ADF 2x & PRO 2x

Übungen zu Fortgeschrittenen Algorithmen & Datenstrukturen und OOP

SS 18, Übung 9

Abgabetermin: Mi in der KW 23

 Gr. 1, Dr. G. Kronberger	Name PAPESH Konstantin		Aufwand in h	_7
Gr. 2, Dr. H. Gruber Gr. 3, Dr. D. Auer	Punkte	Kurzzeichen Tutor / Übungsle	eiter/_	

1. Neue Version des "Behälters" Vector – diesmal mit OOP

(8 Punkte)

In Aufgabe 1 der Übung 5 haben Sie bereits einen "Behälter" *Vector* für *INTEGER*-Elemente als ADS und ADT implementiert. Nun ist eine objektorientierte Version gefragt: Entwickeln Sie eine Klasse *Vector*, und testen Sie diese ausführlich. Für die Implementierung können Sie auch Teile Ihres Codes aus der früheren Übung wiederverwenden (leider ist das dann *copy&paste reuse*).

Folgende Methoden muss die Klasse Vector mindestens bieten:

```
PROCEDURE Add (val: INTEGER) fügt den Wert val "hinten" an.
```

```
PROCEDURE InsertElementAt (pos: INTEGER; val: INTEGER)
```

fügt den Wert val an der Stelle pos ein, wobei die Werte ab dieser Stelle nach hinten verschoben werden. Ist $pos \le 0$, wird val, "vorne" eingefügt; ist pos > Size (s. u.) wird val, "hinten" angefügt.

PROCEDURE **GetElementAt** (pos: INTEGER; VAR val: INTEGER; VAR ok: BOOLEAN;) liefert den Wert *val* an der Stelle *pos*. Der Ausgangsparameter *ok* liefert nur dann *FALSE*, wenn für *pos* ein ungültiger Wert angegeben wurde.

FUNCTION Size: INTEGER

liefert die aktuelle Anzahl der Elemente.

FUNCTION Capacity: INTEGER

liefert die aktuelle Kapazität des Behälters (= max. Anzahl der Elemente, die der *Vector* aufnehmen kann bevor ein größerer Speicherbereich allokiert werden muss).

PROCEDURE Clear

leert den Behälter (Size ist dann 0).

Außerdem soll beim Erstellen eines *Vector*-Objekts die anfängliche Kapazität angegeben werden können.

2. "Beschränkte" Vektoren

(2 + 4 Punkte)

"Beschränke" Vektoren haben keinen Dachschaden, sondern erlegen ihren Elementen eine "Beschränkung" auf, indem nur solche Werte aufgenommen werden, die dieser Beschränkung genügen.

- a) Leiten Sie von Ihrer Klasse *Vector* aus Aufgabe 2 eine neue Klasse *NaturalVector* ab, deren Objekte nur natürliche Zahlen aufnehmen. Überschreiben Sie dazu die beiden Methoden *Add* und *InsertElementAt*.
- b) Und zu guter Letzt entwickeln Sie noch eine Klasse *PrimeVector*, deren Objekte nur *Primzahlen* aufnehmen.

Testen Sie Ihre Klassen ausführlich und beschreiben Sie anhand der Testfälle, wo überall und auch warum Polymorphismus und dynamische Bindung zum Einsatz kommen bzw. kommen müssen.

3. Verkettet Listen (6 + 4 Punkte)

Nachdem Sie im ersten Semester verkettete Listen imperativ implementiert haben, ist nun eine objektorientierte Implementierung von einfach-verketteten Liste ohne Ankerelement gesucht, die ganze Zahlen aufnehmen können.

a) Implementieren Sie eine Klasse *List* mit zumindest folgenden Methoden:

```
PROCEDURE Add (val: INTEGER);
fügt val hinten in die Liste ein.

FUNCTION Contains (val: INTEGER): BOOLEAN;
ermittelt, ob val in der Liste enthalten ist.

FUNCTION Size: INTEGER
liefert die aktuelle Anzahl der Elemente.

PROCEDURE Remove (val: INTEGER);
löscht alle Elemente mit dem Wert val aus der Liste.

PROCEDURE Clear
leert den Behälter (Size ist dann 0).
```

