### SỞ GD&ĐT HÀ TĨNH THPT CHUYÊN HÀ TĨNH

### NĂM HỌC 2022 - 2023 Môn thi: TIN HỌC

Pre05 HSG11

(Đề thi có 03 trang, gồm 03 bài)

Thời gian làm bài: 180 phút

KỲ THI CHỌN HỌC SINH GIỚI LỚP 11 THPT

# TỔNG QUAN BÀI THI

	Tên bài	File chương trình	File dữ liệu vào	File kết quả
Bài 1	Bội chung nhỏ nhất	LCM23.*	LCM23.INP	LCM23.OUT
Bài 2	Tổng cặp	CNTPA.*	CNTPA.INP	CNTPA.OUT
Bài 3	Dãy ngoặc đúng bậc k	CBRA.*	CBRA.INP	CBRA.OUT

Dấu \* được thay thế bởi PAS hoặc CPP của ngôn ngữ lập trình được sử dụng tương ứng là Pascal hoặc C++.

# Bài 1. BỘI CHUNG NHỎ NHẤT

Cho 4 số nguyên khác 0: a, b, c, d. Tìm số nguyên dương m nhỏ nhất thỏa mãn: m chia hết cho cả 4 số a, b, c, d.

**Dữ liệu:** Vào từ file văn bản LCM23.INP: 4 số nguyên a, b, c, d cách nhau bởi dấu cách  $(-10^4 \le a, b, c, d \le 10^4, \text{ trong } 4 \text{ số } a, b, c, d \text{ không có số nào bằng } 0)$ 

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản LCM23.OUT số nguyên dương m nhỏ nhất thỏa mãn: m chia hết cho cả 4 số a, b, c, d.

#### Ví dụ:

LCM23.INP	LCM23.OUT
4 6 6 8	24

#### Ràng buộc:

- Subtask1:  $C\acute{o} 60\% s\acute{o}$  test ứng với  $60\% s\acute{o}$  điểm của bài có đáp án  $m \le 10^6$
- Subtask2: Có 40% số test ứng với 40% số điểm của bài có đáp án  $m>10^6$

## Bài 2: TỔNG CẶP

Cho dãy gồm n số nguyên dương  $A=(a_1,a_2,\dots,a_n)$  đã được sắp xếp theo thứ tự không giảm  $(a_1\leq a_2\leq \dots \leq a_n)$  và số nguyên x.

**Yêu**  $c\hat{a}u$ : Hãy đếm số lượng cặp (i, j) thỏa mãn:

- $1 \le i < j \le n$ ;
- $a_i + a_j \leq x$ .

Dữ liệu: Vào từ file văn bản CNTPA.INP:

- Dòng 1 chứa hai số nguyên dương  $n \le 10^7$  và x ( $x \le 2.10^9$ );
- Dòng 2 chứa n số nguyên dương  $a_1, a_2, ..., a_n$  cách nhau bởi dấu cách  $(\forall i : a_i \le 10^9)$

 $\emph{K\'et}$  quả: Đưa ra file văn bản CNTPA.OUT số cặp (i,j) thỏa mãn yêu cầu.

Các số trên một dòng của Input/Output files được/phải ghi cách nhau ít nhất một dấu cách.

#### Ví dụ:

CNTPA.INP	CNTPA.OUT	Giải thích
4 4	4	Các cặp (i,j) thỏa mãn là:
1 2 2 3		(1;2), (1;3), (1,4), (2,3)

#### Ràng buộc:

• Subtask1: Có 30% số test ứng với 30% số điểm của bài có  $n \le 10^3$ 

• Subtask2: Có 30% số test ứng với 40% số điểm của bài có  $n \le 10^5$ 

• Subtask3: Có 40% số test ứng với 40% số điểm của bài có  $n \le 10^7$ 

## Bài 3: DÃY NGOẶC ĐÚNG BẬC K

Một dãy dấu ngoặc hợp lệ là một dãy các ký tự "(" và ")" được định nghĩa như sau:

- Dãy rỗng là một dãy dấu ngoặc hợp lệ độ sâu 0
- Nếu A là dãy dấu ngoặc hợp lệ độ sâu k thì (A) là dãy dấu ngoặc hợp lệ độ sâu k+1
- Nếu A và B là hai dãy dấu ngoặc hợp lệ với độ sâu lần lượt là a và b thì AB (xâu tạo thành bằng cách ghép xâu A với xâu B) là dãy dấu ngoặc hợp lệ độ sâu là max(a, b)

Độ dài của một dãy ngoặc là tổng số ký tự "(" và ")"

Ví dụ: Có 5 dãy dấu ngoặc hợp lệ độ dài 8 và độ sâu 3:

$$\begin{pmatrix} ((\ \ )(\ \ )) \end{pmatrix} \\
\begin{pmatrix} ((\ \ ))(\ \ ) \end{pmatrix} \\
\begin{pmatrix} ((\ \ ))(\ \ ) \end{pmatrix} \\
\begin{pmatrix} (\ \ )((\ \ )) \end{pmatrix} \\
\begin{pmatrix} (\ \ )((\ \ )) \end{pmatrix}$$

$$(\phantom{a})\left(((\phantom{a}))\right)$$

Bài toán đặt ra là khi cho biết trước hai số nguyên dương n và k. Hãy cho biết có bao nhiều dãy ngoặc hợp lệ có độ dài là n và độ sâu là k.

**Dữ liệu:** Vào từ file văn bản CBRA.INP gồm 1 dòng ghi hai số nguyên dương  $n, k \le 10^3$  cách nhau một dấu cách.

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản CBRA.OUT số dãy ngoặc hợp lệ độ dài n, độ sâu k. Nếu kết quả  $\geq 10^9$  thì chỉ cần in 9 chữ số cuối.

### Ví dụ:

CBRA.INP	CBRA.OUT
83	5

### Ràng buộc:

• Subtask 1: 60% số điểm tương ứng với 60% số điểm của bài có  $n \le 20$ ;

• Subtask 2: 40% số điểm tương ứng với 40% số điểm của bài có  $n \leq 10^3$ .

------ HÉT -----

<sup>-</sup> Thí sinh không được sử dụng tài liệu.

<sup>-</sup> Giám thị không giải thích gì thêm.