

Пусть выбор двух и той же книги в 15-й и 20-й дни является неблагоприятствующим событием. Вероятность такого события: p^2

Соответственно вероятность благоприятствующего исхода: $1 - p^2$

Так должно быть для каждой книги.

Выбор независим \Rightarrow вероятности перемножаются: $(1 - p^2)^{100}$

$\Delta 3.4.1$
NI
(PO)

$k = 5$ - благоприятные исходы

$m = 15$ - "длина" очереди

$n = 31$ - кол. во билетов.

$$\frac{7 \cdot 1 \cdot 11 \cdot (1-11) \cdot 11}{11 \cdot (7-1-11) \cdot 7 \cdot 11} = 9$$

$\Delta 3.4.1$
NI
(PO)

Зададим пространство исходов Ω векторами:

$$\Omega = \{ \omega = (\omega_1, \dots, \omega_m), \omega_i \in \{1, \dots, n\}, \omega_i \neq \omega_j \}$$

← наш билет
↑
билет, доставшийся первому

Мощность множества: $|\Omega| = A_n^m = n \cdot (n-1) \cdot \dots \cdot (n-m+1) = \frac{n!}{(n-m)!}$

Всего благоприятных исходов: $K \quad \omega_m \in \{1, \dots, K\}$

$$K \cdot (n-1) \cdot \dots \cdot (n-m+1)$$

Очевидно: $\frac{K \cdot (n-1) \cdot \dots \cdot (n-m+1)}{n \cdot (n-1) \cdot \dots \cdot (n-m+1)} = \frac{K}{n} = \frac{5}{31}$

Пусть $k+r \leq N$, иначе вероятность нулевая.

ДЗЧ.1
N4

Выделим в выборке k мест для страницы 1: C_N^k способами

Из оставшихся мест выборки выделим для страницы 2 r : C_{N-k}^r .

Произведение сочетаний дает: $C_N^k \cdot C_{N-k}^r = \frac{N!}{k!r!(N-k-r)!}$

Оставшиеся места заполним другими страницами: $(N-2)^{N-k-r}$

Итого:

$$p = \frac{N! (N-2)^{N-k-r}}{k!r!(N-k-r)! N^N}$$