- b) Leiten Sie nun von *List* eine neue Klasse *SortedList* ab. Darin
 - überschreiben Sie die Methode *Add* so, dass die Elemente in aufsteigend sortierter Reihenfolge eingefügt werden und
 - überschreiben Sie die Methode *Contains* so, dass diese von der Sortierung Gebrauch macht. Wie wirkt sich diese Änderung auf die asymptotische Laufzeitkomplexität dieser Methode aus?

ADF2x & PRO2X Algorithmen & Datenstrukturen und OOP - SS 2018 Übungsabgabe 9

Konstantin Papesh

6. Juni 2018

9.1 Neue Version des "Behälters" Vector - diesmal mit OOP

9.1.1 Lösungsidee

Es ist ein Behälter mithilfe eines Vectors zu implementieren. Doch anstatt wie in Ubung 5 einen Datentyp dafür zu definieren wird diesmal mithilfe einer Klasse gearbeitet. Diese bietet ein standardisiertes Interface und vereinfacht mithilfe von Information Hiding die Sicherstellung der Integrität des Vectors. Auch kann mithilfe der Init-Funktion, welche als Konstruktor verwendet wird, eine initiale Kapazität festgelegt werden.

9.1.2 Implementierung

Siehe 9.2.2

9.1.3 Ausgabe

Siehe 9.2.3

9.2 "Beschränkte" Vektoren

9.2.1 Lösungsidee

Der in 9.1 erstellte Vektor soll erweitert werden, damit dieser nur bestimmte Zahlen aufnimmt. Im Fall von a) nur natürliche und im Fall b) nut Primzahlen. Dafür wird zuerst die Grundklasse vector geerbt, damit die Methoden dieser verwendet werden können. Dann werden die Funktionen add und insertElementAt neu implementiert. Dies ist so zu bewerkstelligen, dass der übergebene val-Wert zuerst überprüft wird, ob er in den Vektor eingefügt werden darf. Danach wird die ursprüngliche Funktion von vector mit $inherited\ FUNKTION(val)$ aufgerufen, denn das Einfügen des Wertes ist ident mit der originalen Funktion, daher muss dies nicht nocheinmal ausgecoded werden.

a)

In der Funktion isNatural wird lediglich überprüft, ob val >= 0 laut Definition der natürlichen Zahlen.

b)

Die Funktion für das Ermitteln von Primzahlen ist dabei schon komplexer. Zuerst wird überprüft, ob $val \le 1$, da Zahlen kleiner gleich 1 keine Primzahlen sein können. Danach wird der Wert val von 2 bis val/2-1 dividiert, sobald irgendwo kein Rest bleibt ist die Zahl keine Primzahl.

9.2.2 Implementierung

Listing 9.1: vector.pas

```
1 program V_AV;
3 const DEFAULT_CAP_SIZE = 16;
5 type
       intArray = array[1..1] of integer;
6
7
       Vector = ^VectorObj;
       VectorObj = OBJECT
8
9
           PRIVATE
10
               arrPtr : ^intArray;
11
               capacityCount : integer;
12
               top : integer; //equals size
               initCapacity : integer;
13
               PUBLIC
14
15
                   constructor init(userCapacity : integer);
16
                   destructor done;
17
                   procedure add(val : integer); virtual;
                   procedure insertElementAt(pos : integer; val : integer); virtual;
18
```

