lab03.wxmx 1 / 10

### 1 Példa 1:

```
Adatok megadása:
```

#### Globális csomóponti elmozdulásvektor és terhelésvektor:

### Elem-csomópont összerendelések tárolása például az en mátrixban:

```
(%i13) en:matrix([1,2],[2,3],[2,3]);
\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}
```

## Elemek merevségei:

## Elem merevségi mátrixok:

lab03.wxmx 2 / 10

Globális merevségi mátrix megadása során első lépésben egy zérus elemekkel kitöltött mátrixot hozunk létre, majd a megfelelő helyekre betesszül az egyes elemem merevségi mátrixainak elemeit.

Egy lehetséges leprogramozása ennek az alábbiakban látható, ahol felhasználjuk az elem-csomópont összerendlés mátrixot:

```
(%i21) KG:matrix([0,0,0], [0,0,0], [0,0,0])$
```

Az 1-es elem merevségi mátrixának elhelyezése a globális merevségi mátrixban manuálisan:

```
(%i25) KG[en[1,1],en[1,1]]:K1[1,1]$
KG[en[1,1],en[1,2]]:K1[1,2]$
KG[en[1,2],en[1,1]]:K1[2,1]$
KG[en[1,2],en[1,2]]:K1[2,2]$
```

Az 1-es elem merevségi mátrixának elhelyezése a globális merevségi mátrixban ciklus segítségével:

A 2-es elem merevségi mátrixának elhelyezése a globális merevségi mátrixban:

A 3-as elem merevségi mátrixának elhelyezése a globális merevségi mátrixban:

lab03.wxmx 3 / 10

#### Tehát a globális merevségi mátrix:

```
(%i30) KG;

6000.0 -6000.0 0

-6000.0 8500.0 -2500.0

0 -2500.0 2500.0
```

#### iggriags Csomóponti terhelések megadása:

#### Peremfeltétel figyelembe vétele:

```
(%i32) U:U,u3=0;

(U) \begin{pmatrix} u1 \\ u2 \\ 0 \end{pmatrix}
```

### Kondenzált merevségi mátrixot megkapjuk a 3 sorok/oszlopok törlésével:

```
(%i33) KGkond:submatrix(3,KG,3);
(KGkond) 6000.0 -6000.0 -6000.0 -6000.0
```

## A kondenzált tehervektort megkapjuk a 3. elem törlésével:

## Megoldás az elmozdulásokra:

```
(%i35) mego:first(linsolve_by_lu(KGkond, Fkond));
0 errors, 0 warnings
rat: replaced 6000.0 by 6000/1 = 6000.0
(mego) 8.5
6.0
```

# 

lab03.wxmx 4 / 10

```
(%i36) U:U,u1=mego[1,1],u2=mego[2,1];
(U) (8.5)
(0)
0
```

#### Csomóponti terhelések vektora:

```
(%i37) KG.U;

[15000.0]

(%o37) 0.0

-15000.0
```

### Az egyes elmekhez tartozó lokális elmozdulásvektorok:

## Az egyes elmekhez tartozó lokális tehervektorok:

```
Fe1:K1.Ue1;
Fe2:K2.Ue2;
Fe3:K3.Ue3;

(Fe1)

(Fe2)

(Fe2)

(Fe3)

Fe1:K1.Ue1;
Fe2:K2.Ue2;
Fe3:K3.Ue3;

15000.0

-15000.0

-12000.0

-3000.0

-3000.0
```

## Tehát a normál igénybevételek:

```
(%i46) N1:Fe1[2][1];
N2:Fe2[2][1];
N3:Fe3[2][1];
(N1) -15000.0
(N2) -12000.0
(N3) -3000.0
```

