2020 届研究生硕士学位论文

分类号:	学校代码:	10269
密级:	学 号:	51174500168



East China Normal University 硕士学位论文 MASTER'S DISSERTATION

论文题目: <u>基于编码的抗量子加密算法</u> 关键技术研究

院 系:	计算机科学与软件工程学院
专业名称:	软件工程
研究方向:	密码与网络安全
指导教师:	曾鹏 副教授
学位申请人:	周玉壮

2019年11月

University Code: 10269

Student ID: 51174500168

EAST CHINA NORMAL UNIVERSITY

THE RESEARCH KEY TECHNOLOGY OF CODE-BASED ENCRYPTION SCHEME

Department:
School of Computer Science
and Software Engineering

Major:
Software Engineering

Cryptography and Network Security

Supervisor:
Associate Professor Peng Zeng

Candidate:
Yuzhuang Zhou

华东师范大学学位论文原创性声明

郑重声明:本人呈交的学位论文《基于位置服务的隐私保护关键技术研究》,是在华东师范大学攻读硕士/博士(请勾选)学位期间,在导师的指导下进行的研究工作及取得的研究成果。除文中已经注明引用的内容外,本论文不包含其他个人已经发表或撰写过的研究成果。对本文的研究做出重要贡献的个人和集体,均已在文中作了明确说明并表示谢意。

作者签名:	日期:	年	月	日

华东师范大学学位论文著作权使用声明

《基于编码的抗量子加密算法关键技术研究》系本人在华东师范大学攻读学位期间在导师指导下完成的硕士/博士(请勾选)学位论文,本论文的研究成果归华东师范大学所有。本人同意华东师范大学根据相关规定保留和使用此学位论文,并向主管部门和相关机构如国家图书馆、中信所和"知网"送交学位论文的印刷版和电子版;允许学位论文进入华东师范大学图书馆及数据库被查阅、借阅;同意学校将学位论文加入全国博士、硕士学位论文共建单位数据库进行检索,将学位论文的标题和摘要汇编出版,采用影印、缩印或者其它方式合理复制学位论文。

- 本学位论文属于(请勾选)
- () 1. 经华东师范大学相关部门审查核定的"内部"或"涉密"学位论文*, 于年月日解密,解密后适用上述授权。
 - () 2. 不保密,适用上述授权。

导帅签名:	本人签名	:		
		年	月	日

*"涉密"学位论文应是已经华东师范大学学位评定委员会办公室或保密委员会审定过的学位论文(需附获批的《华东师范大学研究生申请学位论文"涉密"审批表》方为有效),未经上述部门审定的学位论文均为公开学位论文。此声明栏不填写的,默认为公开学位论文,均适用上述授权)。

周五壮 硕士学位论文答辩委员会成员名单

姓名	职称	单位	备注
曹珍富	教授	华东师范大学	主席
张磊	研究员	华东师范大学	
朱浩瑾	副教授	上海交通大学	

摘要

量子计算机的出现,深刻影响着计算机各个领域的发展。量子计算机的重要 优越性就是量子并行计算,这使得量子计算机可以达到经典计算机无法达到的算 力水平。于是,很多经典计算机无法解决的问题,量子计算机就能很快解决。这 无疑是巨大的进步,但是从另一方面来看,超级计算能力对如今计算机构建的信 息时代安全本身也是一种威胁。具体来看,在密码学领域,密码算法的安全性是 基于当前计算机的计算能力的,在允许的破解成本下,计算机所拥有的算力无法 破解密码,就说密码算法是安全的。研究表明,在理想情况下,现有的量子计算 机,已经使经典的密码算法处于严重威胁之中。为了抵抗未来量子计算机带来的 攻击,有多种抗量子加密算法已经处于研究之中。比如:基于 Hash 函数的公钥密 码体制;基于格问题的公钥密码体制;基于多变量问题的公钥密码体制;基于编 码问题的公钥密码体制。

如上的密码体制又叫做后量子密码,迄今为止,还没有量子计算机算法对其能进行有效的攻击。本文主要讨论的是基于编码的公钥加密方案。基于编码的公钥加密方案的是在 1978 年由 McEliece 首次提出的,该方案加密过程是将明文当作合法码字并加入可以纠正的错误向量,解密时根据码结构先进行有效译码纠错,再恢复明文。虽然目前基于编码的公钥加密方案公认是的可以抵抗量子攻击,且具有较高的安全性和实现效率,但是该密码技术仍无法大规模广泛应用。这主要是因为基于编码的公钥加密方法都存在这公钥过大的问题。后续重点的研究方向就是缩小算法的公钥尺寸。

在基于编码理论的加密方案中,有很多 McEliece 方案的变体。一般来说,这些变体的尝试总是利用两种基本方式来增强密码系统的安全和性能。其中一个是减小公钥的大小;另一个是提高解码算法的效率和纠错能力。与此同时,安全级别是一直追求的目标。在本文中,我们按照 BBCRS 方案的思想提出了一种新的公钥构造方式。这种改进增强了编码的纠错能力,并且可以更好地保护密钥结构。我们还在 BBCRS 方案中详细讨论了一些已知的攻击,结果表明我们的新方案在当前已知的攻击手段下是安全的。

关键词: 抗量子密码学, 基于编码的加密学, McEliece 加密方案, 公钥加密

ABSTRACT

The emergence of quantum computers has profoundly affected the development of various fields of computers. The important advantage of quantum computers is quantum parallel computing, which allows quantum computers to reach the level of computing power that classical computers cannot. As a result, many problems that classic computers cannot solve can be solved quickly by quantum computers. This is undoubtedly a huge improvement, but on the other hand, supercomputing power is also a threat to the security of the information age built by computers today. Specifically, in the field of cryptography, the security of the cryptographic algorithm is based on the computing power of the current computer. Under the allowed cracking cost, the computing power possessed by the computer cannot attack effectively the encryption scheme, and the cryptographic scheme is safe. Researches have shown that, under ideal conditions, existing quantum computers have placed classic cryptographic algorithms at serious risk. In order to resist the attacks brought by quantum computers in the future, a variety of anti-quantum encryption algorithms are under study. For example: Hash-based public key cryptosystem; lattice-based public key cryptosystem; Multivariate Public Key Cryptosystems; code-based public key cryptosystem.

The above cryptosystem is also called post-quantum cryptography. So far, no quantum computer algorithm has been able to effectively attack it. This article focuses on code-based public key encryption schemes. The code-based public key encryption scheme was first proposed by McEliece in 1978. The encryption process of the scheme is to treat the plaintext as a legal codeword and add a correctable error vector. When decrypting, the code structure is firstly decoded and corrected, and then resume the plaintext. Although the code-based public key encryption scheme is recognized to be resistant to quantum at-

tacks, and has high security and implementation efficiency, the cryptographic technology cannot be widely applied on a large scale. This is mainly because the public key encryption has the problem that the public key is too large. The next focus of research is to reduce the public key size of the algorithm.

There are many variations of the McEliece scheme in encryption schemes based on coding theory. In general, attempts at these variants always take advantage of two basic ways to enhance the security and performance of the cryptosystem. One is to reduce the size of the public key; the other is to improve the efficiency and error correction ability of the decoding algorithm. At the same time, high security levels are always important. In this paper, we propose a new public key construction method according to the idea of the BBCRS scheme. This improvement enhances the error correction capability of the code and can better protect the secret key structure. We also discussed some known attacks in detail in the BBCRS program, and the results show that our new solution is safe under the currently known attack methods.

Keywords: Post-quantum cryptography; code-based cryptography; McEliece cryptosystem; public key encryption.

目录

第一章	绪 论	1
1.1	研究背景及意义	1
1.2	国内外研究现状	2
1.3	本文工作与主要贡献	4
1.4	研究重点与组织结构	5
第二章	预备知识与概念	6
2.1	有限域基础理论	6
2.2	编码基础知识	7
2.3	常见码的构造	8
	2.3.1 GRS 码	8
	2.3.2 Goppa 码	9
第三章	经典方案介绍	0
3.1	McEliece 方案	0
3.2	Niederreiter 方案	2
3.3	BBCRS 方案	2
第四章	KNN 中的隐私保护问题研究	3
4.1	研究动机	3
4.2	问题定义	4
4.3	隐私需求	5
4.4	隐私保护原语	5
4.5	证明 SMIN 安全性	5

4.6	本章小结
第五章	PPkNNONED 方案
5.1	K 近邻安全检索
5.2	多数类的安全计算32
5.3	复杂性分析33
5.4	本章小结
第六章	总结与展望34
参考文献	献
致谢	
发表论文	文和科研情况

插图

表格

4.1	SMIN 协议中间结果																														2	1
-----	-------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	---	---

List of Algorithms

1	McEliece 密钥生成算法	10
2	McEliece 加密算法	11
3	McEliece 解密算法	11
4	Niederreiter 公钥密码体制	12
5	$SMIN(u',v') \rightarrow [min(u,v)], E_{pk}(s_{min(u,v)})$ (Part 1)	18
6	$SMIN_n(([d_1], E_{pk}(s_{d_1})),, ([d_n], E_{pk}(s_{d_n}))) \rightarrow ([d_m in], E_{pk}(s_{d_{min}}))$.	23
7	$SF(\Lambda, \Lambda') \to \langle E_{pk}(c_1),, E_{pk}(f(c_w)) \rangle \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	24
8	$PPKNNONED(D',q) \rightarrow c_q \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	29
9	$SCMC_k(E_{pk}(c'_1),, E_{pk}(c'_k)) \rightarrow c_q \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	32

第一章 绪论

1.1 研究背景及意义

随着信息时代的发展,信息安全,网络安全,系统安全在社会中的作用日益重要起来。互联网作为一个自由开放,虚拟交互的全球平台,可以使人们更便利的获取,发布信息,但与此同时,互联网与个人息息相关的的资源也受到不同程度的威胁,于是安全技术研究也蓬勃发展起来。密码学技术,是安全技术研究的基石,其实从古至今都不乏密码学的研究,自密码学从外交情报和军事领域走向公开后,社会信息流通的方式,也深刻影响着密码学的特点。传统计算机的出现,使得古典密码的破解变得容易,计算机网络的数据传输需要更安全的密码算法,于是产生了一些经典的加密算法,如:DES,AES等对称加密算法,RSA,ECC(椭圆曲线加密算法)等非对称加密算法。密码设计者与密码分析者相互竞技,共同促进密码学平衡的发展。但是,量子计算机的问世,让密码学领域的格局发生了巨大的变化。

量子计算机作为第六类计算机,使用的计算方式和平常使用的普通计算机非常不同。量子计算机使用量子位进行计算,可以将普通计算机需要执行几十年的任务在几秒钟之内完成。目前出现的一些量子算法,如 Shor 算法【引用】和 Grover 算法【引用】已经对互联网中应用广泛的 RSA 算法、ElGamal 算法、ECC公钥密码算法和 Diffie-Hellamn 密钥协商协议进行有效的密码攻击。如此以来,经典加密算法将受到严重的威胁,虽然在短时间内量子计算机的硬件成本和理论模型实际运作的难度不会让量子计算机真正的破解已经在商用的密码算法,但是为了防范未来量子计算机的攻击,许多种防御量子计算的加密算法也在研究之中。

比如:基于 Hash 函数的公钥密码体制、基于格问题的公钥密码体制、基于多变量问题的公钥密码体制、基于编码问题的公钥密码体制。本文主要讨论的是基于编码问题的公钥密码体制。作为抵御量子计算机攻击的算法,基于编码的加密算法的理论基础却不是来源于量子物理,它的理论来源是信息论,编码理论,代数理论等数学知识。

基于编码的加密算法,就不会受到 Shor 算法或者 Grover 算法的影响,从而保证网络通信的安全。50 年代,随着 C.E Shanon《通信的数学理论》的发表,信道编码定理给出了提高多类信道上传输消息的效率,采用性质良好的纠错码的指导。60 年代纠错码的研究进入快速发展期,期间有广泛应用的汉明码、Reed-Muller码、BCH 码、Goppa 码等等。纠错码具备的检查错误或纠正错误的能力,被很好的应用到了公钥密码体制中。1978 年,McEliece 首次提出基于编码的公钥加密方案,采用可以快速译码的 Goppa 码,安全性依赖于一般线性码译码问题(NP-完全问题)。在一些已知的攻击算法中,其工作因子都是在 2⁷⁰ 以上,具备较高的安全性。其变形方案 Niderreiter 公钥密码体制在公钥私钥设置中有所不同,但在安全性上被证明是等价的。

在之后的研究中,基于编码的加密方案在码的选择和公钥的构造方式上做了很多尝试,目的就是为了减小公钥大小和提升算法效率,使得在实际中快速落地,获得更好的发展,以做好应对几年之后量子攻击的准备。综上所述,研究基于编码的加密方案具有十分重要的意义。

1.2 国内外研究现状

公钥密码技术经历近五十年的发展,已经被广泛的应用到计算机系统领域,互联网通信领域中。工业界应用公钥加密的案例数不胜数。网络安全访问的实现就是集成了 RSA 的加密与解密功能,极大的解决了网络中的密钥分发与密钥管理的问题。相对于对称密码在数字签名领域的局限性,公钥密码技术可以很好的实现唯一性,私有性等数字签名的要求,通过私钥签名由对应的公钥去验证,其他

人无法冒名顶替,无法篡改签名内容,从而提供网络中的数字签名服务。在身份鉴别领域,通过公钥密码技术实现的方案在执行起来也比对称密码简单得多。公钥密码技术的安全性,基于两大数论难题:①大整数分解的难解性问题,②离散对数问题的难解性。后续在经典数论的基础上,RSA,ECC,Rabin等算法都在不断的改进中,以适应越来越有挑战的密码攻击。但是随着 Shor,Grover等量子算法针对性的出现,建立在经典数论的公钥密码技术处于集体沦陷的趋势,此时抗量子密码体制逐渐成为公钥密码研究的方向之一,目的就是为了防范量子计算机算法带来的安全威胁。

