

演習 1

$$R = \overset{7}{1} \overset{6}{0} \overset{5}{0} \overset{4}{0} \overset{3}{0} \overset{2}{1} \overset{1}{0} \overset{0}{1}$$

$$7 \ 6 \ 5 \ 4 \ 3 \ 2 \ 1 \ 0$$

位取り記数法によって

$$V((R)_2) = 1 \cdot 2^7 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^0 = 133$$

$$V((R)_4) = 1 \cdot 4^7 + 1 \cdot 4^2 + 1 \cdot 4^0 = 16401$$

$$V((R)_{10}) = 1 \cdot 10^7 + 1 \cdot 10^2 + 1 \cdot 10^0 = 10000101$$

$$V((R)_B) = 2^7 + 2^2 + 2^0 = 133$$

$$V((R)_{SM}) = 2^2 + 2^0 = 5$$

$$V((R)_{1C}) = -(2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^1) = -122$$

$$V((R)_{2C}) = -(2^2 + 2^1) = -6$$

演習 2

2進数の倍数原則:

2進数が1ビット左にシフトされるたびに、元の数の2倍に拡張されます。

(以下は2進数を x とする)

1. ある2進数を3倍する演算: x の2進数の末尾に0を追加してから $+x$

例: $12(10) = 1100(2)$. 1100 の3倍:

$$11000 + 1100 = 100100. \quad 100100(2)$$

検証: $100100(2) = 36(10)$. $12 \cdot 3 = 36$

2. ある2進数を4倍する演算: x を左に2ビットシフトする
3. ある2進数を5倍する演算: x を左に2ビットシフトしてから $+x$
4. ある2進数を7倍する演算: x を左に3ビットシフトしてから $-x$
5. ある2進数を8倍する演算: x を左に3ビットシフトする
6. ある2進数を10倍する演算: x を左に3ビットシフトしてから $+x+x$
7. ある2進数を20倍する演算: x を左に4ビットシフトした数字 $+x$ を左に2ビットシフトした数字

演習 3

10進数を2進数、8進数、16進数に変換します

10進整数からN進整数への変換は、「Nで割り、余りを取り、逆の順序で並べる」方法を採用しています。具体的なアプローチは次のとおりです。

Nを除数として使用し、10進整数をNで除算して、商と剰余を取得します。

余りを保持し、商でNで除算し続け、新しい商と余りを取得します。

余りは引き続き保持され、商は引き続きNで除算され、新しい商と余りが取得されます。

...

これが繰り返され、余りが保持されるたびに、商がゼロになるまで商がNで除算されます。

最初に得られた余りをN基数の下位桁とし、後で得られた余りをN基数の上位桁とし、順番に並べてN基数を求めます。

演習 4

簡単に言えば、符号拡張は下位桁から上位桁への変換です。そして、桁数が要件を満たすまで、下位桁の左側に下位桁の符号ビットを追加するだけで済みます。

1、Iをkビットの正の2進数、 $m > k$ 、 a_i とします。0または1です。

1.

$$\begin{aligned} I &= \sum_0^k a_i 2^i \\ &= 0 + \sum_0^k a_i 2^i \\ &= \sum_{(k+1)^m} 0 * 2^i + \sum_0^k a_i 2^i \end{aligned}$$

Iが正の数の場合、必要な桁数に達するまで、その左側に0を追加するだけであることがわかります。

$$\begin{aligned} &-(\sum_{(k+1)^m} 0 * 2^i + I) \\ &= -(\sum_{(k+1)^m} 0 * 2^i + \sum_0^k a_i 2^i) \\ &= \sum_{(k+1)^m} (1 - 0) * 2^i + \sum_0^k (1 - a_i) 2^i + 1 \\ &= \sum_{(k+1)^m} 1 * 2^i + (-\sum_0^k a_i 2^i) \\ &= \sum_{(k+1)^m} 1 * 2^i + (-I) \end{aligned}$$

2.便宜上、ここに高い位置から低い位置への証明があります。

逆は次のとおりです。

$$\sum_{(k+1)^m} 1 * 2^i + (-I) = -(\sum_{(k+1)^m} 0 * 2^i + I)$$

明らかに、下位ビットが負の数の場合、桁数が要件を満たすまで、左側に0を追加するだけで済みます。

以上です。

演習 5

例：

2の補数で+10を表現するのに必要な最小のビット数は4

1010

これを6ビットの+10にするには

00 0111

と最上位の0を2個上側につければいいです。

これが6ビットでの+10です。