

알고리즘 이해 및 구현

류영표 강사

ryp1662@gmail.com



류영표

Youngpyo Ryu

동국대학교 수학과/응용수학 석사수료

前 Upstage AI X 네이버 부스트 캠프 AI tech 1~3기 멘토

前 Innovation on Quantum & CT(IQCT) 이사

前 한국파스퇴르연구소 Image Mining 인턴(Deep learning)

前 (주)셈웨어(수학컨텐츠, 데이터 분석 개발 및 연구인턴)

강의 경력

- 현대자동차 연구원 강의 (인공지능/머신러닝/딥러닝/강화학습)
- (주)모두의연구소 Aiffel 1기 퍼실리테이터(인공지능 교육)
- 인공지능 자연어처리(NLP) 기업데이터 분석 전문가 양성과정 멘토
- 공공데이터 청년 인턴 / SW공개개발자대회 멘토
- 고려대학교 선도대학 소속 30명 딥러닝 집중 강의
- 이젠 종로 아카데미(파이썬, ADSP 강사)
- 최적화된 도구(R/파이썬)을 활용한 애널리스트 양성과정(국비과정) 강사
- 한화, 하나금융사 교육
- 인공지능 신뢰성 확보를 위한 실무 전문가 자문위원
- 보건·바이오 AI활용 S/W개발 및 응용전문가 양성과정 강사
- Upstage AI X KT 융합기술원 기업교육 모델최적화 담당 조교

주요 프로젝트 및 기타사항

- 개인 맞춤형 당뇨병 예방·관리 인공지능 시스템 개발 및 고도화(안정화)
- 폐플라스틱 이미지 객체 검출 경진대회 3위
- 인공지능(AI)기반 데이터 사이언티스트 전문가 양성과정 1기 수료
- 제 1회 산업 수학 스터디 그룹 (질병에 영향을 미치는 유전자 정보 분석)
- 제 4,5회 산업 수학 스터디 그룹 (피부암, 유방암 분류)
- 빅데이터 여름학교 참석 (혼잡도를 최소화하는 새로운 노선 건설 위치의 최적화 문제)

알고리즘, Algorithm

- 수학과 컴퓨터과학, 언어학 또는 역인 분야에서 어떠한 문제를 해결하기 위해 정해진 일련의 절차
- 9세기 페르시아의 수학자인 무함마드 알콰리즈미의 이름을 라틴어화한 알고리스무스에서 유래한 표현
- 문제 해결을 위해 여러 개의 후보 알고리즘 중, 정확성과 효율성 등을 평가한 후에 최적화 알고리즘을 선택

좋은 알고리즘의 분석 기준

- 정확성 : 적당한 입력에 대해서 유한 시간 내에 올바른 답을 산출하는 가를 판단
- 작업량 : 전체 알고리즘에서 수행되는 가장 중요한 연산들만으로 작업량 측정. 해결하고자 하는 문제의 중요 연산이 여러 개인 경우에는 각각의 중요 연산들의 합으로 간주하거나 중요 연산들에 가중치를 두어 계산
- 최적성 : 그 알고리즘보다 더 적은 연산을 수행하는 알고리즘은 없는가? 최적이란 가장 “잘 알려진” 이 아니라 가장 좋은 의미.
- 복잡도

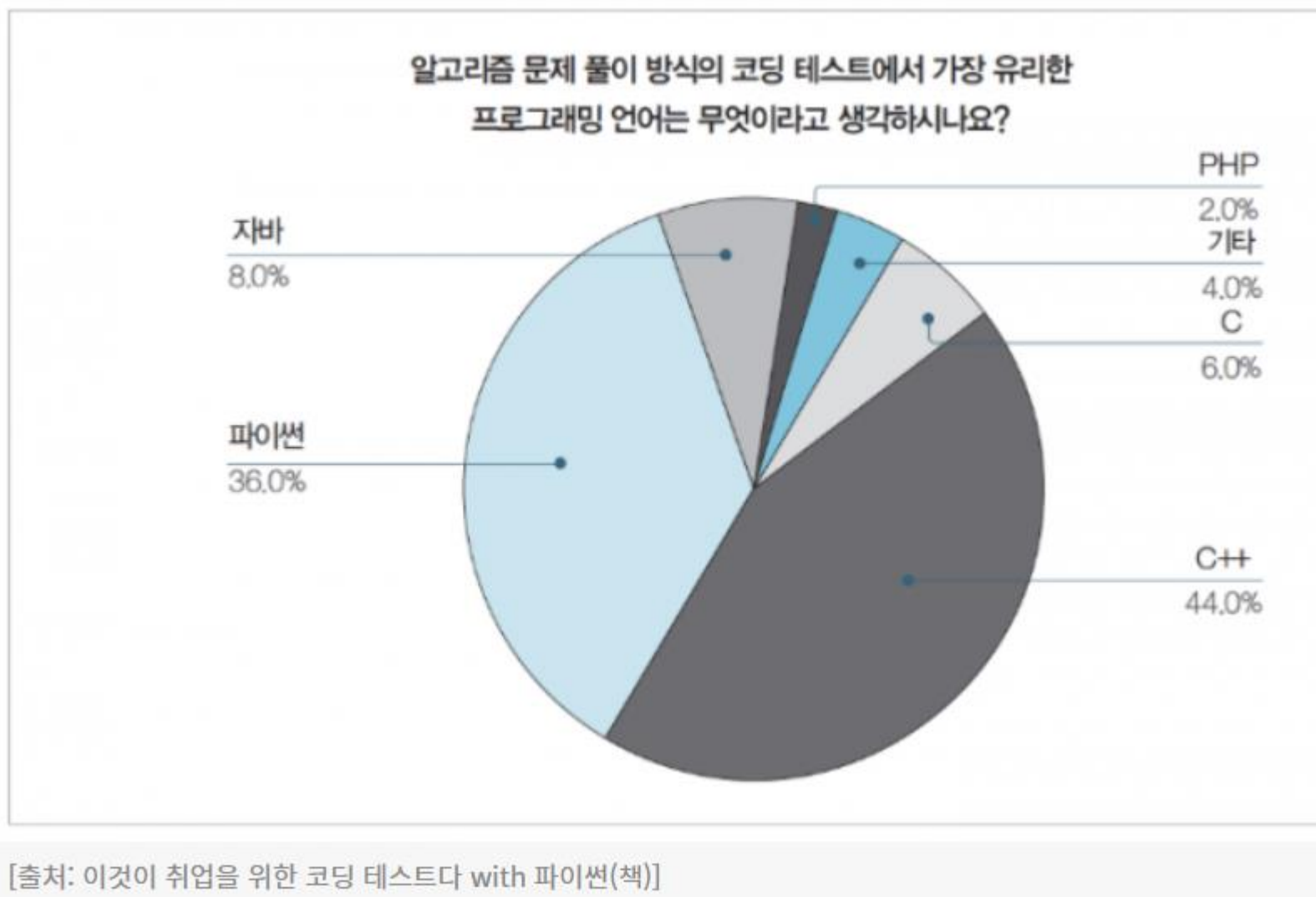
코딩 테스트

- 주어진 시간동안 주어진 문제를 요구사항에 맞게, 프로그래밍하여 ACCEPT나 점수를 받는 시험.
- 개발자로서의 기초 역량과 소양을 보기 위한 시험.
- 개발자 채용을 위한 과정중 하나로 ‘현업에서 개발할 수 있는 사람인가’를 확인하고자 하는 것.

