

Лекция 1. Что такое эмбеддинг и логика этой идеи

Подробное, последовательное изложение: определения, интуиция, формулы с «человеческой» расшифровкой, связь подходов, геометрия, типы эмбеддингов, практические рекомендации и типичные ошибки.

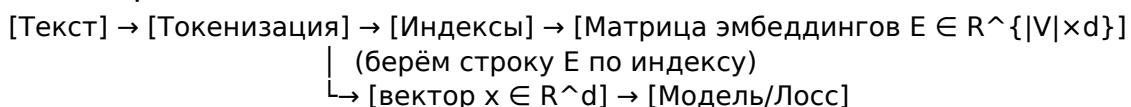
1.1. Интуиция «на пальцах»

Мы хотим превратить символические объекты (слова, токены, предложения, документы, пользователи, товары) в векторы чисел фиксированной длины так, чтобы близкие по смыслу объекты были геометрически близки. Это и есть эмбеддинг: функция $f: X \rightarrow \mathbb{R}^d$, сопоставляющая каждому объекту $x \in X$ вектор $f(x)$.

Почему это нужно:

- Моделям нужны численные признаки; «один-хот» огромен и не несёт семантики.
- Непрерывное пространство позволяет использовать геометрию: косинусная близость, усреднение, аналогии.
- Переносимость: предобученный словарь векторов можно использовать в новых задачах.

Мини-схема расположения эмбеддинга в пайплайне



1.2. Распределительная гипотеза: фундаментальная логика

Смысл слова проявляется через его окружение. Если два слова появляются в похожих контекстах, их векторы должны быть похожи. Формализация: считаем совместные встречаемости слов с соседями в окне и превращаем эти статистики в векторы.

1.3. От «счётных» представлений к плотным эмбеддингам

Счётные (разреженные) представления: Bag-of-Words (TF), tf-idf и BM25. Они быстрые и объяснимые, но игнорируют порядок и синонимию, векторы огромны и разрежены. Плотные эмбеддинги учатся так, чтобы предсказывать или объяснять наблюдаемые контексты.

Формулы, чтобы видеть контраст:

$$idf(t) = \log(N / (df(t)+1))$$

$$score_{BM25}(d,q) = \sum_{t \in q} IDF(t) * ((k_1+1)*tf_{t,d}) / (tf_{t,d} + k_1*(1 - b + b*|d|/avg|d|))$$

По-человечески: BoW/tf-idf/BM25 — это «веса» слов в документе. BM25 добавляет нормализацию по длине и насыщение TF, чтобы длинные тексты не выигрывали «за счёт болтовни».

1.4. Два главных пути построения плотных эмбеддингов

A) Count-based → факторизация (LSA/PMI/GloVe)

1) Строим матрицу кооккуренностей X (кто с кем рядом). 2) Преобразуем её в информативную форму, напр. $\text{PMI}(w,c)=\log(P(w,c)/(P(w)P(c)))$. 3) Делаем факторизацию (SVD и родственные). В GloVe мы напрямую аппроксимируем $\log X$ через скалярные произведения:

$$\min \sum_{i,j} f(X_{ij}) \cdot (w_i^T \tilde{w}_j + b_i + b_j - \log X_{ij})^2$$

Перевод: хотим, чтобы скалярное произведение векторов w_i и \tilde{w}_j объясняло логарифм частоты совместных появлений. $f(\cdot)$ задаёт веса для стабильности.

B) Predictive → предсказание контекста (Word2Vec/fastText)

Word2Vec: CBOW — по словам контекста предсказываем центральное слово; Skip-gram — по центральному слову предсказываем соседей. Чтобы избежать дорогого softmax, применяют Negative Sampling:

$$L \approx \log \sigma(v_c^T u_w) + \sum_{n \sim P_n} \log \sigma(-v_n^T u_w)$$

Перевод: хотим, чтобы «правильные» пары (слово, контекст) давали высокий отклик ($\sigma \approx 1$), а случайные — низкий ($\sigma \approx 0$). Это стягивает близкие по смыслу слова.

fastText: как Word2Vec, но вектор слова — сумма символьных n-грамм. Это помогает с редкими/новыми словами и учитывает морфологию (важно для русского).

1.5. Важная связь: предсказательные ≈ факторизационные

Интуитивно: Skip-gram с Negative Sampling учится так, что его скалярные произведения приближённо соответствуют сдвинутому PMI. Обе ветки (count/factorization и predictive) используют одну и ту же распределительную информацию, но разными алгоритмами.

1.6. Геометрия и меры близости

$$\cos(x,y) = (x \cdot y) / (\|x\| \cdot \|y\|)$$

Перевод: измеряем «угол» между векторами. Если направлены примерно одинаково — косинус близок к 1 → объекты похожи. Часто также используют скалярное произведение (при нормировке) или евклидово расстояние. L2-нормировка делает сравнение устойчивее.

1.7. Статические vs контекстные эмбеддинги

Статические (Word2Vec/GloVe/fastText): один вектор на слово для всех контекстов — полисемия неразличима. Контекстные (BERT/GPT): вектор зависит от предложения; одно и то же слово получает разные представления в разных контекстах. В трансформерах начальный эмбеддинг — сумма токенного+позиционного(+сегментного), затем самовнимание формирует контекстные вектора.

1.8. Эмбеддинги выше уровня слова

- Предложение/документ: усреднение, взвешивание (tf-idf), [CLS], attention-пулинг.
- Doc2Vec: обучаемый «вектор документа» как часть задачи предсказания слов.
- Dense Retrieval: би-энкодеры для запроса и документа в одном пространстве.
- Графовые: node2vec/DeepWalk (эмбеддинги вершин по «прогулкам»).

- Мультимодальные: CLIP (изображение/текст) — общее векторное пространство.

1.9. Как понять, что эмбеддинг «хороший»

Внутренние проверки (intrinsic): сходство, аналогии, кластеризация.

Внешние (extrinsic): качество на целевой задаче (классификация, поиск и т.п.).

Признаки «здорового» пространства: кластеры синонимов; развод полисемии у контекстных; разумные линейные отношения.

Визуализация (t-SNE/UMAP) полезна как иллюстрация, но не как «доказательство».

1.10. Практические вопросы

Размерность d : 100–300 (классика статических), 512–1024 (современные энкодеры). Большее d — выше ёмкость и риск шума.

Нормализация: L2-нормировать перед сравнением; полезно в ANN-поиске (FAISS/HNSW).

Редкие/новые слова: subword (fastText, BPE) решают OOV и помогают морфологии.

Домен/перенос: эмбеддинг чувствителен к корпусу; делайте адаптацию на профильных данных.

Смещения/этика: эмбеддинги наследуют предвзятости корпуса; оценивать и при необходимости снижать их влияние.

1.11. Небольшой «разбор формул» человеческим языком

1) Косинусная близость: $\cos(x,y) = (x \cdot y) / (\|x\| \cdot \|y\|)$

Перевод: «угол» между смыслами — чем меньше, тем ближе.

2) IDF: $\text{idf}(t) = \log(N / (\text{df}(t) + 1))$

Перевод: слово, встречающееся почти везде, малоинформативно → понижаем его вес.

3) BM25: $\text{score}(d,q) = \sum \text{idf}(t) * ((k_1 + 1) \text{tf}) / (\text{tf} + k_1(1 - b + b|\text{d}|/\text{avg}|\text{d}|))$

Перевод: вклад термина растёт с tf, но с насыщением; учитываем длину документа.

4) PMI: $\text{PMI}(w,c) = \log(\text{P}(w,c) / (\text{P}(w)\text{P}(c)))$

Перевод: «насколько чаще вместе, чем ожидалось по независимости».

5) Negative Sampling:

$L \approx \log \sigma(v_c^T u_w) + \sum_n \log \sigma(-v_n^T u_w)$

Перевод: «правильные пары» близко, «случайные» далеко.

1.12. Частые ошибки и как их избежать

- Путать «эмбеддинг слова» и «контекстное представление токена» в трансформере.
- Слепо верить t-SNE/UMAP (красивая картинка ≠ доказательство).
- Игнорировать токенизацию и морфологию (для русского критично subword).
- Не учитывать домен и предвзятости корпуса.

1.13. Чек-лист для устного ответа

- 1) Определение эмбеддинга.
- 2) Распределительная гипотеза.
- 3) Два пути (count/factorization и predictive).
- 4) Формулы + перевод (косинус, IDF, BM25, PMI, NS).
- 5) Статические vs контекстные.
- 6) Практика (d , нормализация, subword, домен, bias).
- 7) Оценка (intrinsic/extrinsic).

Конец лекции. Можно добавить практику: посчитать PMI/tf-idf на маленьком корпусе и найти соседей по косинусу.

Лекция 2. Счётные способы построения эмбеддинга: Bag-of-Words, tf-idf, BM25 (расширенная версия)

Полноценная учебная лекция: от мотивации и математики до разборов с числами, инженерных деталей индексации, тонкостей препроцессинга для русского и практических сценариев (классификация, поиск).

2.1. Мотивация и место «счётных эмбеддингов» в NLP

Счётные представления — это отображение текста в высокоразмерные разреженные векторы, где ось \equiv термин (слово, n-грамма). В промышленности они служат: (1) быстрыми признаками для линейных моделей; (2) «кандидатным» этапом в поиске перед нейронным ранкером; (3) диагностическим инструментом — веса легко интерпретировать и проверять.

Ключевая идея: мы кодируем «важность» терма для документа и/или запроса. Важность складывается из локальной частоты и глобальной дискриминативности.

2.2. Пайплайн препроцессинга для русского (и не только)

- Нормализация регистра: casefolding (лучше, чем просто lower) — уменьшает размер словаря.
- Очистка: удаление HTML, URL, эмодзи/пунктуации — по задаче; числа иногда оставляют (цены, даты).
- Токенизация: для русского учтываем дефисы/частицы («как-то», «по-русски»), апострофы.
- Морфология: лемматизация (rzmorphy/mystem) vs стемминг (SnowballRu). Леммы дают компактный словарь и объединяют формы.
- Стоп-слова: для классификации часто удаляют; для поиска — аккуратно (могут важны в фразах).
- n-граммы: биграммы/триграммы ловят устойчивые словосочетания («машинаное обучение», «Красная площадь»).
- Hashing trick: заменяет явный словарь хеш-функцией \rightarrow меньше памяти, но возможны коллизии.
- Ограничение словаря: min_df/max_df, top-k по частоте/информативности — для стабильности и памяти.

2.3. Словарь и пространство признаков

Пусть словарь V имеет $|V|$ термов. Документ d представляется как вектор $x_d \in \mathbb{R}^{|V|}$. Разреженность — доли процента.

Инвертированный индекс (для поиска): для каждого терма храним список (doc_id , tf), плюс длину документа $|d|$ и df . Это позволяет быстро считать BM25/tf-idf по запросу.

2.4. Bag-of-Words (BoW): определение, схемы TF и нормировки

BoW игнорирует порядок слов. Важен выбор схемы TF и нормировок.

SMART-обозначение (Salton): ltc, lnc, ntc и т.д.

Частые TF-схемы:

```

raw: tf = #(t в d)
binary: tf ∈ {0,1}
log: tf' = 1 + log(tf)      # «сжатие» больших частот
double-norm K: tf' = K + (1-K) * tf / max_tf(d), K∈(0,1]

```

Нормировки по документу:

```

L2: x := x / ||x||_2      # косинусное сравнение = скалярное произведение
L1 / max-norm — реже, по задаче

```

Интуиция: log-тф уменьшает дисбаланс между «очень частыми» и «просто частыми» термами в документе; L2-нормировка делает вектора сопоставимыми по длине.

Ограничения BoW: нет порядка, нет неоднозначности значений (полисемии) и синонимии.

2.5. tf-idf: локальная частота × глобальная редкость

```

idf(t) = log( N / (df(t)+1) )      # «классика»
idf_smooth(t) = log( (N+1)/(df(t)+1) ) + 1  # вариант в sklearn

```

tf-idf(t,d) = tf'(t,d) · idf(t) # tf' часто берут лог-нормированным

Нормировка документа: L2 (или cosine normalization)

Почему работает: слова, встречающиеся почти в каждом документе, малоинформативны (низкий IDF). Редкие — сильнее характеризуют содержание.

Связь с косинусом: если все вектора L2-нормированы, скалярное произведение равно косинусу угла между ними, что удобно для поиска схожих документов.

Тонкости: база логарифма не важна (монотонная трансформация). Важны сглаживания на малых корпусах (idf_smooth).

2.6. BM25: от вероятностной модели релевантности к практической формуле

BM25 (Okapi) происходит из вероятностной модели релевантности (Robertson-Sparck Jones). Важнейшие изменения: насыщение TF и нормализация по длине.

$$\text{score}(d,q) = \sum_{t \in q} \text{IDF_BM25}(t) * \\ ((k1+1) * \text{tf}_{\{t,d\}}) / (\text{tf}_{\{t,d\}} + k1 * (1 - b + b * |d|/\text{avg}|d|))$$

$\text{IDF_BM25}(t) = \log((N - df_t + 0.5) / (df_t + 0.5))$

$\text{BM25}^+: \text{IDF}^+(t) = \log(1 + (N - df_t + 0.5) / (df_t + 0.5))$ # всегда ≥ 0

Параметры: $k1 \approx 1.2-2.0$ регулирует степень насыщения TF

$b \approx 0.75$ сила нормализации по длине (0 — не учитывать, 1 — полностью)

Интуиция: первые вхождения терма сильно повышают релевантность, но после нескольких появлений прирост замедляется. Длинные документы нормализуются, чтобы не выигрывать только из-за длины.

Замечание: в исторической формуле был параметр $k3$ — вес частоты терма в запросе. В современных приложениях часто используют бинарные веса запроса и $k3$ не применяют.

2.7. Варианты и родственные идеи

- BM25+: добавляет константу b к TF-частям, чтобы длинные документы с $tf=1$ не оказывались слишком низко.

- BM25F: поля/атрибуты (title, body): длины и веса считаются по полям, затем агрегируются.
- Pivoted Length Normalization: альтернативная нормализация длины (Singhal, 1996).
- Divergence from Randomness (DFR): семейство альтернативных весов (PL2 и др.).
- Языковые модели для IR (QLM, Dirichlet/Jelinek-Mercer): не BoW-веса, но часто конкурирующий класс базовых ранжировщиков.

2.8. Подробный пример (tf-idf и BM25 «на числах»)

Корпус (N=3) и длины:

D1: "молоко корова трава"	$ D1 =3$
D2: "трава зелёная корова корова трава зелёная"	$ D2 =6$
D3: "молоко белое молоко"	$ D3 =3$
Средняя длина: $\text{avg} d = (3+6+3)/3 = 4$	
df: df(молоко)=2, df(трава)=2, df(корова)=2, df(зелёная)=1, df(белое)=1	

tf-idf (с idf_smooth, log-тф и L2-нормой)

$$\begin{aligned} \text{idf_smooth(df=2)} &= \log((N+1)/(2+1))+1 = \log(4/3)+1 \approx 1.2877 \\ \text{idf_smooth(df=1)} &= \log((N+1)/(1+1))+1 = \log(4/2)+1 = \log 2 + 1 \approx 1.6931 \end{aligned}$$

Лог-тф: $tf' = 1 + \log(tf)$

D3: $tf'(\text{молоко}) = 1 + \log 2 \approx 1.6931$; $tf'(\text{белое}) = 1$
веса до нормировки: молоко: $1.6931 * 1.2877 \approx 2.18$; белое: $1 * 1.6931 \approx 1.6931$
далее L2-нормируем вектор D3.

