, 263, 909, 740, 322,
            767, 721, 762, 600, 33, 77, 503, 838, 791, 759, 704, 201, 815, 760, 469, 88, 859, 14, 877,
            774, 823, 253, 360, 260, 125, 397, 610, 25, 748, 585, 851, 36, 207, 784, 981, 17, 11, 217,
            347, 273, 460, 764, 53, 546, 343, 517, 14, 537, 626, 227, 198, 632, 387, 305, 448, 120,
            187, 14, 674, 42, 819, 637, 810, 293, 306, 922, 88, 1000, 841, 545, 304, 447, 719, 938,
            263, 185, 792, 127, 503, 612, 385, 569, 39, 650, 602, 658, 349, 559, 654, 790, 643, 382,
            263, 542, 964, 331, 488, 1009, 737, 480, 969, 703, 702, 44, 124, 155, 669, 150, 532, 978,
            626, 186, 211, 580, 531, 51, 846, 552, 661, 758, 756, 806, 793, 996, 845, 177, 516, 885, 249, 1008, 55, 801, 661, 105, 24, 671, 269, 526, 422, 235, 776, 85, 899, 385, 28, 737,
            596, 650, 388, 663, 916, 7, 434, 12, 722, 921, 714, 687, 603, 371, 490, 59, 430, 778, 194,
            788, 10, 368, 118, 269, 570, 498, 483, 82, 880, 498, 595, 427, 112, 397, 620, 851, 748,
            22, 570, 747, 271, 660, 927, 524, 966, 618, 96, 419, 494, 356, 873, 831, 902, 96, 1015,
            162, 20, 1003, 381, 850, 441, 481, 517, 165, 702, 609, 640, 228, 53, 735, 140, 324, 429,
            547, 470, 172, 895, 906, 132, 830, 716, 105, 462, 756, 150, 816, 824, 113, 753, 474, 908,
            332, 706, 102, 12, 383, 42, 446, 194, 450, 133, 602, 157, 542, 278, 1022, 626, 630, 6,
            756, 90, 465, 170, 151, 469, 936, 252, 205, 228, 732, 290, 50, 332, 548, 114, 901, 708,
            45, 614, 936, 826, 343, 986, 981, 961, 881, 406, 875, 313, 817, 472, 994, 327, 568, 226, 5, 610, 350, 297, 1005, 628, 709, 282, 872, 239, 424, 85, 50, 469, 498, 197, 667, 761,
            1008, 623, 889, 929, 754, 854, 13, 694, 781, 221, 207, 678, 314, 357, 928, 522, 120, 481,
           350, 348, 714, 827, 790, 170, 161, 926, 375, 61, 973, 133, 926, 987, 620, 193, 200, 967, 223, 532, 839, 465, 110, 214, 884, 920, 29, 52, 486, 130, 827, 830, 319, 582, 142, 838,
           441, 505, 202, 446, 560, 26, 544, 4, 984, 224, 298, 8, 262, 157, 952, 914, 585, 616, 318, 98, 336, 999, 803, 208, 553, 202, 952, 56, 936, 991, 231, 1002, 915, 674, 84, 3, 835, 58, 94, 216, 929, 892, 613, 363, 733, 300, 647, 906, 196, 465, 923, 824, 952, 307, 614, 424,
            888, 787, 307, 457, 829, 393, 793, 433, 262, 120, 367, 818, 960, 532, 293, 802, 464, 151,
            951, 861, 662, 143, 470, 531, 117, 717, 854, 641, 15, 860, 984, 639, 435, 109, 1008, 577, 963, 562, 812, 9, 581, 159, 1009, 53, 968, 499, 395, 919, 792, 537, 14, 493, 612, 383,
            801, 872, 893, 137, 56, 369, 812, 946, 101, 101, 320, 431, 324, 431, 156, 676, 1022, 294,
            463, 221, 295, 198, 644, 982, 576, 39, 968, 403, 494, 789, 150, 414, 245, 90, 852, 863, 427, 820, 305, 845, 786, 945, 259, 342, 295, 740, 14, 807, 446, 875, 601, 927, 14, 166,
            892, 903, 482, 601, 443, 606, 936, 658, 409, 728, 674, 109, 443, 334, 193, 425, 523, 621,
            976, 324, 43, 243, 125, 951, 599, 461, 410, 23, 300, 726, 250, 1020, 209, 1017, 642, 595, 133, 902, 908, 351, 31, 487, 24, 660, 305, 431, 578, 980, 436, 922, 5, 444, 204, 473, 668,
            339, 730, 428, 320, 174, 303, 203, 382, 629, 480, 433, 967, 395, 995, 82, 409, 332, 939,
            304, 891, 827, 268, 456, 455, 704, 124, 87, 931, 636, 946, 395, 345, 695, 615, 338, 901, 274, 449, 668, 542, 932, 538, 733, 381, 116, 543, 355, 928, 208, 401, 622, 137, 234, 169
Normal t length: 49 140 lines: 1
                                                    Ln:1 Col:53 Pos:53
                                                                                                                           Windows (CR LF)
```

Алгоритм 2. Аддитивный метод.

Описание алгоритма

Каждое следующее значение вычисляется по рекуррентной формуле вычисления последовательности Фибоначчи с запаздыванием:

$$X_{n+1} = (X_{n-k} + X_{n-j}) \mod m, \quad j > k \ge 1,$$

где k, j — запаздывания.

Параметры запуска программы

prng.exe /g:add /i: $m,k,j,x_0,x_1,x_2,...,x_j$

Исходный текст программы

```
import math
"""

Peaлизация аддитивного метода генерации псевдослучайных чисел
"""

