ADF 2x & PRO 2x

Übungen zu Fortgeschrittenen Algorithmen & Datenstrukturen und OOP

SS 18, Übung 2

Abgabetermin: Mi in der KW 13

X	Gr. 1, Dr. G. Kronberger	Name PAPESH Konstantin		Aufwand in h	88
	Gr. 2, Dr. H. Gruber	40			
	Gr. 3, Dr. D. Auer	Punkte 16	Kurzzeichen Tutor / Übungsle	_{eiter} L.S/_	

1. Worthäufigkeiten mit unterschiedlichen Datenstrukturen (6 + 6 + 4 + 2 Punkte)

Entwickeln Sie ein Pascal-Programm *WordCounter*, das für eine Textdatei die Häufigkeiten der darin vorkommenden Wörter ermittelt – zwischen Groß- und Kleinschreibung ist dabei nicht zu unterscheiden – und das am häufigsten vorkommende Wort mit seiner Häufigkeit ausgibt.

Zur Verwaltung der Wörter und ihrer Häufigkeiten verwenden Sie (in dieser Reihenfolge):

- a) einen binären Suchbaum,
- b) eine Hashtabelle mit Kollisionsbehandlungs-Strategie Verkettung (engl. chaining) und
- c) eine *Hashtabelle* mit einer anderen Kollisionsbehandlungs-Strategie ("offene Adressierung"), wie *lineare* oder *quadratische* Kollisionsbehandlung bzw. *doppeltes Hashing*.

Untersuchen Sie für alle drei Varianten die Speicherplatz- und Laufzeiteffizienz (mittels *Timer.pas*) und diskutieren Sie die Vor- und Nachteile (ev. sogar Probleme) der drei Varianten.

Da das Thema Dateibearbeitung noch nicht behandelt wurde, finden Sie im Moodle-Kurs in der Datei *WordStuff.zip* mit *WordReader.pas* ein Modul, das eine einfache Schnittstelle zum Lesen von Wörtern aus Textdateien zur Verfügung stellt und mit *WordCounter.pas* eine Vorlage für die von Ihnen zu erstellenden Programmversionen, je eine für a) bis c).

Testen Sie Ihre Programme mit kleineren Textdateien ausführlich bevor Sie im Roman "Das Schloß" von Franz Kafka (in der Datei *Kafka.txt*) das häufigste Wort ermitteln.

2. Güte von Hash-Funktionen

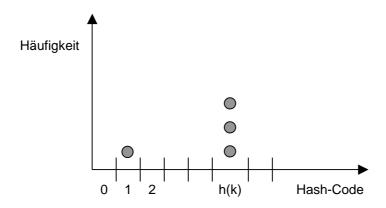
(6 Punkte)

Betrachtet werden Hash-Funktionen h, die Wörter (Schlüssel, engl. keys) k auf n positive ganze Zahlen (engl. $hash\ codes$) hc = h(k) im Bereich von 0 bis n - l abbilden. Diese Hash-Codes können zum Indizieren von Hash-Tabellen verwendet werden. Die Güte einer Hash-Funktion wird neben ihrer Effizienz (geringer Aufwand zur Berechnung) vor allem dadurch bestimmt, wie gut sie die Schlüsselmenge (den Wertebereich) auf den Bereich der Hash-Codes (den Bildbereich) abbildet: eine Gleichverteilung stellt das Optimum dar.

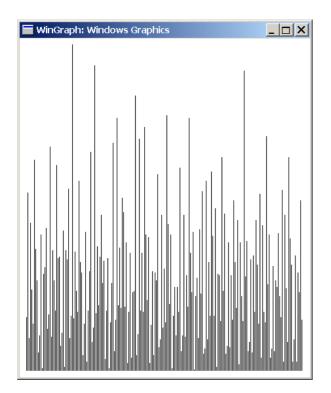
Zu Beginn dieses Semesters wurde schon ein Pascal-Programm zur einfachen Erstellung von Graphiken unter Windows (in der ZIP-Datei unter WinGraph + Testprogramm) vorgestellt und dazu verwendet, um die Güte von Zufallszahlengeneratoren zu visualisieren (z. B. in Form des Himmelstests). Benutzen Sie dieses System nun, um die Güte von mindestens drei unterschiedlichen Hash-Funktionen zu visualisieren.