Аналогично считаются веса для D1/D2.

Косинусная близость запроса к документу — скалярное произведение нормированных векторов

BM25 ($k_1=1.5$, $b=0.75$, $IDF^\wedge+$)

Запрос $q = \text{"корова зелёная"}$

$$\begin{aligned} IDF^\wedge+(\text{корова}) &= \log(1 + (3 - 2 + 0.5)/(2 + 0.5)) = \log(1.6) = 0.4700 \\ IDF^\wedge+(\text{зелёная}) &= \log(1 + (3 - 1 + 0.5)/(1 + 0.5)) = \log(2.6667) = 0.9808 \end{aligned}$$

Нормализация по длине: $k_1 * (1 - b + b * |d| / \text{avg}|d|)$

$$D1: 1.5 * (0.25 + 0.5625) = 1.21875$$

$$D2: 1.5 * (0.25 + 1.125) = 2.0625$$

$$D3: 1.21875$$

TF: D2: $tf(\text{корова}) = 2$, $tf(\text{зелёная}) = 2$

Вклад(корова , D2) = $0.4700 * ((2.5 * 2) / (2 + 2.0625)) = 0.4700 * (5 / 4.0625) \approx 0.578$

Вклад(зелёная , D2) = $0.9808 * (5 / 4.0625) \approx 1.206$

Итого $\text{score}_{\text{BM25}}(\text{D2}, q) \approx 1.784$; для D1/D3 вклад нулевой по «зелёная», поэтому итог ниже.

Сравнение: tf-idf склонен «равняться» по L2-норме; BM25 явно учитывает длину и насыщение TF, что частично точнее в веб-поиске.

2.9. Инженерия: как это бегает быстро

Индекс: инвертированный список для каждого терма с $(\text{doc_id}, \text{tf}) + \text{doclen}$. Списки хранятся сжатым образом (varint, PForDelta).

Онлайн-скоринг по запросу: читаем списки для термов запроса, считаем вклад по формулам tf-idf/BM25, агрегируем по doc_id .

Top-k поиск: алгоритмы WAND/BMW/Block-Max-Index позволяют перепрыгивать по спискам и быстро находить top-k документов.

2.10. Классификация текстов с BoW/tf-idf

Линейные модели (LogReg, Linear SVM) отлично работают с разреженными векторами. Важные нюансы:

- Баланс классов: используйте `class_weight='balanced'` или выборки; метрика — macro-F1 при дисбалансе.
- Регуляризация: C (LogReg/SVM). Слишком маленький — недообучение, слишком большой — переобучение на шуме.
- Признаки: словоформы vs леммы; добавляйте биграммы для коротких текстов; ограничивайте словарь.
- Кросс-валидация: стратифицированные сплиты, контроль утечек (не строить словарь по `train+test`).

2.11. Типичные ошибки

- «Переочистили» текст и потеряли важные токены (нормативные сокращения, числа).
- Забыли нормировку/сглаживание IDF на малых корпусах — веса скачут.
- Не учли длину документа: tf-idf без нормировки любит длинные тексты.
- Неверная токенизация для русского — раздутый словарь и шум.
- Не добавили n-граммы, хотя задача «коротких заголовков» их требует.

2.12. Расширения и связь с обучаемыми эмбеддингами

Гибридные системы: BM25 → top-K кандидатов → нейронный bi-encoder/кросс-энкодер для rerank. Это даёт лучшее из двух миров: скорость и качество.

tf-idf-признаки можно скрестить с нейронными (stacking/feature union). Для мультиязычных кейсов используйте лемматизацию и char n-граммы.

2.13. Краткое резюме (что сказать на экзамене)

- BoW — сырье/лог-нормированные частоты + нормировка. Простой, быстрый, интерпретируемый.
- tf-idf — TF×IDF: редкое важнее. После L2-нормы косинус=скалярное произведение.
- BM25 — «умный tf-idf»: насыщение TF и нормализация по длине через b ; IDF с 0.5-смещениями; $k_1 \approx 1.2-2.0$, $b \approx 0.75$.
- В проде: инвертированный индекс, ускорители top-k (WAND/BMW). Часто — гибрид BM25+нейрореранкер.

Конец расширенной лекции 2. При желании добавлю приложение с кодом (`sklearn/pyserini/rank_bm25`) и чек-листом настройки индекса.

Лекция 3. Счётные vs обучаемые эмбеддинги: различия, преимущества и недостатки

Полная учебная версия: системное сравнение двух семейств представлений текста; математика, инженерия, кейсы применения, гибридные пайплайны и чек-листы выбора.

3.1. Что именно сравниваем

Счётные (разреженные) представления — BoW, tf-idf, BM25: не требуют обучения параметров; размерность равна размеру словаря $|V|$.

Обучаемые (плотные) эмбеддинги — статические (Word2Vec, GloVe, fastText) и контекстные (BERT/GPT): требуют обучения/предобучения; размерность $d \ll |V|$; геометрия отражает семантику.

[Текст] → [токенизация] →
└ (count) → разреженный $x \in R^{|V|}$ (BoW/tf-idf/BM25)
└ (learned) → плотный $x \in R^d$ (W2V/GloVe/fastText/BERT/GPT)

3.2. Оси сравнения (с объяснениями)

1) Размерность и геометрия

- Count: разреженно и высокоразмерно ($|V|$ тысячи-миллионы).
Косинус/скалярное произведение применимы, но нужны индексы/сжатие.
- Learned: компактное d (100–1024). Геометрия смысла: близость \approx семантика;
быстрое сравнение и кластеризация.

Вывод: плотные вектора удобнее для ANN и композиционных операций (усреднение, PCA/UMAP).

2) Порядок и контекст

- Count: «мешок слов» — порядок/синтаксис отсутствует (частично помогают n -граммы).
- Learned статические: учитывают частотный контекст в среднем по корпусу, но у слова один вектор.
- Learned контекстные: самовнимание даёт вектор токена, зависящий от всего предложения/окна.

Вывод: задачи, где важен порядок и неоднозначность значений, требуют контекстных представлений.

3) Семантика: синонимы и полисемия

- Count: не «склеивает» синонимы; «банк» и «берег» пересекаются только если фразы совпадают.
- Learned: синонимы ближе; контекстные разводят разные значения омонимов.

Вывод: при лексическом разрыве (query-doc mismatch) dense-подходы существенно лучше.

4) Морфология и OOV

- Count: словарь раздувается из-за словоформ (русский!), OOV — пробелы. Спасают лемматизация и n-граммы.
- Learned: fastText/subword устойчивы к редким и новым словам; BPE/WordPiece почти устраняют OOV.

5) Данные и обучение

- Count: обучения нет; быстро стартовать; легко обновлять.
- Learned: нужно обучение или предобученная модель; статические дёшево обучить на своём корпусе; контекстные — берём предобученные и дообучаем (PEFT).

6) Интерпретируемость и отладка

- Count: высокая — видно вклад каждого терма (вес tf-idf, вклад BM25).
- Learned: ниже; нужны соседи/атрибуция/attention-карты; понятность снижается.

7) Память, индексация, скорость

- Count: инвертированные индексы, быстрый first-stage (BM25).
- Learned: ANN-индексы (HNSW/IVF-PQ/Scann); дороже поддержка, но сравнения в d-мерном пространстве очень быстры.

8) Устойчивость к шуму/опечаткам/SEO

- Count: чувствительны к набивке термов и опечаткам; но детерминированы и предсказуемы.
- Learned: subword сглаживает опечатки; контекст помогает «понять», но возможны переобщения.

9) Доменная адаптация

- Count: легко пересчитать статистики на новом корпусе.
- Learned: перенос через предобучение+дообучение; без адаптации возможны сдвиги.

10) Типичные задачи и качество

- Классификация: tf-idf + логрег/SVM — сильный baseline при малых данных; трансформеры — лучше при достаточном объёме.
- Поиск: BM25 силён на точных совпадениях; dense — на парофразах/семантике; лучшее — гибрид.
- Семантический поиск/кластеризация: плотные эмбеддинги выигрывают.
- NER/QA/NLI: контекстные энкодеры доминируют.

3.3. Сводная таблица сравнения

Критерий	Счётные (BoW/tf-idf/BM25)	Обучаемые статич. (W2V/GloVe/fastText)	(BERT/GPT-класс)
Пространство	Разреж., $ V $	Плотное, $d \ll V $	Плотное, контекст-завис.
Контекст/порядок	Нет (кроме n-грамм)	Средний по корпусу	Полный (self-attention)
Синонимы/полисемия	Слабо	Синонимы ближе, полисемия	Синонимы/полисемия — лучше всего
OOV/морфология	Проблема; леммы/n-gram	fastText/subword — ок	BPE/WordPiece — ок
Обучение	Не нужно	Нужно (дёшево)	Нужно (дорого; берём предобуч.)
Интерпретируемость	Высокая	Средняя	Низкая

Индексация/скорость	Инверт. индекс; быстро	ANN; быстрое сравнение	ANN + тяжёлый энкодер
Лучшие кейсы	Бейзлайны, точные совпадения	Сертифицированные контекста	SOTA там, где важен контекст

3.4. Ключевые формулы (с «переводом»)

tf-idf:

$$\text{idf}(t) = \log(N / (\text{df}(t)+1))$$

$$\text{tf-idf}(t,d) = \text{tf}(t,d) \cdot \text{idf}(t)$$

BM25:

$$\text{score}(d,q) = \sum_{t \in q} \text{IDF}(t) * ((k_1+1) \cdot \text{tf}_{t,d}) / (\text{tf}_{t,d} + k_1(1 - b + b \cdot \text{avg|d|}))$$

Word2Vec (Negative Sampling, идея):

$$L \approx \log \sigma(v_c^T u_w) + \sum_{n \sim P_n} \log \sigma(-v_n^T u_w)$$

GloVe:

$$\min \sum_{i,j} f(X_{ij}) \cdot (w_i^T \tilde{w}_j + b_i + b_j - \log X_{ij})^2$$

Перевод: tf-idf/BM25 взвешивают лексическое совпадение; Word2Vec/GloVe стягивают часто совместные слова; контекстные энкодеры строят представления, зависящие от окружения предложения.

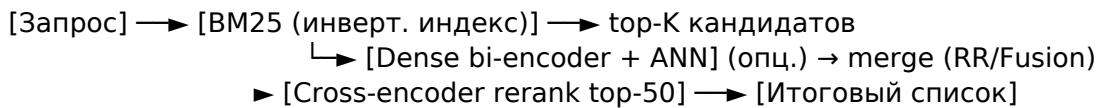
3.5. Примеры задач и типичные пайплайны

- Классификация отзывов (1-10 тыс. доков): tf-idf + логрег/SVM; дальше — энкодер (BERT) с лёгким дообучением/LoRA.
- FAQ/поиск: BM25 (кандидаты 200-1000) → bi-encoder rerank; топ-50 — cross-encoder.
- Семантический поиск/кластеризация: bi-encoder + ANN (HNSW/FAISS); для точности — cross-encoder на top-k.
- Мультиязычные/морфологически богатые корпуса: лемматизация+n-gram (count) и subword-токенизация (learned).

3.6. Ловушки и анти-паттерны

- tf-idf без нормировки по документу: переоценивает длинные тексты.
- Отсутствие n-грамм в коротких текстах/заголовках.
- Плохая токенизация/лемматизация для русского → раздутый словарь/шум.
- Оценка learned-эмбеддингов только по t-SNE/UMAP вместо метрик задачи.
- Переобучение трансформера на малом датасете — предпочтительнее PEFT/заморозку и стратифицированную валидацию.

3.7. Гибридный пайpline (IR/поиск): схема



Примечание: часто применяют reciprocal rank fusion (RRF) для объединения кандидатов от BM25 и dense-ретривера.

3.8. Чек-лист выбора подхода

- Быстро/объяснимо/мало данных → tf-idf/BM25 + линейные модели.
- Нужна семантика/синонимы, умеренные ресурсы → fastText/статические эмбеддинги + простая модель.

- Максимум качества, важен контекст → BERT/контекстные; в поиске — гибрид с BM25.
- Прод: инвертированный индекс + ANN; каскады: кандидаты → нейрореранк → (опц.) rerank.

Конец лекции 3. Контрольные вопросы: 1) Почему BM25 и bi-encoder комплементарны? 2) Что такое лексический разрыв? 3) Как subword снижает OOV? 4) Когда интерпретируемость важнее потенциального прироста качества? 5) Какие риски у t-SNE-интерпретаций?

Лекция 4. Построение эмбеддинга с помощью глубинного обучения: Word2Vec, GloVe, fastText

Подробная учебная версия: интуиция и формальные цели, архитектуры и трики обучения, параметры и их влияние, разборы формул «человеческим языком», морфология и OOV, практические рецепты и типичные ошибки.

4.1. Зачем нам обучаемые эмбеддинги

Счётные представления (BoW/tf-idf/BM25) быстры и прозрачны, но игнорируют порядок и синонимию. Обучаемые плотные эмбеддинги используют распределительную гипотезу («скажи мне контексты — скажу значение») и создают компактное пространство, где геометрия отражает семантику.

[Корпус] → [окна контекста] → (оптимизируем цель)

- └ Word2Vec: предсказываем слово по контексту (CBOW) или контекст по слову (Skip-gram)
- └ GloVe: аппроксимируем log-коокурентности скалярными произведениями
- └ fastText: как Word2Vec, но слово = сумма символьных n-грамм

4.2. Word2Vec: CBOW и Skip-gram

Идея: обучаем две таблицы векторов (входные u_w и выходные v_c). Окно контекста ширины W , центр — целевое слово.

- CBOW: по контексту С предсказываем центральное слово w .
- Skip-gram: по центральному слову w предсказываем каждое слово контекста $c \in C$.

Полный softmax (теория):

$$P(c|w) = \exp(v_c^T u_w) / \sum_{j \in V} \exp(v_j^T u_w)$$

$$\text{Лосс (SG): } -\sum_{(w,c) \in D} \log P(c|w) \quad \# D \text{ — наблюдаемые } (w,c) \text{ пары}$$

Перевод: хотим, чтобы «правильный» контекст имел высокую вероятность. Но считать softmax по всему словарю дорого.

Negative Sampling (NS): быстрая аппроксимация

Для каждой истинной пары (w,c) берём k «негативов» $n \sim P_n$ (обычно $\text{unigram}^{3/4}$).

Оптимизируем бинарную классификацию «настоящая пара» vs «случайная»:

$$L_{NS}(w,c) = \log \sigma(v_c^T u_w) + \sum_{i=1..k} \log \sigma(-v_{n_i}^T u_w)$$

Человечески: подтянуть ближе эмбеддинги «правильных» пар и раздвинуть «случайные». Выбор распределения негативов $P_n \propto f(w)^{3/4}$ делает обучение стабильнее (частые слова не доминируют).