基于编码的加密算法,之所以能够抵御量子计算机的攻击,是因为量子攻击算法只能攻破上述两大难题,而攻不破 NP-完全问题。McEliece 在 1978 年首次提出基于编码的加密方案,它的安全性假设是二元随机码的译码问题以及 Goppa 码的随机码的区分问题,这两个问题在相关专家学者的研究中被证明是 NP-完全问题,原始的 McEliece 方案经过三十多年的密码分析,被认为是目前为止最安全的公钥密码方案之一。McEliece 方案采用一个随机二元不可约 Goppa 码作为私钥,也就是说保密 Goppa 码的生成矩阵,公钥是对生成矩阵进行混淆和交换后公开的随机生成矩阵。加密过程中,就是将明文加密成合法码字,并加入尽可能多可纠错的差错向量发送给消息接收者。消息接收者就可以使用私钥,消除密文中冗余的错误信息,从而正确译码。相对于 RSA,McEliece 方案因为 Goppa 码拥有快速译码的算法,在加解密的运算中都有高效的优势。但是公钥尺寸过大的问题,一直是 McEliece 方案无法真正取代经典公钥密码算法的主要原因之一。

Niderreiter 方案是 McEliece 方案的一种对偶变形,是一种背包型的密码体制。与 McEliece 方案不同,Niederreiter 方案首先运用函数将消息编码成一个错误向量,用错误向量代表消息,私钥同样是一个随机 GRS 码,公钥是码的校验矩阵混淆和交换后的矩阵,加密过程是计算公钥矩阵和错误向量一个伴随式,解密的时候利用 GRS 码的伴随式译码算法,恢复明文消息。Niderreiter 方案与 McEliece 方案的安全性是等价的,设计 Niderreiter 的初衷是为了缩小公钥的规模,在存储公

钥的时候只需要存储公钥的冗余部分。但是在将明文映射到差错向量时,加解密的速度较慢。

后续的研究中,相关专家学者在码的选择上做了充分的分析。因为 GRS 码密 钥的紧凑性,基于 GRS 码的加密方案一经提出就被认为是比 Goppa 码更适合的 方案。但根据【引用】的密码分析结果,基于 GRS 码的加密方案已经是不够安全 的。在【引用】中,Gabidulin 编码也已经应用到 McEliece 加密方案中,Gabidulin 码在度量的选择上与其它方案不同,前者是基于秩度量,后者都是基于汉明度量。 实际上因为 Gabidulin 码在 Frobenius 自同构下包含巨大的向量空间不变性导致结 构上的弱点明显,基于秩度量的方案在安全性上也不可靠。1994年,SideInikov 在他的研究中使用 Reed-Muller 码字构造了公钥加密算法,该算法具有非常高 效的解码算法。后续还有很多其它的基于编码的密码方案。到目前为止,安全 参数下的 McEliece 方案仍未被打破。另外,在【引用】中提出了 McEliece (或 Niderreiter)方案的数字签名方案。在【引用】中,低密度奇偶校验码 LDPC 表示 前向纠错技术,并允许接近香农理论极限的现有好性质的码。它可以减小密钥大 小,提高传输效率。但是在【引用】的分析中,它所特有的稀疏公钥矩阵可能会 暴露私有代码结构属性。目前,有人建议使用中等密度奇偶校验码 MDPC 来设计 公钥密码系统,希望在所提出方案的密钥安全性和公钥大小之间找到良好的平衡。 尽管这些基于编码的加密或签名方案没有被完全攻破,但是这些方案因为安全参 数下公钥尺寸过大, 所以并不适应作为标准的加密程序。因此, 我们迫切需要设 计基于编码的紧凑公钥和私钥结构混淆良好的加密方案。

1.3 本文工作与主要贡献

2016年,Baldi 等人提出了 McEliece 密码系统的新变体(简称 BBCRS 方案)。 其中,McEliece 中置换矩阵 P 由低秩矩阵 R 和广义置换矩阵 T 构造的矩阵 Q 替代。这使得 BBCRS 方案能够实现私钥不再与公钥存在置换相等的特性,从而允许在 BBCRS 方案中采用一些高性能的码(例如 GRS 码)来减小公钥大小。不幸 的是,Baldi 等人提出的方案的生成密钥的两个案例都是不安全的。另一方面,我们注意到解密过程中需要猜测满足条件的向量以消除在解密过程期间添加的差错向量的影响,这将会是很大的工作量,尤其是当有限域的元素很多时。

受 BBCRS 方案的影响,我们提出了一种新的公钥生成方法,避免了 BBCRS 方案在解密过程中需要的大量试错操作。此外,我们的新方案中的解密方式能够最大化码字的纠错能力来处理所接收的密文,从而增加消息的传输率。因此,我们可以考虑减小消息长度以获得适当大小的密钥。此外,我们提出了构造矩阵 R的新方式,其在效率和存储方面与构建在 BBCRS 方案中建议的第一种情况相当。这种新方式的主要优点是它可以更好地隐藏密钥结构。这使得在不降低安全级别的情况下,能够在方案中采用强结构的码族。

1.4 研究重点与组织结构

第一章为绪论,主要介绍了抗量子密码的研究背景及意义,也讨论了国内外的研究现状,接着对文章的主要工作做了基本概括,最后对文章的章节做了介绍。

第二章是预备知识与概念的梳理,包括编码理论基础知识、解码算法、常见 的码的性质的简要介绍。

第三章主要是对经典的基于编码的加密方案,进行系统概述。第四章着重介绍本文实现的改进方案,原理及分析等。

第五章讨论了解码算法对加密方案的影响。

第六章总结全文内容,并展望未来研究工作的方向。

第二章 预备知识与概念

本章介绍基于编码的加密方案涉及到的有限域知识,编码知识等等。有限域 理论是编码理论的一个重要数学基础,有限域上的元素,多项式更好的描述了码 字在加解密中的计算过程,编码知识则是加密算法的理论依据,能够选择好性质 的码是保证加密算法安全和高效的前提。

2.1 有限域基础理论

定义 2.1.1 (有限域) 在有限集合 F 上定义了两个二元运算:加法"+"和乘法"•",如果 (F,+) 是交换群,F 的非零元素对乘法构成交换群,而且乘法对加法满足分配律,则称 $(F,+,\bullet)$ 是有限域,如果 F 集合元素的个数为 q,则记作 \mathbb{F}_q 或者 GF(q)。简单起见,我们将二元域记作 \mathbb{F} 。

定义 2.1.2 (本原元) 一个数域 GF(q), 具有最大阶的域元素为本原元, 即本原元为 a, 则 $a^d = 1 \pmod{q}$ 成立, 其中 $d = \psi(q)$, $\psi(q)$ 是欧拉函数。

定义 2.1.3 (不可约多项式) 有限域 \mathbb{F} 上定义的多项式集合 $F[x] = \{f(x)|f(x) = a_n x^n + ... + a_1 x + a_0, a_i \in \mathbb{F}, a_n \neq 0, n \geq 0\}$,F[x] 中次数大于 I 的多项式 f(x) 不能写成两个低次多项式的乘积,称 f[x] 是 \mathbb{F} 上不可约多项式。

定义 2.1.4 (极小多项式) 设 \mathbb{F}_q 是一个含有 q 个元素的有限域, \mathbb{F}_p 是 \mathbb{F}_q 的一个含有 p 个元素的子域, $\alpha \in \mathbb{F}_q$ 。 \mathbb{F}_p 上的以 α 为根,首项系数为 1,并且次数最低的多项式称为 α 在 \mathbb{F}_p 上的极小多项式。这里 1 是 \mathbb{F}_p 的单位元。

定义 2.1.5 (本原多项式) 设 $\mathbb{F}_{(q^n)}$ 是一个含有 q^n 个元素的有限域, \mathbb{F}_q 是 $\mathbb{F}_{(q^n)}$ 的一个含有 q 个元素的子域。设 $\alpha \in \mathbb{F}_{(q^n)}$ 为 $\mathbb{F}_{(q^n)}$ 的一个本原元。 α 在 \mathbb{F}_q 上的极小多项式称为 \mathbb{F}_q 上的一个本原多项式。

2.2 编码基础知识

基于编码的加密方案的设计,需要考虑编码理论的相关定理,码的性质,纠错能力影响因素等,本小节做基本的概念介绍。在本文中介绍编码理论我们集中在二元域 $\mathbb{F}=GF(2)$ 上。

定义 2.2.1 (汉明重量与汉明距离) 一个码字 x 的汉明距离定义为码字本身含有的非零位的个数,并表示为: wt(x)。汉明距离指的是两个长度相同的码字 x,y 之间,位不同的总数,一般记作: dist(x,y)。可以看出,dist(x,y) = wt(x-y)。

定义 2.2.2 (线性码) 向量空间 \mathbb{F}^n 上的一个 k 维子空间定义为 [n,k] 线性码,记作: C。 另外,线性码 C 的最小距离指的是,线性码中任意两个不同的码字之间的最小 汉明距离,记作 d。 我们可以用 [n,k,d] 来表示最小距离为 d 的线性码 C,且最大 纠错能力为 |(d-1)|/2。

定义 2.2.3 (生成矩阵与校验矩阵) 线性码 C 的生成矩阵是指一个 $k \times n$ 的矩阵 G, G 的行可以构成线性码 C 的基。也就是说由矩阵 G 的行可以线性组合成线性码 C 中所有的码字。矩阵 G 的系统形式,就是通过矩阵变换的前 k 列组成单位矩阵。线性码 C 校验矩阵 H 是指生成矩阵的对偶形式,形状即 $(n-k) \times n$ 。

定义 2.2.4 (解码算法) 在基于编码的加密方案中,当我们选定一种 [n,k,d] 线性码 C 时,都有一个相应的解码算法 D_C ,完成纠正加入差错向量的码字的工作,也就 是说,对任意的 $e \in \mathbb{F}^n$,wt(e) < d/2, $x \in C$,都有

$$D_{\mathcal{C}}(\boldsymbol{x}+\boldsymbol{e})=\boldsymbol{x}_{\circ}$$

2.3 常见码的构造

编码理论指导我们寻找一些好码,使得信源信息经过编码后的,通过信道传输,在信道接收端可以实现自动纠错和检错。良好的纠错检错能力对基于编码的加密算法的作用是很关键的,应用表现好的码,就能减小方案中的码长,从而缩减公钥尺寸,极大的促进基于编码的加密方案的实行。本小节我们介绍几种常见的码,便于从中发现提升码性质的技术和方向。

2.3.1 GRS 码

GRS 码,即广义 Reed-Solomon 码,因为其码结构紧凑的优势,在早期作为 Goppa 码的竞争者应用在基于编码的加密方案中。这是一种特殊的 BCH 码,BCH 码是一种性质良好的循环码,首先循环码的定义是:

定义 2.3.1 (循环码) 设线性码 C, 如果线性码 C 的任意一个码字的循环移位还是一个码字, 即当 $a_0a_1\cdots a_{n-1}\in C$ 时, $a_{n-1}a_0a_1\cdots a_{n-2}\in C$, 则称 C 是一个循环码。

BCH 码是由三位学者 (R. C. Bose, D. K. Ray-Chaudhuri, A. Hocquenghem) 分别独立提出的,当码长不是很长时,纠错性能非常接近于理论值。BCH 码构造方便,且编码和译码过程容易,非常具有研究价值。

定义 2.3.2 (BCH 码) 设 \mathbb{F}_q 上的一个 r 维向量空间为 \mathbb{F}_{q^r} ,并且 $1, \alpha, \alpha^2, ..., \alpha^{r-1}$ 是 \mathbb{F}_{q^r} 在 \mathbb{F}_q 上的一组基,则 \mathbb{F}_{q^r} 中的任意一个元素都可以唯一地表示为 $1, \alpha, \alpha^2, ..., \alpha^{r-1}$ 的一个线性组合。令

$$B_{q}(n,\delta,\alpha) = \{ \mathbf{c} = c_{0}c_{1}c_{2}\cdots c_{n-1} | \mathbf{c}H^{T} \}, \quad \not\exists \ \forall \ 1 < \delta < n, \quad \not\sqsubseteq$$

$$H = \begin{pmatrix} 1 & \alpha & \alpha^{2} & \cdots & \alpha^{n-1} \\ 1 & \alpha^{2} & (\alpha^{2})^{2} & \cdots & (\alpha^{2})^{n-1} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 1 & \alpha^{\delta-1} & (\alpha^{\delta-1})^{2} & \cdots & (\alpha^{\delta-1})^{n-1} \end{pmatrix}. \tag{2.1}$$

我们称 $B_q(n,\delta,\alpha)$ 是码长为 n 并且设计距离为 δ 的 q 元 BCH 码。我们对 BCH 码 做一点推广,假设 $b \geq 0$ 是一个非负整数,将矩阵 H 第一行中 α 替换成 α^b ,其它按照规律生成,则称 $B_q(n,\delta,\alpha,b)$ 为广义 BCH 码。

定义 2.3.3 (RS 码) 设 $q \geq 3$ 是一个素数的幂次方,码长为 q-1 并且设计距离为 δ 的 q 元 BCH 码 $B_q(q-1,\delta,\alpha)$ 称为 q 元 Reed-Solomon 码,简称 q 元 RS 码,记作 $S(q-1,\delta,\alpha)$,其中 α 是 \mathbb{F}_q 的一个 q-1 阶元素,即 α 是 \mathbb{F}_q 的一个本原元。在广义 BCH 码的基础上,广义 RS 码也就记作 $S(q-1,\delta,\alpha,b)$ 。

