

(2) 前回までに行った計算を $p_x - ip_y \text{ wave}$ に対して行う。すなわち $\hat{\Delta}(r)$ を以下のようにする。

$$\hat{\Delta}(r) = \Delta_0 \frac{\partial x + i\partial y}{k_F} \hat{\sigma}_1 \quad (1)$$

このとき

$$\hat{\sigma}_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \quad (2)$$

である。従って

$$\tilde{H} = \begin{pmatrix} (-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 - \mu_F) \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} & \frac{\Delta_0}{k_F} \begin{pmatrix} 0 & \partial x + i\partial y \\ \partial x + i\partial y & 0 \end{pmatrix} \\ -\left(\frac{\Delta_0}{k_F}\right)^* \begin{pmatrix} 0 & \partial x - i\partial y \\ \partial x - i\partial y & 0 \end{pmatrix} & (\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + \mu_F) \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix} \quad (3)$$

$$= \begin{pmatrix} \xi & 0 & 0 & \eta \\ 0 & \xi & \eta & 0 \\ 0 & \eta' & -\xi & 0 \\ \eta' & 0 & 0 & -\xi \end{pmatrix} \quad (4)$$

となる。ここで

$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 - \mu_F = \xi \quad (5)$$

$$\frac{\Delta_0}{k_F}(\partial x + i\partial y) = \eta \quad (6)$$

$$\left(\frac{\Delta_0}{k_F}\right)^* (-\partial x + i\partial y) = \eta' \quad (7)$$

とおいた。前回との違いは η とその中に x の微分が入っていることなので、この項を検討していく。例えば

$$\psi_{\uparrow}^{\dagger} e^{-ik'_y y} \eta \psi_{\downarrow}^{\dagger} e^{ik'_y y} \quad (8)$$

は

$$\psi_{\uparrow}^{\dagger} e^{-ik'_y y} \eta \psi_{\downarrow}^{\dagger} e^{ik'_y y} = \psi_{\uparrow}^{\dagger} e^{-ik'_y y} \frac{\Delta_0}{k_F} (\partial x + i\partial y) \psi_{\downarrow}^{\dagger} e^{ik'_y y} \quad (9)$$

$$= \left(\psi_{\uparrow}^{\dagger} e^{-ik'_y y} e^{ik'_y y} \frac{\partial}{\partial x} \psi_{\downarrow}^{\dagger} - k_y \psi_{\uparrow}^{\dagger} e^{-ik'_y y} e^{ik'_y y} \psi_{\downarrow}^{\dagger} \right) \frac{\Delta_0}{k_F} \quad (10)$$

となる。 $\partial x \psi_{\uparrow}$ を中心差分を用いて離散化していく。

$$\frac{\partial}{\partial x} f(x) = \frac{f(x+h) - f(x-h)}{2h} \quad (11)$$

刻み幅 1 で x を i で書けば

$$\frac{\partial}{\partial x} f(i) = \frac{f(x+i) - f(x-i)}{2} \quad (12)$$

であるからこれより \mathcal{H} の前回からの変更点は例えば

$$\mathcal{H} = \int \sum_{i=1}^{L_y+1} \sum_{k_y} \frac{\Delta_0}{k_F} \{ \psi_{i\uparrow}^\dagger \frac{1}{2} (\psi_{i+1\downarrow}^\dagger - \psi_{i-1\downarrow}^\dagger) - k_y \psi_{i\uparrow}^\dagger \psi_{i\downarrow}^\dagger \} \quad (13)$$

ここで

$$\Lambda = \frac{\hbar^2}{2m} \quad (14)$$

$$\varepsilon_{k_y} = \frac{\hbar^2}{2m} (k_y^2 + 2) - \mu \quad (15)$$

$$\frac{\Delta_0}{2k_F} = C \quad (16)$$

$$(17)$$

とすると全体の \mathcal{H} は行列で書けて三つ分書くと

$$\mathcal{H} = \begin{bmatrix} \psi_{1\uparrow}^\dagger \\ \psi_{1\downarrow}^\dagger \\ \psi_{1\uparrow} \\ \psi_{1\downarrow} \\ \psi_{2\uparrow}^\dagger \\ \psi_{2\downarrow}^\dagger \\ \psi_{2\uparrow} \\ \psi_{2\downarrow} \\ \psi_{3\uparrow}^\dagger \\ \psi_{3\downarrow}^\dagger \\ \psi_{3\uparrow} \\ \psi_{3\downarrow} \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} \varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & -2Ck_y & -\Lambda & 0 & 0 & C & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \varepsilon_{k_y} & -2Ck_y & 0 & 0 & -\Lambda & C & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -2C^*k_y & -\varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & -C^* & \Lambda & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -2C^*k_y & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_y} & -C^* & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -\Lambda & 0 & 0 & -C & \varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & -2Ck_y & -\Lambda & 0 & 0 & C \\ 0 & -\Lambda & -C & 0 & 0 & \varepsilon_{k_y} & -2Ck_y & 0 & 0 & -\Lambda & C & 0 \\ 0 & C^* & \Lambda & 0 & 0 & -2C^*k_y & -\varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & -C^* & \Lambda & 0 \\ C^* & 0 & 0 & \Lambda & -2C^*k_y & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_y} & -C^* & 0 & 0 & \Lambda \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & 0 & 0 & -C & \varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & -2Ck_y \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & -C & 0 & 0 & \varepsilon_{k_y} & -2Ck_y & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & C^* & \Lambda & 0 & 0 & -2C^*k_y & -\varepsilon_{k_y} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & C^* & 0 & 0 & \Lambda & -2C^*k_y & 0 & -\varepsilon_{k_y} \end{bmatrix} \quad (18)$$

となる。ここから \mathcal{H} を数値計算で対角化していく。また k_F は

$$\mu = \frac{\hbar^2 k_F^2}{2m} \quad (19)$$

から求める。