Важные трюки Word2Vec

- Субсэмплинг частых слов: $p_{\text{discard}}(w) = 1 - \sqrt{t/f(w)}$, $t \approx 1e-5$
→ уменьшает шум от стоп-слов, ускоряет и улучшает качество.
- Динамическое окно: фактический размер контекста равномерно выбирается из $[1..W]$.
- Phrase detection (word2phrase): «машинное_обучение», «Нью-Йорк» → лучше контексты.
- Выбор CBOW vs Skip-gram: CBOW быстрее для больших корпусов; Skip-gram лучше на редких словах.
- Hierarchical softmax: альтернатива NS для малых корпусов/словаря.

Связь с PMI (важно для теории)

Результат (Levy & Goldberg, 2014): $\text{SGNS} \approx \text{факторизация матрицы SPPMI}$.

$$\text{То есть } v_c^T u_w \approx \text{PMI}(w,c) - \log k, \text{ где } \text{PMI} = \log(P(w,c) / (P(w)P(c)))$$

Перевод: несмотря на «предсказательность», SGNS по сути учится на той же распределительной статистике, что и метод факторизации.

Гиперпараметры (типичные ориентиры)

dim d: 100–300 классика; 300–600 для богатых корпусов
window W: 2–10 (симметричное)
negatives k: 5–15 (зависит от размера словаря)
min_count: 5–50 (фильтрация редких)
epochs: 5–15; lr: 0.025→0.0001 (linearly decayed)

Плюсы/Минусы Word2Vec

- + Быстро, просто, качественно на больших данных; переносимо между задачами.
- – Один вектор на слово (нет контекста); OOV-проблема без subword; чувствителен к качеству корпуса.

4.3. GloVe: Global Vectors

Идея: вместо предсказания оптимизируем аппроксимацию логарифма совместных встречаемостей слов.

Имеем матрицу кооккурентностей X, где $X_{ij} = \#(\text{слово } i \text{ рядом со словом } j \text{ в окне})$.

Оптимизируем по $w_i, \tilde{w}_j, b_i, \tilde{b}_j$:

$$J = \sum_{\{i,j\}} f(X_{ij}) \cdot (w_i^T \tilde{w}_j + b_i + \tilde{b}_j - \log X_{ij})^2$$

Весовая функция:

$$f(x) = (x/x_{\max})^{\alpha}, \text{ если } x < x_{\max}; \text{ иначе } 1 \quad (\alpha \approx 3/4, x_{\max} \approx 100)$$

Человечески: хотим, чтобы скалярное произведение векторов «объясняло» наблюдаемую частоту совместных появлений. $f(\cdot)$ уменьшает влияние очень редких и очень частых пар, делая обучение устойчивым.

Практические моменты

- Окно контекста обычно взвешивают по расстоянию ($1/|\Delta|$).
- Строим только ненулевые (i,j) — экономия памяти/времени.
- Итоговый вектор слова = $w_i + \tilde{w}_i$ (или один из них).
- Гиперпараметры: $d=100-300$; $\alpha \approx 0.75$; $x_{\max} \approx 100$; epochs 20–50.

Сравнение с Word2Vec: GloVe использует глобальную статистику (вся матрица), тогда как SGNS — локальные пары. На практике качество близкое; GloVe устойчив на больших статичных корпусах, но требует этапа построения X.

4.4. fastText: моделируем морфологию через subword

Идея: вектор слова — сумма векторов его символьных n-грамм (с границами слова). Это решает OOV и помогает морфологии.

Для слова w добавляем «якоря» < и > и строим все n-граммы, $n \in [\min_n, \max_n]$, напр. [3,6].

Вектор слова: $z_w = \sum_{g \in G(w)} z_g$

Оптимизация: та же, что в Word2Vec (CBOW/Skip-gram) с Negative Sampling, но таблица эмбеддингов

Практические параметры:

$\min_n=3, \max_n=6; \text{bucket}=1e6..10e6$ (хеш-таблица n-грамм);
 $d=100-300; lr=0.05; \text{epoch}=5-15; ws$ (окно)=5–10.

Человечески: если встречается новая форма «читателей», модель всё равно строит её вектор по знакомым кусочкам «чит», «тате», «елей». Это особенно полезно для русского, немецкого, турецкого и других морфологически богатых языков.

Плюсы/Минусы fastText

- + Отличная устойчивость к редким/новым словам; лучше кодирует морфологию; прост в использовании (официальный CLI).
- – Больше память из-за n-грамм; возможны коллизии в хеш-таблице; не решает полисемию (как и Word2Vec/GloVe).

4.5. От слов к предложениям и документам

- Усреднение (mean pooling): просто и часто достаточно для классификации/кластеризации.
- Взвешенное усреднение: веса \propto tf-idf; снижает влияние общезыковых слов.
- SIF (Smooth Inverse Frequency): $a/(a+p(w))$ как вес + удаление главной компоненты (Arora et al.) — часто улучшает качество.
- Doc2Vec: отдельный обучаемый «тег» документа, который участвует в предсказании слов — даёт вектор документа.

4.6. Практические рецепты обучения

Корпус → очистка/токенизация → (опц.) лемматизация/фразовые биграммы → фильтр редких токенов

Word2Vec (gensim пример):

```
Word2Vec(sentences, vector_size=300, window=5, min_count=5, sg=1, negative=10,  
sample=1e-5, workers=cores)
```

GloVe (glove-python/torchglove):

Строим X (взвеш. окно), затем оптимизируем по J; эмбеддинг = $w + \tilde{w}$

fastText (официальный CLI):

```
./fasttext skipgram -input corpus.txt -output model -dim 300 -minn 3 -maxn 6 -ws 5 -neg 10 -epoch 1
```

Советы: включайте phrase detection для устойчивых словосочетаний; следите за балансом классов/домена; для русского почти всегда используйте subword (fastText или BPE в трансформерах).

4.7. Как оценивать качество эмбеддингов

Внутренние (intrinsic): сходство слов (WordSim), аналогии ($king - man + woman \approx queen$), кластеризация тематических групп.

Внешние (extrinsic): качество на целевой задаче (классификация, поиск, NER, QA).

В проде ориентируйтесь на extrinsic.

Визуализация (t-SNE/UMAP) — только как иллюстрация: красиво, но искажает расстояния.

4.8. Типичные ошибки и как их избежать

- Переобучение на узком корпусе → переносимость падает; храните «чистую» предобученную версию.
- Отсутствие subword в морфологических языках → много OOV и слабые редкие слова.
- Игнорирование phrase detection — теряется смысл устойчивых выражений.
- Неправильные гиперпараметры (слишком маленькое окно или d) — бедная семантика.
- Оценка только по аналогиям — не гарантирует качество в реальной задаче.

4.9. Чек-лист для устного ответа

- 1) Word2Vec: CBOW/Skip-gram, Negative Sampling, субсэмплинг частых слов, связь с PMI.
- 2) GloVe: регрессия на $\log X$, весовая функция $f(x)$, глобальная статистика.
- 3) fastText: слово как сумма n-грамм, параметры \min_n/\max_n , выгоды для морфологии/OOV.
- 4) Практика: подготовка корпуса, типичные гиперпараметры, усреднение для предложений/доков.
- 5) Оценка: intrinsic vs extrinsic; t-SNE — только иллюстрация.

4.10. Формулы — и что они значат «по-русски»

(1) Softmax Skip-gram:

$$P(c|w) = \exp(v_c^T u_w) / \sum_j \exp(v_j^T u_w)$$

→ максимизируем вероятность «правильных» контекстов

(2) Negative Sampling:

$$L_{NS} = \log \sigma(v_c^T u_w) + \sum_i \log \sigma(-v_{\{n_i\}}^T u_w)$$

→ хотим: «правильные» пары → 1, «случайные» → 0

(3) Субсэмплинг частых слов:

$$p_{discard}(w) = 1 - \sqrt{t / f(w)}, t \approx 1e-5$$

→ уменьшаем шум от «и», «в», «на»

(4) GloVe:

$$J = \sum_i f(X_{ij}) \cdot (w_i^T \tilde{w}_j + b_i + b_j - \log X_{ij})^2$$

→ скалярные произведения объясняют log-кооккурентности

(5) fastText (слово как сумма n-грамм):

$$z_w = \sum_{g \in G(w)} z_g$$

→ новая форма строится из знакомых кусочков

Конец лекции 4. При необходимости добавлю приложение: таблицу гиперпараметров и примеры запуска для gensim/fastText.

Экзамен: Классификация текстов — что отвечать

Каркас ответа по формуле преподавателя: «Достали эмбеддинг → отдали его в классификатор / или обучили end-to-end». Далее: единый конвейер, 5 архитектур и краткий экзамененный спич.

1) Единый каркас

[Текст] → [Токенизация/препроцессинг] → [Эмбеддинг/Энкодер]
→ [Пулинг: mean / max / attention / [CLS]]
→ [Классификатор: Linear / MLP]
→ [Потеря: CE (multiclass) / BCE-with-logits (multilabel)]

Multiclass — softmax+CE; Multilabel — сигмоиды+BCE-with-logits. Дисбаланс — class_weights/focal.

2) Пять канонических архитектур

2.1. Счётные + линейный: tf-idf → LogisticReg/SVM (быстро, объяснимо).

Текст → токены/леммы → tf-idf $\in \mathbb{R}^{|V|}$ → Linear → Softmax/Sigmoid

2.2. Статические эмбеддинги: Word2Vec/GloVe/fastText → mean/SIF → Linear/MLP.

Токены → lookup(E) → mean → z → Linear/MLP

2.3. CNN / BiLSTM+attention (end-to-end).

CNN: Emb → Conv+ReLU → Global MaxPool → FC; RNN: Emb → BiLSTM → Attn-pool → FC

2.4. BERT-энкодер: h_[CLS]/mean → Linear; обучаем end-to-end.

[CLS]+subwords → BERT → h_[CLS]/mean → Dropout+Linear → Softmax/Sigmoid

2.5. T5/mT5: генерация метки или encoder-head.

A: “classify: <текст>” → T5 → “спорт” | B: T5-encoder → mean → Linear

3) Инженерные детали (кратко)

Длины: Longformer/BigBird или чанки + агрегирующий пулинг. Дисбаланс: class_weights/focal; метрики: F1-macro, PR-AUC. Без утечек: словарь/IDF только по train.

4) Экзамененный спич (60–90 секунд)

Любая классификация — эмбеддинг → head. Фиксированный эмбеддинг: tf-idf или mean fastText/Word2Vec → логрег/SVM. End-to-end энкодер: CNN/biLSTM+attention или чаще BERT: берём h[CLS]/mean, сверху Linear и дообучаем. Для T5 можно генерировать метку или брать encoder-выход с head'ом. Multiclass — softmax+CE; Multilabel — сигмоиды+BCE; при дисбалансе — веса классов или focal, метрики — F1-macro/PR-AUC; длинные тексты — чанкуем и агрегируем.

Лекция. Механизм внимания (Attention): от RNN-seq2seq до Трансформеров

Зачем нужно внимание, формулы Bahdanau/Luong, scaled dot-product и multi-head в трансформерах, self- vs cross-attention, маски (padding/causal), позиционные кодировки, coverage/pointer, сложность и длинные последовательности, чек-лист для ответа.

1) Интуиция: почему вообще нужно внимание

Без внимания энкодер должен упаковать всё предложение в один вектор — «бутылочное горлышко». Внимание позволяет декодеру динамически смотреть на разные части входа и собирать контекст под текущий шаг генерации.

Идея: посчитать «важность» каждого h_i для шага t , нормировать softmax и взять взвешенную

2) Внимание в RNN-seq2seq: Bahdanau (additive) и Luong (dot/general)

Bahdanau (additive) attention:

$$\begin{aligned} e_{\{t,i\}} &= v^T \tanh(W_s s_{\{t-1\}} + W_h h_i) \\ \alpha_{\{t,i\}} &= \exp(e_{\{t,i\}}) / \sum_j \exp(e_{\{t,j\}}) \\ c_t &= \sum_i \alpha_{\{t,i\}} h_i \end{aligned}$$

Luong (dot/general) attention:

$$\begin{aligned} \text{score_dot}(s_t, h_i) &= s_t^T h_i \\ \text{score_general}(s_t, h_i) &= s_t^T W h_i \\ \alpha_{\{t,i\}} &= \text{softmax}_i(\text{score}(s_t, h_i)) \\ c_t &= \sum_i \alpha_{\{t,i\}} h_i \end{aligned}$$

Additive использует маленький MLP; dot/general опирается на скалярные произведения (быстрее). Оба возвращают α и контекст c_t .

3) Scaled Dot-Product Attention и Multi-Head (трансформеры)

$$\begin{aligned} Q &= XW_Q, K = XW_K, V = XW_V \\ \text{Attn}(Q, K, V) &= \text{softmax}(QK^T / \sqrt{d_k}) V \end{aligned}$$

$$\text{MultiHead} = \text{Concat}(\text{head}_1.. \text{head}_h)W_O, \text{ где } \text{head}_j = \text{Attn}(QW_Q^j, KW_K^j, VW_V^j)$$

Токен формирует запрос и «спрашивает» других токенов; несколько голов смотрят под разными углами.

4) Self-attention, Cross-attention и маски

Self: Q,K,V из одной X; в декодере — causal маска. Cross: Q из декодера, K,V из энкодера. Маски
Энкодер: self-attention смешивает информацию по входу; декодер: masked self-attention + cross-attention к энкодеру.

5) Позиционные кодировки

$\text{PE}(\text{pos}, 2i) = \sin(\text{pos}/10000^{2i/d})$; $\text{PE}(\text{pos}, 2i+1) = \cos(\text{pos}/10000^{2i/d})$; альтернативы: learned/repeat

Они дают self-attention чувство порядка.

6) Coverage и Pointer-Generator

Coverage: накапливаем прошлые α и штрафуем повторы; Pointer: p_{gen} смешивает генерацию и
Помогает избегать повторов и копировать имена/числа/OOV.

7) Сложность и длинные последовательности

Стандартный self-attention $O(n^2)$; удешевление: Longformer/BiG-Bird/Linformer/Performer/Reformer

8) Обучение и декодирование

MLE с teacher forcing (+label smoothing). Декодирование: greedy/beam + length/coverage penalties

9) Схемы (ASCII)

- (A) Additive: $s_{\{t-1\}} \rightarrow \text{tanh} \rightarrow v^T + h_i \rightarrow \text{softmax} \rightarrow \alpha \rightarrow c_t = \sum \alpha h$
- (B) Enc-block: $X \rightarrow \text{Multi-Head SA} \rightarrow +\text{res} \rightarrow \text{FFN} \rightarrow +\text{res}$
- (C) Dec-step: $S \rightarrow \text{Masked SA} \rightarrow +\text{res} \rightarrow \text{Cross}(H_{\text{enc}}) \rightarrow +\text{res} \rightarrow \text{FFN} \rightarrow +\text{res} \rightarrow \text{logits}$

10) Чек-лист для устного ответа

Мотивация; Bahdanau/Luong; scaled dot-product и multi-head; self vs cross; маски; позиции; coverage

Лекция. Архитектура Encoder-Decoder и используемые модели (RNN / LSTM / GRU / Transformer)

Подробная учебная версия: зачем нужен Seq2Seq, базовая математика RNN/LSTM/GRU, внимание (Bahdanau/Luong), обучение и декодирование, улучшения (coverage/pointer), варианты энкодеров/декодеров и примеры применения.

