

(2) 前回までに行った計算を  $p_x$  - wave に対して行う。すなわち  $\hat{\Delta}(r)$  を以下のようにする。

$$\hat{\Delta}(r) = \Delta_0 \frac{i\partial x}{k_F} \hat{\sigma}_1 \quad (1)$$

このとき

$$\hat{\sigma}_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \quad (2)$$

である。従って

$$\tilde{H} = \begin{pmatrix} \left( -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 - \mu_F \right) \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} & \frac{\Delta_0}{k_F} \begin{pmatrix} 0 & i\partial x \\ i\partial x & 0 \end{pmatrix} \\ -\left( \frac{\Delta_0}{k_F} \right)^* \begin{pmatrix} 0 & -i\partial x \\ -i\partial x & 0 \end{pmatrix} & \left( \frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 + \mu_F \right) \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix} \quad (3)$$

$$= \begin{pmatrix} \xi & 0 & 0 & \eta \\ 0 & \xi & \eta & 0 \\ 0 & \eta' & -\xi & 0 \\ \eta' & 0 & 0 & -\xi \end{pmatrix} \quad (4)$$

となる。ここで

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 - \mu_F = \xi \quad (5)$$

$$\frac{\Delta_0}{k_F} i\partial x = \eta \quad (6)$$

$$\left( \frac{\Delta_0}{k_F} \right)^* i\partial x = \eta' \quad (7)$$

とおいた。前回との違いは  $\eta$  とその中に  $x$  の微分が入っていることなので、この項を検討していく。例えば

$$\psi_{\downarrow} e^{-ik'_y y} \eta \psi_{\uparrow} e^{ik'_y y} \quad (8)$$

は

$$\psi_{\downarrow} e^{-ik'_y y} \eta \psi_{\uparrow} e^{ik'_y y} = \psi_{\downarrow} e^{-ik'_y y} \frac{\Delta_0}{k_F} i\partial x \psi_{\uparrow} e^{ik'_y y} \quad (9)$$

$$= \psi_{\downarrow} e^{-ik'_y y} \frac{\Delta_0}{k_F} i e^{ik'_y y} \partial x \psi_{\uparrow} \quad (10)$$

となる。 $\partial x \psi_{\uparrow}$  を中心差分を用いて離散化していく。

$$\frac{\partial}{\partial x} f(x) = \frac{f(x+h) - f(x-h)}{2h} \quad (11)$$

刻み幅 1 で  $x$  を  $i$  で書けば

$$\frac{\partial}{\partial x} f(i) = \frac{f(x+i) - f(x-i)}{2} \quad (12)$$

であるからこれより  $\mathcal{H}$  は

$$\mathcal{H} = \sum_{i=1}^{L_y+1} \sum_{k_y} \left[ \left\{ \frac{\hbar^2}{2m} (k_y^2 + 2) - \mu \right\} \psi_{i\uparrow}^\dagger \psi_{i\uparrow} - \Lambda \psi_{i\uparrow}^\dagger \psi_{i+1\uparrow} - \Lambda \psi_{i\uparrow}^\dagger \psi_{i-1\uparrow} + \frac{\Delta_0}{2k_F} i \psi_{i\uparrow}^\dagger \psi_{i+1\uparrow} - \frac{\Delta_0}{2k_F} i \psi_{i\uparrow}^\dagger \psi_{i-1\uparrow} \dots \right] dx \quad (13)$$

ここで

$$\Lambda = \frac{\hbar^2}{2m} \quad (14)$$

とおいた。

$$\varepsilon_{k_y} = \frac{\hbar^2}{2m} (k_y^2 + 2) - \mu \quad (15)$$

$$\frac{\Delta_0}{2k_F} i = \zeta \quad (16)$$

$$\left( \frac{\Delta_0}{k_F} \right)^* i = \zeta' \quad (17)$$

とすると全体の  $\mathcal{H}$  は行列で書けて三つ分書くと

$$\mathcal{H} = \begin{bmatrix} \psi_{1\uparrow}^\dagger \\ \psi_{1\downarrow}^\dagger \\ \psi_{1\uparrow} \\ \psi_{1\downarrow} \\ \psi_{2\uparrow}^\dagger \\ \psi_{2\downarrow}^\dagger \\ \psi_{2\uparrow} \\ \psi_{2\downarrow} \\ \psi_{3\uparrow}^\dagger \\ \psi_{3\downarrow}^\dagger \\ \psi_{3\uparrow} \\ \psi_{3\downarrow} \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} \varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & 0 & 0 & -\zeta & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & -\zeta & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & \zeta^* & \Lambda & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_y} & \zeta^* & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -\Lambda & 0 & 0 & \zeta & \varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & 0 & 0 & -\zeta \\ 0 & -\Lambda & \zeta & 0 & 0 & \varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & -\zeta & 0 \\ 0 & -\zeta^* & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & \zeta^* & \Lambda & 0 \\ -\zeta^* & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_y} & \zeta^* & 0 & 0 & \Lambda \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & 0 & 0 & \zeta & \varepsilon_{k_y} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\Lambda & \zeta & 0 & 0 & \varepsilon_{k_y} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^* & \Lambda & 0 & 0 & -0 & -\varepsilon_{k_y} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -\zeta^* & 0 & 0 & \Lambda & 0 & 0 & 0 & -\varepsilon_{k_y} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \psi_{1\uparrow} \\ \psi_{1\downarrow} \\ \psi_{1\uparrow}^\dagger \\ \psi_{1\downarrow}^\dagger \\ \psi_{2\uparrow} \\ \psi_{2\downarrow} \\ \psi_{2\uparrow}^\dagger \\ \psi_{2\downarrow}^\dagger \\ \psi_{3\uparrow} \\ \psi_{3\downarrow} \\ \psi_{3\uparrow}^\dagger \\ \psi_{3\downarrow}^\dagger \end{bmatrix} \quad (18)$$

となる。ここから  $\mathcal{H}$  を数値計算で対角化していく。また  $k_F$  は

$$\mu = \frac{\hbar^2 k_F^2}{2m} \quad (19)$$

から求める。