def add_rand_method(m : int, modulus: int, k : int, l : int, x0 :
list[int], size = 10000):
    n = len(x0) - 1
    if size == 1:
        return math.ceil(math.fmod((x0[n - k] + x0[n - l]), modulus)))
    r = x0.copy()
    r.extend([0 for _ in range(0, size)])
    for _ in range(0, size):
        r[n + 1] = math.ceil(math.fmod((r[n - k] + r[n - l]),
modulus))
        n += 1
    return [r[i] % m for i in range(l, len(r))]
```

Пример работы программы

Введём следующие параметры для запуска программы: prng.exe /g:add /i:100,24,55,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17,18,19,20,21,22,23,24,25,26, 27,28,29,30,31,32,33,34,35,36,37,38,39,40,41,42,43,44,45,46,47,48,49,50,51,52,5 3,54,55 /n:10000 /m:1024 /f:rnd-add.dat.

Ind-add.dat 31, 33, 35, 37, 39, 41, 43, 45, 47, 49, 51, 53, 55, 57, 59, 61, 63, 65, 67, 69, 71, 73, 75, 77, 79, 56, 59, 62, 65, 68, 71, 74, 77, 80, 83, 86, 89, 92, 95, 98, 1, 4, 7, 10, 13, 16, 19, 22, 25, 28, 6, 10, 14, 18, 22, 26, 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55, 60, 65, 70, 75, 80, 85, 90, 95, 75, 81, 87, 93, 99, 5, 61, 69, 77, 85, 93, 1, 9, 17, 25, 33, 41, 49, 57, 65, 73, 81, 89, 97, 5, 88, 97, 6, 15, 24, 33, 67, 79, 91, 3, 15, 27, 14, 27, 40, 53, 66, 79, 92, 5, 18, 31, 44, 57, 70, 58, 72, 86, 0, 14, 28, 42, 60, 78, 96, 14, 32, 75, 96, 17, 38, 59, 80, 1, 22, 43, 64, 85, 6, 27, 23, 45, 67, 89, 11, 33, 30, 57, 84, 11, 38, 65, 42, 75, 8, 41, 74, 7, 15, 49, 83, 17, 51, 85, 19, 28, 63, 98, 33, 68, 3, 88, 29, 70, 11, 52, 93, 84, 35, 86, 37, 88, 39, 90, 45, 0, 55, 10, 65, 20, 50, 6, 62, 18, 74, 30, 11, 74, 37, 0, 63, 26, 14, 92, 70, 48, 26, 4, 32, 20, 8, 96, 84, 72, 35, 99, 89, 79, 69, 59, 49, 39, 37, 35, 33, 31, 29, 2, 21, 40, 59, 78, 97, 16, 55, 94, 33, 72, 11, 25, 44, 89, 34, 79, 24, 69, 89, 43, 97, 51, 5, 59, 13, 95, 77, 59, 41, 23, 30, 47, 64, 81, 98, 15, 64, 97, 30, 63, 96, 4, 88, 32, 76, 20, 64, 8, 52, 32, 12, 92, 72, 52, 32, 68, 4, 40, 76, 12, 73, 19, 91, 63, 35, 7, 29, 32, 21, 10, 99, 88, 77, 41, 75, 9, 43, 77, 11, 45, 63, 81, 99, 17, 35, 3, 66, 55, 44, 33, 22, 86, 96, 18, 40, 62, 84, 81, 29, 7, 85, 63, 41, 19, 97, 95, 93, 91, 89, 87, 35, 34, 59, 84, 9, 34, 59, 15, 9, 3, 97, 91, 10, 61, 28, 95, 62, 29, 96, 38, 70, 2, 34, 66, 98, 80, 97, 40, 83, 26, 69, 62, 81, 64, 47, 30, 13, 96, 57, 46, 35, 24, 13, 77, 67, 77, 87, 97, 7, 17, 77, 92, 33, 74, 15, 56, 97, 15, 23, 31, 39, 47, 55, 38, 21, 4, 87, 28, 5, 82, 59, 36, 13, 15, 62, 35, 8, 81, 54, 77, 12, 63, 14, 65, 16, 17, 53, 19, 85, 51, 17, 83, 85, 51, 17, 83, 49, 90, 82, 39, 22, 5, 88, 71, 54, 4, 96, 88, 80, 72, 14, 68, 42, 16, 90, 64, 38, 57, 6, 55, 4, 53, 77, 10, 44, 4, 64, 24, 84, 69, 66, 31, 96, 61, 26, 91, 80, 5, 30, 55, 80, 55, 10, 25, 40, 55, 70, 60, 95, 95, 21, 47, 73, 74, 51, 5, 53, 1, 49, 97, 45, 84, 1, 18, 35, 52, 69, 78, 67, 56, 45, 34, 98, 52, 1, 76, 51, 26, 51, 61, 49, 57, 65, 73, 81, 14, 50, 32, 14, 96, 78, 60, 58, 72, 86, 0, 14, 53, 62, 26, 16, 6, 96, 11, 56, 44, 78, 12, 46, 55, 65, 55, 85, 15, 45, 75, 5, 42, 73, 4, 35, 66, 22, 40, 93, 72, 51, 30, 9, 8, 45, 54, 63, 72, 6, 26, 4, 42, 80, 18, 56, 19, 92, 5, 18, 31, 44, 82, 98, 65, 58, 51, 44, 62, 70, 71, 70, 69, 68, 17, 82, 48, 20, 92, 64, 11, 84, 47, 90, 33, 76, 19, 87, 40, 38, 62, 86, 10, 84, 10, 64, 42, 20, 98, 26, 90, 93, 74, 55, 36, 17, 10, 51, 32, 13, 94, 75, 6, 32, 43, 80, 17, 54, 66, 8, 29, 0, 71, 42, 88, 60, 64, 44, 24, 4, 34, 92, 99, 52, 5, 58, 86, 90, 79, 33, 13, 93, 73, 53, 48, 67, 62, 57, 52, 72, 70, 28, 86, 44, 2, 60, 82, 92, 26, 60, 94, 3, 0, 30, 65, 26, 87, 48, 59, 80, 10, 42, 74, 6, 38, 78, 57, 86, 15, 44, 48, 42, 56, 70, 84, 98, 37, 92, 29, 17, 31, 45, 34, 49, 59, 43, 55, 67, 79, 91, 26, 24, 48, 72, 96, 20, 12, 84, 56, 28, 0, 97, 74, 21, 43, 91, 39, 37, 49, 89, 8, 81, 54, 27, 50, 6, 34, 90, 46, 2, 58, 90, 41, 42, 43, 44, 45, 16, 77, 13, 75, 37, 74, 41, 18, 25, 12, 99, 61, 99, 65, 77, 45, 13, 81, 49, 16, 65, 90, 15, 40, 65, 28, 61, 69, 3, 37, 71, 15, 39, 68, 3, 38, 98, 48, 54, 85, 26, 67, 8, 99, 22, 99, 80, 61, 42, 23, 18, 2, 11, 46, 81, 16, 31, 16, 81, 78, 75, 72, 89, 72, 10, 38, 66, 69, 98, 87, 76, 25, 74, 23, 21 81 59 77 50 81 12 43 4 11 78 41 4 67 46 41 61 51 34 67 1 61 Normal t length: 39 005 lines: 1 Ln:1 Col:1 Pos:1 Windows (CR LF) UTF-8 INS

Алгоритм 3. Пятипараметрический метод.

Описание алгоритма

Данный метод является частным случаем РСЛОС, использует характеристический многочлен из 5 членов и позволяет генерировать последовательности *w*-битовых двоичных целых чисел в соответствии со следующей рекуррентной формулой:

$$X_{n+p} = X_{n+q_1} + X_{n+q_2} + X_{n+q_2} + X_n, n = 1,2,3,...$$

Параметры (p,q_1,q_2,q_3,w) и X_p начальный вектор состоящий из $X_0 \dots X_{p-1}$ битов.

Параметры запуска программы

prng.exe /g:5p /i: p,q_1,q_2,q_3,w,X_p

Исходный текст программы

Пример работы программы