¹Auch *Polymorphismus*

²Siehe?? und??

```
19
                   procedure getElementAt(pos : integer; var val : integer; var ok :
       boolean);
20
                   function size : integer;
21
                   function capacity : integer;
22
                   procedure clear;
23
               PRIVATE
24
                   procedure realloc;
25
                   function isOutOfRange(pos : integer) : boolean;
26
       end:
27
       NaturalVector = ^NaturalVectorObj;
       NaturalVectorObj = OBJECT(VectorObj)
28
30
               procedure add(val : integer); virtual;
31
               procedure insertElementAt(pos : integer; val : integer); virtual;
32
           PRIVATE
33
               function isNatural(val : integer) : boolean;
34
       end;
35
      PrimeVector = ^PrimeVectorObj;
       PrimeVectorObj = OBJECT(VectorObj)
36
37
           PUBLIC
38
               procedure add(val : integer); virtual;
39
               procedure insertElementAt(pos : integer; val : integer); virtual;
40
           PRIVATE
41
               function isPrime(val : integer) : boolean;
42
       end;
43
44
45 constructor VectorObj.init(userCapacity : integer);
46~{\rm begin}
47
       if(arrPtr <> NIL) then begin
           writeln('Can''t initialize non-empty stack!');
48
49
           halt:
50
      end;
       if(userCapacity <= 0) then begin</pre>
           writeLn('No capacity given. Creating with default size ', DEFAULT_CAP_SIZE);
53
           initCapacity := DEFAULT_CAP_SIZE;
54
       end else
          initCapacity := userCapacity;
55
      new(arrPtr);
56
57
      top := 0;
58
       capacityCount := initCapacity;
59
       GetMem(arrPtr, SIZEOF(integer) * capacityCount);
60 end;
61
62 destructor VectorObj.done;
63 \text{ begin}
      freeMem(arrPtr, SIZEOF(integer) * capacityCount);
64
65
       arrPtr := NIL;
66 end;
68 procedure VectorObj.add(val : integer);
69 begin
70
       if top >= capacityCount then begin
71
          realloc;
72
       end;
73
       inc(top);
74 (*$R-*)
```

```
75 arrPtr^[top] := val;
76
       (*$R+*)
77 end;
79 procedure VectorObj.insertElementAt(pos : integer; val : integer);
80 var i : integer;
81~{\tt begin}
82
       inc(top);
       if(isOutOfRange(pos)) then
83
84
          pos := top
       else if pos < 0 then
85
          pos := 0;
86
87
       i := top;
       while (i > pos) do begin
89
           (*$R-*)
90
           arrPtr^[i] := arrPtr^[i-1];
91
           (*R+*)
92
           dec(i);
93
       end;
       (*$R-*)
94
       arrPtr^[pos] := val;
95
       (*$R+*)
96
97 end;
99 procedure VectorObj.getElementAt(pos : integer; var val : integer; var ok : boolean)
100 begin
101
       ok := TRUE;
102
       if(isOutOfRange(pos)) then begin
103
           ok := FALSE;
104
           val := -1;
105
           exit;
106
      end;
107
      (*$R-*)
      val := arrPtr^[pos];
109
       (*R+*)
110 end;
111
112 function VectorObj.size : integer;
113 begin
114
      size := top;
115 end;
116
117 function VectorObj.capacity : integer;
118 begin
119
      capacity := capacityCount;
120 end;
121
122 procedure VectorObj.clear;
123 begin
       if arrPtr = NIL then begin
124
           writeLn('Cannot dispose uninitialized vector!');
125
126
           halt;
127
       end;
       freeMem(arrPtr, SIZEOF(integer) * capacityCount);
       arrPtr := NIL;
130 init(initCapacity);
```

```
131 end;
133 procedure VectorObj.realloc;
134 var newArray : ^intArray;
      i : integer;
136 begin
       getMem(newArray, SIZEOF(INTEGER) * 2 * capacityCount);