广义的 Reed-Solomon 码与广义的 BCH 码的关系,如同 RS 码与 BCH 码的关系。

2.3.2 Goppa 码

Goppa 码是 McEliece 方案的首选线性码,而且到目前为止,没有有效的攻击方法可以对其产生威胁。1982 年有学者在【引用】证明 Goppa 码可以达到 Gilbert-Varshamov 界,良好的代数几何结构满足了快速解码的要求。1992 年,在【引用】中讲到一个长度为n,最小距离为d的 Goppa 码,可以在 $O(n^3)$ 的时间复杂度内对含有不超过 d/2 个错误的码字进行解码,在特殊的构造下,时间复杂度可以降到 $O(n^{7/3})$ 。

定义 2.3.4 (Goppa 码) 假设 $\mathbf{g}(z)$ 是在有限域 \mathbb{F}_{q^m} 上的一个首一多项式, $\mathcal{L} = \{\gamma_0, \gamma_2, ..., \gamma_{n-1}\}$ 是 \mathbb{F}_{q^m} 上含有 n 个元素的集合,当 $0 \le i < n$ 时,满足 $\mathbf{g}(\gamma_i) \ne 0$,经典的 Goppa 码 $\Gamma(\mathcal{L}, \mathbf{g})$ 指的是线性空间 \mathbb{F}_q^n 中的所有 $(c_0, c_1, ..., c_{n-1})$ 满足:

$$\sum_{i=0}^{n-1} (z - \gamma_i)^{-1} c_i = 0.$$
 (2.2)

的码字集合。其中 $(z-\gamma_i)^{-1}$ 也可以写成 $-\mathbf{g}(z)^{-1}f(z)$,而 $(z-\gamma)f(z)\equiv 1 \pmod{\mathbf{g}(z)}$,且 $deg(f)< def(\mathbf{g})$ 。

第三章 经典方案介绍

自基于编码的加密方案提出以来,相关专家和学者不断地改进这一极有希望在后量子时代代替基于传统数论的加密算法的候选者。从 McEliece 方案大致确定了基于编码的密码系统的加解密流程,后续的研究在公钥的设计上做了很多工作,我们需要在不影响私钥的秘密性的同时,又能保证对码结构的混淆不会扩散差错向量的影响,保留最大限度的纠检错能力,以使加解密的效率更高而成本更低。以下先探讨几个经典的基于编码的方案。

3.1 McEliece 方案

本小节要讨论的原始 McEliece 方案,到目前为止仍未被攻破,而且在现在,当时 McEliece 提出的推荐参数在安全和加解密方面同样也适用。但是有所缺憾的是,方案设计的公钥需要大的存储空间,相对于常用的 RSA 加密算法,公钥大小的局限十分明显。参数为 n=1024, k=524, d=101 的 McEliece 加密方案,公钥尺寸大概在 1024-bit 的 RSA 算法的 260 倍左右。降低公钥尺寸成为了学者研究的热点,但是后续方案在降低尺寸的同时,在安全性上都有所折扣,效率也不尽人意。原始 McEliece 公钥密码是采用 Goppa,先回顾一下 McEliece 方案的算法。

Algorithm 1 McEliece 密钥生成算法

Input: 系统安全参数: $n, t \in N$, 其中 t << n。

Output: 公钥 G^{pub} ,私钥 $(S, D_{\mathcal{C}}, P)$ 。

- 1: 密钥生成: 对于给定的参数 n 和 t, 产生下列矩阵。
 - 矩阵 G: 在有限域 \mathbb{F} 上的信息位数为 k,最小距离为 $d \geq 2t+1$ 的 Goppa 码 \mathcal{C} 的 $k \times n$ 阶生成矩阵。
 - 矩阵 $S: k \times k$ 阶的二元随机非奇异矩阵。

- 矩阵 $P: k \times n$ 阶的二元随机置换矩阵。
- 2: 然后计算方案的公钥 $G^{pub} = SGP$ 。
 - 公钥: (G^{pub},t)。
 - 私钥: (S, D_C, P) , 有效译码算法 D_C 就是所用纠错码方案的陷门。

McEliece 在公钥尺寸的表现不够好,但是加密过程十分简单,位操作的复杂 度较 RSA 减少很多,加密算法如下:

Algorithm 2 McEliece 加密算法

Input: 公钥 (G^{pub}, t) , 长度为 k 的明文 m。

Output: 密文 c。

- 1: 随机选择一个汉明重量为 t 的随机向量 $\mathbf{e} \in \mathbb{F}^n$.
- 2: 加密,产生密文:

$$\mathbf{c} = \mathbf{m}G^{pub} + \mathbf{e}.$$

解密过程要利用到编码的纠检错机制,消除加入的差错向量的影响,进而进行解密操作。

Algorithm 3 McEliece 解密算法

Input: 密文 \mathfrak{c} , 私钥 $(S, D_{\mathcal{C}}, P)$ 。

Output: 明文 m。

1: 解密密文 c 之前, 首先计算:

$$\mathbf{c}P^{-1} = \mathbf{m}SG \oplus \mathbf{e}P^{-1}$$
.

2: 然后对其进行译码,因为上一步的计算结果可以看成为是码的一个含有 t 个错误的码字,所以经过译码可以得到:

$$\mathbf{m}SG = D_{\mathcal{C}}(\mathbf{c}P^{-1}).$$

3: 最后,令集合 $J \subseteq \{0,1,2,...,n\}$,需要通过矩阵变换使 G_j^{pub} 可逆,则进行如下计算可以得到明文。

$$\mathbf{m} = (\mathbf{m}SG)_j(G_j)^{-1}S^{-1}$$
.

McEliece 方案在安全性上的表现是有优势的,可以达到 INA-CCA 安全。在已知的密码分析方法中,比如区分攻击、信息集攻击等,针对 McEliece 的攻击的工作因子大多在 2⁷⁰ 以上。

3.2 Niederreiter 方案

1986年,Niderreiter 对 McEliece 公钥密码方案做出改进,提出了一种 Niederreiter 公钥密码体制。该密码体制基于的困难问题也是随机线性码的译码困难问题,只是利用的角度有所不同。Niderreiter 密码体制隐藏了 Goppa 码的校验矩阵,于是在公钥尺寸上有所减少,但是还是没有达到实用的要求。

Algorithm 4 Niederreiter 公钥密码体制

系统安全参数: $n, t \in N$,其中 t << n。

密钥生成阶段:

- 矩阵 H: 在有限域 \mathbb{F} 上的信息位数为 k,最小距离为 $d \geq 2t+1$ 的 Goppa 码 \mathcal{C} 的 $(n-k)\times n$ 阶校验矩阵。
- 矩阵 A: 随机选取的 $(n-k) \times (n-k)$ 可逆矩阵.
- 矩阵 P: 随机选取的 $n \times n$ 阶的置换矩阵。

然后计算方案的公钥: $H^{pub} = AHP$,于是公钥为 (H^{pub}, t) ,私钥为 (A, D_C, P) , D_C 是码的伴随式译码算法。

加密阶段:

Niederreiter 首先将明文字符串映射成一个错误向量 e,重量为 t。加密过程即计算一个伴随式,如下:

$$s = H^{pub} \mathbf{e}^{\mathrm{T}}.$$

加密者向解密者发送密文 s。

解密阶段:

为了解密密文,首先计算:

$$A^{-1}s = HP\mathbf{e}^{\mathrm{T}}.$$

利用码的伴随式译码算法 $D_{\mathcal{C}}$ 恢复出 $P\mathbf{e}^{\mathrm{T}}$,于是得到明文 $\mathbf{e}^{\mathrm{T}}=P^{-1}P\mathbf{e}^{\mathrm{T}}$ 。

Niederreiter 密码体制公钥尺寸更小,而安全性上被认为与 McEliece 密钥方案一致。但是在将明文映射称错误向量的操作上,会影响加解密的效率。 Niederreiter 密码体制为了抵抗经典的信息集译码攻击,往往将参数设置的很大,故还不太适合实际应用。

后续也有大量研究 Niederreiter 的变形方案,其中 Maurich 等人提出的混合加密可以达到 IND-CCA 安全,而且选择 QC-LDPC 码可以在存储公钥的时候大大减少公钥的尺寸。

3.3 BBCRS 方案

第四章 KNN 中的隐私保护问题研究

4.1 研究动机

云计算正在颠覆着传统企业对数据存储,访问以及处理的操作方法。作为一个新兴的计算模式,在成本效率、灵活性以及管理开销都优于之前进行本地处理的一些传统方法,因此云计算受到了众多企业的关注与追捧,亚马逊,微软等这些互联网大亨,也把云计算作为企业的一项核心业务。大部分情况下,企业更擅于将计算操作而不是数据本身委托给云,尽管云计算提供了巨大的优势,但由于隐私和安全问题,很多企业对云计算还是持慎重使用的态度,或者对具有具有高度敏感性的数据进行加密后再外包至云端。但是,当数据被加密,无论底层属于哪种加密方案,在数据未解密的情况下进行数据挖掘都是异常繁琐且效率低下的。除了上述所叙说的,还有其他的隐私安全问题被关注,例如:

假设保险公司将他们加密过的顾客数据及相关的数据挖掘任务外包给云。当公司代理想确定一个潜在客户的风险级别的时候,代理可以使用分类的方法去确定客户的风险级别。首先,代理需要生成一条包含顾客特定个人信息的查询请求数据 q,例如,身份证号,婚姻状况,年龄,信用额度等信息。这些查询请求数据会发送至云端,云将会计算相应查询数据 q 的所属类标签。然而,由于查询请求 q 包含了顾客的一些敏感个人信息,为了保护顾客的个人信息的,查询请求 q 在发送至云端的时候也应该进行加密。

上述案例说明了在云端进行密文上的数据挖掘(DMED)的时候,当涉及到 用户的敏感信息的时候,这些敏感信息也应该被加密。此外,云通过观察数据的 访问模式,也可能获得实际数据项中一些有用或敏感信息,即使实际数据项可能 是被加密过的 [49][50]。因此,云中密文上数据挖掘的隐私安全问题需要考虑到如下三点:

- 加密数据的保密性
- 用户查询记录的保密性
- 隐藏数据的访问模式

现存的数据挖掘隐私保护解决方案(数据微扰方案或者安全多方计算)并不能很好的解决 DMED 问题。基于数据扰乱的方法不具有语义安全性,所以数据扰乱技术不能用于加密高度敏感的数据,另外,由于数据被扰乱了,因此不能获得精准的数据挖掘的结果。基于安全多方计算的方法假设数据是分布式的,不能对每个参与方进行加密。另外,许多中间计算需要依赖于未加密的数据。在本章,将会提出一个新的方法能够有效的解决云中密文上数据挖掘的问题。分类问题是数据挖掘中比较常见的一种任务,因此具体将会在分类问题上进行研究。由于每种分类问题都有各自的优势与弊端,在这里将着重选择 k-近邻分类算法用于处理云计算环境中密文数据的分类。

4.2 问题定义

假设 Alice 拥有数据库 D,D 由 m+1 个属性以及 n 条记录(元组) $t_1,t_2,...,t_n$ 组成。设 $t_{i,j}$ 表示元组 t_i 的第 j 个属性值。首先,Alice 对属性值进行加密,即计算 $E_{pk}(t_{i,j})$,其中 $1 \le i \le n$, $1 \le j \le m+1$,其中 m+1 列为类标签。这里假设底层的加密方案是语义安全的,用 D' 表示加密数据库。假设将来 Alice 也会将 D'的分类过程外包给云端。

设 Bob 为得到授权的用户,Bob 利用 K-近邻分类算法,基于加密数据库 D' 对输入记录 $q=\langle q_1,q_2,...q_m\rangle$ 进行分类。我们称这一过程为云中密文数据上 K- 近邻分类的隐私保护问题(PPKNNONED)。关于 PPKNNONED 的形式化定义如下:

 $PPKNNONED(D',q) \rightarrow c_q$

其中 c_q 表示以加密数据库 D' 和查询请求 q 作为输入,应用 K-近邻分类算法,得到 q 所属的分类标签。

4.3 隐私需求

PPKNNONED 协议是一个能够满足密文数据上语义安全的 K-近邻分类器。在协议中,加密后的数据外包给云端,Alice 无需参与计算,因此,没有信息透露给Alice。另外,协议满足下面的隐私需求:

- 云不能获取原始数据库(明文) D 中的内容以及任何中间结果。
- 云不能获取 Bob 关于查询请求 q 的任何信息。
- Bob 除了分类标签 c_q 外不能获取其他任何信息。
- 数据访问模式,例如,查询 q 对应的 k-近邻记录不应该被 Bob 以及云获取, 防止任何的推理攻击。

在协议中,假设云能够获取到的中间结果要么是新生成的随机加密,要么就是随机数。因此,查询请求 q 对应的 k 个近邻以及所属的标签对云来说是保密的。另外,向云发送加密查询请求后,Bob 本地无需涉及任何计算。因此,数据访问模式进一步的得到保护。

4.4 隐私保护原语

本节将介绍用于构造 KNN 协议的一些子协议且所有子协议都是构建在两方半可信的模型下。假设存在两个半可信方 P_1 和 P_2 ,其中仅有 P_2 拥有 Pailler 私钥 sk,公钥 pk 是公开的。子协议如下:

乘法安全 (Secure multiplication,SM). 协议考虑 P₁ 以及输入 (E_{pk}(a), E_{pk}(b)),
 输出 E_{pk}(a * b) 至 P₁, 其中 a 和 b 对 P₁,P₂ 是保密的,处理过程中 P₁ 和 P₂
 无法获知关于 a 和 b 的任何信息。