Введём следующие параметры для запуска программы: prng.exe /g:5p /i:89,20,40,69,1024,615930009644690137449363111 /n:10000 /f:rnd_5p.dat /m:1024.

🔚 rnd_5p.dat 🛚 1 832, 339, 8, 678, 706, 420, 686, 464, 940, 561, 86, 227, 254, 630, 728, 208, 991, 761, 197, 473, 301, 974, 328, 259, 943, 835, 255, 528, 621, 730, 626, 880, 153, 832, 56, 833, 7, 372, 836, 108, 664, 660, 71, 234, 637, 519, 921, 634, 920, 162, 844, 661, 740, 556, 427, 2, 734, 541, 768, 693, 244, 54, 701, 923, 204, 393, 866, 501, 575, 524, 304, 905, 203, 1018, 962, 799, 758, 292, 294, 147, 256, 93, 10, 445, 887, 723, 872, 894, 858, 748, 717, 910, 708, 314, 662, 737, 102, 1014, 175, 780, 505, 542, 855, 475, 10, 1, 826, 387, 128, 111, 372, 437, 907, 280, 538, 1001, 593, 513, 368, 229, 49, 641, 946, 791, 41, 3, 933, 678, 411, 287, 770, 429, 675, 320, 995, 218, 868, 400, 792, 54, 142, 370, 579, 471, 659, 375, 815, 516, 486, 321, 752, 709, 573, 305, 136, 409, 586, 411, 911, 693, 61 609, 347, 923, 832, 728, 987, 527, 137, 623, 544, 241, 274, 138, 262, 367, 128, 767, 195, 37, 841, 259, 610, 115, 1005, 74, 103, 90, 720, 467, 256, 978, 560, 114, 485, 34, 642, 157, 471, 33, 413, 531, 792, 686, 356, 108, 205, 83, 352, 531, 202, 124, 417, 586, 214 649, 498, 761, 241, 937, 316, 675, 800, 402, 678, 937, 799, 1008, 359, 936, 837, 585, 743, 580, 309, 935, 160, 845, 137, 543, 385, 984, 369, 1003, 427, 381, 740, 355, 380, 85, 819, 58, 205, 275, 781, 169, 253, 841, 981, 559, 73, 841, 728, 768, 525, 128, 69, 756, 244, 899, 2, 1009, 721, 200, 891, 862, 846, 622, 416, 636, 15, 726, 739, 803, 466, 497, 652, 322, 830, 377, 416, 168, 965, 431, 677, 477, 629, 605, 522, 636, 252, 436, 283, 732, 428, 648, 542, 782, 177, 305, 769, 814, 521, 856, 892, 482, 981, 476, 333, 823, 936, 192, 682, 603, 315, 825, 379, 226, 375, 670, 789, 554, 135, 525, 811, 99, 534, 951, 661, 241, 468, 973, 901, 952, 514, 328, 840, 375, 621, 119, 466, 376, 627, 82, 241, 90, 56, 733, 592, 594, 513, 370, 609, 573, 232, 201, 560, 806, 803, 166, 713, 756, 197, 320, 831, 980, 795, 511, 582, 773, 1020, 820, 618, 361, 266, 91, 254, 229, 730, 452, 987, 294, 633, 334, 487, 654, 741, 175, 450, 174, 448, 53, 691, 307, 629, 404, 32, 121, 529, 356, 194, 1020, 932, 102, 1014, 180, 481, 275, 949, 588, 643, 929, 765, 507, 695, 770, 111, 838, 153, 644, 1015, 240, 388, 868, 634, 546, 234, 727, 862, 337, 285, 755, 803, 1005, 764, 319, 194, 818, 184, 246, 41, 478, 27, 949, 764, 118, 540, 1022, 584, 967, 814, 523, 508, 198, 571, 382, 325, 602, 949, 957, 400, 211, 887, 106, 57, 291, 374, 424, 242, 34, 43, 766, 330, 173, 117, 641, 689, 168, 35, 194, 269, 353, 33, 516, 398, 258, 393, 640, 1020, 261, 865, 411, 43, 545, 119, 920, 446, 693, 753, 501, 958, 778, 707, 463, 133, 225, 397, 183, 188, 620, 759, 1012, 228, 290, 242, 1000, 15, 276, 752, 843, 956, 680, 897, 890, 789, 895, 801, 963, 753, 837, 162, 650, 149, 211, 791, 807, 538, 983, 1, 217, 969, 269, 888, 524, 112, 316, 273, 966, 502, 713, 104, 862, 472, 756, 803, 45, 151, 872, 335, 422, 450, 123, 649, 0, 141, 688, 967, 840, 715, 458, 540, 877, 356, 189, 641, 995, 293, 102, 1011, 188, 10, 888, 997, 66, 165, 260, 441, 345, 447, 441, 916, 18, 984, 194, 467, 288, 865, 639, 118, 478, 565, 450, 118, 943, 905, 262, 23, 192, 946, 738, 483, 468, 63, 607, 1014, 1007, 322, 885, 938, 518, 382, 575, 525, 71, 180, 793, 636, 680, 810, 736, 184, 125, 631, 66, 401, 851, 1, 985, 910, 513, 131, 626, 789, 631, 349, 101, 301, 584, 223, 514, 1006, 410, 878, <u>403 765 408 468 213 118 325 405 392 82 914 582 39 404 775 329 19 993</u> Normal t length: 49 215 lines: 1 Ln:1 Col:1 Pos:1 Windows (CR LF) UTF-8

Алгоритм 4. Регистр сдвига с обратной связью (РСЛОС).

Описание алгоритма

Следующий класс ГПСЧ основан на идее преобразования двоичного представления некоторого числа. Такие генераторы имеют некоторые преимущества, как, например, скорость генерации таких чисел, хорошие статистические свойства ПСЧ, а также возможность простой реализации на аппаратном уровне.

Для натурального числа p и двоичного представления a_p , состоящий из $a_1,\ a_2,\ ...,a_{p-1}$ битов, принимающих значения 0 или 1, определяют рекуррентную формулу

$$X_{n+p} = a_{p-1}X_{n+p-1} + a_{p-2}X_{n+p-2} + \dots + a_1X_{n+1} + X_n, \tag{3.7}$$

Как видно из формулы, для РСЛОС функция обратной связи является линейной булевой функцией от состояний всех или некоторых битов регистра.

Одна итерация алгоритма, генерирующего последовательность, состоит из следующих шагов:

- 1. Содержимое ячейки p-1 формирует очередной бит ПСП битов.
- 2. Содержимое ячейки 0 определяется значением функции обратной связи, являющейся линейной булевой функцией с коэффициентами $a_1, a_2, \ldots, a_{p-1}$. Его вычисляют по формуле 3.7.
- 3. Содержимое каждого i-го бита перемещается в (i+1)-й, $0 \le i < p-1$.
- 4. В ячейку 0 записывается новое содержимое, вычисленное на шаге 2.

Параметры запуска программы

prng.exe /g:lfsr /i: a_p , X_p

Исходный текст программы