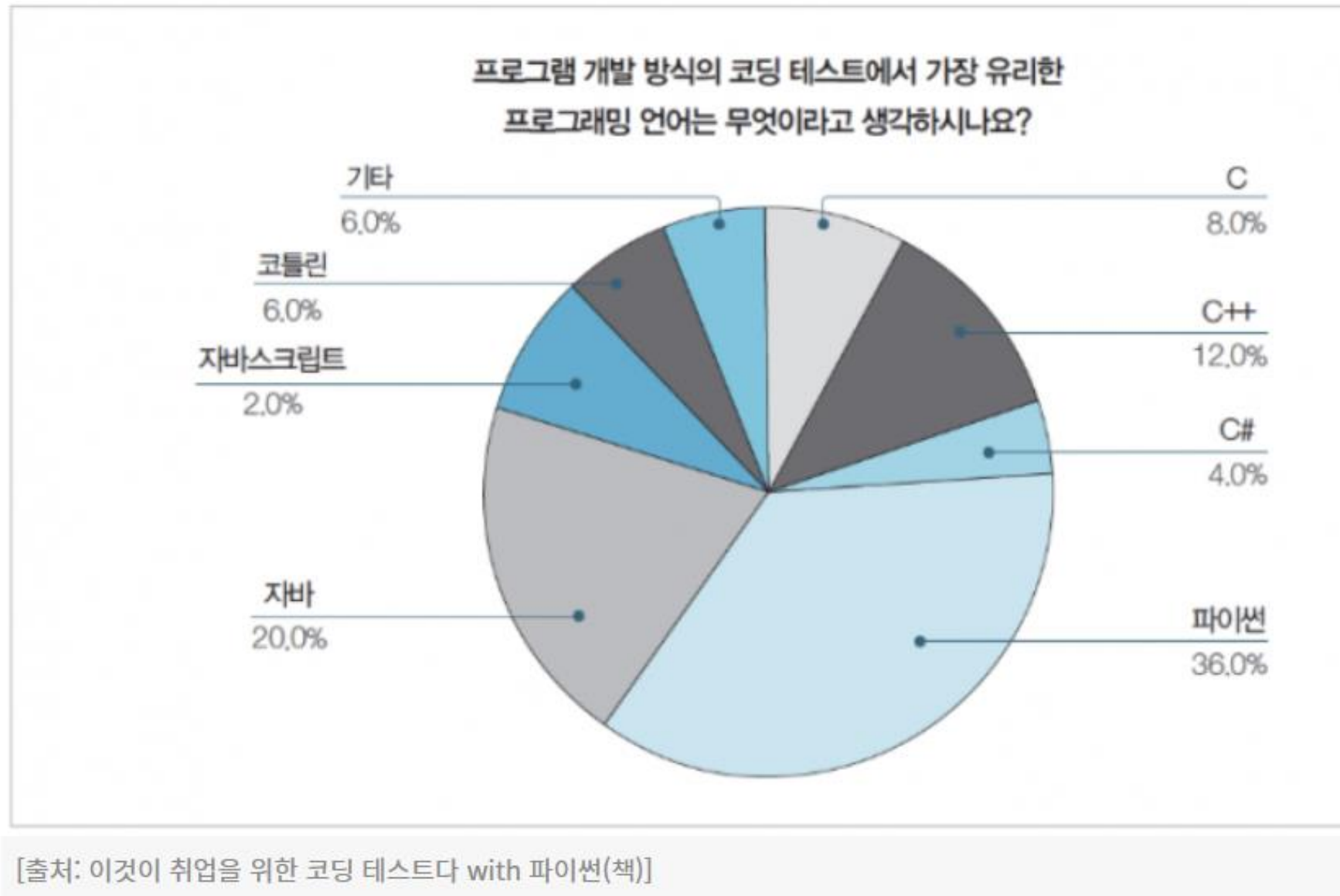


- 요구사항과 맞게 작성을 해야 함.

코딩 테스트



프로그램 개발 방식의 코딩 테스트



Why Python

TIOBE Index						PYPL Index (Worldwide)				
May 2021 ▲	May 2020 ◆	Change ◆	Programming language ◆	Ratings ◆	Change ◆	May 2021 ▲	Change ◆	Programming language ◆	Share ◆	Trends
1	1		C	13.38%	-3.68%	1		Python	29.9 %	-1.2 %
2	3	↑	Python	11.87%	+2.75%	2		Java	17.72 %	-0.0 %
3	2	↓	Java	11.74%	-4.54%	3		JavaScript	8.31 %	+0.4 %
4	4		C++	7.81%	+1.69%	4		C#	6.9 %	-0.1 %
5	5		C#	4.41%	+0.12%	5	↑	C/C++	6.62 %	+0.9 %
6	6		Visual Basic	4.02%	-0.16%	6	↓	PHP	6.15 %	+0.1 %
7	7		JavaScript	2.45%	-0.23%	7		R	3.93 %	+0.0 %
8	14	↑ ↑	Assembly language	2.43%	+1.31%	8		Objective-C	2.52 %	+0.1 %
9	8	↓	PHP	1.86%	-0.63%	9		Swift	1.96 %	-0.2 %
10	9	↓	SQL	1.71%	-0.38%	10	↑	TypeScript	1.89 %	+0.0 %
11	15	↑ ↑	Ruby	1.50%	+0.48%	11	↓	Matlab	1.71 %	-0.2 %
12	17	↑ ↑	Classic Visual Basic	1.41%	+0.53%	12		Kotlin	1.62 %	+0.1 %
13	10	↓	R	1.38%	-0.46%	13	↑	Go	1.42 %	+0.1 %
14	38	↑ ↑	Groovy	1.25%	+0.96%	14	↓	VBA	1.33 %	-0.0 %
15	13	↓	MATLAB	1.23%	+0.06%	15	↑ ↑ ↑	Rust	1.13 %	+0.4 %
16	12	↓ ↓	Go	1.22%	-0.05%	16	↓	Ruby	1.12 %	-0.1 %
17	23	↑ ↑	Delphi/Object Pascal	1.21%	+0.60%	17	↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑ ↑	Ada	0.72 %	+0.3 %
18	11	↓ ↓	Swift	1.14%	-0.65%	18	↓	Visual Basic	0.7 %	-0.2 %
19	18	↓	Perl	1.04%	+0.16%	19	↓ ↓ ↓	Scala	0.67 %	-0.4 %
20	34	↑ ↑	Fortran	0.83%	+0.51%	20	↓	Abap	0.61 %	+0.1 %
						21	↓	Dart	0.55 %	+0.0 %
						22	↑ ↑	Lua	0.49 %	+0.1 %
						23	↑ ↑ ↑	Julia	0.42 %	+0.1 %
						24	↓ ↓ ↓	Groovy	0.41 %	-0.0 %
						25	↓ ↓ ↓	Perl	0.4 %	-0.0 %
						26	↓ ↓ ↓	Cobol	0.36 %	-0.1 %
						27	↑	Delphi/Pascal	0.24 %	-0.0 %
						28	↓	Haskell	0.21 %	-0.1 %

What is programming?

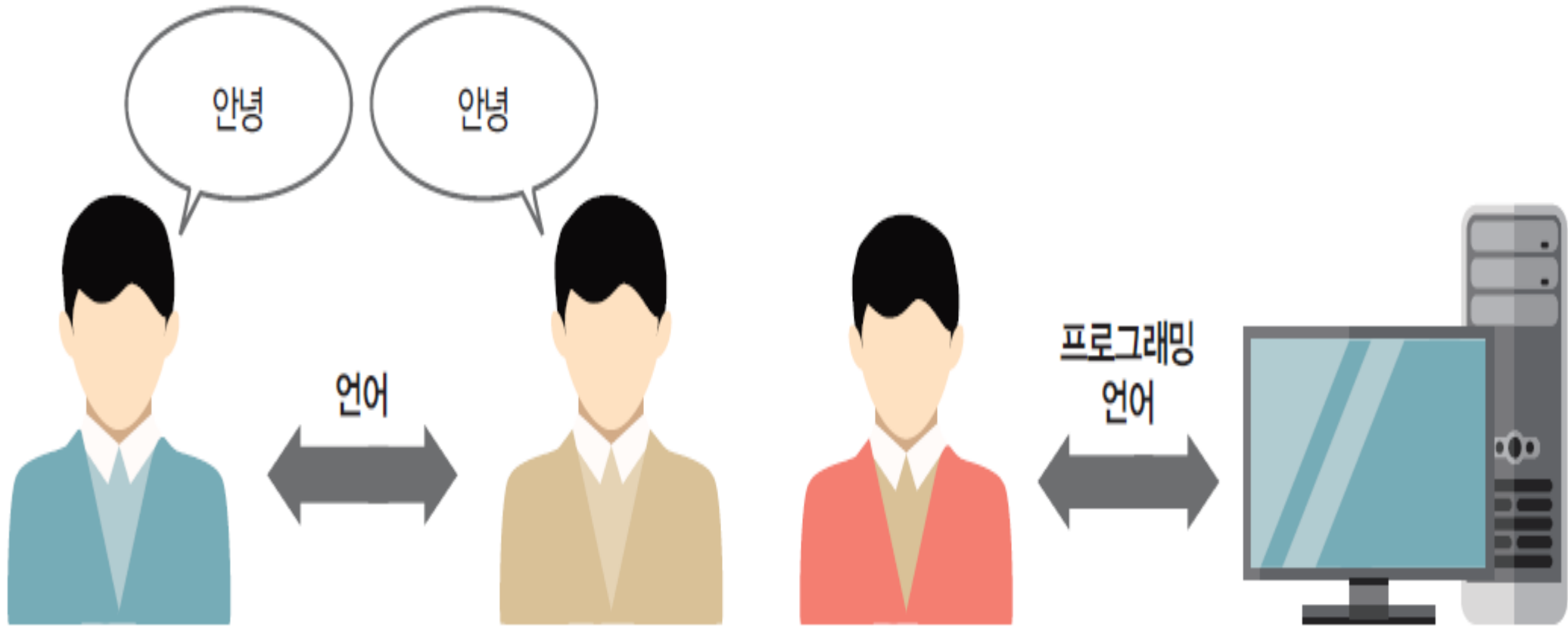


Fig. 1: 코딩교육은 왜 필요할까요?(코딩으로 준비하는 미래)



“세상의 모든 사람은 컴퓨터 프로그래밍을 배워야 합니다.
프로그래밍은 생각하는 법을 가르쳐 주기 때문입니다.”

“Everybody in this country should learn to program a computer,
because it teaches you how to think”

- 스티브 잡스 -



“프로그램은 사고력과 문제해결력을 향상시킵니다.”

“Learning to write programs stretches your mind,
and helps you think better.”

- 빌 게이츠 -



“코딩 교육은 당신의 미래일 뿐만 아니라 조국의 미래다.”

“Learning these skills isn't just important for your future,
it's important for our country's future.”

- 버락 오바마 -

파이썬 이란?