1) Зачем нужен Encoder-Decoder (Seq2Seq)

Вход: последовательность $x_1 \dots x_T$. Выход: другая последовательность $y_1 \dots y_{\{T'\}}$ (часто другой длины). Encoder превращает вход в скрытое представление; Decoder авторегрессивно генерирует выход, опираясь на это представление (обычно через внимание).

[ВХОД $x_1 \dots x_T$] --(Encoder)--> [скрытое представление входа] --(Context/Attention)--> (Decoder) -->

2) Базовая математика Seq2Seq-RNN

2.1. Простой RNN

$$h_t = \tanh(W_x x_t + W_h h_{\{t-1\}} + b)$$

По-русски: смешиваем текущий вход с прошлой «памятью» и получаем новое состояние.

2.2. LSTM — долгая память

$$\begin{aligned} i_t &= \sigma(W_i x_t + U_i h_{\{t-1\}} + b_i) \\ f_t &= \sigma(W_f x_t + U_f h_{\{t-1\}} + b_f) \\ o_t &= \sigma(W_o x_t + U_o h_{\{t-1\}} + b_o) \\ \hat{c}_t &= \tanh(W_c x_t + U_c h_{\{t-1\}} + b_c) \\ c_t &= f_t \odot c_{\{t-1\}} + i_t \odot \hat{c}_t \\ h_t &= o_t \odot \tanh(c_t) \end{aligned}$$

Перевод: три «крана» решают, что забыть, что добавить и что показать из памяти c_t .

2.3. GRU — упрощённый LSTM

$$\begin{aligned} z_t &= \sigma(W_z x_t + U_z h_{\{t-1\}}) \\ r_t &= \sigma(W_r x_t + U_r h_{\{t-1\}}) \\ \hat{h}_t &= \tanh(W_h x_t + U_h (r_t \odot h_{\{t-1\}})) \\ h_t &= (1 - z_t) \odot h_{\{t-1\}} + z_t \odot \hat{h}_t \end{aligned}$$

Перевод: две ручки смешивают старую и новую информацию; проще и быстрее LSTM.

3) Классическая архитектура: RNN-Encoder → RNN-Decoder

Encoder: принимает токены $x_1 \dots x_T$ (эмбеддинги), часто двунаправленный (bi-RNN): $h_t = [\rightarrow h_t; \leftarrow h_t]$. Выдаёт последовательность состояний $h_1 \dots h_T$.

Decoder: на шаге t берёт предыдущий токен $y_{\{t-1\}}$ (на обучении — teacher forcing), обновляет состояние s_t и выдаёт распределение по словарю.

$$p(y_t | y_{\{t-1\}}, x) = \text{softmax}(W_o \cdot g(s_t, c_t) + b)$$

4) Механизм внимания (Attention) — «куда смотреть на входе»

Bahdanau (additive) attention:

$$e_{\{t,i\}} = v^T \tanh(W_s s_{\{t-1\}} + W_h h_i)$$

$$\alpha_{\{t,i\}} = \exp(e_{\{t,i\}}) / \sum_j \exp(e_{\{t,j\}})$$

$$c_t = \sum_i \alpha_{\{t,i\}} h_i$$

Luong (dot/general) attention — быстрее: $\text{score}(s_t, h_i) = s_t^T h_i$ или $s_t^T W h_i$.

Перевод: для каждого шага декодера считаем «важность» каждого входного состояния и берём их взвешенную сумму как контекст.

5) Обучение и декодирование

Обучение (MLE): оптимизируем сумму лог-вероятностей правильных токенов с teacher forcing.

$$L = - \sum_{t=1..T} \log p(y_t^{\text{gold}} | y_{\{<t\}}^{\text{gold}}, x)$$

Декодирование: greedy или beam search (top-B) + length/coverage penalties.

Exposure bias смягчают scheduled sampling, label smoothing.

6) Улучшения для RNN-Seq2Seq

- Input feeding: подавать $[s_t; c_t]$ на следующий шаг
- Coverage attention/loss: учитывать «сколько уже посмотрели» → меньше повторов
- Pointer-generator / Copy: уметь копировать слова из входа (имена, числа, OOV)
- Subword-токенизация (BPE/WordPiece) или char/byte уровни

7) Какие модели могут быть внутри Encoder/Decoder

RNN-семейство (LSTM/GRU), CNN-варианты, и Transformer как современный encoder-decoder (self-attn/cross-attn).

[Encoder]*L: Multi-Head Self-Attn → FFN (+residual+LayerNorm)

[Decoder]*L: Masked Self-Attn → Cross-Attn(на выход энкодера) → FFN

8) Применения

- Машинный перевод, суммаризация, диалог, ASR, перефразирование, грамкоррекция

9) Чек-лист для устного ответа (2-3 минуты)

- 1) Encoder-Decoder + внимание;
- 2) RNN (LSTM/GRU) и Transformer;
- 3) формулы внимания;
- 4) MLE + teacher forcing, beam search;
- 5) улучшалки;
- 6) примеры задач.

Готово: Encoder-Decoder. При необходимости добавлю приложение с псевдокодом beam search.

Лекция: Механизм внимания (Attention) — интуиция, формулы, варианты и примеры

5-минутный учебный конспект: от интуиции и математики до практических вариантов (Bahdanau/Luong, Scaled Dot-Product, Multi-Head, Self/Cross-Attention) и примеров применения.

1) Интуиция: зачем нужно внимание

В seq2seq-задачах модель должна на каждом шаге «посмотреть» на релевантные части входа. Внимание даёт дифференцируемый способ взвесить элементы источника и собрать из них контекст для текущего шага.

Идея: «Что из входа важно сейчас?»

↓
[Вход: $h_1 \ h_2 \ \dots \ h_T$] → веса $\alpha_{\{t,\cdot\}} = \text{softmax}(\text{score}(\text{текущий_запрос}, \text{ключи}))$
↓
Контекст $c_t = \sum_i \alpha_{\{t,i\}} \cdot h_i$ → помогает предсказать следующий токен/класс

2) Базовая математика: Q, K, V и Scaled Dot-Product

Матрицы запросов (Q), ключей (K) и значений (V):

$$Q = X W_Q, \quad K = X W_K, \quad V = X W_V$$

Scaled Dot-Product Attention:

$$\text{Attn}(Q, K, V) = \text{softmax}(Q K^T / \sqrt{d_k}) V$$

По-русски: считаем сходства «запрос ↔ ключ», делим на $\sqrt{d_k}$ для устойчивости, нормируем softmax'ом и берём взвешенную сумму значений.

3) Варианты внимания: additive, dot/general, scaled, multi-head

3.1. Additive (Bahdanau):

$$\begin{aligned} e_{\{t,i\}} &= v^T \tanh(W_q q_t + W_k k_i) \rightarrow \alpha_{\{t,i\}} = \text{softmax}(e_{\{t,i\}}) \\ c_t &= \sum_i \alpha_{\{t,i\}} v_i \end{aligned}$$

Перевод: «оценка важности» через маленькую сеть над (q_t, k_i) .

3.2. Luong (dot/general):

$$\begin{aligned} \text{score_dot}(q, k) &= q^T k \\ \text{score_general}(q, k) &= q^T W k \end{aligned}$$

Быстрее, чем additive; классика для RNN-декодеров.

3.3. Scaled Dot-Product (transformers):

$$\text{softmax}(Q K^T / \sqrt{d_k}) V$$

Масштабирование $1/\sqrt{d_k}$ предотвращает «пересатурацию» softmax при высоких размерностях.

3.4. Multi-Head Attention:

Для каждой головы h :

$$\begin{aligned} Q_h &= X W_Q^h, \quad K_h = X W_K^h, \quad V_h = X W_V^h \\ H_h &= \text{softmax}(Q_h K_h^T / \sqrt{d_k}) V_h \\ \text{Concat}(H_1, \dots, H_H) W_O \end{aligned}$$

Несколько «ракурсов» внимания одновременно; разные головы фокусируются на разных зависимостях.

4) Self-Attention vs Cross-Attention

Self-Attn: $Q=K=V$ из одной последовательности (пример: энкодер).

Cross-Attn: Q из декодера, K,V из энкодера (пример: MT).

Masked Self-Attn (декодер): запрещаем смотреть вперёд (каузальная маска).

В трансформере энкодер использует self-attention, декодер — masked self-attention + cross-attention.

5) Примеры применения

5.1. Машинный перевод (RNN-seq2seq с вниманием):

[Encoder RNN (bi-LSTM)] $\rightarrow h_1..h_T$

На шаге t декодера: $\alpha_{\{t,\cdot\}}$ по $h_i \rightarrow c_t = \sum \alpha_{\{t,i\}} h_i \rightarrow$ предсказываем y_t

Выигрыш: убираем узкое горлышко и получаем выравнивание вход \leftrightarrow выход.

5.2. Классификация с attention-пулингом:

$e_i = \tanh(W h_i)$, $\alpha_i = \text{softmax}(q^T e_i)$, $z = \sum \alpha_i h_i \rightarrow \text{Linear} \rightarrow$ классы

Модель учится выделять важные слова/фразы для метки, что повышает интерпретируемость.

5.3. Pointer-Generator (копирование):

$P(w) = p_{\text{gen}} \cdot P_{\text{vocab}}(w) + (1-p_{\text{gen}}) \cdot \sum_{i: x_i = w} \alpha_{\{t,i\}}$

Можно сгенерировать слово или скопировать его с позиций источника по весам внимания — полезно для имён/чисел/OOV.

5.4. ViT/Трансформеры:

ViT: изображение \rightarrow патчи \rightarrow эмбеддинги \rightarrow [Self-Attn блоки] \rightarrow [CLS] для классификации

6) Вычислительная сторона и практика

- Стоимость: $O(n^2 \cdot d)$. Для длинных последовательностей: Longformer/BiGBird/Performer, FlashAttention.
- Маски: padding-mask и causal-mask — обязательны для корректности.
- Dropout на матрицах внимания; контроль «остроты» через масштаб и температуру softmax.

7) Подводные камни

- Веса внимания \neq доказанная причинная важность (не путать с объяснимостью).
- Без масок языковая модель «подсмотрит» будущее.
- n^2 сложность по длине — планируйте архитектуру и длины контекстов.

8) Чек-лист для устного ответа

- 1) Определение и формула: $\text{Attn}(Q,K,V) = \text{softmax}(QK^T / \sqrt{d_k})V$.
- 2) Разновидности: Bahdanau/Luong, multi-head; self- vs cross-attention; маски.
- 3) Примеры: MT с выравниванием; attention-пулинг; pointer-generator; ViT.
- 4) Практика: сложность $O(n^2)$, маски и регуляризация.

Готово: короткая, но полная лекция по вниманию. Могу расширить слайдами-схемами и упражнениями.

Лекция: Архитектура трансформера — за 5 минут

Интуиция, блоки Encoder/Decoder, формулы внимания (QKV), позиционные коды, FFN, резидуалы+LayerNorm, маски, варианты (BERT/GPT/T5), а также вычислительная сложность и практические заметки.

1) Зачем трансформер

RNNы сложны для параллелизации и плохо переносят очень длинные зависимости. Трансформер убирает рекурсию и строит представления через self-attention с параллельной обработкой всех позиций.

Высокоуровневая схема (encoder-decoder):

[Входные токены] → [Encoder блоки]^{*L} → H_{enc}

↘

[Decoder блоки]^{*L}: Masked Self-Attn + Cross-Attn(H_{enc}) → [токен за токеном]

2) Базовая математика: Q, K, V и Multi-Head Attention

$$Q = X W_Q, \quad K = X W_K, \quad V = X W_V$$

X — матрица скрытых состояний (последовательно-

Scaled Dot-Product:

$$\text{Attn}(Q, K, V) = \text{softmax}(\frac{Q K^T}{\sqrt{d_k}}) V$$

Multi-Head (H голов):

$$H_h = \text{softmax}(\frac{Q W_Q h (K W_K h)^T}{\sqrt{d_k}}) (V W_V h)$$

$$\text{concat}(H_1, \dots, H_H) W_O$$

Перевод: считаем сходства «запрос-ключ», нормируем, берём взвешенную сумму значений. Несколько голов — это несколько «ракурсов» внимания одновременно.

3) Блоки энкодера и декодера

3.1. Encoder-блок (слой):

$$x \rightarrow [\text{LayerNorm}] \rightarrow [\text{Multi-Head Self-Attn}] \rightarrow + x \text{ (residual)} \rightarrow y$$

$$y \rightarrow [\text{LayerNorm}] \rightarrow [\text{FFN (позиционно-обособленная MLP)}] \rightarrow + y \text{ (residual)}$$

FFN обычно: $\text{FFN}(h) = W_2 \cdot \text{GELU}(W_1 \cdot h)$ (или ReLU/SiLU)

Примечание: в современных реализациях часто используется Pre-LN (LayerNorm до блока), улучшая стабильность обучения.

3.2. Decoder-блок (слой):

$$x \rightarrow [\text{LayerNorm}] \rightarrow [\text{Masked Multi-Head Self-Attn}] \rightarrow + x$$

$$\rightarrow [\text{LayerNorm}] \rightarrow [\text{Cross-Attn(на выход энкодера } H_{enc})] \rightarrow + \dots$$

$$\rightarrow [\text{LayerNorm}] \rightarrow [\text{FFN}] \rightarrow + \dots$$

«Masked» означает каузальную маску (токен t не видит $t+1..n$). Cross-Attn смотрит ключи/значения из энкодера.

4) Позиционные представления (куда девать порядок?)

Синусоидальные (Vaswani et al.):

$$\text{PE}(pos, 2i) = \sin(pos / 10000^{2i/d_{model}})$$

$$\text{PE}(pos, 2i+1) = \cos(pos / 10000^{2i/d_{model}})$$

Альтернативы: обучаемые позиционные эмбеддинги; Rotary Positional Embeddings (RoPE); ALiBi.

По-русски: добавляем позиционный «сигнал» к эмбеддингам токенов, чтобы self-attention различал порядок.

5) Маски в внимании

- Padding-mask: игнорировать «пустые» токены (паддинги) в батче.
- Causal-mask (декодер/LM): запрещаем смотреть вперёд → строго авторегрессия.

6) Семейства на базе трансформера

- Encoder-only: BERT/roBERTa — классификация, токен-классификация, поиск (bi-encoder), MLM-кодекодер.
- Decoder-only: GPT — авторегрессия/генерация; causal self-attention.
- Encoder-Decoder: T5/BART — seq2seq (перевод, суммаризация), cross-attn к энкодеру.

Различие — не в базовой механике внимания, а в том, какие блоки включены и как ставятся маски/задачи обучения.

7) Обучение и выходные головы

- BERT: Masked LM (закрываем часть токенов), NSP (исторически), задачи классификации → [CLS] + [SEP].
- GPT: next-token prediction (NTP), head — линейный слой на словарь.
- T5: text-to-text; head — лингвистический словарь декодера.