```
Реализация РСЛОС метода генерации псевдослучайных чисел
def excep(R : str):
   for s in R:
       if s != '0':
           if s != '1':
               raise Exception
def lfsr rand method(m : int, c vec : str, seed : str, size=10000):
   excep(c vec)
   excep(seed)
   sr = int(seed, 2)
   xor = 0
   r = [0 for _ in range(size)]
   c = [i for i in range(len(c vec) - 1, -1, -1) if c vec[len(c vec)
 1 - i] != '0']
   for i in range(size):
       current = 0
       for in range(2 ** (c[0] - 1)):
           for ch in c:
               xor ^= (sr >> ch)
           xor ^= sr & 1
           current <<= 1
           current ^= (sr & 1)
           sr >>= 1
           xor = 0
       r[i] = current % m
   return r
```

Пример работы программы

Введём следующие параметры для запуска программы: prng.exe /g:lfsr /i:1000001010011,1110101001001 /n:10000 /f:rnd_lfsr.dat /m:1024.

```
🔚 rnd_lfsr.dat 🖾
                  138, 358, 368, 863, 174, 896, 422, 238, 245, 831, 609, 85, 110, 542, 524, 895,
      262, 959,
      276, 716, 737, 702, 349, 768, 845, 477, 491, 638, 195, 170, 220, 60, 24, 766, 552, 409,
       450, 381, 698, 513, 666, 955, 982, 252, 390, 340, 441, 120, 49, 509, 81, 818, 900, 762,
       372, 3, 308, 886, 941, 505, 781, 680, 882, 241, 99, 1019, 163, 613, 777, 500, 744, 7, 616,
      748, 859, 1010, 538, 336, 741, 482, 199, 1014, 326, 202, 531, 1001, 464, 14, 209, 473,
       695, 996, 53, 673, 459, 964, 399, 1005, 652, 404, 39, 978, 928, 28, 418, 946, 367, 969,
       106, 322, 918, 905, 799, 987, 281, 809, 78, 932, 832, 56, 836, 868, 734, 914, 213, 645,
      813, 786, 574, 950, 563, 595, 156, 841, 641, 113, 648, 712, 445, 804, 427, 267, 602, 549,
      124, 877, 103, 167, 313, 659, 258, 227, 272, 400, 891, 584, 854, 535, 181, 74, 248, 730,
       206, 335, 627, 294, 517, 454, 545, 800, 759, 145, 684, 46, 363, 149, 496, 436, 413,
      231, 588, 10, 909, 67, 577, 495, 290, 345, 92, 727, 299, 992, 873, 827, 317, 463, 152, 21,
      795, 135, 131, 991, 581, 691, 184, 431, 599, 960, 723, 631, 634, 927, 304, 42, 567, 271,
       262, 959, 138, 358, 368, 863, 174, 896, 422, 238, 245, 831, 609, 85, 110, 542, 524, 895,
      276, 716, 737, 702, 349, 768, 845, 477, 491, 638, 195, 170, 220, 60, 24, 766, 552, 409,
      450, 381, 698, 513, 666, 955, 982, 252, 390, 340, 441, 120, 49, 509, 81, 818, 900, 762,
       372, 3, 308, 886, 941, 505, 781, 680, 882, 241, 99, 1019, 163, 613, 777, 500, 744, 7, 616,
      748, 859, 1010, 538, 336, 741, 482, 199, 1014, 326, 202, 531, 1001, 464, 14, 209, 473,
      695, 996, 53, 673, 459, 964, 399, 1005, 652, 404, 39, 978, 928, 28, 418, 946, 367, 969, 106, 322, 918, 905, 799, 987, 281, 809, 78, 932, 832, 56, 836, 868, 734, 914, 213, 645,
      813, 786, 574, 950, 563, 595, 156, 841, 641, 113, 648, 712, 445, 804, 427, 267, 602, 549,
      124, 877, 103, 167, 313, 659, 258, 227, 272, 400, 891, 584, 854, 535, 181, 74, 248, 730, 206, 335, 627, 294, 517, 454, 545, 800, 759, 145, 684, 46, 363, 149, 496, 436, 413, 670,
      231, 588, 10, 909, 67, 577, 495, 290, 345, 92, 727, 299, 992, 873, 827, 317, 463, 152, 21,
      795, 135, 131, 991, 581, 691, 184, 431, 599, 960, 723, 631, 634, 927, 304, 42, 567, 271, 262, 959, 138, 358, 368, 863, 174, 896, 422, 238, 245, 831, 609, 85, 110, 542, 524, 895,
      276, 716, 737, 702, 349, 768, 845, 477, 491, 638, 195, 170, 220, 60, 24, 766, 552, 409,
      450, 381, 698, 513, 666, 955, 982, 252, 390, 340, 441, 120, 49, 509, 81, 818, 900, 762, 372, 3, 308, 886, 941, 505, 781, 680, 882, 241, 99, 1019, 163, 613, 777, 500, 744, 7, 616,
      748, 859, 1010, 538, 336, 741, 482, 199, 1014, 326, 202, 531, 1001, 464, 14, 209, 473,
      695, 996, 53, 673, 459, 964, 399, 1005, 652, 404, 39, 978, 928, 28, 418, 946, 367, 969, 106, 322, 918, 905, 799, 987, 281, 809, 78, 932, 832, 56, 836, 868, 734, 914, 213, 645,
       813, 786, 574, 950, 563, 595, 156, 841, 641, 113, 648, 712, 445, 804, 427, 267, 602, 549,
      124, 877, 103, 167, 313, 659, 258, 227, 272, 400, 891, 584, 854, 535, 181, 74, 248, 730, 206, 335, 627, 294, 517, 454, 545, 800, 759, 145, 684, 46, 363, 149, 496, 436, 413, 670,
       231, 588, 10, 909, 67, 577, 495, 290, 345, 92, 727, 299, 992, 873, 827, 317, 463, 152, 21,
       795, 135, 131, 991, 581, 691, 184, 431, 599, 960, 723, 631, 634, 927, 304, 42, 567, 271,
      262, 959, 138, 358, 368, 863, 174, 896, 422, 238, 245, 831, 609, 85, 110, 542, 524, 895,
            716 727 702 349 768 845 477 491 638 195 170 220 60 24 766 552 409
Normal t length: 49 169 lines: 1
                             Ln:1 Col:1 Pos:1
                                                                              Windows (CR LF) UTF-8
```

Алгоритм 5. Нелинейная комбинация РСЛОС.

Описание алгоритма

Генератор Геффа является примером нелинейной комбинации РСЛОС. В этом генераторе используются три РСЛОС R_1 , R_2 , R_3 , объединённые нелинейным образом. Длины этих регистров L_1 , L_2 , L_3 — попарно простые числа.

Нелинейная функция генератора: $f(x_1,x_2,x_3)=R_1(x_1)R_2(x_2)\oplus (1+R_2(x_2))R_3(x_3)=R_1(x_1)R_2(x_2)\oplus R_2(x_2)R_3(x_3)\oplus R_3(x_3).$

Параметры запуска программы

prng.exe /g:nfsr /i: $R_1, R_2, R_3, w, x_1, x_2, x_3$

```
Реализация нелинейной комбинации РСЛОС метода генерации
псевдослучайных чисел
def excep(R : str):
    for s in R:
        if s != '0':
             if s != '1':
                 raise Exception
def nfsr rand method(m : int,
                       R1 : str,
                       R2: str,
                       R3 : str,
                       w : int,
                       x1 : int,
                       x2:int,
                       x3:int,
                       size : int = 10000):
    r = [0 for _ in range(size)]
    excep(R1)
    excep(R2)
    excep(R3)
    R1_coeff = [i for i in range(len(R1) - 1, -1, -1) if R1[i] == '1']
    R2 \text{ coeff} = [i \text{ for } i \text{ in } range(len(R2) - 1, -1, -1) \text{ if } R2[i] == '1']
```

```
R3_{coeff} = [i \text{ for } i \text{ in } range(len(R3) - 1, -1, -1) \text{ if } R3[i] == '1']
for i in range(size):
    xor1, xor2, xor3 = 0, 0, 0
    current = 0
    for _ in range(w):
        n = max(len(R1_coeff), len(R2_coeff), len(R3_coeff))
        for j in range(n):
             if j < len(R1 coeff):</pre>
                  xor1 ^= x1 >> R1_coeff[j]
             if j < len(R2 coeff):</pre>
                  xor2 ^= x2 >> R2_coeff[j]
             if j < len(R3_coeff):</pre>
                  xor3 ^= x3 >> R3_coeff[j]
         x1 >>= 1
        x2 >>= 1
         x3 >>= 1
         x1 |= (xor1 & 1) << (R1_coeff[0] - 1)
        x2 = (xor2 \& 1) << (R2 coeff[0] - 1)
        x3 = (xor3 \& 1) << (R3 coeff[0] - 1)
        output bit = ((x1 \& x2) \land (x2 \& x3) \land x3) \& 1
         current <<= 1</pre>
         current ^= output bit
    r[i] = current % m
return r
```

Пример работы программы

Введём следующие параметры для запуска программы: prng.exe /g:nfsr /i:1000001010011,1000000000000011,100011101,1024,7497,49311,345 /n:10000 /f:rnd_nfsr.dat /m:1024.