- 欧几里得距离平方安全 (Secure squared euclidean distance ,SSED). 协议中P₁ 输入 (E_{pk}(X), E_{pk}(Y)), 安全计算向量 X 和 Y 之间欧几里得距离的平方。这里 X 和 Y 是 m 维的向量,其中 E_{pk}(X) = 〈E_{pk}(x₁),...,E_{pk}(x_m)〉, E_{pk}(Y) = 〈E_{pk}(y₁),...,E_{pk}(y_m)〉。输出值 E_{pk}(|X Y|²) 仅 P₁ 可见。
- 比特分解安全 (Secure bit-decomposition,SBD). P_1 输入 $E_{pk}(z)$, P_2 对 z 逐比 特安全加密计算,其中 $0 \le z \le 2^l$ 。输出值 $[z] = \langle E_{pk}(Z_1), ..., E_{pk}(Z_l) \rangle$ 仅 P_1 可知。这里 z_1 和 z_l 分别为整数 z 的最高和最低有效位。
- 最小值安全 (Secure minimum, SMIN). 在协议中, P_1 持有私有输入 (u',v'), P_2 持有 sk,其中 $u' = ([u], E_{pk}(s_u)), v' = ([v], E_{pk}(s_v))$ 。这里 s_u 表示和 u 相关的隐私信息,同理 s_v 表示和 v 相关的隐私信息。最小值安全的目标是 P_1 和 P_2 共同对 u 和 v 之间最小的数进行逐比特加密计算,即输出值是 ([min(u,v)])。另外,他们计算 $E_{pk}(s_{min}(u,v))$ 。在此协议期间,值 $E_{pk}(s_{min}(u,v))$ 仅 P_1 可知,关于 u,v,s_u 以及 s_v 的任何信息, P_1 和 P_2 都不可知。
- n 个数中的最小值安全 (Secure minimum out of n numbers). 协议中, 考虑 P_1 的 n 个加密向量 ($[d_1],...,[d_n]$) 以及他们各自的加密信息, P_2 的私钥 sk。这里有 $[d_i] = \langle E_{pk}(d_{i,1},...,E_{pk}(d_{i,l})) \rangle$, 其中 $d_{i,1}$ 和 $d_{i,l}$ 分别为整数 d_i , $1 \le i \le n$ 的最高和最低有效位。 d_i 的保密信息由 s_{d_i} 计算得出。 P_1 和 P_2 共同计算 $[min(d_1,...,d_n)]$ 。以及 $E_{pk}(s_{min(d_1,...,d_n)})$ 。在协议最后时,输出 ($[min(d_1,...,d_n)]$), $E_{pk}(s_{min(d_1,...,d_n)})$ 仅 P_1 可知。在协议期间,关于 d_i 以及 他们的保密信息没有泄露给 P_1 和 P_2 。
- Bit-OR 安全 (Secure Bit-OR,SBOR). P_1 输入 $(E_{pk}(o_1), E_{pk}(o_2))$ 。 P_2 安全计算 $E_{pk}(o_1 \vee o_2)$,其中 o_1 和 o_2 为二进制比特串。输出值 $E_{pk}(o_1 \vee o_2)$ 仅 P_1 可知。
- 频率安全 (Secure frequency). 协议中, P_1 输入 $(\langle E_{pk}(c_1), ..., E_{pk}(c_w) \rangle, \langle E_{pk}(c_1'), ..., E_{pk}(c_k') \rangle)$, P_2 在安全对集合 $\langle c_1', ..., c_k' \rangle$ 中 c_j 出现的频率进行加密,

用 $f(c_j)$ 表示,其中 $1 \leq j \leq w$ 。在这里明确假设 c_j 是唯一的, $c_i' \in \{c_1, ..., c_w\}$, $1 \leq i \leq k$ 。输出 $(\langle E_{pk}(f(c_1)), ..., E_{pk}(f(c_w))\rangle)$ 仅有 P_1 可知。协议中, P_1 和 P_2 无法获知关于 c_i' , c_j 以及 $f(c_j)$ 的任何信息,其中 $1 \leq i \leq k$, $1 \leq j \leq w$ 。

这里我将会提出一个新的解决方案,也可以说是一种比上述协议能够更有效实现的方案。主要会讨论"最小值安全","n个数之外的最小安全"以及"频率安全"细节上的一些问题,并针对他们中的每一个提出一个新的解决方案。

最小值安全 SMIN 此协议中,假设 P_1 的输入为 (u',v'), P_2 私钥为 sk,其中 $u' = ([u], E_{pk}(s_u))$, $v' = ([v], E_{pk}(s_v))$ 。这里 s_u 和 s_v 分别表示 u 和 v 对应的秘密消息。SMIN 的主要目标是安全计算 min(u,v) 中各个比特位的加密值,用 [min(u,v)] 表示。这里 $[u] = \langle E_{pk}(u_1),...,E_{pk}(u_1) \rangle$, $[v] = \langle E_{pk}(v_1),...,E_{pk}(v_l) \rangle$,其中 u_1 和 u_l 分别表示 u 的最高和最低有效比特位,同理 v_1 和 v_l 分别表示 v 的最高和最低有效比特位。另外, P_1 和 P_2 取 u 和 v 两者的最小的一个,对保密信息进行加密,解密结果为 $E_{pk}(s_{min(u,v)})$ 。在 SMIN 协议结束阶段,输出值 $([min(u,v),E_{pk}(s_{min(u,v)})])$ 仅 P_1 可知。

我们假设 $0 \le u, v < 2^l$ 并提出一种新的 SMIN 协议。准确的说,新的 SMIN 协议的主要思想是 P_1 通过投掷硬币,随机选择一个函数 F ,F 可以是 u > v 或 u < v , P_2 不经意执行函数 F 。由于函数 F 是随机选择的并且只有 P_1 可知,因此函数 F 的结果对 P_2 来说是不经意的。根据 F 的选择以及结果的比较, P_1 可以在本地使用同态的性质计算 [min(u,v)] 以及 $E_{pk}(s_{min(u,v)})$ 。

算法5列出了 SMIN 协议的大体步骤。一开始, P_1 最初随机选择函数 u>v 或 v>u 作为 F。然后使用 SM 协议, P_1 在 P_2 帮助下计算 $E_{pk}(u_i*v_i)$,其中 $1\leq i\leq l$ 。之后, P_1 本地执行协议的以下几个关键步骤。

• 一般情况下, 对于任意给定的两个比特 o_1 和 o_2 , 有性质 $o_1 \oplus o_2 = o_1 + o_2 - 2(o_1 * o_2)$ 。根据此性质, 对 u_i 和 v_i 逐比特异或。 $T_i = E_{pk}(u_i) * E_{pk}(v_i) *$

$$E_{pk}(u_i * v_i)^{N-2}$$

- 初始化 $H_0 = E_{pk}(0)$,如果 T 中存在 $E_{pk}(1)$,保存第一次出现的 $E_{pk}(1)$,计算加密向量 H。H 的其余部分通过 $H_i = H_{i-1}^{r_i} * T_i$ 计算。注意,在 H 中出现的最多项是 $E_{pk}(1)$,剩余的项为 0 或随机数的加密值。
- 之后, P_1 计算 $\phi_i = E_{pk}(-1) * H_i$,在这里"-1" 等价于 \mathbb{Z}_N 下的"N-1"。根据上述的讨论,由于 H_i 最多出现一次等于 $E_{pk}(1)$,因此,很清楚 $\phi_i = E_{pk}(0)$ 最多出现一次。另外,如果 $\phi_j = E_{pk}(0)$,那么索引 j 位于 u 和 v 之间第一个比特位不同位置处。

```
Algorithm 5 SMIN(u', v') \rightarrow [min(u, v)], E_{pk}(s_{min(u,v)}) (Part 1)
```

```
1: Require:P_1 有 u' = ([u], E_{pk}(s_u)) 以及 v' = ([v], E_{pk}(s_v)), 0 \le u, v \le 2^l, P_2 有 sk
  2: P_1:
  3: (a). 随机选取函数 F
  4: (b). for i = 1 to l do:
                 E_{pk}(u_i * v_i) \leftarrow SM(E_{pk}(u_i), E_{pk}(v_i))
  5:
                 T_i \leftarrow E_{pk}(u_i \oplus v_i)
  6:
                 H_i \leftarrow H_{i-1}^{r_i} * T_i; r_i \in_R \mathbb{Z}_N \perp H_0 = E_{pk}(0)
  7:
                 \Phi_i \leftarrow E_{pk}(-1) * H_i
  8:
                 if F: u > v then:
  9:
                      W_i \leftarrow E_{nk}(u_i) * E_{nk}(u_i * v_i)^{N-1}
10:
                      \Gamma_i \leftarrow E_{pk}(v_i - u_i) * E_{pk}(\hat{r_i}); \hat{r_i} \in_R \mathbb{Z}_N
11:
                 else
12:
                      W_i \leftarrow E_{nk}(v_i) * E_{nk}(u_i * v_i)^{N-1}
13:
14:
                     \Gamma_i \leftarrow E_{pk}(u_i - v_i) * E_{pk}(\hat{r_i}); \hat{r_i} \in_R \mathbb{Z}_N
               L_i \leftarrow W_i * \Phi_i^{r_i}; r_i' \in_R \mathbb{Z}_N
15:
16: (c). if F: u > v
                \delta \leftarrow E_{pk}(s_v - s_u) * E_p k(\bar{r})
17:
18:
                 \delta \leftarrow E_{pk}(s_u - s_v) * E_{pk}(\bar{r}), \bar{r} \in_R \mathbb{Z}_N
19:
20: (d). \Gamma' \leftarrow \pi_1(\Gamma), L' \leftarrow \pi_2(L)
21: (e). 将 \delta, \Gamma' 以及 L' 发送给 P_2。
```

现在,根据 F,P_1 构造两个加密向量 W 和 Γ ,其中 $1 \le i \le l$:

$\overline{SMIN(u',v') \rightarrow [min(u,v)], E_{pk}(s_{min(u,v)})}$ (Part 2)

- 22: P_2 :
- 23: (a). 从 P_1 接收 δ , Γ' 以及 L'
- 24: (b). 解密: $M_i \leftarrow D_{sk}(L_i'), 1 \le i \le l$
- 25: (c). **if** $\ni j$ 使得 $M_j = 1$ **then**
- 26: $\alpha \leftarrow 1$
- 27: **else**
- 28: $\alpha \leftarrow 0$
- 29: (d). if $\alpha = 0$ then
- 30: $M'_i \leftarrow E_{pk}(0), 1 \le i \le l$
- 31: $\delta' \leftarrow E_{pk}(0)$
- 32: **else**
- 33: $M'_i \leftarrow \Gamma'_i * r^N$, 其中 $r \in_R \mathbb{Z}_N$, $1 \le i \le l$
- 34: $\delta' \leftarrow \delta * r_{\delta}^{N}$, 其中 $r_{\delta} \in_{R} \mathbb{Z}_{N}$
- 35: 将 M', $E_{pk}(\alpha)$ 以及 δ' 发送给 P_1
- 36: P_1 :
- 37: (a). 从 P_2 接收 M', $E_{nk}(\alpha)$ 以及 δ'
- 38: (b). $\tilde{M} \leftarrow \pi_1^{-1}(M'), \theta \leftarrow \delta' * E_{pk}(\alpha)^{N-\bar{r}}$
- 39: (c). $\lambda_i \leftarrow \tilde{M}_i * E_{pk}(\alpha)^{N-\hat{r}_i}, 1 \leq i \leq l$
- 40: (d). **if** F : u > v **then**:
- 41: $E_{pk}(s_{min(u,v)}) \Leftarrow E_{pk}(s_u) * \theta$
- 42: $E_{pk}(min(u,v)_i) \leftarrow E_{pk}(u_i) * \lambda_i, 1 \le i \le l$
- 43: **else**
- 44: $E_{pk}(s_{min(u,v)}) \leftarrow E_{pk}(s_v) * \theta$
- 45: $E_{pk}(min(u,v)_i) \leftarrow E_{pk}(v_i) * \lambda_i, 1 \le i \le l$
 - 当函数 F 为: u > v 时, 计算

$$W_{i} = E_{pk}(u_{i} * (1 - v_{i}))$$

$$\Gamma_{i} = E_{pk}(v_{i} - u_{i}) * E_{pk}(\hat{r}_{i}) = E_{pk}(v_{i} - u_{i} + \hat{r}_{i})$$

• 当函数 F 为: v > u 时, 计算

$$W_{i} = E_{pk}(v_{i} * (1 - u_{i}))$$

$$\Gamma_{i} = E_{pk}(u_{i} - v_{i}) * E_{pk}(\hat{r}_{i}) = E_{pk}(u_{i} - v_{i} + \hat{r}_{i})$$

 \hat{r}_i 为 \mathbb{Z}_N 中的一个随机数。根据观察,若函数 F 为 u > v,当且仅当 $u_i > v_i$ 时有 $W_i = E_{pk}(1)$,反之则 $W_i = E_{pk}(0)$ 。同理,当函数 F 为 v > u,当且仅当 $v_i > u_i$ 时有 $W_i = E_{pk}(1)$,反之则 $W_i = E_{pk}(0)$ 。另外,依据 F,随机选取 u_i 和 v_i 不同处,进行加密并存储 Γ_i ,用于后面的计算。

 P_1 结合 ϕ 和 w 计算 L。 更准确的说, P_1 计算 $L_i = W_i * \phi_i^{r_i'}$, r_i' 为 \mathbb{Z}_N 中的随机数。观察可知,如果存在索引 j, $\phi_j = E_{pk}(0)$,表示 u 和 v 比特位中出现的第一位。 W_j 存储相应的所需信息,即在加密形式中是 $u_j > v_j$ 还是 $v_j > u_j$ 。 另外,根据 F, P_1 计算 s_u 和 s_v 之间的随机差异的加密结果,并记录为 δ 。特别的,若函数 F 为 u > v,则 $\delta = E_{pk}(s_v - s_u + \bar{r})$ 。否则 $\delta = E_{pk}(s_u - s_v + \bar{r})$,其中 $\bar{r} \in_R \mathbb{Z}_N$ 。

 P_1 使用两个随机的排列函数 π_1 和 π_2 变更加密向量 Γ 和 L, P_1 计算 $\Gamma' = \pi_1(\Gamma)$, $L' = \pi_2(L)$, 并将结果连同 δ 发送给 P_2 。 P_2 接收到结果后,解密 L' 分量,得到 $M_i = D_s k(L_i')$, $1 \le i \le l$, 同时检查索引 j。 也就是说,如果 $M_j = 1$,那 Δ P_2 设置 α 为 1,否则设置 P_2 为 0。另外, P_2 根据 α 的值计算一个新的加密向量 M'。准确的说,如果 $\alpha = 0$,则 $M_i' = E_p k(0)$, $1 \le i \le l$ 。这里对于每个 i, $E_p k(0)$ 是不同的。另一方面,当 $\alpha = 1$, P_2 设置 M_i' 为 Γ_i' 的一个随机值,也就是说 $M_i' = \Gamma_i' * r^N$,其中 r^N 来自于双随机化,对于 $r \in_R \mathbb{Z}_N$,每个 i 应该有不同的 r。此外,若 $\alpha = 0$,则 $\delta' = E_{pk}(0)$ 。但是,当 $\alpha = 1$ 时, P_2 设置 δ' 为 $\delta * r_\delta^N$,其中 r_δ 是 r_δ 中的随机数。随后, r_δ 将 r_δ 例以及 r_δ 发送给 r_δ 为 r_δ ,其中 r_δ 是 r_δ 中的随机数。随后, r_δ 将 r_δ 的逆置换 r_δ 的以及 r_δ 发送给 r_δ 的方,只有我们的交通,以及 r_δ 后,计算 r_δ 的逆置换 r_δ 的, r_δ 是 r_δ 和, r_δ 和, r_δ 是 r_δ 和, r_δ 和, r_δ 和, r_δ 是 r_δ 和, $r_$

- 通过计算 $\lambda_i = \tilde{M}_i * E_{pk}(\alpha)^{N-\hat{r_i}}$ 去除 \tilde{M}_i 的随机性。
- 如果函数 F: u > v, 计算 $E_{pk}(min(u,v)_i) = E_{pk}(u_i) * \lambda_i = E_{pk}(u_i + \alpha * (v_i u_i))$ 。 否则, 计算 $E_{pk}(min(u,v)_i) = E_{pk}(v_i) * \lambda_i = E_{pk}(v_i + \alpha * (u_i v_i))$ 。

另外,根据 F,P_1 也可以根据以下步骤计算 $E_{pk} = (s_{min(u,v)})$ 。如果 F: u > v, P_1 计算 $E_{pk}(s_{min(u,v)}) = E_{pk}(s_u) * \theta$,其中 $\theta = \delta' * E_{pk}(\alpha)^{(N-\bar{r})}$ 。否则,计算 $E_{pk}(s_{min(u,v)}) = E_{pk}(s_v) * \theta$ 。

在 SMIN 协议中,主要观察点是,如果函数 F: u > v,则总有 $min(u,v)_i = (1-\alpha)*u_i + \alpha*u_i, 1 \le i \le l$ 。另一方面,如果函数 F: v > u,则总有 $min(u,v)_i = \alpha*u_i + (1-\alpha)*v_i$ 。相同的结论可以用于描述 $s_{min(u,v)}$ 。在这里强调,使用类似的公式也可以设计一个 SMAX 协议,用来计算 [max(u,v)] 和 $E_{pk}(s_{max(u,v)})$ 。同样,可以将 u 和 v 的多个秘密作为 SMIN 和 SMAX 的输入 (以加密的形式)。例如,设 s_u^1 和 s_u^2 分别为 u 和 v 相关联的秘密信息。则 SMIN 协议将 ($[u], E_{pk}(s_u^1), E_{pk}(s_u^2)$) 以及 ($[v], E_{pk}(s_v^1), E_{pk}(s_v^2)$) 作为 P_1 的输入,并得到输出 $[min(u,v)], E_{pk}(s_{min(u,v)}^1)$ 以及 $E_{pk}(s_{min(u,v)}^2)$ 。

	T_1 选件函数 T_1 0 0 0 0 0 0 0 0 0														
[u]	[v]	W_i	Γ_i	G_i	H_i	Φ_i	L_i	$\Gamma_{i'}$	L_i'	M_i	λ_i	min_i			
1	1	0	r	0	0	-1	r	1+r	r	r	0	1			
1	1	0	r	0	0	-1	r	r	r	r	0	1			
0	1	1	-1 + r	1	1	0	1	1+r	r	r	-1	0			
1	0	0	1+r	1	r	r	r	-1 + r	r	r	1	1			
1	1	0	r	0	r	r	r	r	1	1	0	1			
1	0	0	1+r	1	r	r	r	r	r	r	1	1			

 P_1 选择函数 F: v > u, 其中 u = 55, v = 58

表 4.1: SMIN 协议中间结果

除了 M_i 列,其他所有的列都是加密形式。另外 $r \in_R \mathbb{Z}_N$,每行每列不同

例 2. 简单起见,设 u = 55, v = 58, l = 6, s_u , s_v 分别为 u 和 v 相关联的秘密。假设 P_1 持有 ([55], $E_pk(s_u)$) 和 ([58], $E_pk(s_v)$)。另外,我们假设 P_1 考虑如下的随机置换函数。不失一般性,设 P_1 选择函数 F 为 v > u。基于 SMIN 协议的各种中间结果如表 1 所示,根据表4.1的内容,我们可以观察到:

i	=	1	2	3	4	5	6
		\downarrow	\downarrow	\downarrow	\downarrow	\downarrow	\downarrow
$\pi_1(i)$	=	6	5	4	3	2	1
$\pi_2(i)$	=	2	1	5	6	3	4

• H 中最多的意向为 $E_{pk}(1)$,即 H_3 。剩余的项为 0 的加密值或者为 \mathbb{Z}_N 中一个随机数的加密值。

- u 和 v 比特位中第一次出现不同的位置为索引 j=3 处。
- 由于 H_3 等于 $E_{pk}(1)$ 则 $_3=E_{pk}(0)$,同样由于 $M_5=1$,则 P_2 设置 α 为 1。
- $E_{pk}(s_{min(u,v)}) = E_{pk}(\alpha * s_u + (1-\alpha) * s_v) = E_{pk}(s_u)$.

当然,只有 P_1 知道 [min(u,v)] = [u] = [55] 以及 $E_{pk}(s_{min(u,v)}) = E_{pk}(s_u)$ 。

n 数中的最小安全值 $.P_1$ 连同加密值考虑私有输入 $([d_1],...,[d_2])$,其中 $0 \le d_i \le 2^l$, $[d_i] = \langle E_{[pk]}(d_{i,1}) \rangle$, ..., $E_{pk}(d_{(i,l)})$, $1 \le i \le n$ 。 P_2 考虑 sk。此协议的主要目标是在不向 P_1 和 P_2 揭露任何有关 d_i' 的信息同时,计算 $[min(d_1,...,d_n)=[d_{min}]$ 。另外,计算和目标最小值对应的信息加密值,用 $E_{pk}(s_{d_{min}})$ 表示。这里利用 SMIN 协议作为构建块,构建一个新的 $SMIN_n$ 协议,此协议为一个迭代方式,以分层的方式计算所需的输出。在每一次迭代过程中,计算两两之间的最小值以及秘密对应的最小值,并将结果作为下一次迭代的输入。因此,将会以自底向上的方式生成一个二叉查询树。在结束阶段,仅有 P_1 知道最终的结果 $[d_{min}]$ 以及 $E_{pk}(s_{d_{min}})$ 。

算法6描述了 $SMIN_n$ 中涉及一些步骤。首先, P_1 将 $[d_i]$ 以及 $E_{pk}(s_{d_i})$ 分别分配给临时向量 $[d'_i]$ 和变量 s'_i , $1 \le i \le n$ 。另外,他/她创建一个全局变量 num,并初始化至 n,其中 num 代表每轮迭代中向量的个数。由于 $SMIN_n$ 在二叉查找树中以自底向上的方式执行的,因此我们有 $[log_2n]$ 次迭代,每次迭代中,向量的个数都不相同。在第一轮迭代中 (i=1), P_1 同输入 $(([d'_{2j-1}],s'_{2j-1}),([d'_{2j}],s'_{2j}))$, P_2 同 SMIN 协议中涉及的 sk, $1 \le j \le \lfloor \frac{num}{2} \rfloor$ 。在第一次迭代的末尾,仅有 P_1 知道 $[min(d'_{2j-1},d'_{2j})]$ 以及 $s'_{min(d'_{2j-1},d'_{2j})}$, $1 \le j \le \lfloor \frac{num}{2} \rfloor$ 。其中, P_2 不会得到任何信息。另外, P_1 分别存储 $[d'_{2j-1}]$ 中的结果值 $[min(d'_{2j-1},d'_{2j})]$, $s'_{min(d'_{2j-1},d'_{2j})}$ 以及 s'_{2j-1} 。另外, P_1 分别更新 $[d'_{2j}]$ 的结果值, s'_{2j} 为 0,num 为 $[\frac{num}{2}]$ 。

在第 i 次迭代中 $(2 \le i \le \lceil log_2 n \rceil)$,协议 SMIN 仅考虑非零向量 (连同相同的加密信息)。例如,在第二次迭代中 (即 i=2),仅考虑 $([d'_1] \square s'_1)$, $([d'_3], s'_3)$ 等。在每轮迭代中,输出值仅 P_1 可知,并将 num 更新为 $\lceil \frac{num}{2} \rceil$ 。在 $SMIN_n$ 协议末尾阶段, P_1 将分配全局最小值的最终加密二进制向量分配给 $[d_{min}$,即 $[min(d_1, ..., d_n)]$ 。同

15:

```
Algorithm 6 SMIN_n(([d_1], E_{pk}(s_{d_1})), ..., ([d_n], E_{pk}(s_{d_n}))) \rightarrow ([d_min], E_{pk}(s_{d_{min}}))
 1: Require:P_1 \neq (([d_1], E_{pk}(s_{d_1})), ..., ([d_n], E_{pk}(s_{d_n}))), P_2 \neq sk.
 2:
 3: P_1:
         (a).[d'_i] \leftarrow [d_i] \perp s'_i \leftarrow E_{pk}(s_{d_i}), 1 \le i \le n
 5:
         (b).num \leftarrow n
 6: for i = 1to[log_2 n]:
         (a).for 1 \le j \le |\frac{num}{2}|:
 7:
              if i=1 then:
 8:
                  9:
                    y = ([d'_{2j}], s'_{2j})
10:
                  \bullet[d'_{2ii-1}] \leftarrow 0 \perp s'_{2ij-1} \leftarrow 0
11:
12:
              else
                   \bullet([d'_{2i(i-1)+1}], s'_{2i(i-1)+1}) \leftarrow SMIN(x, y) \mbox{ $\sharp$ $+$}
13:
                     x = ([d'_{2i(j-1)+1}], s'_{2i(j-1)+1}) \perp y = ([d'_{2ij-1}], s'_{2ij-1})
14:
```

样, P_1 将 s_1' 分配给 $E_{pk}(s_{d_{min}})$ 。例 3. 假设 P_1 持有 $\langle [d_1],...,[d_6]\rangle (n=6)$ 。简单起见,这里假设没有和 d_i 相关联的秘密。然后基于 $SMIN_n$ 协议,通过二叉执行树计算 $[min(d_1,...,d_6)]$,结果如图一所示,注意,这里初始化 $[d_i'] = [d_i]$ 。

• $[d'_{2ij-1}] \leftarrow 0 \perp s'_{2ij-1} \leftarrow 0$

16: (b). $num \leftarrow \lceil \frac{num}{2} \rceil$ 17: $P_1 : [d'_1] \perp E_{pk}(s_{s_min}) \leftarrow s'_1$

频率安全 . 考虑这样一种情况, P_1 持有输入 $(\langle E_{pk}(c_1),...,E_{pk}(c_w)\rangle,\langle E_{pk}(c_1'),...,E_{pk}(c_k')\rangle)$, p_2 持有密钥 sk。协议 SF 的目标是安全的计算 $E_{pk}(f(c_j))$, $1 \le j \le w$ 。这里 $f(c_j)$ 表示元素 c_j 在列表 $\langle c_1',...,c_k'\rangle$ 出现的次数,即频率。这里假设 $c_i' \in c_1,...,c_w$, $1 \le i \le k$ 。

输出值 $\langle E_{pk}(f(c_1)), ..., E_{pk}(f(c_w)) \rangle$ 仅 P_1 可知。在 SF 协议期间, P_1 和 P_2 既没有揭露 c_i 也没有揭露 c_j ,同样, P_1 和 P_2 也不知道 $f(c_j)$,其中 $1 \le ik$, $1 \le j \le w$ 。

算法7描述了 SF 协议涉及的整个步骤。开始阶段, P_1 计算一个加密向量 S_i ,有 $S_{i,j} = E_{pk}(c_j - c'_j)$, $1 \le j \le w$ 。其次, P_1 随机化 S_i 的分量得到 $S'_{i,j} = E_{pk}(r_{i,j} * (c_j - c'_i))$,其中 $r_{i,j}$ 为 \mathbb{Z}_n 中的一个随机数。之后, P_1 使用一个随