- 1991년 네덜란드의 귀도 반 로섬(Guido van Rossum)이 개발
- C, C++, 자바 등 어떤 컴퓨터 프로그래밍 언어보다 배우기 쉬움
- 직관적이고 이해하기 쉬운 문법
- 객체 지향의 고수준 언어
- 앱(App)과 웹(WEB) 프로그램 개발 목적
- 웹 서버, 과학 연산, 사물 인터넷(IOT), 인공지능, 게임 등의 프로그램 개발하는 강력한 도구



Python의 특징

C++

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main() {
    cout<<"Hello, gabia!";
    return 0;
}
```

Java

```
public class HelloGabia {
    public static void main(String args[]) {
        System.out.println("Hello, gabia!");
    }
}
```

Python

```
print("Hello, gabia!")
```

C++

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main() {
    int arr[5] = {1, 2, 3, 4, 5};

    for(int i=0; i<5; i++) {
        cout << arr[i] << endl;
    }
    return 0;
}
```

Java

```
public class HelloGabia {
    public static void main(String args[]) {
        int arr[] = {1, 2, 3, 4, 5};

        for(int i=0; i<5; i++) {
            System.out.println(arr[i]);
        }
    }
}
```

Python

```
arr = [1, 2, 3, 4, 5]
for el in arr:
    print(el)
```

Python



Google colab 사용법

- 풀 네임은 Google Colaboratory
- Google Drive + Jupyter Notebook
 - Google Drive처럼 협업 가능(동시에 수정 가능)
- <https://colab.research.google.com/>로 접속시 사용 가능
- 컴퓨터 사양(21년 01월 기준)
 - Ubuntu 18.04.5 LTS
 - CPU 제논 2.3GHz
 - 메모리 13G
 - GPU : K80 또는 T4 :
 - TPU도 사용 가능
- GPU 사용시 최대 12시간 (Colab은 GPU를 무료로 사용가능)
- Github의 소스 코드를 Colab에서 사용 가능

OS 확인

- `!cat /etc/issue.net`

하드웨어 사양

1. CPU

- `!cat /proc/cpuinfo`

2. Memory

- `!cat /proc/meminfo`

3. Disk

- `!df -h`

4. GPU

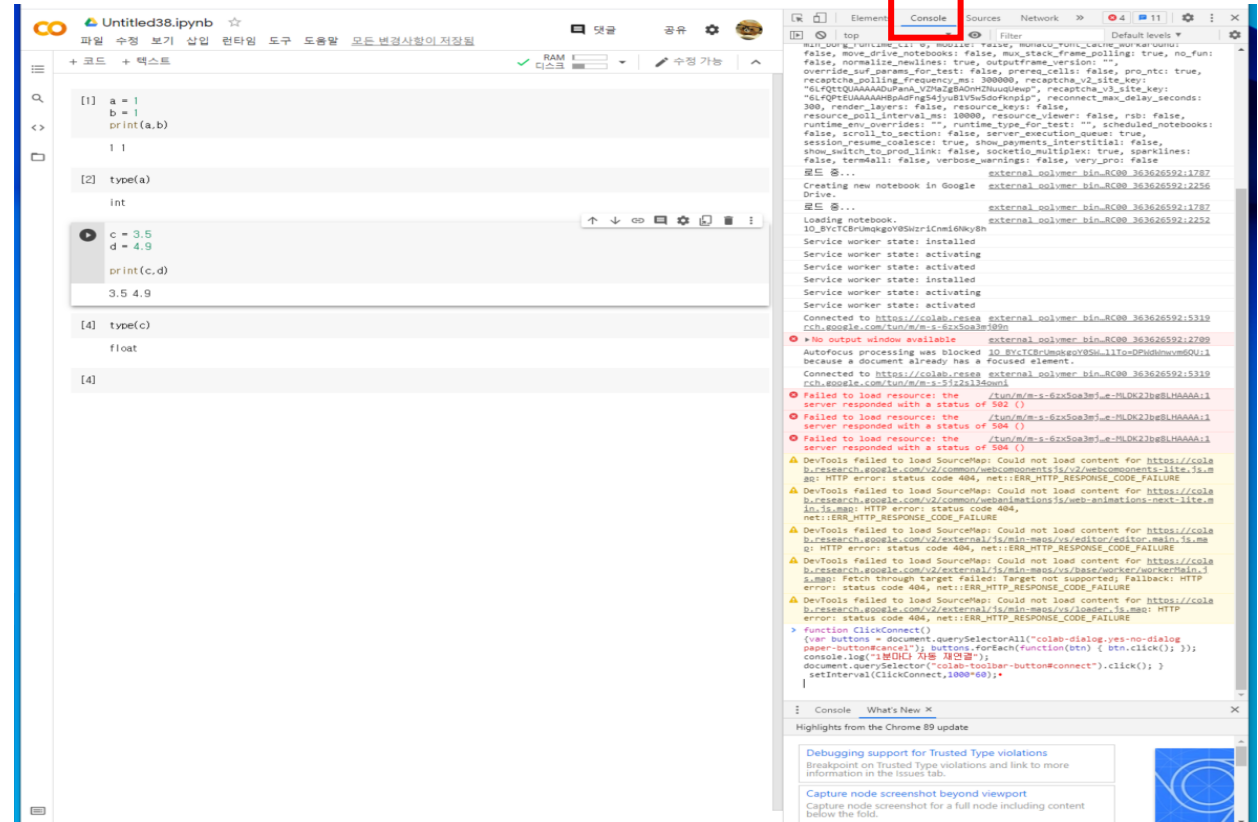
- `!nvidia-smi`

Google colab 런타임 방지

Google colab의 전체 세션 유지 시간은 12시간이고, 90분 이상 비 활성화 되어 있으면 자동으로 끄기고, 몇 분 동안 사용을 안하면 자동으로 세션이 끝난다.

->방법 : 크롬 브라우저에서 F12(혹은 Ctrl+shift+i)를 눌러서 개발자 도구 창을 열고 console 창에서 입력해 주면 된다.

```
function ClickConnect()  
{  
  var buttons = document.querySelectorAll("colab-dialog.yes-no-dialog paper-button#cancel");  
  buttons.forEach(function(btn) { btn.click(); });  
  console.log("1분마다 자동 재연결");  
  document.querySelector("colab-toolbar-button#connect").click();  
  setInterval(ClickConnect,1000*60);  
}
```



Python IDE VS code 이란?

• VS Code의 장점

1. MS의 친절한 관리

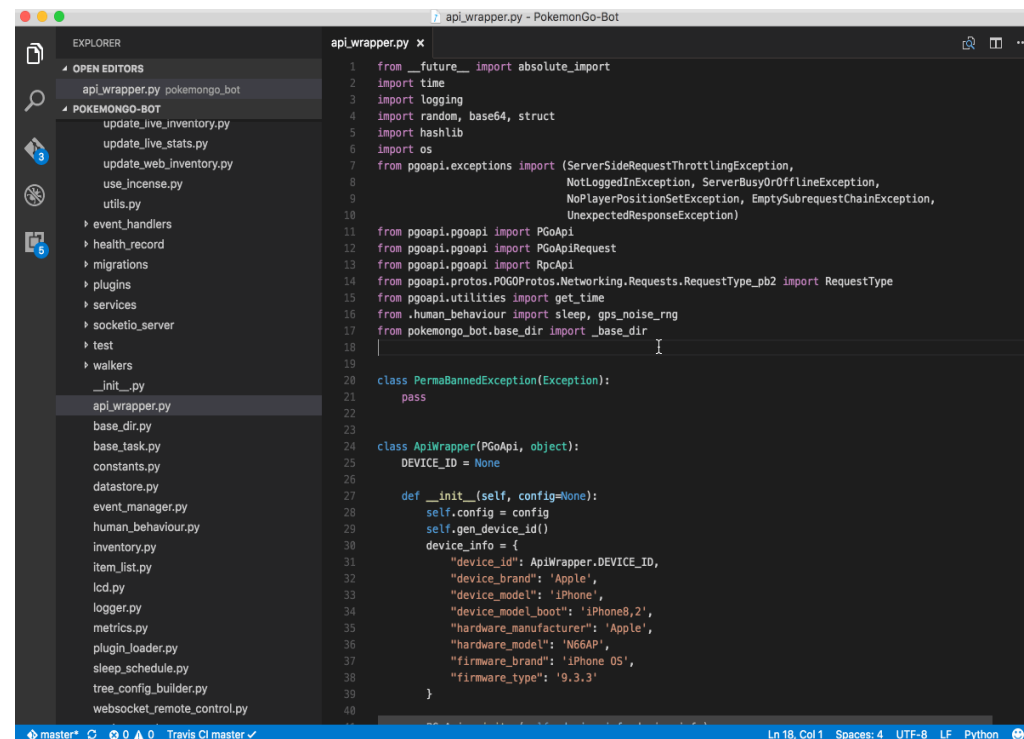
- MS의 프로그램은 비싸지만 그만큼 친절함.

2. 무료 정책

3. 점유율 1위

4. 마이크로 소프트가 직접 배포하는 확장성

5. 언어 확장성이 좋음(C,C++,JAVA 등 지원함)



Python IDE Pycharm 이란?

- Pycharm은 Python 언어에 사용되는 JetBrains사에 의해 개발된 IDE입니다.
- IDE는 컴파일, 코드 편집기, 디버그, 배포 등의 모든 작업을 하나의 프로그램에서 할 수 있도록 해주는 통합 개발 환경

Pycharm 의 특징

1. 코드 분석 및 코딩 지원
2. 프로젝트 및 코드 탐색
3. 파이썬
4. 웹 프레임 워크 지원(Professional 전용, 유료버전)
5. 통합 파이썬 디버그
6. 라인 단위 테스트
7. Google App Engine python(Professional 전용, 유료버전)
8. 과학적 도구 지원(Professional 전용, 유료버전)

Python 속도

“2~5배 더 빠르게”... 귀도 반 로섬, 파이썬 속도 개선한다

Paul Krill | InfoWorld

파이썬(Python) 창시자 귀도 반 로섬이 파이콘 2021(Pycon 2021)에서 진행된 **파이썬 랭귀지 서밋(Python Language Summit)**에서 파이썬 속도를 2배에서 5배까지 더 빠르게 만들기 위한 **단기 및 장기 계획**을 발표했다.