137
138
       for i := 1 to top do begin
           (*$R-*)
139
140
           newArray^[i] := arrPtr^[i];
141
           (*$R+*)
142
143
       freeMem(arrPtr, SIZEOF(integer) * capacityCount);
144
       capacityCount := 2 * capacityCount;
145
       arrPtr := newArray;
146 end;
147
148 function VectorObj.isOutOfRange(pos : integer) : boolean;
149 begin
150
       if pos > top then
151
           isOutOfRange := TRUE
152
       else
153
           isOutOfRange := FALSE
154 end;
155
156 procedure NaturalVectorObj.add(val : integer);
157 begin
       if NOT isNatural(val) then begin
158
159
           writeln('Given value is not a natural number!');
160
           exit;
161
       end:
162
       inherited add(val);
163 end;
164
165 procedure NaturalVectorObj.insertElementAt(pos: integer; val: integer);
       if NOT isNatural(val) then begin
167
168
           writeln('Given value is not a natural number!');
169
           exit;
170
       end;
171
       inherited insertElementAt(pos, val);
172 end;
173
174 function NaturalVectorObj.isNatural(val : integer) : boolean;
175 begin
176
       if(val >= 0) then
           isNatural := TRUE
177
178
       else
179
           isNatural := FALSE;
180 end;
181
182 procedure PrimeVectorObj.add(val : integer);
183 begin
184
       if NOT isPrime(val) then begin
           writeln('Given value is not a prime number!');
187 end;
```

```
188 inherited add(val);
189 end;
190
191 procedure PrimeVectorObj.insertElementAt(pos : integer; val : integer);
193
       if NOT isPrime(val) then begin
194
           writeln('Given value is not a prime number!');
195
            exit;
196
       end:
197
       inherited insertElementAt(pos, val);
198 end;
200 function PrimeVectorObj.isPrime(val : integer) : boolean;
201 var i : integer;
202 begin
203
       isPrime := TRUE;
204
       if(val <= 1) then begin
205
           isPrime := FALSE;
206
           exit;
207
       end:
208
       for i := 2 to val div 2-1 do
209
            if val mod i = 0 then
210
               isPrime := FALSE;
211 end;
212
213 var
      intVector : vector;
214
215
       natVector : NaturalVector;
216
       priVector : PrimeVector;
      i : integer;
217
218
       tVal : integer;
219
       ok : boolean;
220 begin
221
      New(intVector, init(4));
222
       New(natVector, init(20));
223
      New(priVector, init(17));
224
225
       for i := -20 to 20 do begin
226
           intVector^.add(i);
227
            natVector^.add(i);
228
            priVector^.add(i);
229
       end;
       writeLn('Current size intVec: ', intVector^.size);
230
       writeLn('Current size natVector: ', natVector^.size);
231
232
       writeLn('Current size priVector: ', priVector^.size);
233
       write('intVec=[');
234
       for i := 1 to intVector^.capacity do begin
235
            intVector^.getElementAt(i, tVal, ok);
236
237
            if(ok) then
238
                write(tVal,',')
239
       end;
240
       write(']');
241
       writeln;
242
243
       write('natVec=[');
   for i := 1 to natVector^.capacity do begin
```

```
245
            natVector^.getElementAt(i, tVal, ok);
246
            if(ok) then
247
               write(tVal,',')
248
       end;
       write(']');
249
250
       writeln;
251
252
       write('priVec=[');
       for i := 1 to priVector^.capacity do begin
253
           priVector^.getElementAt(i, tVal, ok);
254
255
           if(ok) then
256
                write(tVal,',')
257
       end;
       write(']');
258
259
       writeln;
260 end.
```