Algorithm 7 $SF(\Lambda, \Lambda') \rightarrow \langle E_{nk}(c_1), ..., E_{nk}(f(c_w)) \rangle$

```
1: Require:P_1 有 \Lambda = \langle E_{pk}(c_1), ..., E_{pk}(c_w) \rangle, \Lambda' = \langle E_{pk}(c_1'), ..., E_{pk}(c_k') \rangle 且 \langle \pi_1, ..., \pi_k \rangle, P_2
      有 sk
 2: P_1:
 3: (a). for i = 1 to k do:
               T_i \leftarrow E_{pk}(c_i')^{N-1}
               for j = 1 to w do:
 5:
                    S_{i,j} \leftarrow E_{pk}(c_j) * T_i
 6:
                    S'_{i,j} \leftarrow S^{r_{i,j}}_{i,j}, \sharp \ r_{i,j} \in_R \mathbb{Z}_N
 7:
               Z_i \leftarrow \pi_i(S_i')
 8:
 9: (b). 将 Z 发送给 P<sub>2</sub>。
10: P_2:
11: (a). 从 P<sub>1</sub> 端接收 Z
12: (b). fori = 1 to k do:
13:
             forj = 1 to w do:
                if D_{sk}(Z_{i,j}) = 0 then u_{i,j} \leftarrow 1
14:
15:
                else u_{i,j} \leftarrow 0
                 U_{i,j} \leftarrow E_{pk}(u_{i,j})
16:
17: (c). 将 U 发送给 P<sub>1</sub>
18: P_1:
19: (a). 从 P2 接收 U
```

机排列函数 π_i (随机函数 π_i 仅 P_1 可知) 随机排列 S_i' 的分量。输出值 $Z_i \leftarrow \pi_i(S_i')$ 值 发送给 P_2 。 P_2 接收到输出值后,解密 Z_i 的分量,计算向量 u_i 并执行以下步骤:

• 如果 $D_{sk(Z_{i,j})} = 0$,则设置 $u_{i,j} = 1$,否则 $u_{i,j} = 0$ 。

20: (b). $V_i \leftarrow \pi_i^{-1}(U_i), 1 \le i \le k$

21: (c). $E_{pk}(f(c_j)) \leftarrow \prod_{i=1}^k V_{i,j}, 1 \le j \le w$

- 通过观察,由于 $c'_i \in c_1, ..., c_w$,则在向量 Z_i 中肯定有一个值为 0 的加密值,剩下的项为随机数加密值。进一步的表明 Z_i 的解密值确切有一个为 0,其余为随机数。更精确有,若 $u_{i,j} = 1$ 则 $c'_i = c_{\pi^{-1}(j)}$ 。
- 计算 $U_{i,j} = E_{pk}(u_{i,j})$ 并发送给 P_1 , 其中 $1 \le i \le k$, $1 \le j \le w$ 。

再后, P_1 在 u_i 上执行行的逆排列,得到 $V_i=\pi_i^{-1}(U_i)$, $1\leq i\leq k$ 。最终, P_1 计算

 $E_{pk}(c_j) = \prod_{k=1}^{i=1} V_{i,j}, \ 1 \le j \le w$.

在第三章节中所有协议的输出都是以密文的形式输出的,并且只有 P_1 可知,另外, P_1 或得的中间结果要么是随机数要么是伪随机数。第三章节提及的各种协议中,SMIN 协议最为复杂,因此本节将在标准假设下对 SMIN 协议进行安全性分析。当然相同的方法可用于分析在半可信模型下其他协议的安全性。

4.5 证明 SMIN 安全性

通过执行 SMIN 证明 SMIN 在计算上是不可区分的,从而证明 SMIN 协议在 半可信模型下是安全的。

执行过程通常包括消息的转换,以及来自这些消息的计算信息。因此,根据 算法 1,设 P_2 的执行过程用 $\prod_{P_2}(SMIN)$ 表示,由 $\langle \delta, s + \bar{r}modN \rangle, \langle \Gamma'_{i,u_i+\hat{r};modN} \rangle, \langle L'_i, \alpha \rangle$ 给出。 $s+\bar{r}modN$ 和 $\mu_i+\hat{r}_i$ 分别为 δ 和 Γ'_i 的解密结果,其中 $1 \leq i \leq l$ 。模运算隐含 在解密函数中。另外, P_2 接收来自于 P_1 的 L', α 表示 L' 的计算比较结果。不是一 般性,假设 P_2 的模拟值为 $\prod_{P_2}^{S}(SMIN)$,通过 $\langle \delta^*, r^* \rangle, \langle s'_{1,i}, s'_{2,i} \rangle, \langle s'_{3,i}, \alpha' \rangle | 1 \leq i \leq l$ 计算。这里 $\delta *, s'_{1,i}$ 以及 $s'_{3,i}$ 是通过 \mathbb{Z}_{N^2} 随机生成的, $r *, s'_{2,i}$ 来自于 \mathbb{Z}_N 的随机生 成数。另外, α' 表示随机比特位。由于 E_{pk} 为语义安全加密方案,结果密文长度 少于 N^2 , 因此 δ 在 δ^* 是计算不可区分的。同样, Γ'_i 和 L'_i 分别在 $s'_{1,i}$ 和 $s'_{3,i}$ 上是 计算不可区分的。另外作为 \mathbb{Z}_N 的随机生成数 \bar{r} 和 \hat{r}_i , $s + \bar{r} mod N$ 和 $\mu_i + \hat{r}_i mod N$ 分别在 r^* 和 s_2' 上计算不可区分。而且,由于函数是 P_1 随机选择的(算法 1 的第 一步), α 为 0 或 1 是等概率的。因此, α 在 α' 上计算不可区分。结合这些所有的 特性,可以总结出 $\prod_{P_2}(SMIN)$ 在 $\prod_{P_2}(SMIN)$ 上市计算不可区分的。这就意 味着在执行 SMIN 协议的时候, P_2 不需要知道任何关于 u, v, s_u, s_v 的信息以及实 际的比较结果。直观的来说,在执行 SMIN 协议期间, P_2 的信息要么是随机的要 么是伪随机产生的,一次这些信息没有披露任何有关 u, v, s_u 以及 s_v 的相关信息。 另外,F 仅 P_1 可知,实际的比较结果对 P_2 是隐藏的。

另一方面,用 $\prod_{P_1}(SMIN)$ 表示执行 P_1 , $\prod_{P_1}(SMIN) = M_i', E_pk(\alpha), \delta'|1 \le l$ 。

 M_i' 和 δ' 是接收于 P_2 的加密结果值。设 P_1 的模拟结果由 $\prod_{P_1}^S(SMIN)$ 表示, $\prod_{P_1}^S(SMIN) = s_{4,i}', b', b'' | 1 \le i \le l$ 。值 $s_{4,i}', b'$ 以及 b'' 为 \mathbb{Z}_{N^2} 的随机生成数。由于 E_{pk} 结果密文长度少于 N^2 ,属于语义安全加密方案,这意味着, M_i' , $E_{pk}(\alpha)$ 以及 δ' 分别在 $s_{4,i}', b'$ 以及 b'' 上是计算不可区分的。因此, $\prod_{P_1}(SMIN)$ 在 $\prod_{P_1}^S(SMIN)$ 上是计算不可区分的。作为结果, P_1 不可能知道任何有关 u, v, s_u, s_v 以及在执行 SMIN 协议期间的比较结果值信息。综合所有,可以发现 SMIN 协议在半可信模 型下是安全的。

4.6 本章小结

本章着重介绍一种能够满足加密数据上语义安全的 k 近邻分类器——PPKNNONED 方案。并介绍了协议中涉及到的一些子协议,接着对子协议的安全性进行了相关的介绍,并给出了相关的算法步骤。最后对子协议——最小值安全协议进行了安全性证明。

第五章 PPkNNONED 方案

这一章节将介绍新的 k—NN 密文上的隐私保护方案,在接下来的篇幅中将以 PPKNNONED 表示 k—NN 密文上的隐私保护方案。在第三章中粗略的对 PPKNNONED 进行了介绍,本章将在第三章介绍的基础上进一步的进行深入扩展。正如之前所提到的,我们假设 Alice's 的数据库包含 n 条记录 $D = \langle t_1, ..., t_n \rangle$ 以及 m+1 个属性,其中 $t_{i,j}$ 表示记录 $t_{i,j}$ 的第 j 个属性值。初始化阶段,Alice 对他的数据库的属性加密,即计算 $E_{pk}(t_{i,j})$, $1 \le i \le n$, $1 \le j \le m+1$,其中第 (m+1) 列包含类标签,用 D' 表示加密数据库。假设在将来的分类处理中 Alice's 也将数据库 D' 外包给云。不失一般性,可以假设所有的属性值以及他们的欧几里得距离处于区间 $[0,2^l)$ 中。另外,设 w 表示在记录集合 D 中唯一的类标签数量。

在问题设定当中,我们假设存在两个非合谋的半可信云服务提供商,分别用 C_1 和 C_2 表示,他们一起形成一个联合云。在这个设定下,Alice 将他加密的数据 库 D'外包给 C_1 ,并将私钥 sk 外包给 C_2 。这里数据库拥有着 Alice 有可能用他自己的私有服务器去取代 C_2 。但是,如果 Alice 拥有一个私有服务器,我们可以认为 Alice 就没有必要将数据外包出去。使用 C_2 的主要目的由以下两个原因。(A) 收到计算资源以及专业技术的限制,Alice 的最佳选择就是将数据的管理以及操作任务外包给云来做。例如,Alice 也许想访问他的数据并且使用智能手机或其他任何受计算资源限制的终端设备分析出结果。(B) 假设 Bob 想从 Alice 那里维持他的输入查询以及私人访问模式。在这个例子当中,如果 Alice 使用一个私有服务器,那么他就不得不通过 C_2 执行计算假设,在这得目的就是否定将加密数据外包给 C_1 。

通常 Alice 使用私有服务器还是云服务提供商,实际上依赖于他的资源限制。特别的,在问题设定中,我们宁愿使用 C_2 ,避免出现上述提及的问题。在我们的方案中,Alice 将加密数据外包给云后,将来不需要参加任何计算。

PPKNNONED 方案的主要目标是根据数据库 D' 在隐私保护的前提下对用户的查询记录进行分类。考虑到一个授权用户 Bob 想在 C_1 中基于 D' 对他的查询记录 $q = \langle q_1, ..., q_m \rangle$ 进行分类。PPKNNONED 方案主要包含以下两个步骤:

- 阶段 1——K 近邻安全检索 (SRKNN). 在这一过程中,Bob 首先以密文的形式发送他的查询请求给 C_1 。之后, C_1 和 C_2 参与一系列的子协议对输入查询 q 安全检索类标签相对应的 K 近邻。在这一步的最后,K 近邻的加密标签仅 C_1 可知。
- 阶段 2——多数类的安全计算 (SCMC). 就步骤一, C_1 和 C_2 计算在查询 q 的 k 近邻中类标签的多数。在这一步的结尾,仅 Bob 知道和他查询记录 q 所对 应的类标签。

Algorithm 8 $PPKNNONED(D',q) \rightarrow c_q$

```
1: Require:C_1 有 D' 以及 \pi;C_2 有 sk;Bob 有 q
 2: Bob:
 3: (a). 计算 E_{pk}(q_i), 1 \leq j \leq m
 4: (b). 将 E_{pk}(q) = \langle E_{pk}(q_1), ..., E_{pk}(q_m) \rangle 发送给 C_1
 5: C<sub>1</sub>和 C<sub>2</sub>:
 6: (a). C_1 从 Bob 端接收 E_p(q)
 7: (b). for i = 1 to n do:
               \bullet E_{pk}(d_i) \leftarrow SSED(E_{pk}(q), E_{pk}(t_i))
              \bullet[d_i] \leftarrow SBD(E_{pk}(c'))
 9:
10: for s = 1 to k do:
           (a). C_1 和 C_2:
11:
                \bullet([d_{min}], E_{pk}(I), E_{pk}(c')) \leftarrow SMIN_n(\theta_1, ...\theta_n) \not\equiv \Phi
12:
                    \theta_i = ([d_i], E_{pk}(I_{t_i}), E_{pk}(t_{i.m+1}))
13:
                \bullet E_{pk}(c_s') \leftarrow E_{pk}(c')
14:
           (b). C_1:
15:
               \bullet \triangle \leftarrow E_{nk}(I)^{N-1}
16:
                \bullet for i=1 to n do:
                                                 \tau_i \leftarrow E_{pk}(i) * \triangle
17:
                    \tau_i' \leftarrow \tau_i^{r_i}, r_i \epsilon_R \mathbb{Z}_N
18:
19:
               •\beta \leftarrow \pi(\tau'); 将 \beta 发送给 C_2
           (c). C_2:
20:
               \bullet \beta_i' \leftarrow D_{sk}(\beta_i), 1 \le i \le n
21:
                • 计算 U', 1 ≤ i ≤ n:
22:
                    if \beta_i' = 0 then U_i' = E_{pk}(0)
23:
24:
                    else U_i' = E_{nk}(0)
                将 U' 发送给 C_1
25:
           (d). C_1: V \leftarrow \pi_{II}^{-1}
26:
           (e). C_1 和 C_2:
27:
                \bullet E_{pk}(d_{i,j}) \leftarrow SBOR(V_i, E_{pk}(d_{i,\gamma}))
28:
29: SCMC_k(E_{pk}(c'_1), ..., E_{pk}(c'_k))
```