В классификации часто берут [CLS] или mean-пулинг скрытых состояний энкодера и подают в линейный классификатор.

8) Вычислительная сложность и оптимизации

Self-Attn: $O(n^2 \cdot d)$. Для длинных последовательностей: Longformer/BigBird/Performer, Linformer, Reformer, а также FlashAttention (эффективнее по памяти/скорости).
Практика: mixed precision (bf16/fp16), grad checkpointing, KV-кэш в декодере.

9) Подводные камни

- Неправильные маски → утечки будущего или «съедание» паддингов.
- Слишком высокая LR при fine-tuning → «забывание» предобученного.
- Контекст обрезан слишком коротко → потеря дальних зависимостей.
- Отсутствие токенизации под язык → OOV/дробление на символы без надобности.

10) Чек-лист для устного ответа ($\approx 1\text{-}2$ минуты)

- 1) Блоки: (a) Multi-Head Self-Attn, (b) FFN (позиционный MLP), (c) резидуалы + LayerNorm.
- 2) Формула: $\text{Attn}(Q, K, V) = \text{softmax}(QK^\top / \sqrt{d_k})V$; multi-head = параллельные «ракурсы».
- 3) Позиционные коды (sin/learned/RoPE), маски (padding/causal).
- 4) Семейства: BERT (encoder-only), GPT (decoder-only), T5 (enc-dec).
- 5) Сложность $O(n^2)$; варианты для длинных последовательностей.

Готово: краткая, но полноценная лекция по трансформеру. По желанию добавлю страницу с различиями Post-LN vs Pre-LN и схемой параметров матриц $W_Q/W_K/W_V$.

Лекция: Стратегии генерации текста — Beam search, температура, top-k, top-p и др. (≈ 5 минут)

Зачем нужны стратегии, как они работают математически, плюсы/минусы и когда что выбирать. Плюс: современные варианты (typical, contrastive, mirostat, speculative).

1) Постановка: авторегрессивная генерация

Модель предсказывает следующий токен по уже сгенерированным: $p(y_t | y_{\{<t\}}, x)$. Наша задача — выбрать стратегию, как извлекать последовательность из распределения модели.

Две семьи методов:

- Поиск (deterministic): greedy / beam — максимизируем лог-вероятность, меньше рандома.
- Сэмплинг (stochastic): температура, top-k, nucleus (top-p) — контролируем разнообразие.

2) Greedy и Beam search

Greedy: берём argmax на каждом шаге — быстро, но «жадно» и может застрять в повторениях.

Beam (ширина B): поддерживаем top-B гипотез по сумме лог-вероятностей.

Цель: $y^* = \text{argmax}_y (\sum_t \log p(y_t | y_{\{<t\}}, x) / \text{len}(y)^\alpha)$ # часто с length-penalty $\alpha \in [0, 1]$

Улучшения:

- coverage penalty (MT/суммаризация)
- diversity beam (разнообразие между лучами)
- no-repeat-n-gram (запрет повторов n-грамм)
- repetition penalty

Когда хорош: перевод, краткое суммирование — где важна высокая вероятность и детерминизм. Минусы: может быть «скучным», усиливает повторяемость.

3) Температура (Temperature Sampling)

Пере-нормируем логиты: $z' = z / \tau$

$p(y_t=k) = \text{softmax}(z'_k)$

- $\tau < 1 \rightarrow$ острее распределение (более детерминировано)
- $\tau > 1 \rightarrow$ более ровное (больше разнообразия/шума)

Интуитивно: температура управляет «жадностью» vs креативностью. Хороша в паре с top-k/top-p.

4) Top-k и Nucleus (Top-p) sampling

Top-k: оставить k самых вероятных токенов, пере-нормировать и сэмплировать из них.

Nucleus (Top-p): выбрать минимальный набор токенов с суммарной массой $\geq p$, сэмплировать из

Рецепт: $k=40\dots 200$, $p=0.8\dots 0.95$ (подбирать под задачу)

Отличие: top-k фиксирует размер «окна»; top-p — фиксирует «надежность» (массу вероятности). Топ-p адаптивен: при пике — узко, при плоском — шире.

5) Современные и гибридные стратегии

5.1. Typical sampling

Идея: выбирать токены с «типичной» сюрпризностью близкой к энтропии распределения.

Эвристика: отбирать токены, где $-\log p(k) \approx H(p)$, отсекая «слишком предсказуемые/редкие».

Даёт баланс между банальностью и галлюцинациями; часто стабилен при диалогах.

5.2. Contrastive search

Баланс «правдоподобия и не-повторяемости»:

$$\text{argmax}_y [\lambda \cdot \log p(y_t | y_{\{ < t\}}) - (1-\lambda) \cdot \max_{\{j < t\}} \cos(h_t, h_j)]$$

Снижает «тупое» повторение, сохраняя связность. Полезно для длинных ответов/статей.

5.3. Mirostat (1.0/2.0)

Онлайн-контроль целевой перплексии \hat{t} : подстраивает «эффективный» порог во время генерации, стремясь удерживать заданный уровень «неопределенности». Хорош для устойчивых диалогов.

5.4. Спекулятивное декодирование (Speculative decoding)

Быстрение: маленькая «черновая» модель предлагает несколько шагов; большая проверяет/принимает/отклоняет. Ускоряет без изменения распределения таргет-модели.

6) Контроль повторов и форматирования

- no-repeat-n-gram (запрет n-грамм)
- repetition penalty (штраф логитам встречавшихся токенов)
- presence/frequency penalties
- бан листы токенов (stop-words/разметка)
- контроль длины: min/max length, length penalty, EOS threshold

Для задач фактов — лучше ниже температура и аккуратный top-p; для креатива — выше температура/шире p, но сильнее анти-повторные ограничения.

7) Как выбирать стратегию (правило большого пальца)

- Перевод/резюме/QA с точностью → Beam ($B=4..8$) + length/coverage penalties; no-repeat-n-gram
- Диалог/креатив → top-p (0.9) + $\tau \approx 0.7$ (или typical). Иногда top-k=50..100.
- Длинный текст → contrastive / mirostat; включить анти-повторы.
- Продуктив → ограничить температуру (≤ 0.7), строгие стоп-токены, калибркованные пороги.

8) Чек-лист для устного ответа ($\approx 1-2$ минуты)

- 1) Поиск vs семпллинг: детерминизм vs разнообразие.
- 2) Beam: сумма лог-вероятностей + length penalty; проблемы повторов — coverage/diversity/no-repeat-n-gram
- 3) Температура, top-k, top-p: что изменяют и как настраивать.
- 4) Современные: typical, contrastive, mirostat, speculative — когда полезны.
- 5) Практика: анти-повторы, контроль длины, выбор по задаче (точность vs креатив).

Готово: краткая лекция со справочными формулами и рецептами. Могу добавить разворот с графиками влияния $\tau/p/k$ на распределение.

Лекция: Токенизация — BPE/BBPE, WordPiece, SentencePiece (Unigram/BPE) — ≈5 минут

Зачем субсловные токенизаторы, базовый пайплайн, алгоритмы обучения/кодирования, различия маркеров (##, _, Ģ), плюсы/минусы и когда что выбирать.

1) Зачем субсловные токены

Открытый словарь: редкие слова, формы, имена, эмодзи. Субсловный подход уменьшает OOV и размер словаря, сохраняя способность моделировать морфологию.

Пайплайн:

[Нормализация] → [Пре-токенизация (опц.)] → [Модель токенизации] → [Пост-обработка: спецтс...]

2) BPE (Byte-Pair Encoding в NLP, Sennrich et al.)

Идея: итеративно склеиваем самые частые соседние символы/сабтокены, формируя словарь фиксированного размера K. Кодирование — жадное применение правил слияния.

\

Обучение (эскиз):

- 1) Инициализация: разбейте слова на символы + маркер конца слова </w> (или пробельный маркер).
- 2) Повторять, пока |V| < K:
 - Посчитать частоты пар (a,b) во всех словах корпуса.
 - Выбрать самую частую пару (A,B) и слить её → новый символ A_B.
 - Обновить представление слов (заменить все вхождения A B на A_B).

Кодирование:

- Разбить слово на символы (+</w>), затем применить merge-правила в порядке обучения, пока не получим единицу.

Пример: "lower" → l o w e r </w> → low er </w> → low er</w>

Плюсы: простой/быстрый, открытый словарь от символов.

Минусы: чувствителен к предразбиению/регистру/пробелам, не оптимален по правдоподобию.

3) Byte-Level BPE (BBPE, как в GPT-2)

\

Идея: работать на уровне байтов (UTF-8), а не символов Unicode/слов.

- Начальный алфавит = 256 байтов → никакого OOV (всегда разложим на байты).
- Пробел часто кодируется отдельным признаком (например, символ 'Ġ' перед токеном у GPT-2).
- Нормализация минимальна; эмодзи/диакритика/редкие символы обрабатываются устойчиво.

Плюсы: «нулевой» OOV, единый механизм для любых языков/символов.

Минусы: токены иногда выглядят непривычно; больше шагов для обычных слов (до слияний).

4) WordPiece (Google, используется в BERT)

Похоже на BPE, но критерий выбора слияний связан с максимизацией правдоподобия корпуса (через оценку вероятностей субслов). На практике тренируется жадно: добавляем слияния, которые улучшают лог-правдоподобие.

\

Особенности:

- Маркер продолжения слова: префикс '#' у продолжений (например, "play", "#ing").
- Разбиение обычно после пробельной претокенизации (слова → субслова).
- Словарь фиксированного размера (например, 30k).

Плюсы: хорошо работает в энкодерах (BERT), устойчив к морфологии.

Минусы: зависит от претокенизации/регистра и нормализации (нужна аккуратность).

5) SentencePiece (Kudo): BPE и Unigram LM без претокенизации

Работает по «сырому» тексту (без разбиения на слова). Специальный символ ''' означает границу слова (замена пробела). Поддерживает два режима: BPE и Unigram LM.

\

5.1. Unigram LM (основной режим):

- Старт: большой «начальный» словарь сабтокенов.
 - Обучение: итеративно удаляем токены, чьё удаление минимально ухудшает правдоподобие
 - Регуляризация: можно семплировать альтернативные сегментации при обучении/инфереенсе
- Плюсы: вероятностная модель сегментаций, гибкость, хорошая перплексия.
Минусы: обучение сложнее/медленнее, чем у BPE.

5.2. SentencePiece-BPE:

- Реализация BPE внутри SentencePiece, но без претокенизации; границы слов — через '''.
- Плюсы: стабильность и единый пайплайн; меньше зависимостей от языка.

6) Маркеры и пост-обработка

\

- BPE (классический): </w> (или 'G' как «пробел-метка» у BBPE).
- WordPiece: '##' префикс продолжения (начало слова — без '##').
- SentencePiece: ''' — явная граница слова в самом токене.
- Спецтокены: <pad>, <bos>/<eos>, <unk>, <cls>, <sep> и др.

Замечание: явные метки границ делают обратную детокенизацию однозначной и устойчивой к пробелам.

7) Практика: как выбирать

\

- GPT-подобные: Byte-Level BPE (open-vocab, устойчив к любым байтам).
- BERT-подобные: WordPiece (стабильно в энкодерах, '##' маркеры).
- Универсальный/многоязычный пайплайн: SentencePiece (Unigram) — без претокенизации, симметричный.
- Гиперпараметры: размер словаря (e.g., 30k-100k), нормализация (NFKC/нижний регистр), character-based

Правило большого пальца: если важна универсальность и простота пайплайна — SentencePiece (Unigram). Если нужна совместимость с BERT — WordPiece. Для автогенных моделей и любых символов — BBPE.

8) Чек-лист для устного ответа (\approx 1-2 минуты)

\

- 1) Зачем субслова: открытый словарь, морфология, компактность.
- 2) BPE: частотные слияния символов → словарь; кодирование жадное по merge-правилам.
- 3) Byte-Level BPE: на байтах UTF-8 → нулевой OOV; спецмаркеры пробела (например, 'G').
- 4) WordPiece: слияния под правдоподобие; '##' у продолжений; good для BERT.
- 5) SentencePiece: без претокенизации; ''' как пробел; режимы BPE и Unigram (EM, удаление токенов).
- 6) Что выбрать: BBPE для генерации; WordPiece для энкодеров; Unigram SP для универсальности.

Готово: краткая лекция с алгоритмами и практическими рецептами. Могу добавить слайд с пошаговым BPE на слове ('banana' → ba na na → ...).

Лекция: Метрики BLEU, ROUGE, Perplexity — и как ещё мерить качество (≈ 5 минут)

Зачем нужны метрики, формулы и «человеческие» переводы, ограничения и практические рекомендации по выбору набора метрик под задачу.

1) Зачем метрики вообще

Оцениваем: правдоподобие, смысл/покрытие фактов, связность/стиль, калибровку вероятностей, разнообразие и безопасность. Одна метрика не покрывает всё → используем набор метрик + человеческую оценку.

2) BLEU — n-граммная точность с штрафом за длину (перевод/пересказ)

Формула (корпусная):

$$\text{BLEU} = \text{BP} \cdot \exp(\sum_{n=1..N} w_n \cdot \log p_n)$$

p_n — модифицированная точность n-грамм (clipped precision).

BP (brevity penalty) = 1, если $c > r$; иначе $\exp(1 - r/c)$.

c — суммарная длина гипотез; r — «эффективная» длина референсов.

По-русски: доля совпавших 1/2/3/4-грамм среди сгенерированных × штраф за слишком короткий перевод
Плюсы: быстро, исторический стандарт в MT. Минусы: плохо ловит перефразы/синонимы; надёжность оценивается на корпусе

3) ROUGE — recall-ориентировано (суммаризация)

ROUGE-N: recall по n-граммам (сколько из референса покрыли).

ROUGE-L: через LCS (наибольшая общая подпоследовательность), часто F-мера:

$$R = \text{LCS}/m, P = \text{LCS}/n, F_L = ((1+\beta^2) \cdot P \cdot R) / (R + \beta^2 \cdot P)$$

По-русски: «насколько хорошо покрыли то, что важно в эталоне?». Хорошо для экстрактивной синтаксис-суммаризации

4) Perplexity (PPL) — внутренняя метрика языковых моделей

Средняя отрицательная лог-вероятность:

$$H = -(1/T) \sum_t \log p(y_t | y_{\{ < t\}})$$

$$\text{PPL} = \exp(H)$$

По-русски: «насколько модель удивляется тестовому тексту». Низкая PPL ≠ хороший перевод/пересказ

5) Улучшенные автоматические метрики генерации

- METEOR — учитывает стемминг/синонимы; лучше BLEU на уровне предложений.
- chrF / chrF++ — F-мера по символным n-граммам (робастно к морфологии).
- BERTScore — сходство гипотезы и референса в пространстве контекстных эмбеддингов (cosine similarity).
- BLEURT / COMET — обучаемые метрики, хорошо коррелируют с людьми.
- MAUVE — дивергенция распределений «человек vs модель» (естественность/диверсификация)

6) QA, извлечение и RAG

- QA (короткие ответы): Exact Match (EM), F1 по токенам (SQuAD-стиль).
- Factuality: QAGS, FactCC, SummaC — фактическая согласованность с источником (ограниченная на конкретную тематику).
- RAG: качество извлечения — Recall@k, MRR, NDCG@k, Hit@k; качество ответа — EM/F1.