lab03.wxmx 5 / 10

```
Vagyis mindegyik rúd nyomó igénybevétel alatt van.
  A rudakban ébredő feszültségek:
 (%i49)
         \sigma1:N1/A1;
          \sigma2:N2/A2;
          \sigma3:N3/A3;
          -250.0
 (\sigma 1)
          -600.0
 (\sigma 2)
         -100.0
 (\sigma 3)
  A rudak alakváltozásai:
 (%i52)
        ε1:σ1/E1;
          ε2:σ2/E2;
          ε3:σ3/E3;
          -0.0025
 (E1)
          -0.003
 (\epsilon 2)
          -0.002
 (ε3)
  2 Példa 2:
  Adatok megadása:
 (%i53)
        kill(all);
         done
(%i6)
         A1:50$ /* mm^2-ben */
         A2:20$ /* mm^2-ben */
          E1:100e3$ /* MPa-ban */
         E2:200e3$ /* MPa-ban */
         L:2e3$ /* mm-ben */
         Ft:60e3$ /* N-ban */;
  Globális csomóponti elmozdulásvektor és terhelésvektor:
          U:matrix([u1],[u2],[u3],[u4])$
          F:matrix([F1],[F2],[F3],[F4])$
  Elem-csomópont összerendelések tárolása például az en mátrixban:
          en:matrix([1,2],[2,3],[4,2],[2,3]);
 (en)
```

Elemek merevségei:

lab03.wxmx 6 / 10

```
      (%i14)
      k(a,e,l):=a*e/l$

      k1:k(A1,E1,L);
      k2:k(A1,E1,L);

      k3:k(A1,E1,L);
      k4:k(A2,E2,2*L);

      (k1)
      2500.0

      (k2)
      2500.0

      (k3)
      2500.0

      (k4)
      1000.0
```

#### Elem merevségi mátrixok:

```
(%i18)
        K1:k1*matrix([1,-1],[-1,1]);
         K2:k2*matrix([1,-1],[-1,1]);
         K3:k3*matrix([1,-1],[-1,1]);
         K4:k4*matrix([1,-1],[-1,1]);
          2500.0 -2500.0
(K1)
         -2500.0
                 2500.0
          2500.0
                  -2500.0
(K2)
          -2500.0
                  2500.0
                  -2500.0
          2500.0
(K3)
          2500.0
                 2500.0
                  -1000.0
          1000.0
(K4)
          -1000.0
                  1000.0
```

Globális merevségi mátrix megadása során első lépésben egy zérus elemekkel kitöltött mátrixot hozunk létre, majd a megfelelő helyekre betesszük az egyes elemem merevségi mátrixainak elemeit.

Egy lehetséges leprogramozása ennek az alábbiakban látható, ahol felhasználjuk az elem-csomópont összerendlés mátrixot:

Az 1-es elem merevségi mátrixának elhelyezése a globális merevségi mátrixban:

A 2-es elem merevségi mátrixának elhelyezése a globális merevségi mátrixban:

lab03.wxmx 7 / 10

A 3-as elem merevségi mátrixának elhelyezése

a globális merevségi mátrixban:

A 4-es elem merevségi mátrixának elhelyezése

a globális merevségi mátrixban:

Csomóponti terhelések megadása:

Peremfeltétel figyelembe vétele:

Kondenzált merevségi mátrixot megkapjuk az 1,3 sorok/oszlopok törlésével:

lab03.wxmx 8 / 10

```
(%i27) KGkond:submatrix(1,3,KG,1,3);

(KGkond) 8500.0 -2500.0 -2500.0
```

#### A kondenzált tehervektort megkapjuk az 1,3 sorok törlésével:

### Megoldás az elmozdulásokra:

#### Tehát a globális csomóponti elmozdulásvektor:

# Csomóponti terhelések vektora:

## Az egyes elmekhez tartozó lokális elmozdulásvektorok:

lab03.wxmx 9 / 10

#### Az egyes elmekhez tartozó lokális tehervektorok:

```
(%i39)
         Fe1:K1.Ue1;
         Fe2:K2.Ue2;
         Fe3:K3.Ue3;
         Fe4:K4.Ue4;
          25000.0
(Fe1)
          -25000.0
          -25000.0
(Fe2)
          25000.0
          -60000.00000000001
(Fe3)
          60000.000000000001
          -10000.000000000000
(Fe4)
          10000.000000000002
```

## Tehát a normál igénybevételek:

## A rudakban ébredő feszültségek:

lab03.wxmx 10 / 10

#### A rudak alakváltozásai: