(2) 前回までに行った計算を p_x – wave に対して行う。すなわち $\hat{\Delta}(r)$ を以下のようにする。

$$\hat{\Delta}(r) = \Delta_0 \frac{i\partial x}{k_F} \hat{\sigma}_1 \tag{1}$$

このとき

$$\hat{\sigma_1} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \tag{2}$$

である。従って

$$\tilde{H} = \begin{pmatrix} \left(-\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 - \mu_F \right) \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} & \frac{\Delta_0}{k_F} \begin{pmatrix} 0 & i\partial x \\ i\partial x & 0 \end{pmatrix} \\ -\left(\frac{\Delta_0}{k_F} \right)^* & \begin{pmatrix} 0 & -i\partial x \\ -i\partial x & 0 \end{pmatrix} & \left(\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 + \mu_F \right) \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$
(3)

$$= \begin{pmatrix} \xi & 0 & 0 & \eta \\ 0 & \xi & \eta & 0 \\ 0 & \eta' & -\xi & 0 \\ \eta' & 0 & 0 & -\xi \end{pmatrix}$$

$$(4)$$

となる。ここで

$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 - \mu_F = \xi \tag{5}$$

$$\frac{\Delta_0}{k_F} i \partial x = \eta \tag{6}$$

$$\left(\frac{\Delta_0}{k_F}\right)^* i\partial x = \eta' \tag{7}$$

とおいた。前回との違いは η とその中にxの微分が入っていることなので、この項を検討していく。例えば

$$\psi_{\downarrow}e^{-ik_{y}'y}\eta\psi_{\uparrow}e^{ik_{y}'y}\tag{8}$$

は

$$\psi_{\downarrow}e^{-ik_{y}^{'}y}\eta\psi_{\uparrow}e^{ik_{y}^{'}y} = \psi_{\downarrow}e^{-ik_{y}^{'}y}\frac{\Delta_{0}}{k_{F}}i\partial x\psi_{\uparrow}e^{ik_{y}^{'}y}$$

$$\tag{9}$$

$$= \psi_{\downarrow} e^{-ik_{y}'y} \frac{\Delta_{0}}{k_{E}} i e^{ik_{y}'y} \partial x \psi_{\uparrow}$$
 (10)

となる。 $\partial x\psi_{\uparrow}$ を中心差分を用いて離散化していく。

$$\frac{\partial}{\partial x}f(x) = \frac{f(x+h) - f(x-h)}{2h} \tag{11}$$

刻み幅1でxをiで書けば

$$\frac{\partial}{\partial x}f(i) = \frac{f(x+i) - f(x-i)}{2} \tag{12}$$

であるからこれより 光 は

$$\mathcal{H} = \sum_{i=1}^{L_y+1} \sum_{k_y} \left[\left\{ \frac{\hbar^2}{2m} (k_y^2 + 2) - \mu \right\} \psi_{i\uparrow}^{\dagger} \psi_{i\uparrow} - \Lambda \psi_{i\uparrow}^{\dagger} \psi_{i+1\uparrow} - \Lambda \psi_{i\uparrow}^{\dagger} \psi_{i-1\uparrow} + \frac{\Delta_0}{2k_F} i \psi_{i\uparrow}^{\dagger} \psi_{i+1\uparrow}^{\dagger} - \frac{\Delta_0}{2k_F} i \psi_{i\uparrow}^{\dagger} \psi_{i-1\uparrow}^{\dagger} \cdots \right] dx$$

$$\tag{13}$$

ここで

$$\Lambda = \frac{\hbar^2}{2m} \tag{14}$$

とおいた。

$$\varepsilon_{k_y} = \frac{\hbar^2}{2m} (k_y^2 + 2) - \mu \tag{15}$$

$$\frac{\Delta_0}{2k_F}i = \zeta \tag{16}$$

$$\frac{\Delta_0}{2k_F}i = \zeta \tag{16}$$

$$\left(\frac{\Delta_0}{k_F}\right)^* i = \zeta' \tag{17}$$

とすると全体の H は行列で書けて三つ分書くと

$$\mathcal{H} = \begin{bmatrix} \psi_{1\uparrow}^{\dagger} \\ \psi_{1\downarrow}^{\dagger} \\ \psi_{1\uparrow}^{\dagger} \\ \psi_{2\uparrow}^{\dagger} \\ \psi_{2\uparrow}^{\dagger} \\ \psi_{3\uparrow}^{\dagger} \\ \psi_{3\uparrow}^{\dagger} \\ \psi_{3\downarrow} \\ \psi_{3\uparrow}^{\dagger} \\ \psi_{3\downarrow} \\ \psi_{3\uparrow}^{\dagger} \\ \psi_{3\downarrow} \\ \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} \varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & 0 & 0 & -\zeta & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & -\zeta & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 & \zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & \zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -\Lambda & 0 & 0 & \zeta & \varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & 0 & 0 & -\zeta \\ 0 & -\Lambda & \zeta & 0 & 0 & \varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & -\zeta & 0 \\ 0 & -\zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 & \zeta^{*} & \Lambda & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & \zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & \zeta & 0 & 0 & \varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & \zeta & 0 & 0 & \varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_{y}} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^{*} & 0 & 0 & 0 & 0 &$$

となる。ここから \mathcal{H} を数値計算で対角化していく。また k_F は

$$\mu = \frac{\hbar^2 k_F^2}{2m} \tag{19}$$

から求める。