7) Классификация/ранжирование и калибровка

- Accuracy при балансе; Precision/Recall/F1 (macro/micro/weighted) — при дисбалансе.
- ROC-AUC и PR-AUC (при дисбалансе информативнее PR-AUC).
- Калибровка вероятностей: ECE (Expected Calibration Error), Brier score.

- Ранжирование: MRR, NDCG, MAP.

8) Диверсификация и качество формы

- distinct-n (доля уникальных n-грамм)
- repetition rate / no-repeat violations
- Перплексия внешней LM на выходах (гладкость)
- читаемостные индексы (ограниченно полезны)

9) Надёжность/безопасность/этика

- Токсичность, bias/fairness (целевые наборы).
- Утечки PII.
- Hallucination rate — доля фактических ошибок (часто ручная разметка).
- Робастность: устойчивость к перефразам/атакам (стресс-тесты).

10) Человеческая оценка — золотой стандарт

- Pairwise A/B (предпочтение), Likert (1-5: адекватность, беглость, фактичность, стиль).
- Слепая разметка + межсогл. (Cohen's κ , Krippendorff's α).
- LLM-as-a-Judge — только с калибровкой/перекрёстными проверками и разными judge-моделями

11) Практический playbook: «задача → метрики»

- MT: COMET/BLEURT + chrF/BLEU; обязательна выборка для human eval.
- Суммаризация: ROUGE-(1/2/L) + QAGS/FactCC; human factuality.
- Диалог/креатив: BERTScore/BLEURT/MAUVE + distinct-n; human (coherence/helpfulness).
- Языковые модели: PPL (внутр.) + задачные метрики (QA EM/F1, code pass@k, RAG EM/F1+Recall@k).
- Классификация: F1-macro/PR-AUC; ECE/Brier для калибровки.
- Отчётность: несколько метрик, доверительные интервалы/бутстрэп, significance tests (paired t-test).

12) Чек-лист для устного ответа (\approx 1-2 минуты)

- 1) BLEU = n-грамм precision + brevity penalty; ROUGE = recall (LCS как ROUGE-L).
- 2) Perplexity — «удивление» LM, не равна полезности в задачах.
- 3) Современные: BERTScore, COMET/BLEURT, chrF, MAUVE.
- 4) Под задачу выбираем набор метрик + human eval; для RAG учитываем и извлечение (Recall@k).
- 5) Калибровка (ECE/Brier), разнообразие (distinct-n), безопасность (токсичность/bias/hallucination).

Готово: сжатая, но полная лекция по метрикам. Могу добавить страницу с примерами расчёта BLEU/ROUGE на игрушных строках.

Лекция: Модели семейства GPT (Generative Pre-trained Transformer) — ≈5 минут

Что такое GPT, как устроена архитектура decoder-only Transformer, как обучают (NTP), чем дополняют (SFT/RLHF/DPO), как генерируют (KV-кэш, стратегии), и как адаптируют (PEFT, RAG, инструменты).

1) Идея и постановка задачи

GPT — это decoder-only Transformer, обучаемый предсказывать следующий токен (NTP):
 $\text{maximize}_{\theta} \sum_{t=1..T} \log p_{\theta}(y_t | y_{\{<t\}})$

По-русски: учим модель «продолжать текст»; оптимизируем кросс-энтропию; внутренняя метрика Пайплайн:

[Текст] → [Токенизация (BPE/BPE)] → [Эмбеддинги + позиционные коды]
→ [[Masked Self-Attn] + [FFN]] × L → [LM head] → $p(\text{next} | \text{контекст})$

2) Архитектура (decoder-only Transformer)

Вход: сумма токенного эмбеддинга и позиционного (sin/learned/RoPE/ALiBi).

Блок декодера (Pre-LN часто):

$x \rightarrow \text{LayerNorm} \rightarrow \text{Multi-Head Masked Self-Attn} \rightarrow +x$
 $\rightarrow \text{LayerNorm} \rightarrow \text{FFN (W2·GELU(W1·))} \rightarrow +\dots$

Masked Self-Attn (1 голова):

$\text{Attn}(Q, K, V) = \text{softmax}((QK^T)/\sqrt{d_K} + \text{mask})V$

Голова LM: линейный слой на размер словаря (часто weight tying с входными эмбеддингами).

Интуиция: токен на позиции t «смотрит» только назад (каузальная маска), смешивая разные «ракурсы» через multi-head attention.

3) Предобучение и законы масштабирования

Данные: веб/книги/код/диалоги → чистка, дедуп, безопасность (PII).

Оптимизация: AdamW, warmup, большие батчи, mixed precision.

Scaling laws: качество \sim степенной функции от {данные, параметры, FLOPs}; нужно согласовывать.

Контекст: рост $2k \rightarrow 8k \rightarrow 32k \rightarrow 128k+$; используют RoPE/ALiBi и KV-кэш.

4) От «болтливой» LM к ассистенту: инструкции и предпочтения

- 1) SFT (Supervised Fine-Tuning): (инструкция, хороший ответ).
- 2) Reward Model (RM): обучаем на парах предпочтений (лучший/хуже).
- 3) RLHF (PPO) или DPO/IPO: дообучаем, чтобы модель предпочитала «хорошие» ответы.
- 4) Политики/безопасность: системные подсказки, правила, фильтры, конституционное обучение.

Итог: модель становится послушной, полезной и безопасной, не теряя базовое языковое мастерство.

5) Инференс и скорость

KV-кэш: сохраняем K/V для уже сгенерированных токенов → следующий шаг O(L).

Спекулятивное декодирование: маленькая модель предлагает черновик, большая проверяет →

Стратегии генерации: greedy/beam (детерминизм) vs температура/top-k/top-p/typical/mirostat/consistency

6) Адаптация и инструменты

PEFT: LoRA/QLoRA, Adapters, Prefix/Prompt/Soft prompts — дешёвая настройка под домен.

RAG: извлекаем знания («контекст из базы/поиска») → добавляем в промпт → генерация.

Инструменты (tool use): function calling, код/таблицы/веб; агентные циклы (план→действие→конечно)

7) Сильные стороны и ограничения

Сильные: универсальность, перенос, масштабируемость качеством, zero/few-shot, гибкость декодера.
Ограничения: галлюцинации без RAG/инструментов; чувствительность к промптам; $O(n^2)$ по длине

8) Эволюция семейства (вехи)

GPT (2018): decoder-only + NTP → сильный перенос.

GPT-2 (2019): масштабирование, первые zero-shot промпты.

GPT-3 (2020): few-shot через in-context learning.

InstructGPT / 3.5: SFT + RLHF → ассистенты.

GPT-4-класс: лучше рассуждение, длинный контекст, мультимодальность, инструментальность.

(Точные детали закрытых моделей раскрыты частично; принципы — как выше.)

9) Как решаем задачи GPT на практике

Классификация/извлечение: инструкция + формат (JSON), низкая температура.

Суммаризация/перефраз: чанки (map-reduce), контроль фактов (ссылки/проверка).

Код/агенты: план → инструменты → верификация → итерации.

Диалог: системное сообщение + persona + память; умеренные параметры семпллинга.

10) Экзамененный чек-лист (≈ 90 секунд)

- 1) Определение: GPT — decoder-only Transformer, NTP: $\text{maximize } \sum \log p(y_t | y_{\{<t\}})$.
- 2) Архитектура: токенизация → эмбеддинг+позиции → [Masked Self-Attn + FFN] $\times L$ → LM head.
- 3) От LM к ассистенту: SFT → RM → RLHF/DPO; правила/безопасность.
- 4) Инференс: KV-кэш, speculative; генерация — greedy/beam vs temperature/top-p и анти-повторы.
- 5) Адаптация: LoRA/QLoRA, prompt-tuning; RAG и tool use для фактов/действий.
- 6) Плюсы/минусы: масштабируется и универсальна, но возможны галлюцинации и ограничения.

Готово: компактная лекция для ответа на экзамене. Могу добавить сравнение GPT vs BERT/T5 и схемку размеров (d_{model} , d_k , d_{ff} , H).

Лекция: Сравнение архитектур BERT, GPT и T5

— ≈5 минут

Высокоуровневые различия: какие блоки включены (encoder/decoder), какие цели предобучения (MLM/NTP/denoising), как используется модель на инференсе, и когда какую семью стоит брать.

1) Коротко: зачем три разные архитектуры

- BERT — encoder-only (дву направленное кодирование): лучше для понимания/классификации/тегирования
- GPT — decoder-only (авторегрессия): лучше для генерации продолжений/диалогов/кода.
- T5 — encoder-decoder (seq2seq): гибкий «text-to-text» для преобразований (перевод/суммаризация)

2) Архитектура и поток данных

BERT (encoder-only):

[Токены] → [Эмбеддинги + позиции] → [Self-Attn + FFN] × L → [Пулинг: [CLS]/mean] → [Задачная логика]

GPT (decoder-only):

[Токены] → [Эмбеддинги + позиции] → [Masked Self-Attn + FFN] × L → [LM head] → генерация токенов

T5 (encoder-decoder):

[Вход] → [Encoder: Self-Attn + FFN] × L → H_{enc}

[Выход] ← [Decoder: Masked Self-Attn + Cross-Attn(H_{enc}) + FFN] × L → генерация

3) Цели предобучения

- BERT: Masked Language Modeling (MLM) (+ историч. NSP). Дву направленное «угадывание» замаскированных токенов.
- GPT: Next-Token Prediction (NTP). Каузальная маска; учим «продолжать» текст.
- T5: Span-Corruption Denoising («text-to-text»): вырезаем спаны и просим декодер восстановить их.

Перевод: BERT учится «понимать контекст вокруг дырок»; GPT — «писать дальше»; T5 — «восстанавливать пропуски как задачу переформулирования текста».

4) Токенизация и позиционные представления

- BERT: WordPiece; как правило обучаемые (absolute) позиционные эмбеддинги.
- GPT: Byte-Level BPE; позиционные — обучаемые/альтернативно RoPE/ALiBi; каузальная маска сдвигов.
- T5: SentencePiece (Unigram); относительные позиционные смещения/байасы в attention.

Важно: выбор токенизатора влияет на OOV/многоязычность; позиционные коды — на длину контекста и перенос между длинами.

5) Как используется на инференсе

- BERT: извлекаем эмбеддинг [CLS] или mean-пулинг → классификация/ретривер; токен-классификатор
- GPT: авторегрессия → стратегии генерации (greedy/beam/temperature/top-p...); диалоги, код, синтаксис
- T5: «text-to-text»: "task: <описание> input: <текст>" → декодер генерирует ответ; beam для генерации

6) Сильные/слабые стороны и когда что брать

BERT — сильные:

- Быстрый и дешёвый на инференсе для классификации/извлечения (только энкодер).
- Отличные эмбеддинги предложений/токенов; устойчив к коротким контекстам.
- Минусы: не генерирует; контекст обычно короче; NSP исторически спорен.

GPT — сильные:

- Лучшая генерация, zero/few-shot через in-context; длинные контексты; гибкие стратегии выведения
- Минусы: для «понимания без генерации» дороже на инференсе; склонен к галлюцинациям (ошибкам)

T5 — сильные:

- Универсальный seq2seq: перевод, суммаризация, QA, перефраз; естественно поддерживает
- Минусы: для генерации дороже, чем GPT (нужно гнать и encoder, и decoder); тонкая настройка

7) Практика выбора (правило большого пальца)

- Классификация/извлечение/поиск эмбеддингов → BERT/roBERTa/DeBERTa (encoder-only).
- Открытая генерация/диалог/код → GPT-класс (decoder-only) + анти-повторы/контроль фактов
- Перевод/суммаризация/табличные-to-текст → T5/BART (encoder-decoder), beam + coverage/length
- Многоязычие: mBERT/XLM-R (encoder-only) или mT5 (enc-dec); для генерации — mT5.

8) Дообучение и адаптеры

- BERT: добавляем головы (классификация, токен-классификация), fine-tune end-to-end; PEFT —
- GPT: SFT → RLHF/DPO; PEFT (LoRA/QLoRA, prefix/prompt/soft prompts); RAG/инструменты для фиктивных
- T5: обучаем «инструкции» в стиле text-to-text; делим задачи на промпты; PEFT (LoRA/Adapters)

9) Вычислительная сторона

- Encoder-only (BERT): $O(n^2)$ по длине в self-attn, но нет дорогого декодера на инференсе → дёшево
- Decoder-only (GPT): $O(n^2)$ в обучении; на инференсе с KV-кэшем шаг $O(n)$; генерация последовательно
- Encoder-decoder (T5): два стека → дороже для генерации; зато мощный cross-attn для точных

10) Экзаменный чек-лист (≈ 90 секунд)

- 1) BERT = encoder-only + MLM (двунаправл. понимание); GPT = decoder-only + NTP (авторегрессия); T5 = encoder-decoder + span-denoising («text-to-text»).
- 2) Токенизаторы: WordPiece (BERT), BBPE (GPT), SentencePiece Unigram (T5); позиции: abs (BERT), rel (GPT)
- 3) Инференс: BERT — эмбеддинг → head; GPT — генерация; T5 — seq2seq «task: ... input: ...» → decode
- 4) Когда что: понимание/классификация → BERT; открытая генерация/диалог → GPT; структурные задачи → T5
- 5) Ограничения: длина контекста и $O(n^2)$; галлюцинации у GPT; стоимость enc-dec у T5.

Готово: компактная лекция для сравнения BERT/GPT/T5. По запросу добавлю таблицу отличий по гиперпараметрам (d_model, d_ff, H, токенизация, позиции).

Лекция: In-Context Learning — zero-shot, few-shot, chain-of-thought (\approx 5 минут)

Как LLM учится «на лету» из подсказки без обновления весов: виды промптов, схемы, приёмы повышения качества и подводные камни.

1) Интуиция: что такое In-Context Learning (ICL)

ICL — это когда модель извлекает «правило»/паттерн прямо из примеров в контексте и применяет его к новой задаче без градиентного обучения. Контекст = инструкция + (опц.) демонстрации + вопрос. Модель использует self-attention, чтобы сопоставить текущий запрос с примерами.

Схема:

[Инструкция] + [Демонстрации (опц.)] + [Вопрос] → Модель → [Ответ]

2) Zero-shot prompting (без примеров)

Идея: описать задачу словами и попросить ответ.

Шаблон:

Инструкция: "Классифицируй отзыв как positive/negative. Объяснения не давай."

Вход: "Сервис ужасный, но еда отличная."

Выход: "mixed" (или "positive"/"negative" — зависит от инструкции и набора меток)

Трюки:

- Ясные метки и формат ("Ответ: <label>", "JSON с полем label").
- Роль/стиль ("Ты — строгий модератор тональности").
- Подсказки-рамки: "Подумай пошагово, затем выведи только метку."

3) Few-shot prompting (с примерами-демонстрациями)

Идея: показать K примеров «вход → правильный выход», затем дать новый вход.

