第I部

kitaev モデルハミルトニアンについて

1 定義

kitaev モデルハミルトニアン \mathcal{H} は以下のように表される。

$$\mathcal{H} = \int \vec{\Psi}^{\dagger} \tilde{H} \vec{\Psi} dr \tag{1}$$

$$\int dr = \int dx dy \tag{2}$$

$$\vec{\Psi} = \begin{bmatrix} \Psi_{\uparrow} \\ \Psi_{\downarrow} \\ \Psi_{\uparrow}^{\dagger} \\ \Psi_{\uparrow}^{\dagger} \end{bmatrix} \tag{3}$$

$$\tilde{H} = \begin{bmatrix} \hat{h}(r) & \hat{\Delta}(r) \\ -\hat{\Delta}^*(r) & -\hat{h}^*(r) \end{bmatrix}$$
(4)

$$\hat{h} = \left[-\frac{\bar{h}^2}{2m} \nabla^2 - \mu_F \right] \hat{\sigma_0} \quad (\hat{\sigma_0} : \text{\tilde{\pi}} \text{\tilde{G}})$$
(5)

$$\hat{\Delta}(r) = \begin{cases} \Delta_0 \left(i s i \hat{g} \hat{m} a_2 \right) & (s - wave) \\ \Delta_0 \frac{i \partial x}{k_F} s i \hat{g} \hat{m} a_1 & (P_x - wave) \\ \Delta_0 \frac{1}{k_f} \left(s i \hat{g} \hat{m} a_1 + i s i \hat{g} \hat{m} a_2 \right) & (P_x + i P_y) \end{cases}$$

$$(6)$$

$$\vec{\Psi} = \frac{1}{\sqrt{Ly}} \sum_{k_y} \vec{\Psi}_{k_y}(x) e^{ik_y y} \tag{7}$$