9.2.3 Ausgabe

```
Current size intVec: 41
Current size natVector: 21
Current size priVector: 9
intVec=[-20,-19,-18,-17,-16,-15,-14,-13,-12,-11,-10,-9,-8,-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17,18,19,20,]
patVec=[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17,18,19,20,]
priVec=[2,3,4,5,7,11,13,17,19,]
```

Abbildung 9.1: Inhalt der Vector nach einem Einfügvorgang von -20 bis +20

9.3 Verkettete Listen

9.3.1 Lösungsidee

Es ist eine verkette Liste im objektorientierten Design zu erstellen. Eine verkette Liste besteht aus einem Datentyp, welcher jeweils einen Wert enthält und einen Pointer auf das nächste Element der Liste. Die Verwaltung dieser Liste wird über das Objekt gemacht, das heißt das Objekt weiss den Startpointer der Liste und bietet einige Verwaltungsfunktionen wie das Hinzufügen, das Suchen und das Entfernen bestimmter Zahlen. Ausserdem wurde die Ausgabe der Liste zu den Funktionen hinzugefügt.

b)

Die Methode add wird erweitert, indem durch die existente Liste durchiteriert wird und überprüft wird, ob der Wert des nächsten Nodes größer ist als der mitgegebene Wert. Ist dies der Fall, ist der mitgegebene Wert an den momentanen Node anzuhägen. Dabei wird ein neuer Node erstellt, diesem der mitgegebene Wert gegeben, der aktuellen Node der Liste der next Zeiger auf die Neu-Erstellte Node gesetzt und der next Zeiger dieser Node auf den ursprünglichen nächsten Node der Liste. Somit wird das Element in die Liste eingepflanzt. In contains kann sich darauf verlassen werden, dass eine sortierte Liste vorliegt. Somit muss nur so lange durch die Liste durchiteriert werden, bis der momentane Wert größer ist als der gesuchte Wert. Ist dieser Wert bis jetzt nicht aufgetreten, wird er durch die Sortierung nach diesem Punkt auch nicht auftreten. Daher kann die Suche aufgegeben werden und ein contains=FALSE zurückgegeben werden. Dadurch verringert sich die Laufzeitkomplexität.