©Getty Images

파이썬에는 이미 파이파이(PyPy)와 같은 대체 런타임부터 C/C++로 작성된 랩핑 모듈까지 더 빠르게 실행할 수 있는 여러 방법이 있다. 하지만 C로 작성된 파이썬 참조 구현체이자 가장 널리 사용되는 언어 버전인 C파이썬(CPython) 자체의 속도를 높이는 방법은 거의 없다는 게 반 로섬의 설명이다.

- 해커링크(<https://www.hackerrank.com>)
- 코딜리티(<https://www.codility.com>)
- 리모트인터뷰 (<https://www.remoteinterview.io>)
- 리트코드 (<https://www.leetcode.com>)
- 프로그래머스(국내) (<https://www.programmers.co.kr>)
- 백준(국내)(<https://www.acmicpc.net>)
- 코딩도장(<https://dojang.io/>)
- SW Expert Academy(<https://swexpertacademy.com/main/main.do>)

프론트 엔드 VS 백엔드

	프론트엔드	백엔드
정의	사용자들에게 보여지는 부분 Ex) 레이아웃, 텍스트, 그림 등	사용자들에게 보이지 않는 시스템 안쪽 부분 Ex) 내부적 DB
기술	HTML&CSS *HTML : 콘텐츠에 구조와 의미를 주기 위한 것 *CSS : 콘텐츠의 모양과 스타일을 주기 위한 것	스프링프레임워크 *동적인 웹사이트 개발을 위한 여러가지 서비스 제공
	JAVA script *웹페이지에 기능을 더해 HTML 웹페이지를 동적이고 살아있게 만드는 것	JAVA *컴퓨터가 이해할 수 있는 0과 1로 이루어진 기계어
직무	UI/UX 디자인 *UX디자인 : 사용자가 경험하게 될 전반적 디자인 *UI디자인 : 겉으로 시각화 되는 디자인	서버코딩 *시스템이 운용되기 위해 필요한 시스템의 관련 기능 구현 등을 담당
	Front-end 개발 *웹상의 표현을 도와주는 여러 기술을 활용하여 UX와 Web 디자인 요소를 구현	DB 활용 *데이터베이스를 구축하고 운영

프론트엔드 VS 백엔드

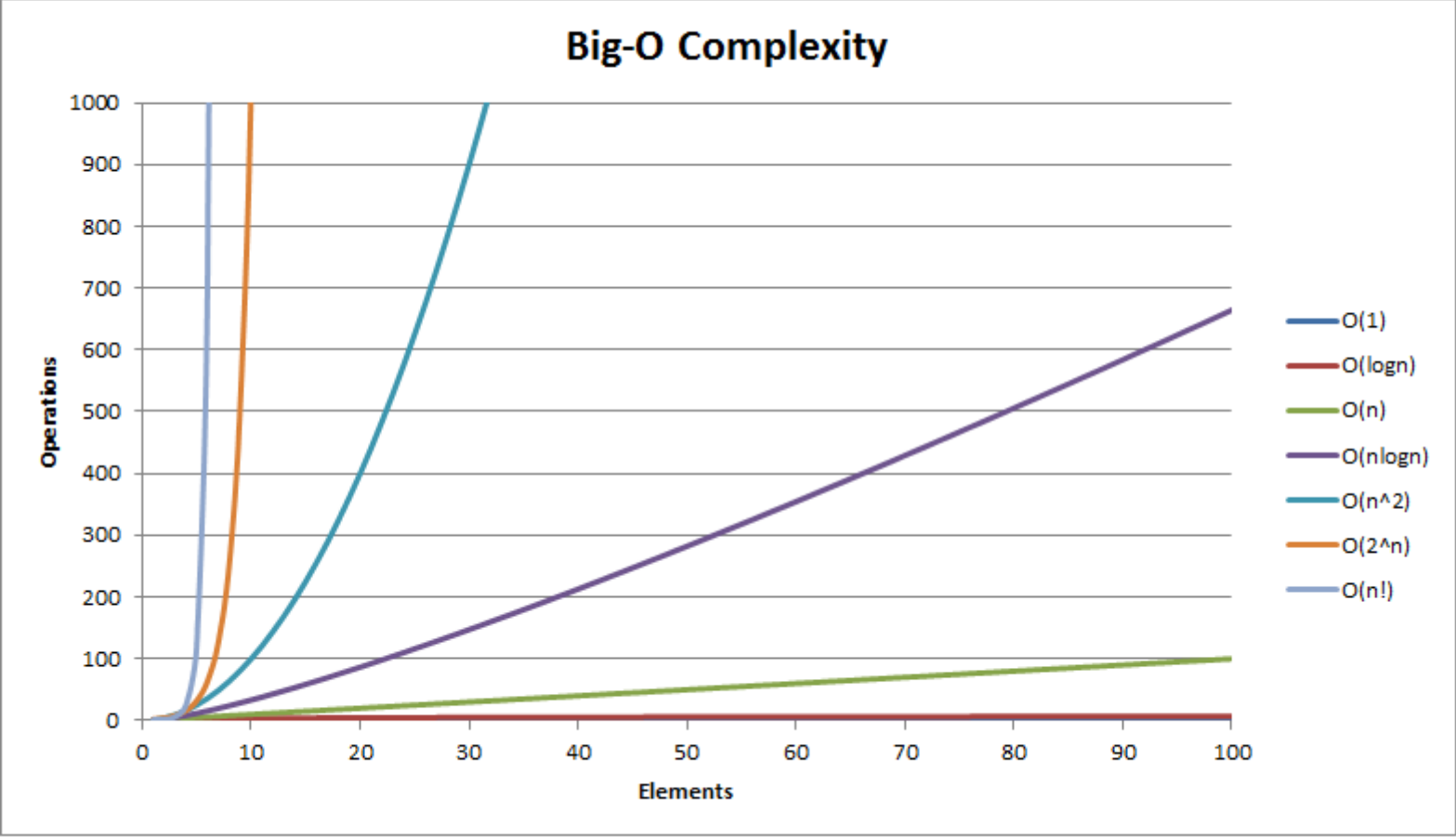


Time Complexity(시간 복잡도)

- 알고리즘의 효율성을 판단하기 위한 지표로서, 프로그램 수행에 걸리는 절대적 시간이 아닌, 알고리즘을 수행하는데 사용되는 연산들이 몇 번 이루어지는가에 대한 것을 상대적 지표로 나타낸 것.
- 연산에는 산술, 대입, 비교, 이동이 있다.
- 시간복잡도, 즉 성능 측정에 사용되는 표기법은 Big-O, Big-Omega(Ω), Theta(Θ) 크게 세가지로 나눔.

- 빅오는 점근적 실행 시간(Asymptotic Running Time)를 표기할 때, 가장 널리 쓰이는 수학적 표기법 중 하나.
- 점근적 실행 시간이란, 입력값 n 이 커질 때, 즉 입력값이 무한대를 향할 때 $\lim_{n \rightarrow \infty}$ 함수의 실행 시간의 추이를 의미.
- 알고리즘은 궁극적으로 컴퓨터로 구현되므로, 컴퓨터의 빠른 처리 능력을 감안하면, 아무리 복잡한 알고리즘도 입력의 크기가 작으면 금방 끝나게 됨. 충분히 큰 입력에서는 알고리즘의 효율성에 따라 수행 시간이 크게 차이가 날 수 있음.

Big-O



Big-O 표기법별 대표 알고리즘

- $O(1)$: Operation push and pop on stack
- $O(\log n)$: Binary Tree
- $O(n)$: for loop
- $O(n \times \log n)$: Quick sort, Merge Sort, Heap Sort
- $O(n^2)$: Double for loop, Insert Sort, Bubble Sort, Selection Sort
- $O(n^2)$: Fibonacci Sequence
- $O(n!)$: 외판원 문제(Travelling Saleman problem)

Big-O

Sorting Algorithms

Sorting Algorithms ↕	Space complexity	Time complexity		
	Worst case ↕	Best case ↕	Average case ↕	Worst case ↕
Insertion Sort	$O(1)$	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$
Selection Sort	$O(1)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$
Smooth Sort	$O(1)$	$O(n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$
Bubble Sort	$O(1)$	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$
Shell Sort	$O(1)$	$O(n)$	$O(n \log n^2)$	$O(n \log n^2)$
Mergesort	$O(n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$
Quicksort	$O(\log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$
Heapsort	$O(1)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$

Data Structures Comparison

Data Structures ↕	Average Case			Worst Case		
	Search ↕	Insert ↕	Delete ↕	Search ↕	Insert ↕	Delete ↕
Array	$O(n)$	N/A	N/A	$O(n)$	N/A	N/A
Sorted Array	$O(\log n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(\log n)$	$O(n)$	$O(n)$
Linked List	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$
Doubly Linked List	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$
Stack	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$
Hash table	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$
Binary Search Tree	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$
B-Tree	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Red-Black tree	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
AVL Tree	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$

Level 1



문제 1, 약수의 개수와 덧셈

약수의 개수와 덧셈

문제 설명

두 정수 `left` 와 `right` 가 매개변수로 주어집니다. `left` 부터 `right` 까지의 모든 수들 중에서, 약수의 개수가 짝수인 수는 더하고, 약수의 개수가 홀수인 수는 뺀 수를 return 하도록 solution 함수를 완성해주세요.

제한사항

- $1 \leq \text{left} \leq \text{right} \leq 1,000$

입출력 예

left	right	result
13	17	43
24	27	52

문제 2, 직사각형 별 찍기

직사각형 별찍기

문제 설명

이 문제에는 표준 입력으로 두 개의 정수 n 과 m 이 주어집니다.