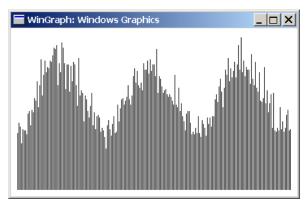
Zu Testzwecken finden Sie in der Datei *KafkaWords.txt* über 10.000 unterschiedliche Wörter (aus *Kafka.txt*). Entwickeln Sie eine *Redraw*-Prozedur, so dass die Wörter aus der Wortdatei gelesen werden, für jedes Wort der Hash-Code mittels einer Hash-Funktion berechnet wird und die Häufigkeit der einzelnen Hash-Codes ermittelt sowie visualisiert wird.

Dazu werden in einem zweidimensionalen Koordinatensystem horizontal die Hash-Codes von 0 bis n-1 aufgetragen und vertikal jeweils ein Punkt dargestellt, wenn der entsprechende Hash-Code ermittelt wurde. Folgende Darstellung zeigt einen Zustand, bei dem z. B. der Hash-Code h(k) bereits dreimal ermittelt wurde (es also schon zu zwei Kollisionen gekommen ist):



Die beiden Abbildungen unten zeigen zwei mögliche Ergebnisse für zwei unterschiedliche Hash-Funktionen mit jeweils n = 211 und den Wörtern aus der Datei KafkaWords.txt:





ADF2x & PRO2X Algorithmen & Datenstrukturen und OOP - SS 2018 Übungsabgabe 2

Konstantin Papesh

4. April 2018

Zusammenfassung

In dieser Übung werden zuerst drei Systeme entworfen, mit denen Daten verarbeitet und deren Häufigkeit gezählt werden können. Als zweite Aufgabe wird die Güte von drei Hashalgorithmen verglichen.

2.1 Worthäufigkeit mit unterschiedlichen Datenstrukturen

Es soll die Speicher- und Laufzeiteffizienz mehrerer Datenstrukturen verglichen werden. Dabei sind drei Datenstrukturen zu konstruieren:

- 1. Ein binärer Suchbaum
- 2. Hashtabelle mit Verkettung
- 3. Hashtabelle mit linearer oder quadratischer Kollisionsbehandlung ¹

Die entwickelten Algorithmen sind dann mithilfe des Romans *Das Schloss* von Franz Kafka zu vergleichen.

Angabe, keine Lösungsidee -1

2.1.1 Implementierung

Listing 2.1: WordCounter.pas

¹In dieser ausgearbeiteten Übung mithilfe linearer Kollisionsbehandlung

```
13 w: Word;
14
      n: LONGINT;
15
16 BEGIN (*WordCounter*)
17
      init();
18
      WriteLn('WordCounter:');
19
     OpenFile('Kafka.txt', toLower);
20 StartTimer;
21 n := 0;
22 maxC := 0;
23 ReadWord(w);
24 WHILE w <> '' DO BEGIN
      n := n + 1;
     c := addOrInc(w);
27
     if c > maxC then begin
28
              maxC := c;
29
              mostFreqWord := w;
30
     end;
31
     ReadWord(w);
32 END; (*WHILE*)
33 StopTimer;
34
    CloseFile;
    WriteLn('number of words: ', n);
    WriteLn('elapsed time: ', ElapsedTime);
    writeLn('Most frequent word ', mostFreqWord, ' ', maxC);
37
39 END. (*WordCounter*)
```

Listing 2.2: ModStringHash.pas

```
1 unit ModStringHash;
3 interface
4 function stringHash1(w : string) : integer;
            Zahl am Ende des Funktionsnamens weglassen!
6 implementation
7 function stringHash1(w : string) : integer;
8 var i : integer;
9
     sum : integer;
10 begin
11 sum := 0;
12
      for i := 1 to length(w) do begin
      sum := (sum + Ord(w[i])) mod 32768;
13
14
     end;
                                      Magic-Number -0,5
15
      stringHash1 := sum;
16 end;
17
18~{\tt begin}
19 end.
```