Шаблон k-shot:

Task: sentiment (labels: positive, negative)

Ex1: "Отличная подача." → positive

Ex2: "Скучно и затянуто." → negative

Query: "Неплохо, но второй акт слабый." → ???

Практика:

- Порядок примеров влияет (order effects).
- Баланс по классам; близость домена к запросу.
- Формат единообразен (разделители, префиксы "Вход:", "Выход:").
- Явная спецификация пространства меток (чтобы не «придумывал» лишнее).

4) Chain-of-Thought (CoT): пошаговые рассуждения

Идея: заставить модель «расписать» промежуточные шаги для сложных задач (арифметика, логика, etc.).

Базовый прием:

"Давай подумаем шаг за шагом." (англ. "Let's think step by step.")

Few-shot CoT:

Примеры включают и ход рассуждений, и финальный ответ.

Self-Consistency:

Сэмплировать несколько CoT-траекторий (T раз) → выбрать наиболее частый финальный ответ.

Scratchpad:

Хранить промежуточные переменные/соображения в явном формате (списки, таблицы).

Важно: CoT повышает точность на сложных задачах, но удлиняет ответы. В проде часто применяют «скрытый CoT» (не показывать пользователю рассуждение, а выводить только ответ).

5) Структурированные промпты и инструменты

- Формат ответа: JSON/таблица/ключи → снижает халлюцинации и повышает пригодность.
- ReAct: чередуем Reason + Act (вызов инструмента: поиск/код), сохраняя трассу.
- Program-Aided LM (PAL): просим писать маленькие функции/псевдокод для расчётов.
- RAG: добавляем релевантные документы в контекст перед ICL → фактичность выше.

6) Подводные камни и как их обходить

- Порядок и формулировки в примерах (position & framing bias).
- Спутывание меток → всегда явно объявляйте допустимые метки.
- Перегруз контекста: длинные примеры «съедают» окно → сжимайте/суммаризируйте.
- Доменный сдвиг: берите примеры ближе к запросу, обновляйте набор демо.
- Разглашение CoT: в некоторых задачах CoT не следует показывать пользователю → разделяй

7) Мини-шаблоны (за 30 секунд настроить промпт)

Zero-shot (классификация):

Задача: Определи тональность текста (labels: positive, negative, neutral).

Формат: выведи JSON {"label": "<...>"} без комментариев.

Текст: "..."

Few-shot (извлечение сущностей):

Задача: NER на метках PER, ORG.

Примеры:

В: "Илья Сегалович основал Яндекс." О: [{"text": "Илья Сегалович", "label": "PER"}, {"text": "Янде

В: "Сатя Наделла возглавляет Microsoft." О: [{"text": "Сатя Наделла", "label": "PER"}, {"text": "Mic

В: "<новый текст>" О: ???

CoT (арифметика):

В: "У Кати было 5 яблок, подарили ещё 7, затем съела 3. Сколько осталось?"

О: "Думаю шаг за шагом: ... Итог: 9"

8) Чек-лист для устного ответа (≈60-90 сек.)

- 1) ICL = обучение «на лету» по примерам в контексте (без обновления весов).
- 2) Zero-shot: одна инструкция; Few-shot: К демонстраций → правило; CoT: явные шаги рассуждения.
- 3) Усилители: self-consistency, структурный формат, ReAct/PAL, RAG.
- 4) Риски: порядок примеров, двусмысленные метки, длина контекста, разглашение рассуждений

Готово: компактная лекция с практическими шаблонами. Могу добавить таблицу «когда применять CoT и как выбрать K для few-shot».

Лекция: Parameter-Efficient Finetuning (PEFT) — Soft Prompts, (Q)LoRA, IA³ (≈ 5 минут)

Зачем нужны PEFT-методы, как они экономят параметры/память, как устроены Soft Prompts/Prompt-/Prefix-/P-tuning v2, LoRA/QLoRA и IA³, когда что выбирать.

1) Мотивация: почему не full fine-tune

Проблема: большие LM (B) \rightarrow полное дообучение = много VRAM, времени и риск забывания.

Идея PEFT: «замораживаем» базовую модель и учим малую добавку/параметры ($1e4-1e8$ вместо B).

Цели: (а) дешевле хранить множество задач, (б) проще переключаться, (в) устойчивее к катастрофическим забываниям.

2) Soft Prompts / Prompt-/Prefix-/P-tuning v2

2.1. Soft Prompt (Prompt Tuning):

- Вводим trainable векторы $P \in R^{\{m \times d_model\}}$ и конкатенируем с эмбеддингами входа: $[P || E]$.
- Учим только P ; веса модели фиксированы. Хорошо для одной задачи/домена.

Плюсы: минимализм (очень мало параметров), быстро. Минусы: ограниченная мощность; чувствительность к переключению задач.

2.2. Prefix Tuning:

- Для каждого слоя attention добавляем «ключи/значения» префикса (K_{pref}, V_{pref}), зависящие от задачи.
- Модель «видит» эти виртуальные токены на каждом слое без изменения базовых весов.

Плюсы: сильнее, чем plain soft prompt; гибкость по слоям. Минусы: больше параметров, чем у previous versions.

2.3. P-tuning v2:

- Обобщение/усовершенствование: вставляем обучаемые «префиксы» на всех слоях в стиле previous versions.
- Характерно для encoder/decoder и больших LM; хорошо масштабируется.

3) LoRA и QLoRA

3.1. LoRA (Low-Rank Adapters):

- Идея: не дообучать матрицу $W \in R^{\{d_out \times d_in\}}$, а учить низкоранговую добавку $\Delta W = A B^T$, где $A \in R^{\{d_out \times r\}}$, $B \in R^{\{d_in \times r\}}$, $r \ll \min(d_in, d_out)$. Итог: $W' = W + \alpha/r \cdot A B^T$.
- Обычно вставляют в проекции внимания (q_proj, v_proj ; иногда k,o) и/или в FFN (up/down).
- Учим только A,B ; базовые W заморожены.

Плюсы: сильный компромисс «качество↔параметры», легко комбинировать несколько задач (см. IA³).

Минусы: требует аккуратного выбора r , α и целевых модулей.

Типичные гиперпараметры:

r : 4-64 (часто 8/16/32), α : 8-64, $dropout_lora$: 0-0.1, $target_modules$: ["q_proj", "v_proj"].

3.2. QLoRA:

- Замораживаем базовую модель в 4-бит (NF4) + 8-бит оптимизаторы страницами (paged optimizers).
- LoRA-адаптеры учим в 16-бит/32-бит, сохраняя качество при очень низкой VRAM.

Плюсы: дообучение 7-13B на одной 24-48GB GPU; почти как full FT по качеству на ряде задач.

Минусы: чувствительность к квантованию/скейлам; важны правильные инференс/сохранение чистоты.

4) IA³ (Infused Adapters by Inhibiting and Amplifying Inner Activations)

Идея: вместо ΔW учим векторные «масштабы» (гейты), которые переумножают отдельные каналы.

Формально (эскиз):

- Внимание: g_q, g_k, g_v по размерности head/feature — масштабирование перед/после проекции.
- FFN: g_{ffn} по промежуточному размеру d_{ff} — масштабирование активаций.

Параметров ещё меньше, чем у LoRA; вставляется в многие слои.

Плюсы: крайне параметро-экономично; хорошая совместимость с большими LM.

Минусы: иногда уступает LoRA по потолку качества; требует подбора, куда именно встраивать.

5) Что выбирать и когда (правило большого пальца)

- Быстрый доменный «почерк» на готовой LM, мало VRAM → Soft/Prefix/P-tuning v2.
 - Общая высококачественная адаптация под задачу (классиф./генерация) → LoRA ($r=8..32$, $\alpha=1$).
 - Очень мало VRAM, большие модели (7-70B) → QLoRA (NF4, paged Adam).
 - Супер-экономия параметров (десятки тысяч) → IA³ (если качество ок на вашем датасете).
- Комбинации:
- Soft Prompts + LoRA (часто работают лучше вместе).
 - RAG + PEFT: снижает требования к дообучению, если факты извлекаем из базы.

6) Практика дообучения (tips)

- Заморозить базу, обучать только адаптеры; grad checkpointing, mixed precision (bf16/fp16).
- LR подбирайте отдельно для адаптеров (у LoRA часто 1e-4..3e-4); warmup 3-8% шагов.
- LoRA: проверьте какие модули целевые (q,v vs все проекции); r слишком мал → недообучение.
- QLoRA: NF4 + double quant + paged AdamW; не забыть save_safetensors лора-весов и конфига.
- Оценка: задачные метрики (F1/ROUGE/COMET...), а не только Perplexity; следите за калибровкой.

7) Подводные камни

- Catastrophic forgetting при слишком агрессивном FT даже с PEFT (например, если трогаете LayerNorm).
- Drift стиля/формата ответов; фиксируйте формат (JSON/регекс) в промпте.
- Несовместимость чекпоинтов (квантованные базовые веса vs не-квантованные); проверяйте в PEFT.
- Утечка приватных данных при FT; применяйте фильтрацию, дифф. приватность при необходимости.

8) Чек-лист для устного ответа ($\approx 60\text{-}90$ сек.)

- 1) PEFT = дообучаем малую добавку, базу замораживаем (дешевле/быстрее/многозадачно).
- 2) Soft/Prefix/P-tuning v2: обучаемые префиксы/токены (на входе/на слоях).
- 3) LoRA: $W' = W + \alpha/r \cdot A B^T$, $r \ll d$; учим A,B; обычно на q,v (и/или FFN).
- 4) QLoRA: базу квант. до 4-бит (NF4), учим LoRA в 16-бит; paged оптимизаторы.
- 5) IA³: обучаемые масштабы каналов в attention/FFN; ещё меньше параметров.
- 6) Выбор: быстрый стиль → Soft/Prefix; качество/универсальность → LoRA; мало VRAM → QLoRA; схема размещения адаптеров по слоям.

Готово: компактная лекция по PEFT. По запросу добавлю страницу с псевдокодом LoRA/QLoRA и схемой размещения адаптеров по слоям.

Лекция: RLHF — PPO и DPO (≈ 5 минут)

Зачем нужен RLHF, как устроены этапы SFT → Reward Model → RL (PPO), и как DPO упрощает пайплайн, оптимизируя предпочтения напрямую.

1) Мотивация RLHF

Сырая языковая модель умеет «продолжать текст», но не всегда следует инструкциям, может быть небезопасной и галлюцинировать. RLHF добавляет человеческие предпочтения, чтобы сместить политику к ответам, которые люди считают полезными и безопасными.

Классический пайплайн:

(1) SFT: обучаем на парах (инструкция → хороший ответ).

(2) Reward Model (RM): учим оценивать «насколько ответ хорош» по человеческим сравнениям

(3) RL (чаще PPO): дообучаем политику максимизировать reward и сдерживаем отклонение от

2) Reward Model (RM): обучение по парам предпочтений

Дано: пары (x, y^+, y^-) , где y^+ предпочтён человеку над y^- для запроса x .

Модель вознаграждения $r_\phi(x, y)$ (обычно LM с головой-скаляром).

Обучение (Bradley-Terry):

$$\text{maximize}_\phi \sum \log \sigma(r_\phi(x, y^+) - r_\phi(x, y^-))$$

По-русски: RM учится предсказывать более высокий «скор» для ответов, которые предпочитают люди.

3) RL через PPO для дообучения политики

Состояние s : (инструкция x , уже сгенерированные токены); действие a : следующий токен.

Вознаграждение: $r = r_{RM}(x, y) - \beta \cdot KL(\pi_\theta(\cdot|x) || \pi_{ref}(\cdot|x))$ # штраф за сильный уход от референса

Цель: максимизировать ожидаемую сумму вознаграждений (обычно вся награда в конце ответа)

PPO (клипнутый суррогат):

$$L_{CLIP}(\theta) = E[\min(p_t(\theta) \hat{A}_t, \text{clip}(p_t(\theta), 1-\epsilon, 1+\epsilon) \hat{A}_t)] - \beta \cdot KL$$

где $p_t(\theta) = \pi_\theta(a_t|s_t) / \pi_\theta(\text{old}(a_t|s_t))$, \hat{A}_t — оценка преимущества (например, GAE).

Практика в LLM:

- Генерируем ответы текущей политикой, получаем reward от RM.
- Оцениваем преимущества (вознаграждение минус базлайн/ценность).
- Обновляем θ на несколько эпох с KL-контролем к π_{ref} (обычно SFT-модель).

Интуиция: поднимаем вероятность «хороших» ответов по RM, но держим модель близко к референсу, чтобы не сломать стиль/знания.

4) Трудности PPO-этапа

- Нестабильность: reward hacking, переподгон к RM, коллапс стиля.
- Дорого: онлайновая генерация, оценка RM, несколько эпох обновлений.
- Инженерия: баланс β (KL), длина/штрафы, значение-базлайн, нормировки.

5) DPO: оптимизация предпочтений напрямую (без RM/PPO)

Идея: обойти RM и RL, свернуть задачу в логистическую регрессию на логитах политики относительно пары (x, y^+, y^-) :

$$J_{DPO}(\theta) = - \sum [\log \sigma(\beta (\log \pi_\theta(y^+|x) - \log \pi_{ref}(y^+|x))) \\ - \beta (\log \pi_\theta(y^-|x) - \log \pi_{ref}(y^-|x))]]$$

Эквивалентно: хотим, чтобы политика θ давала выше «приведённый логит» выбранному ответу

Параметр β управляет «жёсткостью» предпочтения (температура).

По-русски: DPO — это обычное SGD-обучение над парами «хороший/плохой ответ», где сравниваются лог-вероятности политики и референса; никакой онлайновой

генерации и отдельной RM не нужно.

6) Сравнение PPO и DPO

PPO (через RM):

- + Гибкость: можно комбинировать разные источники наград/штрафов, дообучать онлайново.
- + Явный контроль KL к референсу; можно ввести длину/токсичность/прочие сигналы.
- Сложнее и дороже; риск reward hacking; чувствителен к качеству RM.

DPO (прямо по парам):

- + Просто и стабильно: одна цель; стандартный градиентный спуск; быстро.
- + Не нужен отдельный RM и онлайновая генерация.
- Ограничен статическим датасетом пар; сложнее учесть сложные/многофакторные награды.

7) Практика: что важно в данных и гиперпараметрах

- Качество пар «предпочтённый/отвергнутый»: чистота, разметка по критериям (helpful/harmless).
- Референс π_{ref} : обычно SFT-модель; фиксированная на протяжении обучения.
- DPO: подберите β (например, 0.05–0.5), баланс длины/стоп-слов, выбор «температуры» на генерацию.
- PPO: β для KL; длина/coverage penalties; нормализация reward; регуляризация RM; early stopping.
- Оценка: человеческая (A/B, Likert), задачные метрики (например, полезность, фактичность), баллы.

8) Безопасность и «КОНСТИТУЦИИ»

- Включайте «негативные» примеры (отвергнутые за токсичность/опасность).
- Constitutional-style: правила/принципы → само-критика и перегенерация.
- Red-teaming/стресс-тесты; мониторинг сдвига поведения после обучения.

9) Чек-лист для устного ответа ($\approx 60\text{--}90$ сек.)