PPKNNONED 方案涉及的主要步骤由算法8给出,详细介绍 PPKNNONED 方案中的每个阶段。

5.1 K 近邻安全检索

在这一步骤中,Bob 首先加密查询 q 属性,也就是说,计算 $E_{pk}(q) = \langle E_{pk}(q_1),...,E_{pk}(q_m) \rangle$ 并将 $E_{pk}(q)$ 发送给 C_1 。阶段 1 所涉及的主要步骤由算法8的步骤 1 到 3 所描述。接受 $E_{pk}(q)$ 时, C_1 私有输入 $(E_{pk}(q),E_{pk}(t_i))$, C_2 私钥 sk 共同参与到 SSED 协议。这里, $E_{pk}(t_i) = \langle E_{pk}(t_{i,1}),...,E_{pk}(t_{i,m}) \rangle$, $1 \leq i \leq n$ 。输出为 q 和 t_i 之间欧几里得距离的平方,用 $E_{pk}(d_i)$ 表示,即 $d_i = |q - t_i|^2$ 。正如前面所提到的, $E_{pk}(d_i)$, $1 \leq i \leq n$ 仅 C_1 知道。我们强调加密向量间的精准欧几里得距离由于涉及到平方根,因此计算是很难完成的。但是,在我们的问题中,由于保留了之间的相对顺序,因此能够计算出欧几里得距离平方。之后使用 SBD 协议, C_1 输入 $E_{pk}(d_i)$ 以及 C_2 安全的计算出 d_i 的各个比特的加密值。在这里,输出值 $[d_i] = \langle E_{pk}(d_{i,1}),...,E_{pk}(d_{i,1}) \rangle$ 只有 C_1 可知,其中 $d_{i,1}$ 和 $d_{i,l}$, $1 \leq i \leq n$ 分别为 d_i 的最低和最高有效位。

在这之后, C_1 和 C_2 以迭代的方式计算查询 q 相对应的 k 个近邻的类标签。 具体的说,在第一轮迭代过程中,他们计算 $E_{pk}(c_1')$,第二轮迭代时计算 $E_{pk}(c_2')$,依此类推下去。这里 c_s' 表示查询 q 的第 s 个近邻的类标签, $1 \le s \le k$ 。在第 k 轮的迭代过程中,仅有 C_1 知道 $\langle E_{pk}(c_1'),...,E_{pk}(c_k') \rangle$ 。首先考虑第一次迭代。 C_1 和 C_2 共同计算 $d_1,...,d_n$ 中最小值的个体比特位的加密值,并使用 $SMIN_N$ 协议加密位置以及 d_{min} 相对应的类标签,也就是 C_1 输入 $(\theta_1,...,\theta_2)$ 同 C_2 的密钥 sk 计算 $([d_{min}],E_{pk}(I)),E_{pk}(c')$,其中 $\theta_i=([d_i],E_{pk}(I_{t_i}),E_{pk}(t_{i,m+1})),1\le i\le n$ 。这里 d_{min} 表示 $d_1,...,d_n$ 中最小的值; I_{t_i} 以及 $t_{i,m+1}$ 分别表示唯一标识符以及数据记录 t_i 相对应的类标签。具体的说, $(I_{t_i},t_{i,m+1})$ 是和 t_i 相关的秘密信息。简单期间,假设 $I_{t_i}=i$ 。在输出阶段,I 和 c' 表示索引值以及 d_{min} 对应的类标签。输出值 $([d_{min}],E_{pk}(I),E_{pk}(c'))$ 只有 C_1 可知。 C_1 在本地执行以下操作:

• 分配 $E_{pk}(c')$ 给 $E_{pk}(c'_1)$ 。根据 SMIN 协议,c' 等价于和 d_{min} 对应的数据记录的类标签。因此,q 的大部分近邻的类标签都是一样的。

- 计算 I 和 i 区别的加密值,其中 $1 \le i \le n$ 。即, C_1 计算 $\tau_i = E_{pk}(i) *$ $E_{pk}(I)^{N-1} = E_{pk}(i-I), 1 \le i \le n$ 。
- 随机化 τ_i 得到 $\tau_i' = \tau_i^{r_i} = E_{pk}(r_i * (i-1))$,其中 r_i 为 \mathbb{Z}_N 中的随机数。 $\tau_i', 1 \le i \le n$ 是 0 或者随机数的加密结果值。另外值得注意的是在 τ' 中恰好有一项是 0 的加密结果值 (当且仅当 i = I),剩下的为随机数的加密结果值。 使用随机置换函数 $\pi(\pi$ 仅 C_1 可知) 排列 τ' 得到 $\beta = \pi(\tau')$ 并发送给 C_2 。

在收到 β 后, C_2 解密其中的固定组件得到 $\beta_i' = D_{sk}(\beta_i)$, $1 \le i \le n$ 。之后, C_2 计算一个加密向量 U' 的长度 n,如果 $\beta_i' = 0$ 则计算 $U_i' = E_{pk}(1)$,否则等于 $E_{pk}(0)$ 。由于在 τ' 中有一项为 0 的加密值,这进一步说明了,U' 中确切有一项为 1 的加密值,剩下的为 0 的加密结果值。需要特别注意的是,如果 $\beta_k' = 0$,则 $\pi^{-1}(k)$ 是 d_{min} 对应的数据记录的索引值。之后 C_2 将 U' 发送给 C_1 ,接收到 U' 后, C_1 执行逆置换,有 $V = \pi^{-1}(U')$ 。在 V 中确切有一项是 $E_{pk}(1)$ 。剩余的为 0 的加密结果值。另外,如果 $V_i = E_{pk}(1)$,则 t_i 是最接近于 q 的元组。但是, C_1 和 C_2 不知道 V 中的哪一项和 $E_{pk}(1)$ 相对应。

最终, C_1 根据以下原因更新距离向量:

• 值得注意的是,在进一步的计算中距查询 q 的第一个近元组应该会被排除在外。但是,由于 C_1 不知道记录对应的 $E_{pk}(c_1')$,我们需要在下一轮迭代的时候消除再次选择这个记录的可能性。为此, C_1 放弃更新对应 $E_{pk}(c_1')$ 距离到最小值,即 2^l-1 。更具体的, C_1 在 C_2 的帮助下使用 SBOR 协议更新距离向量, $E_{pk}(d_{i,\gamma})=SBOR(V_i,E_{pk}(d_{i,\gamma}))$, $1\leq i\leq n,1\leq\gamma\leq l$ 。当 $V_i=E_{pk}(1)$ 时,对应的距离向量 d_i 是设置的最小值。即在这里例子下,有 $[d_i]=\langle E_{pk}(1),...,E_{pk}(1)\rangle$ 。另一方面,当 $V_i=E_{pk}(0)$ 时,OR 操作不会影响相应的加密距离向量。

Algorithm 9 $SCMC_k(E_{pk}(c'_1),...,E_{pk}(c'_k)) \rightarrow c_q$

1: **Require:** $\langle E_{pk}(c_1),...,E_{pk}(c_w) \rangle$, $\langle E_{pk}(c_1'),...,E_{pk}(c_k') \rangle$ 仅 C_1 可知

sk 仅 C_2 可知

3: C₁和 C₂:

4: (a). $\langle E_{pk}(f(c_1)), ..., E_{pk}(f(c_w)) \leftarrow SF(\Lambda, \Lambda') \rangle$, $\not \equiv \Lambda = \langle E_{pk}(c_1), ..., E_{pk}(c_w) \rangle$

5: $\Lambda' = \langle E_{pk}(c_1'), ..., E_{pk}(c_k') \rangle$

6: (b). **for** i = 1 to w **do**:

7: $[f(c_i)] \leftarrow SBD(E_{pk}(f(c_i)))$

8: end for

9: (c). ([f_{max}], $E_{pk}(c_q) \leftarrow SMAX_w(\psi_1, ..., \psi_w)$), 其中

10: $\psi_i = ([f(c_i)], E_{pk}(c_i)), 1 \le i \le w$

11: C_1 :

12: (a). $\gamma_q \leftarrow E_{pk}(c_q) * E_{pk}(r_q), \sharp \vdash r_q \in_R \mathbb{Z}_N$

13: (b). 将 γ_q 发送给 C_2 , r_q 发送给 Bob

14: C_2 :

15: (a). 从 C_1 接收 γ_q

16: (b). $\gamma_q' \leftarrow D_{sk}(\gamma_q)$; 将 γ_q' 发送给 Bob

17: Bob:

18: (a). 从 C_1 接收 r_q , C_2 接收 γ'_q

19: (b). $c_q \leftarrow \gamma_q' - r_q mod N$

上述的过程将会进行 \mathbf{k} 轮迭代,在每轮迭代 $[d_i]$ 对应的当前选择标签设置为最小值。但是, C_1 和 C_2 不知道哪个 $[d_i]$ 被更新了。在第 \mathbf{k} 轮迭代, $E_{pk}(c_s')$ 仅 C_1 可知。在第一阶段结束时, C_1 有查询 q 的 \mathbf{k} 个近邻的加密标签列表 $E_{pk}(c_1'),...,E_{pk}(c_k')$ 。

5.2 多数类的安全计算

不失一般性,假设 Alice's 数据集 D 包含 w 个不重复的类标签 $c = \langle c_1, ..., c_w \rangle$ 。 Alice 将加密后的类列表外包给 C_1 。即在数据的外包阶段,Alice 将 $\langle E_{pk}(c_1), ..., E_{pk}(c_w) \rangle$ 以及加密数据库外包给 C_1 。为了安全起见,Alice 也许会在列表中添加一些假的分类来保护一定数量的类标签,即 w 来自于 C_1 和 C_2 。但是,为了简单起见,我们假设 Alice 不在列表中添加任何的假分类。

第二阶段期间, C_1 同私有输入 $\Lambda = \langle E_{pk}(c_1), ..., E_{pk}(c_w) \rangle$ 、 $\Lambda' = \langle E_{pk}(c_1'), ..., E_{pk}(c_k') \rangle$,

以及 C_2 的密钥 sk 安全计算 $E_{pk}(c_q)$ 。这里 c_q 表示 $c'_1,...,c'_k$ 中的多数类标签。在第二阶段末尾,仅 Bob 知道类标签 c_q 。

算法9描述了阶段 2 设计的步骤。首先, C_1 和 C_2 使用 k 个邻近集合作为输入共同对每个类标签出现的频率进行加密。即,他们使用 (Λ,Λ') 计算 $E_{pk}(f(c_i)),1\leq i\leq w$ 作为 SF 协议的输入。输出值 $\langle E_{pk}(f(c_1)),...,E_{pk}(f(c_w))\rangle$ 仅 C_1 可知。之后 C_1 的 $E_{pk}(f(c_i))$ 以及 C_2 的 sk 参与安全比特分解协议,从而来计算 $[f(c_i)]$,也就是说,对 $f(c_i),1\leq i\leq w$ 的各个为进行矢量加密。之后, C_1 和 C_2 共同参与 $SMAX_w$ 协议。简略的, $SMAX_w$ 利用 SMAX 的子规则以迭代的方式最终计算 $([f_{max}],E_{pk}(c_q))$ 。这里 $[f_{max}]=[max(f(c_1),...,f(c_w))]$, c_q 表示 Λ' 之外的多数类。结束时,输出值 $([f_{max}],E_{pk}(c_q))$ 仅 C_1 可知。这步之后, C_1 计算 $\gamma_q=E_{pk}(c_q+r_q)$,其中 r_q 是 Z_N 中的随机数,仅 C_1 可知。接着 C_1 将 γ_q 发送给 C_2 , r_q 发送给 Bob。 C_2 收到 γ_q 后,解密得到随机多数类标签 $\gamma_q'=D_{sk}(\gamma_q)$ 并发送给 Bob。最终,在从 C_1 接收到 r_q ,从 C_2 收到 γ_q' 后,Bob 计算 q 对应的输出类标签 $c_q=\gamma_q'-r_q mod N$ 。

5.3 复杂性分析

阶段 1 的计算复杂度主要来自于加密和求幂,复杂度为 $O(n*(l+m+k*l*log_2n))$ 。另一方面,阶段 2 的计算复杂度同样来自于加密和求幂,复杂度为 $O(w*(l+k+l*log_2w))$ 。一般情况下,当 w << n,则阶段 1 的计算复杂度应该 明显高于阶段 2。

5.4 本章小结

本章详细介绍了 PPKNNONED 隐私保护方案,对 PPKNNONED 方案进行了算法描述。对 K 近邻安全检索进行了详细描述。另外对多数类别的安全计算进行了描述,也给出了相关的算法描述,最后对复杂性进行了分析。

第六章 总结与展望

随着智能终端的普及,移动互联网进入了快速发展时期。GPS 定位技术以及 无线通信的日以完善给人类的衣食住行提供了极大的便利,如今在交通、医疗、 教育等这些和民众生活息息相关的服务行业无时无刻不依赖着智能终端、无线通 信等技术的支持。基于位置的服务也作为新起之秀被终端民众所追捧。由于用户 的位置也许会揭露出一些敏感个人信息,而用户的当前位置完全暴露在 LBS 服务 提供商面前,因此对用户的位置隐私构成了威胁,如何保护用户的位置隐私,并 能够在保护用户隐私的同时还能给用户提供相应的位置服务是当下研究的热点话 题。

为了保护用户的隐私,在过去的几年中出现了各种各样的隐私保护分类技术。但是这些数据不适合将加密数据外包至第三方的场景。在本篇文章中,我们提出了一种新的,且适合云端加密数据的隐私保护 KNN 分类方案。方案能够保证数据以及用户查询输入的隐私性,并且能够隐私数据访问模式。

在 PPKNNONED 性能方面有所欠缺,组要涉及到方案中的第一步 $SMIN_n$ 的效率性。因此在接下来的工作中,将会研究各种关于 $SMIN_n$ 解决方案,并用来扩展到我们的分类算法中。

参考文献

- [1] SWEENEY L. k-anonymity: a model for protecting privacy[J]. International Journal on Uncertainty, Fuzziness and Knowledge-based System, 2002, 10(5): 557–570.
- [2] RONGXING L, XIAODONG L, TOM H L, et al. Pseudonym changing at social spots: An effective strategy for location privacy in vanets[J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2012, 61(1): 86–96.
- [3] GENTRY C. Fully homomorphic encryption using ideal lattices[C] // STOC. 2009: 169–178.
- [4] GOLDWASSER S. Multi party computations: past and present[C] // Proceedings of 16th Annual ACM Symposium on Principles of Distributed Computing. [S.l.]: ACM, 1997.
- [5] DWORK C. Differential privacy[M]. [S.l.]: Automata, languages and programming. Springer Berlin Heidelberg, 2006: 1–12.
- [6] SWEENEY L. Achieving k-anonymity privacy protection using generalization and suppression[J]. International Journal of Uncertainty, Fuzziness and Knowledge-Based Systems, 2002, 10(5): 571-588.
- [7] MYLES G, FRIDAY A, DAVIES N. Preserving privacy in environments with location-based applications[J]. IEEE Pervasive Computing, 2003, 2(1): 56-64.