Listing 2.3: ModBinarySearchTree.pas

```
1 unit ModBinarySearchTree;
2
3 interface
4 function addOrInc(w : string) : integer;
5 function find(w : string) : integer;
```

```
6 procedure init;
8 implementation
9 uses ModStringHash;
10\ {\tt const}
      M = 53;
11
      LEFT = 1;
12
      RIGHT = 2;
13
14 type
      NodePtr = ^NodeRec;
15
16
      NodeRec = record
17
                     key : string;
                     hash : integer;
                     val : integer;
                     left : NodePtr;
21
                     right : NodePtr;
22
                 end;
23
24 var
    root : NodePtr;
25
26
27 function addOrInc(w : string) : integer;
      ^{h : integer;}_{n : NodePtr;} schlechte Namen -0,5
      nOld : NodePtr;
32
      direction : integer;
33 begin
34
      h := stringHash1(w) mod M;
35
      n := root;
      nOld := n;
36
37
     direction := 0; //1 == LEFT, 2 == RIGHT
      while (n <> NIL) and (n^.key <> w) do
40
          nOld := n;
41
          if h < n^.hash then begin
42
              n := n^.left;
43
               direction := LEFT;
           end else begin
44
45
              n := n^.right;
46
               direction := RIGHT;
47
           end;
48
      end;
      if n = NIL then begin
49
          New(n);
          n^.key := w;
                             eigene Funktion zum Erstellen von Knoten -0,5
          n^.hash := h;
52
          n^.val := 1;
53
          n^.left := NIL;
54
          n^.right := NIL;
55
          if direction = LEFT then
56
              nOld^.left := n
57
           else if direction = RIGHT then
58
59
              nOld^.right := n
               root := n;
       end else
```

```
63 inc(n^.val);
64
      addOrInc := n^.val;
65 end;
67 function find(w : string) : integer;
68 var h : integer;
69 n : NodePtr;
70~{\rm begin}
      h := stringHash1(w) mod M;
71
72
      n := root;
     while (n <> NIL) and (n^.key <> w) do begin
73
74
          if h < n^.hash then
75
              n := n^.left
76
           else
77
               n := n^.right;
78
      end;
79
      if n = NIL then
80
          find := 0
81
      else
82
          find := n^.val;
83
84 end;
85
86 procedure init;
87 \text{ begin}
88 root := NIL;
89 end;
90
91
92~{\rm begin}
93 \ \mathrm{end}.
```

 $\textbf{Listing 2.4:} \ \mathbf{ModHashTableChaining.pas}$

```
1 unit ModHashTableChaining;
3 interface
4 function addOrInc(w : string) : integer;
{\bf 5} function find(w : string) : integer;
 6 procedure writeTable;
 7 procedure init;
9 implementation
10 uses ModStringHash;
11 const
12
      M = 53;
13 type
      NodePtr = ^NodeRec;
14
15
       NodeRec = record
16
                     key : string;
17
                     val : integer;
18
                     next : NodePtr;
19
                 end;
20
      ListPtr = NodePtr;
21
22 \text{ var}
23 table : array[0..M-1] of ListPtr;
```

```
25 function addOrInc(w : string) : integer;
26 var h : integer;
n: NodePtr;
28~{\rm begin}
29
    h := stringHash1(w) mod M;
     n := table[h];
     while (n <> NIL) and (n^.key <> w) do
31
        n := n^.next;
32
     if n = NIL then begin
33
         New(n);
34
35
         n^.key := w;
                                  Erstellen von Knoten in eigene Funktion
         n^.val := 1;
37
        n^.next := table[h];
38
         table[h] := n;
39
     end else
40
        inc(n^.val);
41
      addOrInc := n^.val;
42 \text{ end};
43
44 function find(w : string) : integer;
45 var h : integer;
46 n : NodePtr;
47 begin
48
    h := stringHash1(w) mod M;
49
      n := table[h];
     while (n <> NIL) and (n^.key <> w) do
50
       n := n^.next;
51
52
    if n = NIL then
53
         find := 0
54
     else
55
         find := n^.val;
56 end;
58 procedure init;
59 var
60 i : integer;
61 begin
62 (* TODO: if entries exist we need to dispose them*) ungünstiges Kommentar -0,5
63
     for i := 0 to M-1 do begin
64
        table[i] := NIL;
65
      end;
66 end;
67
68 procedure writeList(n : ListPtr);
69 Begin
70 if n = NIL then
       Write(' -| ')
71
72
      else begin
         write('-> ', n^.key, ',', n^.val);
73
74
          writeList(n^.next);
75
      end;
76 end;
77
79 procedure writeTable;
80 var i : integer;
```