```
🔚 rnd_nfsr.dat 🔀
      496, 761, 514, 826, 515, 908, 716, 676, 527, 449, 122, 771, 696, 9, 952, 424, 942, 647, 773, 763, 22, 630, 754, 216, 686, 802, 623, 448, 254, 286, 958, 561, 1016, 644, 931, 541,
      644, 186, 16, 860, 449, 891, 898, 493, 13, 420, 498, 210, 770, 587, 840, 41, 418, 175,
      389, 411, 530, 826, 654, 491, 556, 954, 674, 964, 233, 306, 800, 905, 74, 740, 270, 201,
      508, 811, 94, 632, 673, 353, 676, 932, 782, 193, 248, 50, 176, 131, 972, 746, 749, 143,
      459, 126, 914, 569, 788, 704, 702, 925, 654, 23, 249, 342, 336, 63, 834, 505, 108, 932, 352, 723, 130, 617, 846, 521, 934, 423, 141, 985, 570, 258, 878, 875, 888, 702, 176, 716,
      192, 698, 528, 652, 67, 836, 558, 964, 30, 323, 254, 320, 824, 33, 898, 140, 941, 719,
      277, 499, 146, 696, 654, 616, 702, 654, 175, 769, 255, 19, 760, 645, 1008, 821, 653, 134,
      352, 223, 82, 572, 835, 968, 556, 933, 6, 465, 506, 67, 808, 547, 450, 686, 397, 927, 723,
      427, 334, 490, 573, 762, 160, 1004, 704, 928, 545, 399, 96, 592, 590, 196, 302, 523, 476,
      362, 274, 881, 643, 450, 780, 573, 924, 487, 251, 24, 652, 579, 846, 654, 428, 543, 461,
      179, 208, 537, 530, 848, 652, 174, 684, 455, 195, 22, 632, 585, 840, 676, 804, 659, 384,
      235, 256, 568, 3, 1002, 396, 957, 651, 419, 459, 418, 572, 762, 168, 748, 672, 931, 769,
      137, 18, 624, 527, 984, 510, 783, 173, 328, 1019, 83, 546, 967, 904, 557, 813, 71, 464, 250, 74, 554, 563, 202, 174, 957, 958, 161, 765, 68, 1008, 771, 972, 518, 868, 30, 448,
      63, 322, 825, 8, 992, 56, 729, 394, 195, 461, 40, 306, 167, 396, 651, 938, 682, 461, 511,
      30, 762, 674, 968, 676, 936, 652, 449, 219, 592, 524, 323, 968, 554, 765, 270, 465, 481,
      658, 42, 774, 716, 44, 959, 242, 153, 255, 98, 634, 131, 462, 556, 957, 655, 476, 225,
      434, 825, 520, 334, 748, 428, 715, 141, 123, 24, 520, 899, 840, 699, 910, 655, 961, 235,
      274, 568, 516, 904, 548, 813, 654, 449, 251, 18, 560, 673, 712, 942, 905, 653, 193, 767, 30, 720, 371, 961, 700, 841, 702, 449, 210, 198, 778, 535, 408, 806, 507, 156, 708, 739,
      126, 156, 10, 876, 684, 421, 670, 197, 498, 272, 520, 2, 872, 158, 456, 159, 451, 251, 88,
      672, 256, 961, 170, 717, 654, 1, 499, 147, 536, 659, 672, 552, 1007, 1007, 529, 251, 176, 760, 642, 986, 896, 941, 719, 756, 43, 400, 382, 771, 492, 200, 944, 331, 128, 230, 282,
      537, 280, 869, 250, 652, 654, 963, 127, 150, 570, 548, 936, 165, 957, 711, 464, 505, 10,
      50, 561, 478, 460, 431, 715, 505, 127, 20, 624, 707, 448, 555, 844, 15, 466, 247, 136,
      922, 562, 906, 910, 495, 700, 737, 177, 236, 728, 514, 832, 908, 356, 540, 204, 242, 274,
      777, 88, 840, 696, 485, 651, 455, 142, 598, 56, 519, 992, 172, 940, 642, 88, 235, 50, 824,
      675, 504, 1020, 749, 971, 405, 649, 18, 560, 590, 456, 173, 928, 987, 77, 184, 48, 657,
      131, 585, 748, 685, 943, 451, 201, 914, 568, 514, 974, 236, 557, 699, 128, 251, 528, 560,
      515, 904, 672, 892, 655, 448, 251, 259, 120, 768, 1000, 228, 653, 399, 398, 93, 50, 305,
      659, 648, 716, 686, 686, 463, 187, 822, 826, 545, 1020, 708, 952, 917, 140, 31, 624, 286,
      195, 271, 584, 505, 590, 453, 368, 147, 154, 523, 844, 680, 936, 655, 457, 987, 530, 554,
      326, 489, 700, 761, 131, 449, 192, 946, 544, 901, 960, 636, 653, 130, 347, 331, 82, 552,
      929, 480, 686, 909, 654, 321, 255, 83, 688, 643, 968, 558, 685, 142, 467, 510, 786, 568,
      565, 704, 956, 941, 652, 7, 763, 286, 720, 15, 840, 441, 620, 901, 368, 723, 146, 538,
                             909 985 626 58
            136
                 936
                       935
                                                   222 99 988 760 673 717 448
                                                                                          1010 514 957
Normal t length: 49 194 lines: 1
                                      Ln:1 Col:1 Pos:1
                                                                            Windows (CR LF)
                                                                                           UTF-8
                                                                                                              INS
```

Алгоритм 6. Вихрь Мерсенна.

Описание алгоритма

По сути данный ГПСЧ является РСЛОС, состоящим из 624 ячеек по 32 бита. Метод Вихрь Мерсенна позволяет генерировать последовательность двоичных псевдослучайных целых w-битовых чисел в соответствии со следующей рекуррентной формулой

$$X_{n+p} = X_{(n+q)} \oplus (X_n^r | X_{n+1}^l) A$$
 $(n = 0,1,2,...)$

где p, q, r — целые константы, p — степень рекуррентности, $1 \le q \le p$; X_n — w-битовое двоичное целое число;

 $(X_n^r|X_{n+1}^l)$ — двоичное целое число, полученное конкатенацией чисел X_n^r и X_{n+1}^l , когда первые (w-r) битов взяты из X_n , а последние r битов из X_n+1 в том же порядке;

A — матрица размера $w \times w$, состоящая из нулей и единиц, определенная посредством a;

XA — произведение, при вычислении которого сначала выполняют операцию $X\gg 1$ (сдвига битов на одну позицию вправо), если последний бит X равен 0, а затем, когда последний бит X=1, вычисляют $XA=(X\gg 1)\oplus a$,

$$a = (a_{w-1}, a_{w-2}, \dots, a_0),$$

$$X = (x_{w-1}, x_{w-2}, \dots, x_0),$$

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \ddots & 0 \\ \vdots & \dots & \dots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & & 1 \\ a_{w-1} & a_{w-2} & \dots & \dots & a_0 \end{pmatrix}.$$

Алгоритм Вихрь Мерсенна состоит из попеременного выполнения процедур рекурсивной генерации и «закалки». Рекурсивная генерация представляет из себя РСЛОС с дополнительной рекурсивной функцией для потока выходныхбитов. Операция «закалки» является процедурой, усиливающей равномерность распределения на больших размерностях битовых векторов.

Шаги алгоритма.

Шаг 1а. Инициализируются значения u, h, a по формуле:

$$u\coloneqq (1,0,\dots,0)$$
 — всего $w-r$ бит, $h\coloneqq (0,1,\dots,1)$ — всего r бит, $a\coloneqq (a_{w-1},a_{w-2},\dots,a_0)$ — последняя строка матрицы A .

Шаг 16. X_0 , X_1 , ... , X_{p-1} заполняются начальными значениями.

Шаг 2. Вычисляется
$$Y := (y_0, y_1, ..., y_{w-1}) := (X_n^r | X_{n+1}^l).$$

Шаг 3. Вычисляется новое значение X_i :

$$X_n \coloneqq X_{n+q} \bmod p \oplus (Y \gg 1) \oplus a$$
, если младший бит $y_0 = 1$;

$$X_n \coloneqq X_{n+q} \mod p \oplus (Y \gg 1) \oplus 0$$
, если младший бит $y_0 = 0$;

Шаг 4. Вычисляется X_iT .

$$Y \coloneqq X_n$$

$$Y := Y \oplus (Y \gg u)$$
,

$$Y := Y \oplus ((Y \ll s) \cdot b),$$

$$Y := Y \oplus ((Y \ll t) \cdot c),$$

$$Z \coloneqq Y \oplus (Y \gg l).$$

Z подается на выход, как результат.

Шаг 5. $n := (n+1) \mod p$. Переход на шаг 2.

Параметры алгоритма были тщательно подобраны создателями с целью достижения наилучших свойств. Параметры p и r выбраны так, что образующий многочлен — примитивный степени 19937. w выбирается по размеру стандартного машинного слова — 32 или 64 бита. Однако для 64-битной версии формула выглядит несколько иначе. Значение последней строки матрицы A выбирается случайным образом и подается на вход алгоритма. Параметры «закалки» подобраны так, чтобы дать в итоге хорошее равномерное распределение.

Параметры алгоритма Вихрь Мерсенна: p=624, w=32, r=31, q=397, a=2567483615 (9908B0DF16), u=11, s=7, t=15, l=18, b=2636928640 (9D2C568016), c=4022730752 (EFC6000016).

Параметры запуска программы

Исходный текст программы