- 1) RLHF = SFT → RM (по парам) → RL (обычно PPO с KL к референсу).
- 2) RM: обучаем по Bradley-Terry: $\maximize \sum \log \sigma(r(x,y^+) - r(x,y^-))$.
- 3) PPO: L_CLIP с преимуществом $\hat{\Delta}$ и KL-пенальти к π_{ref} ; в LLM награда чаще в конце ответа.
- 4) DPO: без RM/PPO; логистическая цель на разности лог-вероятностей относительно π_{ref} , с тем же $\hat{\Delta}$.
- 5) Сравнение: PPO гибок, но дорог/нестабилен; DPO прост/стабилен, но ограничен статическим датасетом.
- 6) Оценка: human A/B + задачные метрики + безопасность.

Готово: компактная лекция по RLHF с акцентом на PPO и DPO. По запросу добавлю схему с потоками данных и псевдокод обоих методов.

Лекция: Retrieval-Augmented Generation (RAG)

— КОМПОНЕНТЫ СИСТЕМЫ И Dense vs Sparse Retrieval (\approx 5 минут)

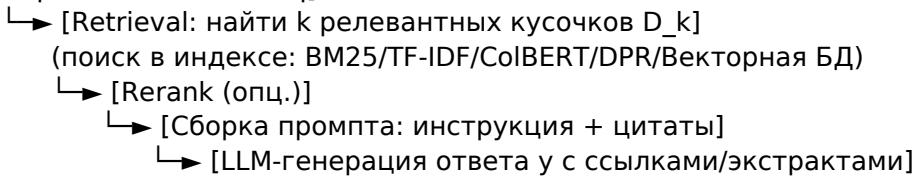
Зачем RAG, из чего он состоит, где стоит Dense/Sparse/Hybrid, как проектировать пайплайн и что мерить. В конце — чек-лист для устного ответа.

1) Что такое RAG и зачем он нужен

RAG — это схема, где LLM генерирует ответ, опираясь на извлечённые из внешнего хранилища документы. Цель: снизить галлюцинации, добавить свежие знания, повысить цитируемость/проверяемость.

Интуитивная схема (один проход):

[Запрос пользователя q]



2) Компоненты RAG-системы

- Ингест (off-line):
 - Нормализация текста: чистка, дедупликация, устранение boilerplate.
 - Чанкинг: фикс. окна (e.g., 512-2048 токенов) с overlap; либо по заголовкам/абзацам.
 - Индексация:
 - Sparse: inverted index (BM25/TF-IDF).
 - Dense: эмбеддинги (bi-encoder) → ANN-индекс (HNSW, IVF-PQ, ScaNN, FAISS).
- Retrieval (on-line):
 - Формирование запроса (опц.: перефраз, расширение — HyDE, RAG-Fusion, query rewriting).
 - Первичный ретривер: Sparse / Dense / Hybrid.
 - Реранкер (cross-encoder/Bi-encoder + late interaction): сокращаем до k' лучших.
- Конструирование контекста:
 - Форматы: цитаты с источником, структурированный JSON, таблицки.
 - Правила: лимит токенов, сортировка, дедуп, highlight снейпеты.
- Генерация и постобработка:
 - LLM с системным промптом («отвечай, ссылаясь на документы»).
 - Пост-валидация: проверки ссылок, answer grounding, фильтры безопасности.
 - Кэш/шардирование/логирование, обратная связь для дообучения ретривера.

3) Sparse Retrieval (BM25/TF-IDF) — суть и формулы

TF-IDF (эскиз): $w_{t,d} = tf_{t,d} \cdot \log(N / df_t)$

BM25 (Okapi):

$$\text{score}(q,d) = \sum_{t \in q} \text{IDF}(t) \cdot (tf \cdot (k_1 + 1) / (tf + k_1 \cdot (1 - b + b \cdot |d| / avgdl)))$$

Плюсы:

- Быстро и дёшево, прозрачные веса, устойчив к доменному сдвигу.
- Лёгкая интерпретация/дебаг (какие слова «сработали»).

Минусы:

- Точный лексический матч: плохо ловит синонимы/парафразы/межъязыковые запросы.
- Ограничения на короткие/длинные документы (настройка k1, b).

4) Dense Retrieval — идея, модели, индексы

Идея: обучить bi-encoder (E_q , E_d), чтобы $\cos(E_q(q), E_d(d))$ был высоким для релевантных пар.
Варианты:

- DPR (dual encoder), ANCE (негативы из ANN), Contriever (безразметочное), GTR/MPNet (универсальное)
- Late interaction: ColBERT (MaxSim по токенам) — лучше точность, выше затраты на индекс.

Индексы:

- ANN: HNSW (граф), IVF-PQ/OPQ (квантование), ScaNN. Векторы нормируем (cos или dot).

Плюсы:

- Семантический матч, синонимы/перефразы, многоязычие; лучше на длинных/разреженных фразах.

Минусы:

- Дорогая индексация (эмбеддинги) и обновления; чувствителен к домену/языку → нужен FT.
- Память под вектора; сложнее дебажить; требуется тюнинг ANN (accuracy/latency).

5) Hybrid Retrieval и reranking

Hybrid:

$$\text{score} = \alpha \cdot \text{score_sparse} + (1-\alpha) \cdot \text{score_dense}$$
 (или конкатенация кандидатов с последующим ре ранкингом)

Реранкеры:

- Cross-encoder (BERT-класс): [q] [SEP] [chunk] → скор. → топ-k'; лучшая точность, дороже.
- ColBERT-v2: компромисс через late interaction.

Практика:

- Возьмите top-K из Sparse+Dense, затем rerank до K' (например, 50 → 10).
- Балансируйте α ; храните фичи для аудита и обучения следующей версии.

6) Мульти-хоп и планирование запроса

- Iterative RAG: сгенерируй гипотезу → доизвлечи уточняющие факты → обнови ответ.
- RAG-Fusion / Query decomposition: расщепляем сложный вопрос на под-вопросы.
- HyDE: LLM сперва пишет «гипотетический документ», его вектор → ретривер.
- Tool use: внешние API/БД (табличные, калькуляторы) как «retrievers» специального вида.

7) Как мерить качество RAG

Retrieval:

- Recall@k, MRR, NDCG@k, Hit@k, precision@k (на тестовом наборе q→релевантные доки).

End-to-end ответ:

- EM/F1 (QA), ROUGE/BERTScore (суммаризация), факт-метрики (QAGS/SummaC), human A/B.

Grounding/citations:

- Доля ссылок, реально поддерживающих факты; penalize unsupported claims.

Latency/cost:

- ms на запрос, \$ за 1k запросов; кэширование; шардирование/предварительная выборка.

8) Dense vs Sparse: плюсы/минусы и выбор

Sparse (BM25/TF-IDF):

- + Дёшево/просто, интерпретируемо, мало зависимостей, хорошо при узком домене и чётких кликах.
- Плохо синонимы/перефразы/мультиязычие; может «промахиваться» при длинных запросах.

Dense (DPR/ColBERT/Contriever):

- + Семантический матч, перенос между языками/стилями; лучше на свободных формулировках.
- Эмбеддинги стоят времени/денег; чувствительность к сдвигу домена; сложнее тюнинг ANN и FT.

Hybrid:

- + Лучшее из двух миров; устойчивость к разным типам запросов.
- Сложнее система (двойной индекс, фьюжн, rerank); выше латентность/стоимость.

9) Инженерный чек-лист

- Чанкинг: 512–1024 токенов с overlap 10–20%; отдельные стратегии для таблиц/кода.
- Нормализация/дедуп: уменьшить шум и повторяемость.
- Ретривер: начните с Hybrid (BM25 + Contriever/DPR), K=50; затем rerank до K'=10 cross-encoder.
- Промпт: просите цитировать источники; ограничьте «галлюцинации» (если нет источника — сконструируйте).
- Кэш: запросы, эмбеддинги, результаты rerank.
- Мониторинг: Recall@k и доля «unsupported» утверждений в проде.

10) Экзамененный чек-лист (≈ 90 секунд)

- 1) Определение: RAG = LLM + внешнее извлечение (retrieval) → снижение галлюцинаций и актуальности
- 2) Компоненты: ингест (чанкинг, индекс), ретривер (sparse/dense/hybrid), rerank, сборка контекста
- 3) Sparse (BM25) vs Dense (DPR/ColBERT): лексика vs семантика; цена/скорость vs качество; гибкость
- 4) Мульти-хоп и query planning (RAG-Fusion, HyDE). 5) Метрики: Recall@k, MRR, end-to-end EM/F1/ROUGE

Готово: компактная лекция по RAG. По желанию добавлю страничку с сравнением ANN-индексов (HNSW vs IVF-PQ) и шаблоном промпта для цитирования.

Лекция: Что такое агент? Чем агент отличается от «классической» LLM? (≈ 5 минут)

Дадим строгое, но практическое определение агента, разберём его компоненты и петлю «восприятие→план→действие→наблюдение». Сравним с обычной LLM, которая генерирует ответ в один проход без действий во внешней среде.

1) Определение агента

Агент — это система, которая (1) получает цель/задачу и наблюдения из среды, (2) планирует (3) выполняет действия через инструменты/интерфейсы внешней среды, (4) получает новые наблюдения, повторяя цикл до достижения цели или остановки.

Формула цикла:

```
while not done:  
    o_t = observe(env)  
    a_t = policy(o_{≤t}, goal, state)      # «подумать» (reason) и «выбрать» (act)  
    (env, o_{t+1}, r_t) = act(env, a_t)     # действие через инструменты/API  
    state = update(state, o_{t+1}, r_t)     # короткая/долгая память, план
```

2) Базовые компоненты агента

- Интерфейсы «восприятия»: чтение документов, веб-поиск, база знаний, датчики/файлы/БД.
- Политика/мозг: LLM или другая модель, которая планирует (plan) и выбирает действие (act).
- Инструменты (tools): функции/API — веб-поиск, калькулятор, код-исполнитель, базы данных, etc.
- Память/состояние:
 - Краткосрочная (scratchpad/context): текущие мысли, промежуточные результаты.
 - Долгосрочная (vector store/БД): опыт прошлых эпизодов, заметки.
- Планировщик/контроллер: ReAct/Plan-Act/Tree-of-Thoughts/Reflexion — управляет шагами.
- Правила остановки и бюджет: лимиты по шагам, времени, стоимости; условия успеха/неуспеха.

3) Варианты агентного цикла (паттерны)

- ReAct: чередуем Reason (пишем краткий план/обоснование) и Act (вызываем инструмент) → Ошибки в шагах обрабатываются в Reason.
- Plan→Execute: сначала план из K шагов, затем по одному выполняем с проверками.
- Toolformer / Function Calling: модель сама решает, какую функцию и с какими аргументами выполнить.
- Reflexion: после ошибки агент анализирует причины и корректирует стратегию.
- Multi-agent: роли (исследователь/критик/исполнитель) + координация.

4) Классическая LLM vs Агент — принципиальные различия

Классическая LLM (без агентности):

- Ввод → один проход генерации → Вывод. Нет внешних действий. «Знания» ограничены обучением.
- Нет явного состояния между шагами (кроме токенов в текущем промпте).
- Контроль качества — только через настройки генерации (temperature/top-p и др.).

Агент:

- Многошаговый цикл с планом и действиями во внешней среде (инструменты/API).
- Явное состояние/память между шагами; может уточнять запрос, искать, проверять, исправлять.
- Целевая оптимизация: метрики успеха задачи (task success rate), а не просто правдоподобность текста.
- Нужны механизмы безопасности/ограничений (policy, sandbox, бюджет шагов).

5) Примеры агентных сценариев

- Web-исследователь: формирует план поиска, открывает ссылки, извлекает факты, пишет отчеты.
- Data-agent: подключается к SQL/пандас, строит графики, валидирует гипотезы, сохраняет архивы.
- Coding-agent: редактирует репозиторий, запускает тесты, читает логи, делает PR.

- Ops-agent: следит за метриками, перезапускает сервисы, оповещает, документирует.

6) Агент vs RAG и tool calling

- RAG \neq агент: RAG — это стратегия подачи контекста (извлечение + генерация).
Агент может использовать RAG как один из инструментов, но также делает другие действия
- Tool calling: интерфейс для вызова функций. Агент использует его в цикле, сверяя результат

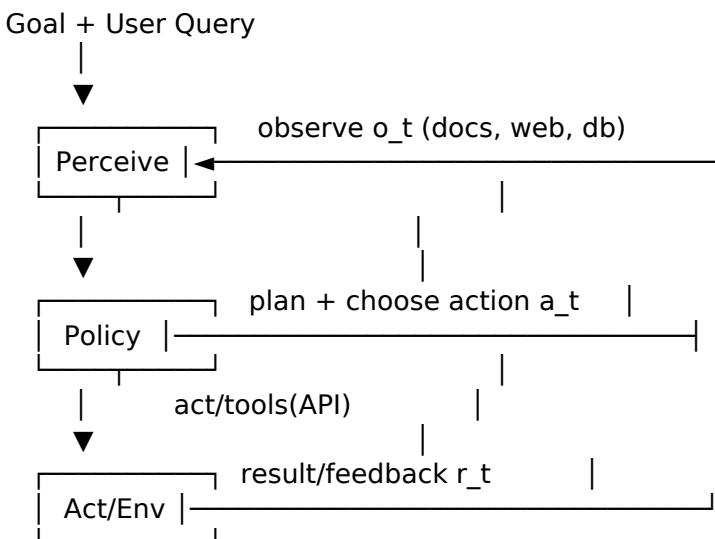
7) Как мерить качество агента

- Task Success Rate / Pass@k: доля успешно решённых задач/кейсов.
- Корректность результата (accuracy/EM/F1 или доменные метрики), наличие ссылок/обоснований.
- Эффективность: шаги, латентность, стоимость (\$/запрос), число вызовов инструментов.
- Безопасность: нарушения политик, рискованные действия, утечки PII.
- Надёжность: воспроизводимость (seed), робастность к шуму/ошибкам инструментов.

8) Риски и как их снижать

- Инstrumentальные галлюцинации: вызов несуществующих/неуместных функций \rightarrow строгая проверка схем
- Зацикливание/«тупёж»: лимиты шагов, watch-dog, эвристики остановки («если 2 раза подряд...»)
- Выполнение кода/запросов: изоляция (sandbox), контроль разрешений, аудит логов.
- Надёжность источников: верификация фактов (grounding), цитаты, проверка ссылок.

9) Мини-схема петли агента (ASCII)



10) Экзаменный чек-лист (≈ 90 секунд)

- 1) Определение: агент = цикл восприятие \rightarrow план \rightarrow действие \rightarrow наблюдение с инструментами и памятью
- 2) Компоненты: политика (LLM), инструменты, память (short/long), планировщик/правила остановки
- 3) LLM vs Агент: один проход текста vs многошаговая цель-ориентированная интеракция с внешней средой
- 4) Паттерны: ReAct, Plan \rightarrow Execute, Function Calling, Reflexion, multi-agent.
- 5) Метрики: успех задачи, корректность, стоимость/шаги, безопасность и воспроизводимость.

Готово: компактная лекция. По просьбе могу добавить страницу с примером промпта ReAct и шаблоном JSON-схемы для инструментов.