Listing 2.5: ModHashTableLinearProbing.pas

```
1 unit ModHashTableLinearProbing;
 2 (*$R-*)
3 interface
4 function addOrInc(w : string) : integer;
 5 function find(w : string) : integer;
 6 procedure writeTable;
7 procedure init;
9 implementation
10 uses ModStringHash;
11
12 type
      keyValuePair = record
13
14
                          key : string;
                                            Key ist der Hashwert, Value der String -0,5
15
                          value : integer;
16
                      end;
      keyValuePairArray = array[0..0] of keyValuePair;

Pascal is a language for savages.
17
18
19 var
20
     tablePtr : ^keyValuePairArray;
      m : integer;
23 procedure init;
24 var i : integer;
25~{\rm begin}
26 m := 3;
   getMem(tablePtr, m * (SIZEOF(keyValuePair)));
27
28
     for i := 0 to m-1 do begin
29
         tablePtr^[i].key := '';
          tablePtr^[i].value := 0;
30
31
       end;
32 end;
34 procedure writeTable;
35 var i : integer;
36~{\rm begin}
      for i := 0 to m-1 do begin
37
          writeLn(i, ': ', tablePtr^[i].key, ', ', tablePtr^[i].value);
38
39
       end:
40 end;
41
42 function find(w : string) : integer;
43 var h : integer;
44 col: integer;
```

```
45~{\rm begin}
      h := stringHash1(w) mod m;
46
47
       col := 0;
48
       while(tablePtr^[h].key <> w) and
49
               (tablePtr^[h].key <> '') and
50
               (col < M) do begin
           h:= (h + 1) mod m; (* Instead of 1 multiply by 2 every while run -->
51
       quadratic*)
52
           Inc(col);
53
       end:
       if tablePtr^[h].key = w then
54
55
          find := tablePtr^[h].value
56
57
           find := 0;
58 end;
59
60 procedure reallocTable;
61 var oldTablePtr : ^keyValuePairArray;
62
      oldM : integer;
      kvp : keyValuePair;
63
      i, j : integer;
64
65~{\rm begin}
66
      oldTablePtr := tablePtr;
67
       oldM := m;
68
      m := 2 * m;
69
      getMem(tablePtr, m * SIZEOF(keyValuePair));
70
       for i := 0 to m-1 do begin
71
           tablePtr^[i].key := '';
72
           tablePtr^[i].value := 0;
73
      end:
74
      FOR i := 0 to oldM do begin
75
           kvp := oldTablePtr^[i];
76
           if kvp.key <> '' then begin
77
               for j := 1 to kvp.value do begin
78
                   addOrInc(kvp.key);
79
80
           end;
       end;
81
       freeMem(oldTablePtr, oldM * SIZEOF(keyValuePair));
82
83 end;
85 function addOrInc(w : string) : integer;
86 var h : integer;
      col : integer;
88 begin
89
      h := stringHash1(w) mod m;
       col := 0;
90
       while(tablePtr^[h].key <> w) and
91
               (tablePtr^[h].key \iff '') and
92
               (col < M) do begin
93
           h := (h + 1) \mod m;
94
95
           inc(col);
96
       end;
97
       if tablePtr^[h].key = w then
           inc(tablePtr^[h].value)
       else if tablePtr^[h].key = '' then begin
          tablePtr^[h].key := w;
```

```
101
            tablePtr^[h].value := 1;
102
            addOrInc := tablePtr^[h].value;
103
        end else begin
104
            reallocTable;
105
            addOrInc := addOrInc(w);
106
        end;
107 end;
108
109 begin
110 end.
111 (*$R+*)
```

2.1.2 Ausgabe

```
WordCounter:
number of words: 109046
elapsed time: 00:00.10
Most frequent word und 2927
```

Abbildung 2.1: Ausgabe des binären Suchbaums

```
WordCounter:
number of words: 109046
elapsed time: 00:00.23
Most frequent word und 2927
```

Abbildung 2.2: Ausgabe der Hashtabelle mit Verkettung

```
WordCounter:
number of words: 109046
elapsed time: 00:03.58
Most frequent word feuerwehrangelegenhe 20
```

Abbildung 2.3: Ausgabe der Hashtabelle mit linearer Kollisionsbehandlung

2.1.3 Auswertung

Nach dem Ausführen aller drei Datenstrukturen kommt man auf das Ergebnis, dass der binäre Suchbaum am schnellsten von allen ausgearbeiteten Algorithmen arbeitet2.1. So braucht dieser für die Verarbeitung des gegebenen Dokumentes nur $\theta.1$ Sekunden, während die Hashtabelle mit Verkettung2.2 auf eine Zeit von $\theta.23$ Sekunden kommt. Mit Mit größerem M ist die Hashtabelle mit einfacher Verkettung am schnellsten.