```
Реализация вихря Мерсена метода генерации псевдослучайных чисел
p, w, r, q = 624, 32, 31, 397
u = 1 << (w - r)
h = (1 << (r + 1)) - 1
a, b, c = 0x9908B0DF, 0x9D2C5680, 0xEFC60000
s = 7
t = 15
1 = 18
def mt rand method(m : int, modulus : int, seed : int, size = 10000):
    x = [0] * p
    x[0] = seed
    for i in range(1, p):
        x[i] = (69069 * x[i - 1]) & ((1 << w + 1) - 1)
    mta = [0, a]
    i = 0
    r = [0 for in range(size)]
    for j in range(size):
        y = (x[i] \& u) | (x[(i + 1) \% p] \& h)
        x[i] = x[(i + q) \% p] ^ (y >> 1) ^ mta[y & 1]
        y = x[i]
        y ^= y >> u
        y ^= (y << s) & b
        y ^= (y << t) & c
        i = (i + 1) \% p
        r[j] = (y \land (y >> 1)) \% modulus
    return [i%m for i in r]
```

Пример работы программы

Введём следующие параметры для запуска программы: prng.exe /g:mt /i:4096,25 /n:10000 /m:1024 /f:rnd mt.dat.

```
md_mt.dat
   1 342, 10, 980, 69, 42, 212, 365, 328, 135, 676, 223, 268, 294, 292, 730, 800, 638, 898,
      478, 679, 387, 368, 80, 687, 643, 107, 208, 882, 132, 876, 193, 392, 484, 952, 804, 334,
      161, 438, 906, 779, 793, 889, 1013, 526, 528, 626, 248, 564, 5, 941, 78, 734, 854, 465,
      1006, 633, 608, 19, 461, 527, 751, 247, 1001, 598, 569, 695, 53, 1019, 191, 856, 320, 725,
      204, 767, 635, 174, 1022, 832, 331, 621, 502, 831, 382, 653, 879, 548, 407, 879, 206, 408,
      991, 211, 858, 656, 785, 377, 464, 917, 222, 637, 895, 940, 737, 139, 162, 352, 903, 153,
      741, 164, 656, 143, 465, 425, 1014, 23, 133, 7, 571, 1, 844, 52, 747, 1019, 642, 345, 533,
      56, 466, 430, 174, 331, 56, 980, 537, 853, 364, 399, 384, 576, 233, 897, 313, 539, 2, 809,
      248, 484, 47, 430, 469, 653, 622, 286, 766, 94, 862, 328, 688, 631, 412, 285, 184,
     347, 112, 234, 82, 40, 582, 936, 77, 219, 407, 936, 425, 399, 530, 541, 268, 183, 752, 802, 376, 272, 744, 978, 986, 1014, 381, 425, 932, 968, 920, 846, 865, 841, 491, 132, 811,
      963, 180, 394, 315, 893, 366, 900, 914, 654, 97, 694, 560, 248, 587, 88, 168, 728, 414,
      159, 778, 289, 193, 180, 143, 780, 883, 285, 776, 301, 470, 1019, 599, 40, 11, 710, 844,
      919, 1013, 290, 220, 726, 219, 494, 192, 939, 824, 429, 674, 440, 168, 736, 498, 840, 832,
      188, 873, 729, 988, 158, 734, 16, 555, 10, 472, 993, 296, 669, 938, 614, 263, 35, 746,
      578, 466, 402, 271, 764, 574, 314, 501, 547, 1004, 160, 746, 390, 217, 249, 246, 816, 173,
      450, 634, 596, 854, 434, 614, 1004, 931, 881, 596, 706, 19, 754, 554, 257, 68, 503, 984, 913, 125, 853, 773, 694, 670, 251, 620, 930, 793, 747, 602, 794, 306, 911, 793, 686, 261,
      994, 895, 680, 222, 838, 294, 482, 372, 554, 576, 971, 1016, 453, 185, 112, 95, 152, 948,
      328, 223, 760, 341, 120, 468, 151, 769, 238, 781, 157, 984, 103, 356, 143, 975, 769, 1022,
      263, 1016, 646, 734, 420, 749, 196, 347, 458, 682, 779, 439, 148, 300, 513, 616, 698, 243,
      415, 974, 632, 252, 375, 149, 11, 852, 454, 421, 515, 747, 474, 234, 16, 190, 405, 133,
      314, 398, 756, 88, 223, 341, 206, 801, 295, 120, 416, 190, 523, 351, 409, 853, 690, 985, 379, 53, 19, 607, 838, 131, 547, 133, 758, 100, 897, 666, 556, 239, 840, 839, 660, 690,
      522, 636, 824, 118, 322, 327, 114, 36, 11, 824, 633, 231, 955, 62, 247, 343, 240, 830,
      561, 786, 804, 53, 343, 576, 921, 922, 402, 597, 140, 118, 734, 745, 963, 524, 315, 628,
      170, 684, 897, 732, 195, 1014, 882, 698, 635, 68, 490, 448, 77, 584, 883, 593, 694, 121,
      462, 910, 97, 382, 644, 507, 564, 1018, 58, 342, 366, 818, 553, 454, 360, 455, 845, 992, 34, 456, 478, 1005, 368, 617, 898, 818, 258, 14, 780, 190, 764, 723, 316, 103, 10, 530,
      515, 378, 3, 3, 69, 184, 661, 152, 620, 24, 52, 239, 571, 902, 77, 0, 919, 275, 616, 737,
      706, 222, 538, 309, 918, 891, 20, 509, 992, 737, 426, 922, 148, 494, 127, 300, 272, 517,
      161, 643, 336, 391, 222, 313, 416, 623, 1015, 738, 216, 28, 296, 688, 346, 76, 765, 832,
      723, 745, 904, 668, 288, 444, 880, 485, 551, 873, 359, 672, 916, 705, 555, 301, 574, 183,
      866, 778, 864, 641, 66, 43, 745, 230, 56, 290, 279, 114, 508, 790, 978, 263, 861, 172, 19,
      382, 559, 753, 696, 996, 975, 72, 167, 75, 959, 722, 840, 98, 721, 1005, 668, 732, 36,
      966, 955, 961, 239, 710, 988, 262, 242, 899, 850, 601, 547, 352, 756, 255, 768, 289, 608,
      969, 978, 560, 625, 192, 122, 688, 888, 649, 954, 947, 612, 555, 307, 526, 527, 185, 303,
      884
           798
                398 684 14 203 34 608 39 242 825 811 1018 264 174 286 525 195
```

Алгоритм 7. RC4.

Описание алгоритма

- 1. Инициализация S_i , i = 0,1,...,255.
 - a) for i = 0 to 255: $S_i = i$;
 - b) j = 0;
 - c) for i = 0 to 255: $j = (j + S_i + K_i) \mod 256$; Swap (S_i, S_j)
- 2. i = 0, j = 0.
- 3. Итерация алгоритма:
 - a) $i = (i + 1) \mod 256$;
 - b) $j = (j + S_i) \mod 256$;
 - c) Swap(S_i , S_j);
 - d) $t = (S_i + S_j) \mod 256;$
 - e) $K = S_t$;

Параметры запуска программы

prng /g:rc4 /i: $K_0, K_1, K_2, ..., K_{255}$

