Chapitre 4 : Successions d'épreuves indépendantes

George Alexandru Uzunov

Table des matières

1 Représenter une succession d'epreuves

1.1 Rappel sur l'arbre pondeéré

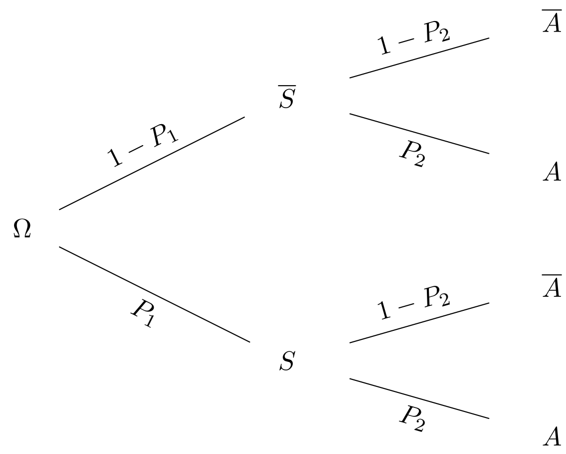

FIGURE 1 – Représentation d'un arbre pondéré

1.2 Successions d'épreuves indépendantes

Définition Dans une succession d'épreuves, lorsque l'issue d'une épreuve ne dépend pas des épreuves précédentes, on dit qu'elle est indépendante.

Propriétés Lorsqu'on répète n fois de façon indépendante une expérience aléatoire dont les issues sont $A_1, A_2, \ldots, A_n$ pour lesquelles les probabilités sont $P(A_1), P(A_2), \ldots, P(A_n)$, alors la probabilité d'obtenir la suite d'issues A_1 jusqu'à A_n est le produit de leur probabilités.
Exemple Soit un dé à quatre faces équilibré. Si ce dé est numéroté de 1 à 4 :

x	1	2	3	4
$P(x)$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$

De même, soient un jeton A et deux jetons B placés dans un sac. Si, successivement nous lançons le dé puis nous tirons un jeton, les issues sont les suivantes. Ceci donne la loi de probabilité suivante :

Issues	$(1;A)$	$(1;B)$	$(2;A)$	$(2;B)$	$(3;A)$	$(3;B)$	$(4;A)$	$(4;B)$
Probabilité de chaque issue	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{6}$

2 Loi de Bernoulli

3 Loi Binomiale

3.1 Schema de Bernoulli

3.2 Etude d'un exemple

3.3 Coefficients binomiaux

4 Application de la loi binomiale