[8] YOUSSEF M, ATLURI V, ADAM R N. Preserving mobile customer privacy: An access control system for moving objects and customer profiles[C] // Proceedings of the 6th international conference on Mobile data management. [S.l.]: ACM, 2005: 67–76.

- [9] BERESFORD R A, STAJANO F. Location privacy in pervasive computing[J]. IEEE Pervasive computing, 2003, 2(1): 46–55.
- [10] BAMBA B, LIU L, PESTI P. Supporting anonymous location queries in mobile environments with privacygrid[C]// Proceedings of the 17th international conference on World Wide Web. [S.l.]: ACM, 2008: 237–246.
- [11] CHOW Y C, MOKBEL F M, LIU X. A peer-to-peer spatial cloaking algorithm for anonymous location-based service[C] // Proceedings of the 14th annual ACM international symposium on Advances in geographic information systems. [S.l.]: ACM, 2006: 171–178.
- [12] MOKBEL F M, CHOW Y C, AREF W G. The new Casper: query processing for location services without compromising privacy[C] // Proceedings of the 32nd international conference on Very large data bases. VLDB Endowment. 2006: 763-774.
- [13] YIU L M, JENSEN C S, HUANG X. Spacetwist: Managing the trade-offs among location privacy, query performance, and query accuracy in mobile services[C] // In Proc.ICDE. 2008: 366-375.
- [14] SHANKAR P, GANAPATHY V, IFTODE L. Privately querying location-based services with SybilQuery[C] // Proceedings of the 11th international conference on U-biquitous computing. [S.l.]: ACM, 2009: 31–40.
- [15] HU H, XU J, REN C. Processing private queries over untrusted data cloud through

privacy homomorphism[C] // Data Engineering (ICDE). [S.l.]: IEEE, 2011: 601 – 612.

- [16] KHOSHGOZARAN A, SHAHABI C. Blind evaluation of nearest neighbor queries using space transformation to preserve location privacy[R]. [S.1.]: Advances in Spatial and Temporal Databases. Springer Berlin Heidelberg, 2007: 239–257.
- [17] GHINITA G, KALNIS P, KHOSHGOZARAN A. Private queries in location based services: anonymizers are not necessary[C] // Proceedings of the 2008 ACM SIG-MOD international conference on Management of data. [S.l.]: ACM, 2008: 121–132.
- [18] GHINITA G, KALNIS P, SKIADOPOULOS S. PRIVE: anonymous location-based queries in distributed mobile systems[C] // Proceedings of the 16th international conference on World Wide Web. [S.l.]: ACM, 2007: 371–380.
- [19] WILLIAMS P, SION R. Usable PIR[C] // NDSS. 2008.
- [20] ZHANGHAO. Research on information privacy protection technology based on location services[M]. [S.l.]: University of Science Technology China, 2014.
- [21] YINJIE W. Privacy Preserving Data Publishing:Models and Algorithms[M]. [S.l.]: Tsinghua University Press, 2015.
- [22] CHENG R, ZHANG Y, BERTINO E. Preserving user location privacy in mobile data management infrastructures[C] // Privacy Enhancing Technologies. [S.l.]: Springer Berlin Heidelberg, 2006: 393–412.
- [23] GRUTESER M, GRUNWALD D. Anonymous usage of location-based services through spatial and temporal cloaking[C] // Proceedings of the 1st international conference on Mobile systems, applications and services. [S.l.]: ACM, 2003: 31–42.

[24] BERESFORD R A, STAJANO F. Mix zones: User privacy in location-aware services[J]. IEEE Pervasive computing, 2004.

- [25] CHEYANZHE. Research on Key Technologies of user location privacy protection based on location services[D]. [S.l.]: Data resource system, 2013.
- [26] KIDO H, YANAGISAWA Y, SATOH T. An anonymous communication technique using dummies for location-based services[C] // ICPS. [S.l.]: IEEE, 2005: 88–97.
- [27] XU J, TANG X, HU H, et al. Privacy-conscious location-based queries in mobile environments[J]. Parallel and Distributed Systems, IEEE Transactions on, 2010, 21(3): 313–326.
- [28] XU T, CAI Y. Feeling-based location privacy protection for location-based services[C] // Proceedings of the 16th ACM conference on Computer and communications security. 2009: 348-357.
- [29] ARDAGNA C A, CREMONINI M, DAMIANI E, et al. Location privacy protection through obfuscation-based techniques[G] // Data and Applications Security XXI.
 [S.l.]: Springer, 2007: 47-60.
- [30] KALNIS P, GHINITA G, MOURATIDIS K, et al. Preventing location-based identity inference in anonymous spatial queries[J]. Knowledge and Data Engineering, IEEE Transactions on, 2007, 19(12): 1719–1733.
- [31] WANG T, LIU L. Privacy-aware mobile services over road networks[J]. Proceedings of the VLDB Endowment, 2009, 2(1): 1042 1053.
- [32] HOSSAIN A-A, HOSSAIN A, YOO H-K, et al. H-star: Hilbert-order based star network expansion cloaking algorithm in road networks[C] // Computational Science and Engineering (CSE), 2011 IEEE 14th International Conference on. 2011: 81 88.

[33] WANG S, WANG X S. In-device spatial cloaking for mobile user privacy assisted by the cloud[C] // Mobile Data Management (MDM), 2010 Eleventh International Conference on. 2010: 381–386.

- [34] PAN X, XU J, MENG X. Protecting location privacy against location-dependent attacks in mobile services[J]. Knowledge and Data Engineering, IEEE Transactions on, 2012, 24(8): 1506-1519.
- [35] JUNCHENG P, HUIMIN D, YINGHUI S, et al. Potential Attacks against k-Anonymity on LBS and Solutions for Defending the Attacks[G] // Advances in Computer Science and its Applications. [S.l.]: Springer, 2014: 877–883.
- [36] MACHANAVAJJHALA A, KIFER D, GEHRKE J, et al. 1-diversity: Privacy beyond k-anonymity[J]. ACM Transactions on Knowledge Discovery from Data (TKDD), 2007, 1(1): 3.
- [37] LI N, LI T, VENKATASUBRAMANIAN S. t-closeness: Privacy beyond k-anonymity and l-diversity[C] // Data Engineering, 2007. ICDE 2007. IEEE 23rd International Conference on. 2007: 106-115.
- [38] YAO A C. Protocols for secure computations[C] // Foundations of Computer Science, 1982. SFCS'08. 23rd Annual Symposium on. 1982: 160–164.
- [39] CLIFTON C, KANTARCIOGLU M, VAIDYA J, et al. Tools for privacy preserving distributed data mining[J]. ACM Sigkdd Explorations Newsletter, 2002, 4(2): 28 34.
- [40] GOLDWASSER S. Multi party computations: past and present[C] // Proceedings of the sixteenth annual ACM symposium on Principles of distributed computing. 1997: 1-6.

[41] DU W, ATALLAH M J. Secure multi-party computation problems and their applications: a review and open problems[C] // Proceedings of the 2001 workshop on New security paradigms. 2001: 13-22.

- [42] OLESHCHUK V A, ZADOROZHNY V. Secure multi-party computations and privacy preservation: Results and open problems[J]. Telektronikk, 2007, 103(2): 20.
- [43] SHI E, CHAN T H, RIEFFEL E, et al. Privacy-preserving aggregation of time-series data[C] // Proc. NDSS: Vol 2. 2011: 1 17.
- [44] JUNG T, MAO X, LI X-Y, et al. Privacy-preserving data aggregation without secure channel: Multivariate polynomial evaluation[C] // INFOCOM, 2013 Proceedings IEEE. 2013: 2634–2642.
- [45] GHINITA G, KALNIS P, KHOSHGOZARAN A, et al. Private queries in location based services: anonymizers are not necessary[C] // Proceedings of the 2008 ACM SIGMOD international conference on Management of data. 2008: 121–132.
- [46] KUSHILEVITZ E, OSTROVSKY R. Replication is not needed: Single database, computationally-private information retrieval[C] // focs. 1997: 364.
- [47] FLATH D E. Introduction to number theory[J], 1989.
- [48] KHOSHGOZARAN A, SHAHABI C, SHIRANI-MEHR H. Location privacy: going beyond K-anonymity, cloaking and anonymizers[J]. Knowledge and Information Systems, 2011, 26(3): 435–465.
- [49] di VIMERCATI S D C, FORESTI S, SAMARATI P. Managing and accessing data in the cloud: Privacy risks and approaches[C] // 2012 7th International Conference on Risks and Security of Internet and Systems (CRiSIS). 2012: 1–9.

[50] WILLIAMS P, SION R, CARBUNAR B. Building castles out of mud: practical access pattern privacy and correctness on untrusted storage[C] // Proceedings of the 15th ACM conference on Computer and communications security. 2008: 139–148.

致谢

从2014年9月进入密码与网络安全系至今,这两年半的时光转眼即逝,在华东师范大学的研究生生活无疑是我人生中宝贵的财富之一,在这两年半的时间中我学会了如何去发现问题,独立思考问题,如何将所学知识活学活用,让我对自己有了更加深刻的了解,如何更好的规划未来的人生道路。在毕业论文即将完成之际,我要对每一位支持我,学习上鼓励我、教导我,生活上关心我的人表示衷心的感谢。

首先,我要感谢密码与网络安全系的所有老师们,老师们具有一流的科研水平以及极高科研热情,带领我们以当下最先进,最前沿的眼光来审视当下各种大数据安全,云计算安全等问题,如今网络安全被列为教育部一级学科,从斯诺登事件到如今的电信你诈骗案,处处都体现了当今密码与网络安全的重要性。曹珍富老师是密码与安全方面的专家,在学术界很有名气,我们密码与网络安全系2014年刚成立,很高兴在曹老师的带领下,队伍不断壮大,我们系也受到越来越多国内外学者的关注,引进了许多安全方向的专家学者,研究成果如雨后春笋,我感动由衷的欣慰,感谢老师们为了系部的发展做出的各种努力,感谢董老师在研究生期间对我的教导,董老师强大的专业背景让我认识到了密码学的魅力之处,总能从董老师的耐心讲解中找到正确的求解思路,感谢董老师在研究室期间对我的信任与包容,不管是在个人发展以及学术研究上,董老师总能给我最大的帮助,理解与关心。感谢周俊老师,周俊老师是我们实验室的小老师同时也是我们的大师兄,有着老师的严谨以及师兄的担当,周老师在学术研究方面有很深的造诣,每次例会都能在不懂之处给我们进行耐心的讲解与指导。感谢沈佳辰老师,沈老

师为实验室付出了很多,对实验室同学们的生活、学习都很关心。感谢何道敬老师、张磊老师、曾鹏老师、王高丽老师等等,非常感谢每一位老师在过去的两年 多时间对我的培养。

其次感谢所有 TDT 实验室陪伴我走过研究生生涯的师兄弟们,在这里对我来说就像是一个大家庭,两年多的时间,在这里见证了大家的喜怒哀乐,感谢宁建廷博士、王海江博士、李冬梅博士,郭莹博士,巩俊卿博士,曹楠源博士在我刚来实验室时对我的学术指导,感谢王丹,陈冬冬和我一起三足鼎立坚守实验室,感谢邓尔冬,张华君、来思远,赵晓鹏,郑锦文,毋萌,宋春芝,张晓东,王乾,郭婉芬,丁诗瑶等在 TDT 实验室学习的师兄姐弟妹们,感谢密码与网络安全系所有的同学们。还要感谢这两年多来包容我,陪伴我度过最美好的研究生生活的"逗逼"舍友们。

此外,我想感谢所有软件学院的老师和朋友,感谢陪我走过两年多研究生生活的的软件专硕班,在这个班集体中我遇到了积极向上,执着努力热爱生活的一帮程序员么。

最后,感谢我的父母,他们是我背后最坚强的后盾。虽然离家不算远,可每年只能在家陪伴他们短短的天数,每次回家,爸妈都会为我准备丰富的饭菜,从来不会因为我没有在他们身边而有多抱怨。他们教会了我成为一个正直,勤奋,有担当的人,总是默默的支持我的任何想多的事情,无私的付出。希望在将来不会辜负他们对我的期望,对得起父母的养育之恩。

孙浩 二零一七一月

攻读硕士学位期间发表论文和科研情况

■已发表软件著作权

- [1] 孙浩, 基于 MVC 模式的信息发布与管理系统 V1.0 登记号: 2016SR211875.
- 攻读学位期间参加的科研项目
- [1] 面向大数据系统的安全计算,课题号 61632012.
- [2] 从属性基加密到功能加密的扩展安全模型与新方法研究,课题号 61672239