```
.....
Реализация линейно-конгруэтного метода генерации псевдослучайных чисел
def rc4_rand_method(m : int, K : list[int], size=10000):
    if len(K) != 256:
        raise Exception
    s = [i \text{ for } i \text{ in range}(256)]
    j = 0
    for i in range(256):
        j = (j + s[i] + K[i]) \% 256
        s[i], s[j] = s[j], s[i]
    i = j = 0
    r = [0 for in range(size)]
    for d in range(size):
        k, 1 = 0, 0
        for _ in range(2):
            k = 1
```

```
i = (i + 1) % 256
j = (j + s[i]) % 256
s[i], s[j] = s[j], s[i]
t = (s[i] + s[j]) % 256
l = s[t]
r[d] = int(str(l) + str(k)) % m
return r
```

Пример работы программы

Введём следующие параметры для запуска программы: prng.exe /g:rc4 /i:3179,3298,3097,2987,2258,2437,195,583,1623,2324,1886,3533,1935,254,1697, 2568,2181,2266,3523,3830,535,3541,1025,2103,290,3932,3481,909,4047,2991,25 86,129,2338,1775,706,1232,2149,3662,2979,175,3241,2746,431,1137,2249,806,3 589,22,2536,3305,3375,844,4047,3642,3293,3153,2464,437,488,3122,2235,771,8 28,3208,2879,3482,2070,1233,11,1985,2594,1762,3934,642,2227,3319,1403,2038 ,4071,3533,1740,3480,2488,2788,2784,890,264,163,4012,662,762,1410,2948,193 7,2593,369,2871,1094,1347,4041,1516,3187,2897,3381,342,1125,1350,512,3698, 1854,692,2027,1682,3734,4003,753,1349,20,2203,3273,3287,3889,458,691,2666, 2126,617,2832,142,2853,3938,843,2352,2377,435,1051,1383,4070,3333,1726,138 2,3098,2874,2303,2592,2034,874,3591,2833,1628,3144,3702,2086,3820,783,966, 4039,1654,3876,3345,3243,3645,49,1549,22,1945,3010,2182,3350,3038,3687,154 5,3194,1693,3793,3947,3254,3438,1337,2986,1500,1970,1130,2007,2477,3272,20 90,746,2576,78,1204,3821,2162,1001,3963,2814,273,2751,419,735,175,1385,184 4,63,264,1379,2546,3196,863,1185,3727,3353,662,1172,2545,2122,1470,2940,10 36,3108,3717,1266,2252,2540,2065,993,2492,1469,187,2773,4091,2432,2003,509 ,1930,2326,2440,2882,2673,562,1563,2950,367,2366,2763,3293,2654,2122,1836, 4089,1000,3463,3052,9,1078,2453 /n:10000 /m:1024 /f:rnd_rc4.dat.