별(*) 문자를 이용해 가로의 길이가 n , 세로의 길이가 m 인 직사각형 형태를 출력해보세요.

제한 조건

- n 과 m 은 각각 1000 이하인 자연수입니다.

예시

입력

5 3

출력

```
*****  
*****  
*****
```

복리 이자율 7%로 1000만원 저금시 2000만원이 되기까지 몇 년이 걸리는가?

로또 번호 자동생성기를 작성하시오.

```
***** 로또 번호 자동 생성기*****  
-----  
게임 수 : 5  
[4, 20, 22, 26, 27, 30]  
[1, 10, 18, 27, 36, 42]  
[19, 23, 24, 32, 37, 40]  
[10, 16, 23, 24, 40, 43]  
[2, 18, 24, 25, 26, 32]  
***** 로또 번호 자동 완료 *****
```

문제 5, 핸드폰 번호 가리기

핸드폰 번호 가리기

문제 설명

프로그래머스 모바일은 개인정보 보호를 위해 고지서를 보낼 때 고객들의 전화번호의 일부를 가립니다.

전화번호가 문자열 `phone_number`로 주어졌을 때, 전화번호의 뒷 4자리를 제외한 나머지 숫자를 전부 `*`으로 가린 문자열을 리턴하는 함수, `solution`을 완성해주세요.

제한 조건

- `phone_number`는 길이 4 이상, 20이하인 문자열입니다.

입출력 예

phone_number	return
"01033334444"	"*****4444"
"027778888"	"*****8888"

문제 6, 최대공약수와 최소공배수

문제 설명

두 수를 입력받아 두 수의 최대공약수와 최소공배수를 반환하는 함수, solution을 완성해 보세요. 배열의 맨 앞에 최대공약수, 그다음 최소공배수를 넣어 반환하면 됩니다. 예를 들어 두 수 3, 12의 최대공약수는 3, 최소공배수는 12이므로 solution(3, 12)는 [3, 12]를 반환해야 합니다.

제한 사항

- 두 수는 1이상 1000000이하의 자연수입니다.

입출력 예

n	m	return
3	12	[3, 12]
2	5	[1, 10]

입출력 예 설명

입출력 예 #1

위의 설명과 같습니다.

입출력 예 #2

자연수 2와 5의 최대공약수는 1, 최소공배수는 10이므로 [1, 10]을 리턴해야 합니다.

문제 7, 수박수박수박수박수박수?

길이가 n 이고, "수박수박수박수...."와 같은 패턴을 유지하는 문자열을 리턴하는 함수, `solution`을 완성하세요. 예를들어 n 이 4이면 "수박수박"을 리턴하고 3이라면 "수박수"를 리턴하면 됩니다.

제한 조건

- n 은 길이 10,000이하인 자연수입니다.

입출력 예

n	return
3	"수박수"
4	"수박수박"

문제 8, 소수 찾기

1부터 입력받은 숫자 n 사이에 있는 소수의 개수를 반환하는 함수, solution을 만들어 보세요.

소수는 1과 자기 자신으로만 나누어지는 수를 의미합니다.
(1은 소수가 아닙니다.)

제한 조건

- n은 2이상 1000000이하의 자연수입니다.

입출력 예

n	result
10	4
5	3

입출력 예 설명

입출력 예 #1

1부터 10 사이의 소수는 [2,3,5,7] 4개가 존재하므로 4를 반환

입출력 예 #2

1부터 5 사이의 소수는 [2,3,5] 3개가 존재하므로 3를 반환

문제 9, 소수 찾기 / 에라토스테네스의 체

- 대표적인 소수(Prime Number) 판별 알고리즘 / 소수들을 대량으로 빠르고 정확하게 구하는 방법
- 먼저 소수를 판별할 범위만큼 배열을 할당하여, 해당하는 값을 넣어주고, 이후에 하나씩 지워나가는 방법을 이용
 1. 배열을 생성하여 초기화한다.
 2. 2부터 시작해서 특정 수의 배수에 해당하는 수를 모두 지운다.
(지울 때 자기 자신은 지우지 않고 이미 지워진 수는 건너뛴다.)
 3. 2부터 시작하여 남아있는 수를 모두 출력한다.

문제 9, 소수 찾기 / 에라토스테네스의 체

- 에라토스테네스의 체로 1부터 25까지를 판별해보자.
- 이차원 배열을 생성하여 값을 초기화

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25

문제 9, 소수 찾기 / 에라토스테네스의 체

- 에라토스테네스의 체로 1부터 25까지를 판별해보자.
- 2부터 시작해서 특정 숫자의 배수에 해당되는 숫자들을 모두 지웁니다.(자기 자신은 지우지 않음)

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25

문제 9, 소수 찾기 / 에라토스테네스의 체

- 에라토스테네스의 체로 1부터 25까지를 판별해보자.
- 3의 배수를 지움(자기 자신을 지우지 않음)

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25

문제 9, 소수 찾기 / 에라토스테네스의 체

- 에라토스테네스의 체로 1부터 25까지를 판별해보자.
- 4의 배수를 지움(이미 지워져 있으므로, 지우지 않고 건너 뛴.이러한 과정을 반복함)

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25

문제 9, 소수 찾기 / 에라토스테네스의 체

- 에라토스테네스의 체로 1부터 25까지를 판별해보자.
- 2부터 시작하여 남아 있는 숫자들을 출력함.

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25

- 출력 : 2,3,7,11,13,17,19,23

문제 9, 소수 찾기 / 에라토스테네스의 체

```
n = int(input())
a = [True] * (n + 1)
m = int(n**0.5)

for i in range(2, m + 1):
    if a[i] == True:
        for j in range(i + i, n + 1, i):
            a[j] = False

print([i for i in range(2, n + 1) if a[i] == True])
```

```
#include <stdio.h>

int number = 1000000;
int a[1000001];

void primeNumberSieve() {
    for(int i = 2; i <= number; i++) {
        a[i] = i;
    }
    for(int i = 2; i <= number; i++) {
        if(a[i] == 0) continue;
        for(int j = i + i; j <= number; j += i) {
            a[j] = 0;
        }
    }
    for(int i = 2; i <= number; i++) {
        if(a[i] != 0) printf("%d ", a[i]);
    }
}

int main(void) {
    primeNumberSieve();
}
```

```
public class Solution {

    // 예제와 같이 120까지의 소수를 구하기 위해 120 선언.
    static boolean prime[] = new boolean[121];

    public static void main(String[] args) throws Exception{

        // 구하고자 하는 숫자 범위
        int N = 120;

        // 소수는 false
        // 1은 소수가 아니므로 제외
        prime[0] = prime[1] = true;

        for(int i=2; i+i<=N; i++){
            // prime[i]가 소수라면
            if(!prime[i]){
                // prime[j] 소수가 아닌 표시
                for(int j=i+i; j<=N; j+=i) prime[j] = true;
            }
        }

        // 소수 출력
        for(int i=1; i<=N; i++){
            if(!prime[i]) System.out.print(i+" ");
        }

    }
}
```

문제 10, 모의고사

수포자는 수학을 포기한 사람의 준말입니다. 수포자 삼인방은 모의고사에 수학 문제를 전부 찍으려 합니다. 수포자는 1번 문제부터 마지막 문제까지 다음과 같이 찍습니다.

1번 수포자가 찍는 방식: 1, 2, 3, 4, 5, 1, 2, 3, 4, 5, ...

2번 수포자가 찍는 방식: 2, 1, 2, 3, 2, 4, 2, 5, 2, 1, 2, 3, 2, 4, 2, 5, ...

3번 수포자가 찍는 방식: 3, 3, 1, 1, 2, 2, 4, 4, 5, 5, 3, 3, 1, 1, 2, 2, 4, 4, 5, 5, ...

1번 문제부터 마지막 문제까지의 정답이 순서대로 들은 배열 `answers`가 주어졌을 때, 가장 많은 문제를 맞힌 사람이 누구인지 배열에 담아 `return` 하도록 `solution` 함수를 작성해주세요.

제한 조건

- 시험은 최대 10,000 문제로 구성되어있습니다.
- 문제의 정답은 1, 2, 3, 4, 5중 하나입니다.
- 가장 높은 점수를 받은 사람이 여럿일 경우, `return`하는 값을 오름차순 정렬해주세요.

입출력 예

answers	return
[1,2,3,4,5]	[1]
[1,3,2,4,2]	[1,2,3]

입출력 예 설명

입출력 예 #1

- 수포자 1은 모든 문제를 맞혔습니다.
- 수포자 2는 모든 문제를 틀렸습니다.
- 수포자 3은 모든 문제를 틀렸습니다.

따라서 가장 문제를 많이 맞힌 사람은 수포자 1입니다.

입출력 예 #2

- 모든 사람이 2문제씩을 맞췄습니다.

문제 11, 베스킨 라빈스 31 게임

게임규칙

게임의 참여자들은 차례를 정해 1부터 31까지의 수를 순차적으로 부른다. 한번에 1~3개까지 수를 연달아 부를 수 있으며, 마지막 31을 부른 사람이 진다.

- 컴퓨터가 무조건 먼저 시작하고, 1P는 무조건 2번째로 말한다. 컴퓨터가 무조건 이기게 만들어라.
- LEVEL1 예상
- 힌트1: $4n-2$ 라는 공식을 사용하면 됩니다.
- 힌트2: 이 게임은 31을 부르면 지는 게임이니 30을 부르면 이깁니다.