Fehler offene Hashtabelle -2

einer Laufzeit von 3.58 Sekunden braucht die Hashtabelle mit linearer Kollisionsbehandlung 2.3 am längsten. Aufgrund eines Logikfehlers arbeitet diese zwar alle Wörter des Dokumentes durch, zählt diese aber nicht ordnungsgemäß, wodurch das ermittelte häufigste Wort² nicht mit dem wirklichen häufigsten Wort³ übereinstimmt. Bezüglich Speicherplatz ist die Datei für die Hashtabelle mit Verkettung ModHashTableChaining.pas am Kleinsten mit 1.59kB. Die binäre Suchbaum-Datei ModBinarySearchTree.pas belegt 1.79kB, die Datei für die Hashtabelle mit linearer Kollisionsbehandlung ModHashTable-

LinearProbing.pas ist mit 2.46kB am Größten. Speicherverbrauch der Implementierung ist als Metrik wirklich irrelevant

2.2 Güte von Hash-Funktionen

Die Güte mehrerer Hash-Funktionen soll grafisch ermittelt werden. Dabei wird die Datei Kafka Words.txt eingelesen und von drei Hash-Funktionen alle Wörter verhashed und in eine Tabelle eingefügt. Dann ist diese Tabelle grafisch auszugeben, durch die jeweilige Häufigkeit eines einzelnen Hashes kann dann die Güte dieses ermittelt werden. Am Idealsten wäre ein konstanter Block, in welchem alle Werte gleich oft vorkommen.

2.2.1 Implementierung

In dieser Übung wurden auch die Files ModStringHash.pas2.1.1 und $WordReader.pas^4$ aus der ersten Aufgabe verwendet.

 $\textbf{Listing 2.6:} \ \textbf{WordCounter.pas}$

```
1 (* WordCounter:
                                                HDO, 2003-02-28 *)
2 (* -----
                                                              *)
3 (* Template for programs that count words in text files.
                                                              *)
5 PROGRAM WordCounter;
6
7
    USES WordReader, ModStringHash, ModHash2, ModHash3, graph;
8 const.
9
      M = 2000;
10 VAR
11
      i : integer;
12
      w: Word:
      hash1Table : array[0..M] of integer;
13
14
      hash2Table : array[0..M] of integer;
      hash3Table : array[0..M] of integer;
15
16
17 BEGIN (*WordCounter*)
      OpenFile('Kafka.txt', toLower);
18
      ReadWord(w);
19
    WHILE w <> '' DO BEGIN
20
21
        ReadWord(w);
        (* Create 3 hashes *)
22
23
        inc(hash1Table[stringHash1(w)mod M]);
        inc(hash2Table[stringHash2(w)mod M]);
```

 $^{^2} feuerwehrangelegenhe$ mit 20 Instanzen

 $^{^3}und$ mit 2927 Instanzen

⁴Vorlage aus Moodle

```
inc(hash3Table[stringHash3(w)mod M]);

END; (*WHILE*)

(*INSERT GRAPHICAL REPRESENTATION HERE *)

grafische Repräsentation und
Ergebnisse fehlen -4

30 END. (*WordCounter*)
```

Listing 2.7: ModHash2.pas

```
1 unit ModHash2;
3 interface
 4 function stringHash2(w : string) : integer;
 6 implementation
 7 function stringHash2(w:string) : integer;
8 var i : integer;
9
       sum : integer;
10\ {\tt begin}
11
   sum := 1;
       for i := 1 to length(w) do begin
12
13
           sum := (sum * Ord(w[i]) + Ord(w[i])) mod 32768;
14
       end;
15
       stringHash2 := sum;
16 \text{ end};
17
18 begin
19 \ \mathrm{end}.
```

Listing 2.8: ModHash3.pas

```
1 unit ModHash3;
3 interface
4 function stringHash3(w : string) : integer;
 6 \  \, {\tt implementation}
 7 function stringHash3(w : string) : integer;
8 var i : integer;
9
      sum : integer;
10~{\tt begin}
11
   sum := 1;
       for i := 1 to length(w) do begin
12
13
         sum := (sum * Ord(w[i])) mod 32768;
14
      end;
15
      stringHash3 := sum;
16 end;
17
18 begin
19 end.
```

2.2.2 Ausgabe

Da diese Übung auf einem Linux-Rechner ausgearbeitet wurde und die mitgegebenen Module nur auf dem Betriebssystem Windows ausgeführt werden können und nicht

rechtzeitig Ersatz gefunden werden konnte, konnte leider keine grafische Repräsentation der Güte geschaffen werden. Ich arbeite auch hauptsächlich auf Linux und hab trotzdem immer eine Windows-VM einsatzbereit.

2.2.3 Auswertung

_