```
rnd rc4.dat
     845, 820, 503, 829, 446, 121, 905, 337, 674, 608, 318, 441, 325, 637, 710, 820, 183, 806,
      686, 538, 175, 94, 559, 815, 206, 111, 39, 831, 137, 966, 49, 641, 790, 912, 295, 758,
      242, 596, 1012, 385, 919, 30, 850, 1012, 729, 130, 145, 251, 890, 888, 129, 672, 585, 317,
      104, 322, 447, 685, 365, 137, 605, 183, 407, 6, 509, 232, 782, 772, 567, 455, 409, 286,
      570, 778, 381, 994, 908, 119, 280, 870, 510, 115, 590, 449, 444, 542, 812, 732, 368, 194,
      511, 805, 95, 974, 256, 649, 619, 542, 982, 737, 210, 12, 159, 915, 153, 1020, 986, 38,
      842, 339, 424, 905, 4, 506, 463, 849, 286, 389, 420, 835, 643, 882, 623, 340, 624, 984,
      668, 766, 26, 463, 305, 886, 729, 362, 998, 294, 204, 743, 792, 306, 202, 420, 974, 259,
      283, 981, 241, 35, 322, 744, 331, 932, 138, 622, 162, 319, 518, 831, 960, 265, 373, 979,
      934, 307, 602, 392, 372, 510, 628, 722, 709, 66, 823, 617, 393, 869, 597, 401, 508, 445,
      942, 351, 349, 945, 161, 78, 807, 498, 748, 430, 562, 198, 723, 292, 223, 560, 348, 873,
      1004, 803, 8, 482, 184, 313, 77, 157, 913, 309, 1007, 455, 574, 964, 146, 684, 592, 243,
      171, 309, 670, 257, 174, 982, 574, 772, 173, 924, 932, 151, 726, 775, 64, 401, 19, 574,
      49, 621, 413, 207, 996, 263, 65, 417, 244, 931, 876, 828, 146, 749, 753, 283, 648, 276,
      374, 14, 385, 744, 518, 517, 662, 972, 339, 381, 778, 912, 336, 551, 390, 969, 246, 825,
      517, 829, 290, 269, 98, 916, 476, 997, 735, 822, 576, 415, 944, 347, 180, 165, 684, 176, 100, 841, 569, 45, 745, 162, 465, 63, 310, 979, 950, 919, 611, 793, 368, 222, 220, 985,
      327, 726, 727, 199, 596, 124, 494, 306, 919, 1001, 159, 400, 329, 453, 993, 1013, 332,
      615, 195, 858, 358, 346, 670, 131, 494, 945, 10, 174, 459, 999, 559, 263, 413, 988, 995,
      3, 422, 365, 581, 85, 933, 396, 93, 83, 1005, 902, 641, 318, 50, 150, 988, 78, 223, 981,
      632, 1000, 269, 650, 519, 914, 550, 116, 584, 642, 278, 930, 769, 654, 595, 904, 654, 374,
      691, 815, 985, 78, 900, 607, 230, 569, 974, 816, 853, 458, 551, 643, 933, 289, 766, 920,
      664, 188, 388, 790, 185, 137, 245, 21, 604, 638, 934, 413, 439, 428, 764, 923, 1006, 943,
      579, 174, 951, 343, 538, 921, 170, 551, 162, 668, 314, 213, 677, 771, 152, 174, 961, 141,
      969, 426, 745, 873, 579, 612, 897, 565, 933, 1019, 0, 536, 333, 480, 755, 966, 583, 816,
      453, 492, 28, 882, 808, 589, 982, 321, 366, 126, 62, 287, 109, 191, 269, 152, 355, 905,
      748, 607, 870, 502, 794, 394, 749, 197, 645, 517, 512, 713, 78, 90, 601, 397, 186, 102,
      263, 110, 790, 479, 853, 549, 30, 814, 426, 194, 40, 623, 523, 241, 27, 561, 928, 71, 436,
      292, 979, 1010, 307, 724, 717, 592, 157, 911, 790, 918, 234, 68, 226, 820, 191, 713, 943,
      962, 857, 277, 704, 891, 442, 533, 261, 813, 788, 586, 630, 862, 223, 148, 780, 557, 136,
      140, 433, 668, 871, 419, 686, 405, 387, 661, 119, 887, 912, 102, 13, 150, 846, 508, 169, 196, 218, 454, 726, 146, 177, 252, 726, 900, 528, 1013, 867, 881, 691, 763, 211, 173, 181,
      256, 264, 618, 307, 585, 81, 39, 912, 449, 821, 520, 942, 1021, 732, 599, 154, 972, 38,
      393, 509, 982, 330, 587, 365, 18, 819, 846, 523, 388, 830, 437, 47, 596, 380, 23, 689,
      227, 62, 408, 94, 255, 209, 917, 976, 363, 319, 816, 460, 355, 166, 708, 111, 627, 15,
      939, 731, 939, 924, 199, 254, 476, 672, 179, 374, 641, 437, 664, 682, 255, 482, 354, 763,
      621, 594, 129, 127, 411, 522, 768, 994, 431, 484, 923, 630, 704, 1014, 536, 775, 696, 421, 347, 327, 534, 159, 710, 679, 205, 191, 963, 562, 721, 103, 778, 46, 819, 274, 1005, 1021
Normal t length: 49 156 lines: 1 Ln:1 Col:1 Pos:1
                                                                        Windows (CR LF) UTF-8
```

Алгоритм 8. ГПСЧ на основе RSA.

Описание алгоритма

- 1. Сгенерировать два секретных простых числа p и q, а также n = pq и f = (p-1)(q-1). Выбрать случайное целое число e, 1 < e < f, такое что HOД(e,f) = 1.
- 2. Выбрать случайное целое x_0 начальный вектор из интервала [1, n-1].
- 3. For i = 1 to l do
 - a. $x_i \leftarrow x_{i-1}^e \mod n$;
 - b. $z_i \leftarrow$ последний значащий бит x_i .
- 4. Вернуть $z_1, z_2, ..., z_l$.

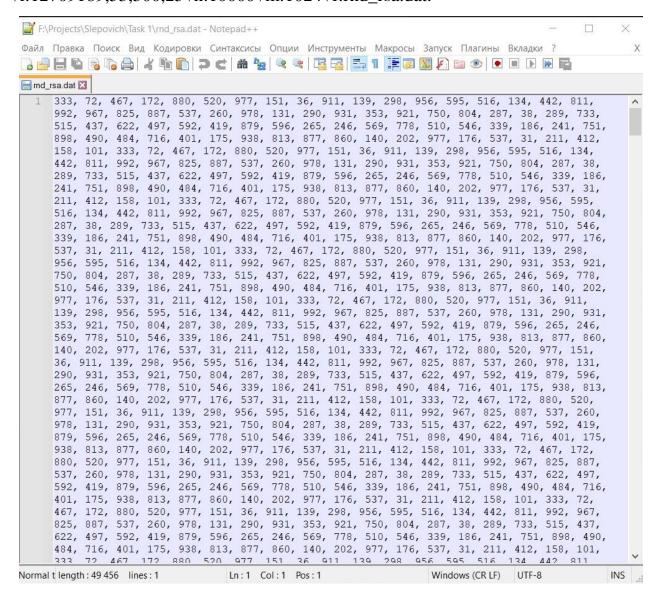
Параметры запуска программы

prng.exe /g:rsa /i:n,e,w,x

```
Реализация RSA метода генерации псевдослучайных чисел
def RSA_rand_method(
        m: int,
        n: int,
        e: int,
        w: int,
        x: int,
        size: int = 10000
    r = []
    for _ in range(size):
        current = 0
        for _ in range(w):
            x = pow(x, e, n)
            current <<= 1
            current ^= x & 1
        r.append(current % m)
    return r
```

Пример работы программы

Введём следующие параметры для запуска программы: prng.exe /g:rsa /i:12709189,53,300,25 /n:10000 /m:1024 /f:rnd rsa.dat.



Алгоритм 9. Алгоритм Блюма-Блюма-Шуба.

Описание алгоритма

- 1. Сгенерировать два простых числа p и q, сравнимых с 3 по модулю 4. Это гарантирует, что каждый квадратичный вычет имеет один квадратный корень, который также является квадратичным вычетом. Произведение этих чисел -n = pq является целым числом Блюма. Выберем другое случайное целое число x, взаимно простое с n.
- 2. Вычислим $x_0 = x^2 \mod n$, которое будет начальным вектором.
- 3. For i = 1 to l do
 - a. $x_i \leftarrow x_{i-1}^2 \mod n$.
 - b. z_i ← последний значащий бит x_i
- 4. Вернуть $z_1, z_2, ..., z_l$.

Параметры запуска программы

prng.exe /g:bbs /i: x_0

```
Peaлизация Блюма-Блюма-Шуба метода генерации псевдослучайных чисел

import math

p, q, n = 127, 131, 16637

def bbs_rand_method(m: int, x: int, size: int = 10000):
    if math.gcd(x, n) != 1 or x < 1 or x >= n:
        raise Exception
    r = []
    for _ in range(size):
        current = 0
        for _ in range(n.bit_length()):
            x = pow(x, 2, n)
            current <<= 1
            current ^= (x & 1)
            r.append(current % m)
    return r
```

Пример работы программы

Введём следующие параметры для запуска программы: prng.exe /g:bbs /i:25 /n:10000 /m:1024 /f:rnd bbs.dat.