스택(Stack)

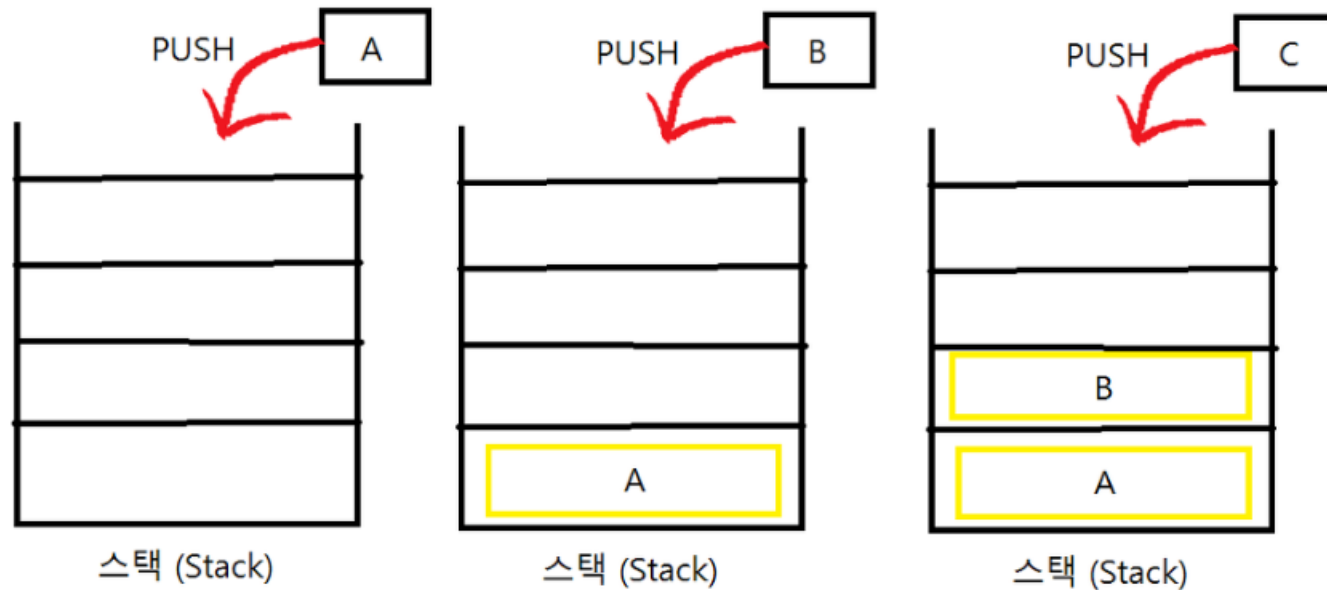
- 메모리의 스택 영역은 함수의 호출과 관계되는 지역변수, 매개변수, 리턴 값 등의 임시 데이터를 저장.
- “차곡 차곡 쌓여진 더미”를 의미.
- LIFO(Last in First Out, 후입선출)구조라고 함.
- 가장 먼저 저장되는 데이터는 스택의 아래 쪽(높은 주소)부터 쌓이고, 다음 저장되는 데이터가 바로 그 위(낮은 주소)에 쌓임

스택(Stack)



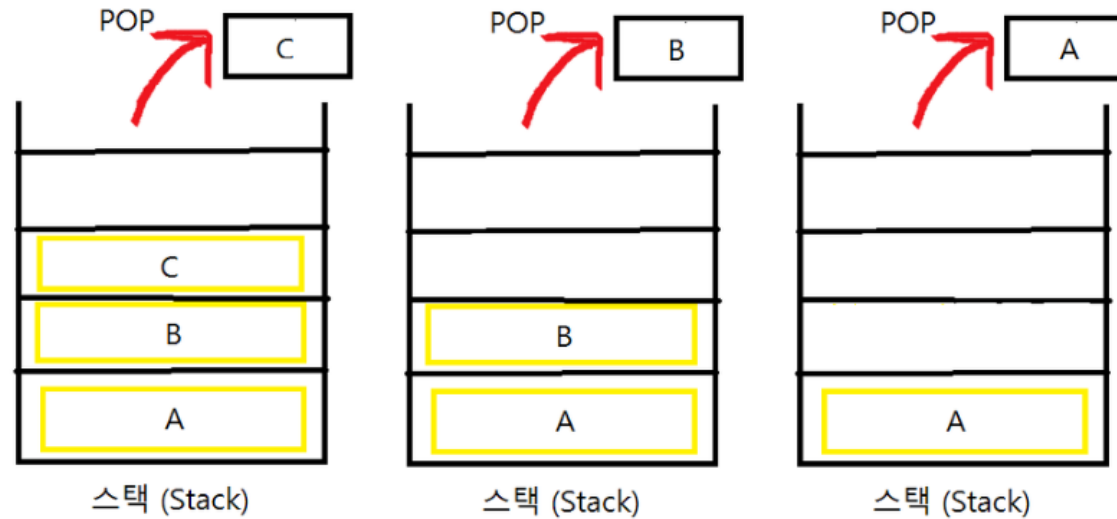
스택 (Stack)

- 이 빈 통을 스택 영역이라고 생각



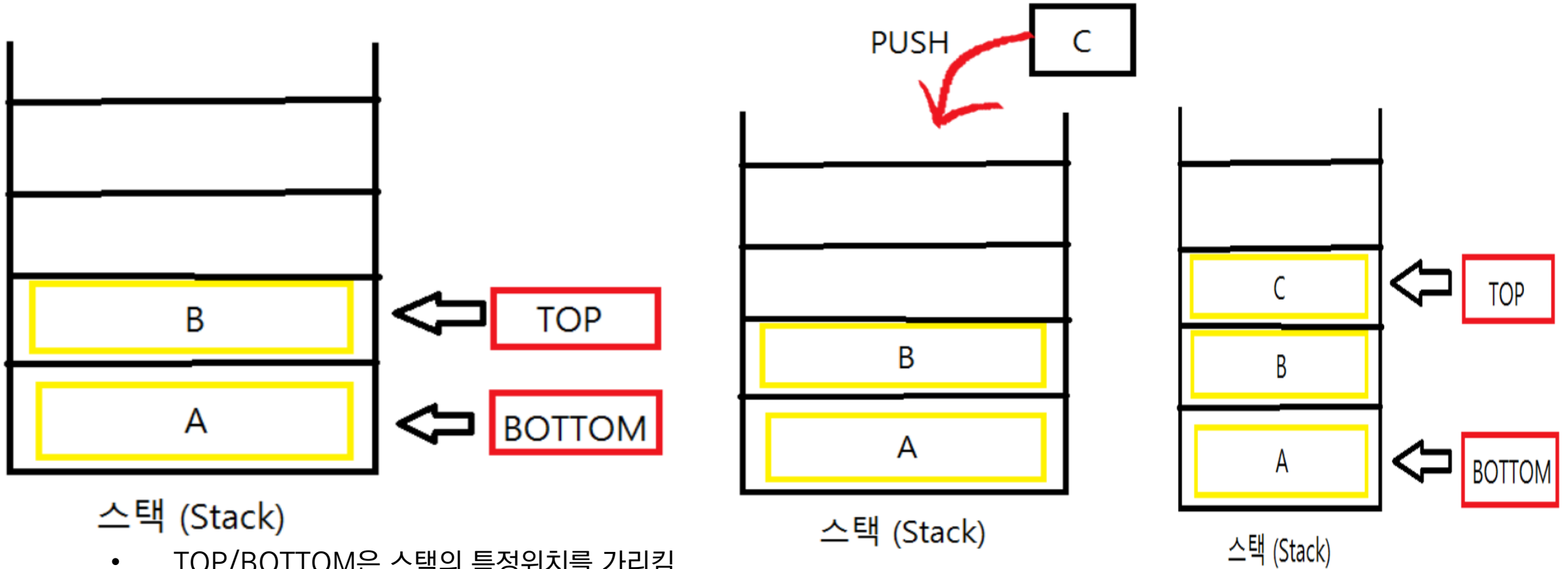
- 스택에 새로운 데이터를 추가하는 것을 PUSH라고 함. PUSH를 하면 기존 데이터 위에 새 데이터가 순서대로 쌓임.

스택(Stack)



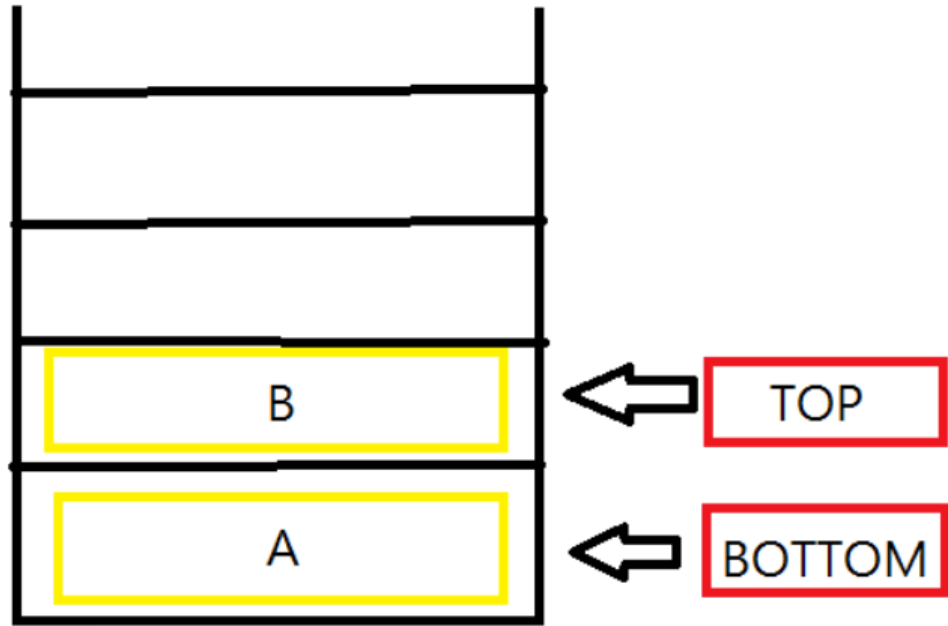
- 스택에 있던 데이터를 다시 빼내는 것을 POP
- PUSH/POP을 통해 데이터의 추가/제거가 가능하며 PUSH/POP 되는 데이터의 크기는 프로그래머가 정할 수 있음.
- 스택이 밑에서부터 데이터를 추가하는 이유는 커널영역을 침범하지 않기 위해서 밑에서부터 데이터를 추가함.