9.3.2 Implementierung

Listing 9.2: list.pas

```
1 program listOOP;
 2
3 type
       listNode = ^listPtr;
 4
       listPtr = record
 5
 6
                 val : integer;
                 next : listNode;
 7
 8
             end:
       list = ^listObj;
 9
       listObj = OBJECT
10
11
           private
12
           startList : listNode;
13
           sizeList : integer;
14
           public
15
               constructor init;
               procedure add(val : integer); virtual;
16
17
               function contains(val : integer) : boolean; virtual;
               function size : integer;
18
19
               procedure remove(val : integer); virtual;
20
               procedure clear;
21
               procedure printList;
```

```
private
23
               procedure removeNextNode(var node : listNode);
24
       end;
25
       sortedList = ^sortedListObj;
26
       sortedListObj = object(listObj)
27
           public
               procedure add(val : integer); virtual;
28
               function contains(val : integer) : boolean; virtual;
29
               procedure remove(val : integer); virtual;
30
31 end;
32
33 constructor listObj.init;
34 \text{ begin}
    startList := NIL;
36
      sizeList := 0;
37 end;
38
39 procedure listObj.add(val : integer);
40 \text{ var nextList} : listNode;
41
       buffList : listNode;
42~{\rm begin}
43
    new(nextList);
44
      nextList^.val := val;
45
      if(size = 0) then
46
           startList := nextList
47
       else begin
48
          buffList := startList;
49
           while(buffList <> NIL) and (buffList^.next <> NIL) do
50
               buffList := buffList^.next;
51
           buffList^.next := nextList;
52
       end:
53
       inc(sizeList);
54 end;
56 function listObj.contains(val : integer) : boolean;
57 var curList : listNode;
finished : boolean;
59 begin
60
      contains := FALSE;
61
      finished := FALSE;
62
      curList := startList;
      while(NOT finished) do begin
63
           if(curList^.val = val) then begin
64
               contains := TRUE;
65
66
               finished := TRUE;
67
           end else begin
               if(curList^.next = NIL) then begin
68
69
                  finished := TRUE;
70
               end else begin
71
                  curList := curList^.next;
72
               end;
73
           end;
74
       end;
75 end;
77 function listObj.size : integer;
78 var tSize : integer;
```

```
buffList : listNode;
80 \text{ begin}
81
       buffList := startList;
82
       tSize := 0;
83
       while(buffList <> NIL) do begin
84
           inc(tSize);
85
            buffList := buffList^.next;
86
       end:
87
       size := tSize;
88 end;
90 procedure listObj.remove(val : integer);
91 var buffList : listNode;
        if(size = 0) then begin
94
            writeLn('Cannot remove from empty list');
95
            exit;
96
       end;
       buffList := startList;
97
98
       while(buffList^.next <> NIL) do begin
            if(buffList^.next^.val = val) then begin
99
100
                removeNextNode(buffList);
101
            end else
102
                buffList := buffList^.next;
103
        end;
104
        if(startList^.val = val) then begin
            buffList := startList^.next;
105
106
            dispose(startList);
107
            dec(sizeList);
108
            startList := buffList;
109
        end;
110 end;
111
112 procedure listObj.clear;
113 var buffList : listNode;
      buffList := startList;
115
116
       while(buffList^.next <> NIL) do begin
117
          removeNextNode(buffList);
118
       end;
119
       dispose(startList);
120
       sizeList := 0;
121
       startList := NIL;
122 end;
124 procedure listObj.removeNextNode(var node : listNode);
125 var buffList : listNode;
126 begin
       buffList := node^.next^.next;
127
128
        dispose(node^.next);
129
       node^.next := buffList;
130
       dec(sizeList);
131 end;
133 procedure listObj.printList;
134 var buffList : listNode;
135 begin
```

```
136
    buffList := startList;
137
       while(buffList <> NIL) do begin
138
            writeLn(buffList^.val);
139
            buffList := buffList^.next;
140
       end;
141 end;
142
143 procedure sortedListObj.add(val : integer);
144 var nextList : listNode;
145
       buffList : listNode;
       finished : boolean;
146
147 begin
       finished := FALSE;
       new(nextList);
150
       nextList^.val := val;
151
       if(size = 0) then
152
            startList := nextList
153
       else if startList^.val >= nextList^.val then begin
154
            nextList^.next := startList;
155
            startList := nextList;
156
       end else begin
157
            buffList := startList;
158
            while(buffList <> NIL) and (buffList^.next <> NIL) and (NOT finished) do
        begin
159
                if(buffList^.next^.val >= val) then begin
160
                    nextList^.next := buffList^.next;
                    finished := TRUE;
161
162
                end else
                    buffList := buffList^.next;
163
164
            end:
165
                buffList^.next := nextList;
166
       end:
167
       inc(sizeList);
168 end;
170 function sortedListObj.contains(val : integer) : boolean;
171 var curList : listNode;
172
       finished : boolean;
173 begin
174
       contains := FALSE;
175
       finished := FALSE;
176
       curList := startList;
       while(NOT finished) do begin
177
            if(curList^.val = val) then begin
178
179
                contains := TRUE;
180
                finished := TRUE;
181
            end else begin
                if(curList^.next = NIL) or (curList^.val < val) then begin</pre>
182
                    finished := TRUE;
183
184
                end else begin
                    curList := curList^.next;
185
186
                end;
187
            end;
188
       end;
189 end;
191 procedure sortedListObj.remove(val : integer);
```

```
192 var buffList : listNode;
193
       finished : boolean;
194 begin
195
       finished := FALSE;
196
       if(size = 0) then begin
197
           writeLn('Cannot remove from empty list');
198
           exit;
199
       end:
       buffList := startList;
200
201
       if(buffList^.next^.val = val) then begin
202
203
              removeNextNode(buffList);
204
           end else
205
               buffList := buffList^.next;
206
           if(buffList^.val > val) then
207
               finished := TRUE;
208
       end;
209
       if(startList^.val = val) then begin
210
           buffList := startList^.next;
211
           dispose(startList);
212
           dec(sizeList);
213
           startList := buffList;
214
       end;
215 end;
216
217 var tList : sortedList;
    i : integer;
218
219 begin
220
      new(tList, init);
221
      tList^.add(3);
222
      tList^.add(3);
223
      tList^.add(3);
224
      tList^.add(2);
225
      tList^.add(2);
226
      tList^.add(2);
227
      tList^.add(3);
      writeLn('Size: ', tList^.size);
228
229
      tList^.printList;
230
      tList^.remove(3);
231
       writeLn('Size: ', tList^.size);
232
       tList^.clear;
233 end.
```

9.3.3 Ausgabe



Abbildung 9.2: Inhalt der sortierten Liste