## BdGハミルトニアン

平成30年5月28日

目 次

1 導入 2

## 1 導入

ハミルトニアンは以下の式で表される。

$$\mathcal{H} = \int \vec{\Psi}^{\dagger}(x, y) \hat{H} \vec{\Psi}(x, y) dr \tag{1}$$

$$\int dr = \int dx dy \tag{2}$$

$$\vec{\Psi} = \begin{bmatrix} \psi_{\uparrow} \\ \psi_{\downarrow} \\ \psi_{\uparrow}^{\dagger} \\ \psi_{\downarrow}^{\dagger} \end{bmatrix}$$
 (3)

$$\hat{H} = \begin{pmatrix} \hat{h}(r) & \hat{\Delta}(r) \\ -\hat{\Delta}^*(r) & -\hat{h}^*(r) \end{pmatrix} \tag{4}$$

$$\hat{H} \in \mathbb{C}^{4 \times 4} \tag{5}$$

$$\hat{\Delta}(r), \hat{h}(r) \in \mathbb{C}^{2 \times 2} \tag{6}$$

$$\hat{h} = \left[ -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 - \mu_F \right] \hat{\sigma}_0 \tag{7}$$

 $\hat{\sigma}_0$ : 単位行列

$$\nabla^2 = \partial x^2 + \partial y^2 \tag{8}$$

$$\hat{\Delta}(r) = \begin{cases}
(i) & \Delta_0(i\sigma_2) & s\text{-wave} \\
(ii) & \Delta_0 \frac{i\partial x}{k_F} \hat{\sigma}_1 & p_x\text{-wave} \\
(iii) & \Delta_0 \frac{1}{k_F} (\partial x + i\partial y) \hat{\sigma}_1 & p_x + ip_y\text{-wave}
\end{cases} \tag{9}$$

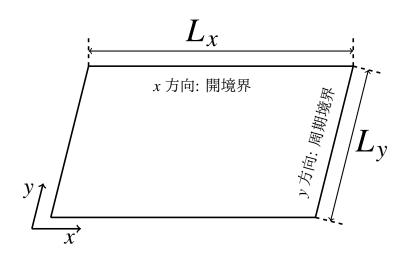


図 1: 考える系

図1の系を考える。y方向には境界条件が課されている。

$$\vec{\Psi} = \frac{1}{\sqrt{L_y}} \sum_{k_y} \vec{\Psi}_{k_y}(x) e^{ik_y y}$$
 (10)

1.(i) の  $\hat{\Delta}$  を使う

①H をフーリエ変換しましょう!y を波数に変換して一旦固定して x の関数 として考えます。

ヒント: (1) に (2) を代入しましょう。

②離散化しましょう

$$\mathcal{H} \to \tilde{\mathcal{H}}$$
 (11)

$$\tilde{\mathcal{H}} = \vec{\Psi} \hat{H} \vec{\Psi} \tag{12}$$

$$\vec{\Psi} = \begin{bmatrix} \psi_{1\uparrow} \\ \psi_{1\downarrow} \\ \psi_{1\uparrow}^{\dagger} \\ \psi_{1\downarrow}^{\dagger} \\ \psi_{2\uparrow} \\ \psi_{2\downarrow} \\ \vdots \end{bmatrix}$$

$$(13)$$

$$\tilde{H} = \begin{pmatrix} \hat{H} & & & \\ & \hat{H} & & \\ & & \hat{H} & \\ & & & \ddots \end{pmatrix} \tag{14}$$

$$\frac{\hbar^2}{2m} = t \tag{15}$$

とする。

③ 差分近似しましょう

$$\partial_x \psi_i \to ?$$
 (16)

$$\partial_x^2 \psi_i \to ?$$
 (17)

(18)

刻み幅は 1

 $\circledast \tilde{H}$  を対角化しましょう。数値計算

2~(ii) の  $\hat{\Delta}$  を使う