스택(Stack)

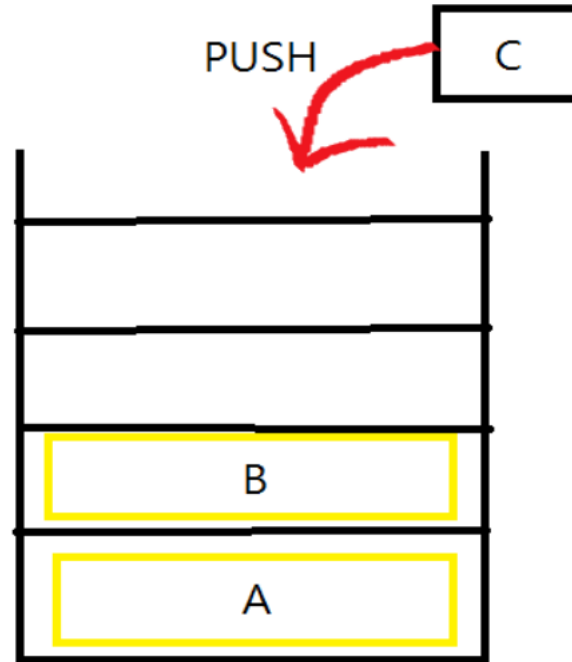


- TOP/BOTTOM은 스택의 특정위치를 가리킴.
- TOP는 가장 최근에 스택에 저장된 값, BOTTOM은 가장 처음 스택에 저장된 값을 가리킴.

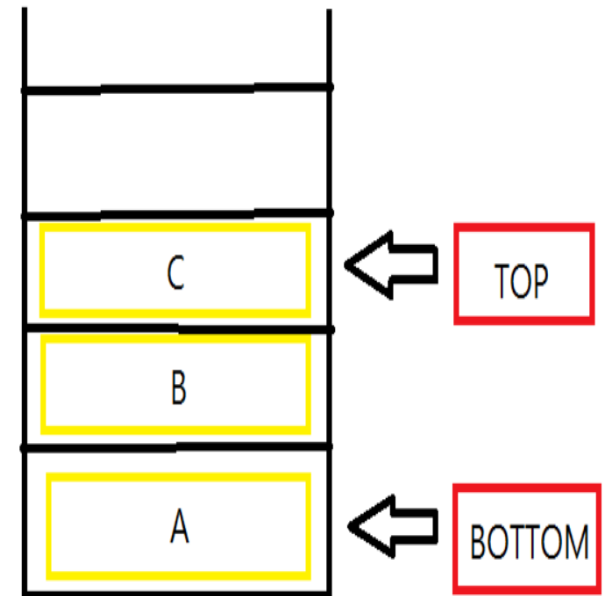
스택(Stack)



스택 (Stack)



스택 (Stack)

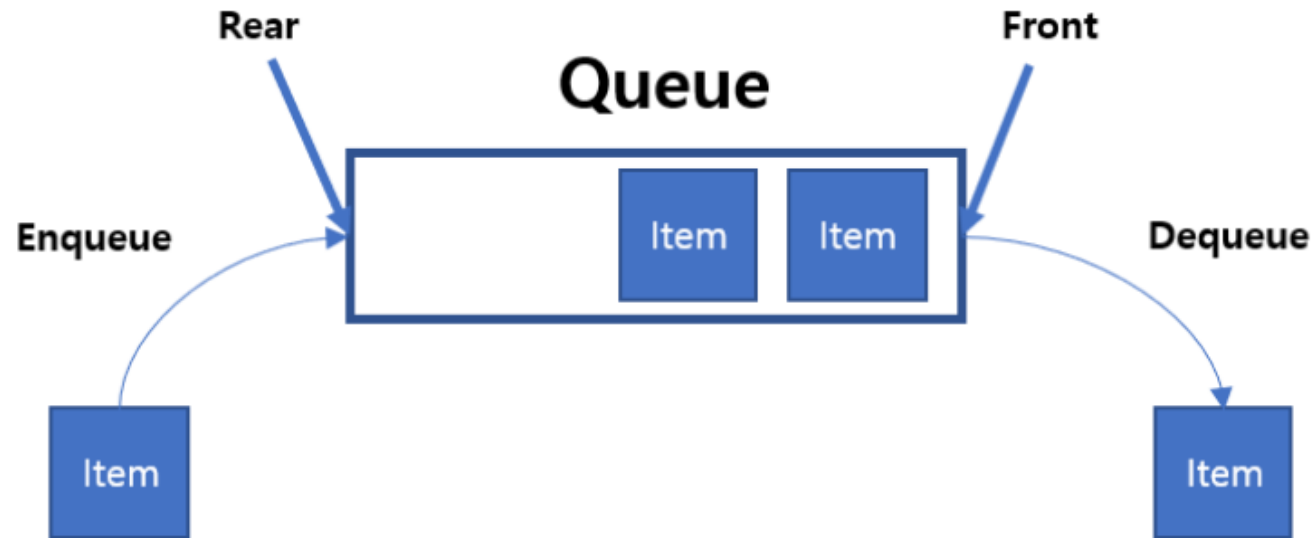


스택 (Stack)

- TOP/BOTTOM은 스택의 특정위치를 가리킴.
- TOP는 가장 최근에 스택에 저장된 값, BOTTOM은 가장 처음 스택에 저장된 값을 가리킴.
- 활용 예시
 - 웹 브라우저 방문기록(뒤로 가기) : 가장 나중에 열린 페이지부터 다시 보여줌.
 - 역순 문자열 만들기 : 가장 나중에 입력된 문자를 출력
 - 수식의 괄호 검사(연산자 우선순위 표현을 위한 괄호 검사)

큐(Queue)

- 큐는 한쪽 끝(rear)에서는 삽입 연산만 이루어지며 다른 한쪽 끝(Front)에서는 삭제 연산만 이루어지는 유한 순서 리스트이다.



- 큐는 선입 선출(FIFO : First-In First-Out)

문제 12, 같은 숫자는 싫어

배열 arr가 주어집니다. 배열 arr의 각 원소는 숫자 0부터 9까지로 이루어져 있습니다. 이때, 배열 arr에서 연속적으로 나타나는 숫자는 하나만 남기고 전부 제거하려고 합니다. 단, 제거된 후 남은 수들을 반환할 때는 배열 arr의 원소들의 순서를 유지해야 합니다. 예를 들면,

- arr = [1, 1, 3, 3, 0, 1, 1] 이면 [1, 3, 0, 1] 을 return 합니다.
- arr = [4, 4, 4, 3, 3] 이면 [4, 3] 을 return 합니다.

배열 arr에서 연속적으로 나타나는 숫자는 제거하고 남은 수들을 return 하는 solution 함수를 완성해 주세요.

제한사항

- 배열 arr의 크기 : 1,000,000 이하의 자연수
- 배열 arr의 원소의 크기 : 0보다 크거나 같고 9보다 작거나 같은 정수

입출력 예

arr	answer
[1,1,3,3,0,1,1]	[1,3,0,1]
[4,4,4,3,3]	[4,3]

입출력 예 설명

입출력 예 #1,2

문제의 예시와 같습니다.

완전 탐색(Exhaustive Search)

- 모든 경우의 수를 시도 하는 방법
- “무식하게 푼다”(brute-force)는 컴퓨터의 빠른 계산 능력을 이용해 가능한 경우의 수를 일일이 나열하면서 답을 찾는 의미.
- 상대적으로 구현이 간단하고, 해가 존재하면 항상 찾게 됨.
- 경우의 수에 따라 실행 시간이 비례하기 때문에 입력 값의 범위가 작은 경우 유용.

단순 Brute-Force

- 단순히 반복문과 조건문으로 모든 경우를 만들어 답을 구하는 방법
- 이 방법만을 사용하는 문제는 거의 나오지 않음.

비트 마스크(BitMask)

- 나올 수 있는 모든 경우의 수가 각각의 원소가 포함되거나, 포함되지 않는지를 0,1로 구분하여 배열에 저장해둘 수 있음.
- Ex) ‘원소가 n개인 집합의 모든 부분 집합’을 구한다면, 각 원소가 포함되는지 포함되지 않는지를 0,1로 구분하여 배열에 저장해둘 수 있음.

비트 연산자

- 비트(bit) 단위로 논리 연산을 할 때 사용하는 연산자.
- AND 연산(&) : 대응하는 두 비트가 모두 1일 때, 1반환 ex) $1010 \& 1111 = 1010$
- OR 연산(|) : 대응하는 두 비트가 하나라도 1일 때, 1반환 ex) $1010 | 1111 = 1111$
- XOR 연산(^) : 대응하는 두 비트가 서로 다르면, 1반환 ex) $1010 \wedge 1111 = 0101$

완전 탐색(Exhaustive Search)

재귀 함수(Recursion function)

- 비트마스크와 마찬가지로 각 원소가 두 가지 선택지를 가질 때 유용하게 사용.
- 포함이 되면 해당 원소를 넣어 함수를 호출하고, 포함되지 않으면 그 상태에서 함수를 호출하는 등의 식.
- 시간 복잡도 $O(N)$

```
def function(n):  
    if n == 0:  
        return  
    else:  
        function(n-1)  
        print(n)
```

function(3)

결과

1
2
3

```
int Factorial(int num) {  
    if (num == 1) {  
        return 1;  
    }  
    return num * Factorial(num - 1);  
}  
  
int main() {  
    int num = 5;  
    cout << num << "! 값: " << Factorial(num) << endl;  
    return 0;  
}
```

```
public class Factorial {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        int input = 4; // 4!  
  
        System.out.println(fact(input));  
    }  
  
    public static int fact(int n) {  
        if (n <= 1)  
            return n;  
        else  
            return fact(n-1) * n;  
    }  
}
```

완전 탐색(Exhaustive Search)

순열(Permutation)

- 서로 다른 N 개를 일렬로 나열하는 방법(경우의 수)를 말함
- 순열의 경우의 수는 $N!$ 으로 완전 탐색을 이용하기 위해서는 N 이 한자리 수는 되어야 함.
- 순열에 원소를 하나씩 채워가는 방식
- 재귀함수 이용 or C++의 `next_permutation()` 함수 이용.
- 시간복잡도 $O(N!)$

너비 우선 탐색(Breadth-First Search,BFS)는 하나의 요소를 방문하고 그 요소에 인접한 모든 요소를 우선 방문하는 방식

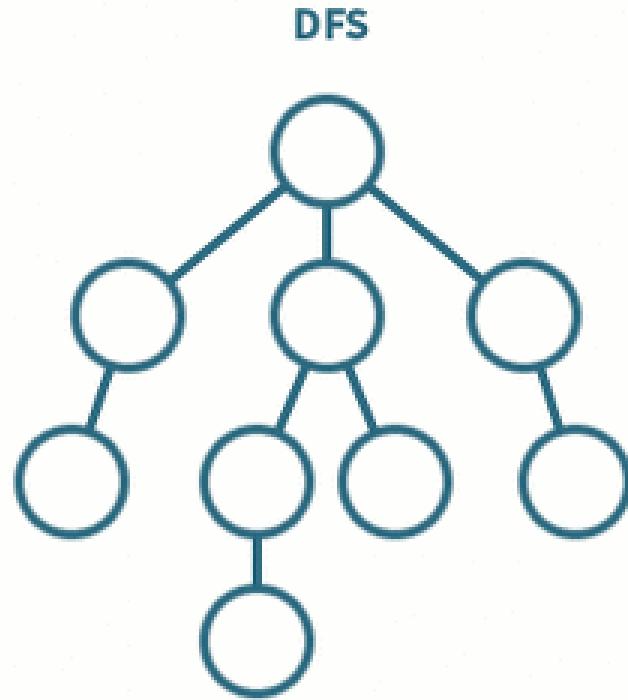
깊이 우선 탐색(Depth-First Search,DFS)는 트리의 한 요소(노드)와 다음 수준(level)의 지식 노드를 따라가는 탐색하는 방식
길 찾기 등에 주로 쓰이는 알고리즘

: 단순 길찾기에는 BFS/DFS만 써도 무방하지만, 장애물이 존재하는 등 추가적인 연산이 필요할 때 완전탐색 병용하기도 함.

Ex) 지구 상에 존재하는 모든 친구 관계를 그래프로 표현하고 A와 B 사이에 존재하는 경로를 찾을 때,

- DFS : 모든 친구 관계 다 살펴야 한다.
- BFS : A와 가까운 관계부터 탐색

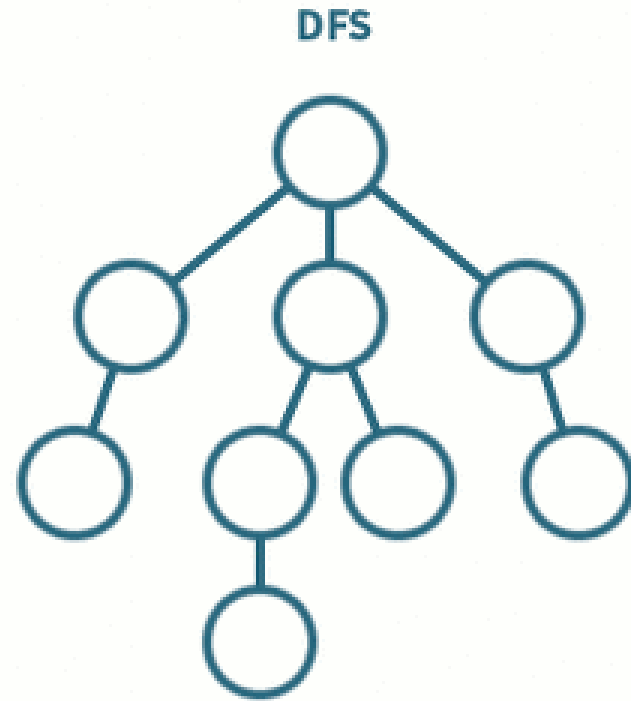
완전 탐색(Exhaustive Search)



깊이 우선 탐색(Depth-First Search,DFS)

- 재귀적으로 동작(재귀, 스택)
- 그래프 탐색의 경우, 어떤 노드를 방문했었는지 여부를 반드시 검사(검사하지 않으면 무한루프)
- 모든 노드 방문하고자 할 때 사용
- BFS보다 간단, BFS 비해서 검색 속도 느림.
- 모든 노드 방문하고자 할 때 사용.

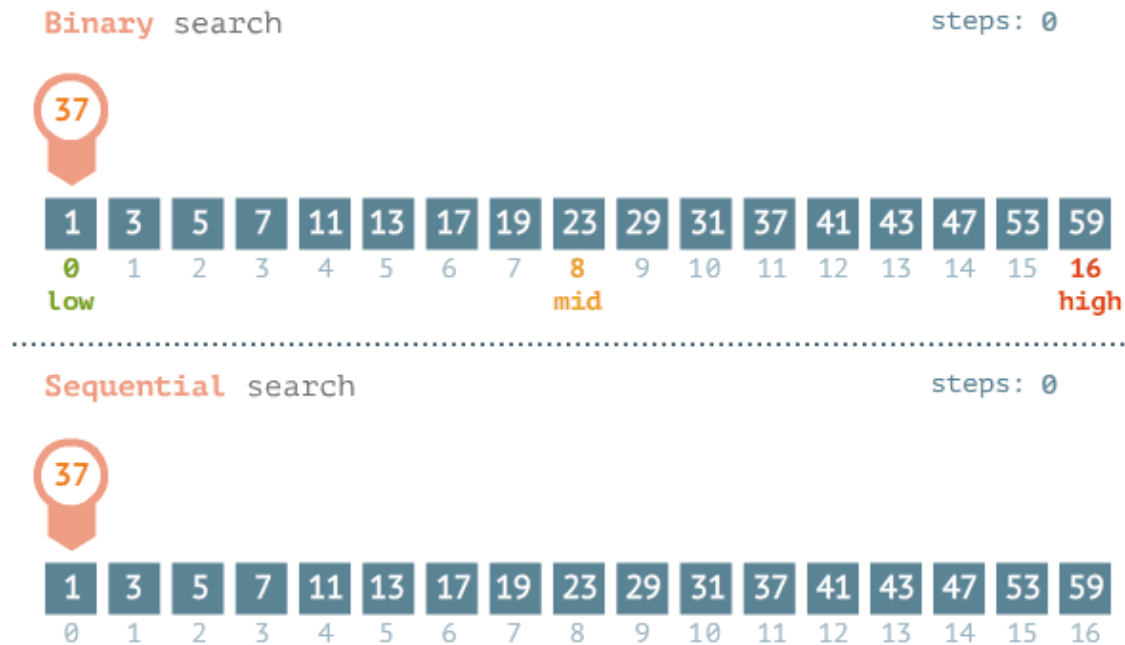
완전 탐색(Exhaustive Search)



너비 우선 탐색(Bread-First Search, BFS)

- 재귀적으로 동작하지 않음.
- 그래프 탐색의 경우, 어떤 노드를 방문 했었는지 여부를 반드시 검사(검사하지 않으면 무한루프)
- BFS는 방문한 노드들을 차례로 저장하고 꺼낼 수 있는 큐 사용(FIFO)
- 넓게 탐색
- 두 노드 사이의 최단 경로 혹은 임의의 경로를 찾고 싶을 때 이 방법을 사용.

이진 탐색 / 이진 탐색(Binary Search)



www.penjee.com

- 이진 탐색(이분 탐색) 알고리즘은 정렬되어 있는 리스트에서 탐색 범위를 절반씩 좁혀가며 데이터를 탐색하는 방법.
- 배열 내부의 데이터가 정렬되어 있어야만 사용할 수 있는 알고리즘.
- 변수 3개(start, end, mid)를 사용하여 탐색한다. 찾으려는 데이터와 중간점 위치에 있는 데이터를 반복적으로 비교해서 원하는 데이터를 찾는 것이다.



Thank you.

알고리즘 이해 및 구현 / 류영표 강사
ryp1662@gmail.com