# Calcolatori Elettronici Esercitazione 7

M. Sonza Reorda – M. Monetti

M. Rebaudengo – R. Ferrero

L. Sterpone – M. Grosso

Politecnico di Torino Dipartimento di Automatica e Informatica

#### Obiettivi

- Chiamata a procedura
- Passaggio parametri tramite stack
- Salvataggio e ripristino del valore dei registri
- Procedure *leaf* e non *leaf*
- Ritorno dal main con jr \$ra

#### Esercizio 1

- Si scriva una procedura polinomio in grado di calcolare il valore di un polinomio p(x) di terzo grado senza usare moltiplicazioni, tramite il metodo delle differenze finite.
- Nel main, inizializzare i registri \$t0, \$t1, \$t2 e \$t3 con i coefficienti del polinomio.

Esempio: 
$$p(x) = 4x^3 + 2x^2 - 5x + 3$$
  
\$t0 = 4, \$t1 = 2, \$t2 = -5, \$t3 = 3

Nel main, inizializzare alcuni registri con valori utili:

$$$s0 = 2^3 :($t1)= 8; $s1 = 2^2 :($t1)= 4; $s2 = 3^3 :($t3)= 27; $s3 = 3^2 :($t3)= 9; $s4 = 4^3 :($t0)= 64; $s5 = 4^2 :($t0)= 16$$

• Il main richiama la procedura polinomio passando come argomenti p(1), p(2), p(3), p(4) e il valore N, per ottenere p(N).

# Esercizio 1: passaggio di parametri

• I primi 4 parametri sono passati attraverso \$a0-\$a3:

- 
$$\$a0 = p(1) = \$t0 + \$t1 + \$t2 + \$t3$$
  
-  $\$a1 = p(2) = \$t0 * \$s0 + \$t1 * \$s1 + \$t2 * 2 + \$t3$   
-  $\$a2 = p(3) = \$t0 * \$s2 + \$t1 * \$s3 + \$t2 * 3 + \$t3$   
-  $\$a3 = p(4) = \$t0 * \$s4 + \$t1 * \$s5 + \$t2 * 4 + \$t3$ 

Dal quinto parametro in poi, si deve usare lo stack.
 Nell'esercizio, il valore N è passato attraverso lo stack.

# Esercizio 1: procedura polinomio

• La procedura polinomio effettua le seguenti inizializzazioni:

$$$t0 = $a1 - $a0$$
,  $$t1 = $a2 - $a1$ ,  $$t2 = $a3 - $a2$ ,  $$s0 = $t1 - $t0$ ,  $$s1 = $t2 - $t1$ ,  $$s2 = $s1 - $s0$ ,  $$v0 = $a3$ 

- I valori dei seguenti registri sono aggiornati in un ciclo:
  - -\$s1 = \$s1 + \$s2
  - \$t2 = \$t2 + \$s1
  - \$v0 = \$v0 + \$t2
- Il ciclo al punto precedente è ripetuto N 4 volte. Es: N = 7
  - valore iniziale di \$v0 = \$a3 = p(4)
  - prima iterazione: v0 = p(5)
  - seconda iterazione: \$v0 = p(6)
  - terza iterazione: \$v0 = p(7)

# Esercizio 1: salvataggio dei registri

- Quando la procedura polinomio restituisce il valore p(N) al programma chiamante, i valori nei registri da \$t0 - \$t3 e \$s0 - \$5 devono essere quelli iniziali (rispettivamente i coefficienti del polinomio e i valori delle potenze).
- Si utilizzi lo *stack* per salvare provvisoriamente il valore dei registri quando necessario.
- Si ricorda che i registri di tipo \$tx sono caller-save, ossia devono essere salvati e poi ripristinati dalla procedura chiamante, mentre i registri \$sx sono callee-save, e devono essere salvati e poi ripristinati dalla procedura chiamata.
- Si disegni l'occupazione dello stack durante l'esecuzione della procedura prima di scrivere il codice.
- Per informazioni sul metodo utilizzato: https://it.wikipedia.org/wiki/Macchina differenziale

# Soluzione

```
N = 7
                .data
                .word 4
c3:
c2:
                .word 2
                .word -5
c1:
c0:
                .word 3
                .text
                .globl main
                .ent main
main:
                subu $sp, $sp, 4 #salvataggio indirizzo di ritorno
                sw $ra, ($sp)
                lw $t0, c3
                lw $t1, c2
                lw $t2, c1
                lw $t3, c0
```

```
#inizializzazioni
                                               # Calcolo $a2
mul $s1, $t1, $t1
                                               mul $a2, $t0, $s2
mul $s0, $s1, $t1
                                               mul $t8, $t1, $s3
mul $s3, $t3, $t3
                                               add $a2, $a2, $t8
mul $s2, $s3, $t3
                                               mul $t8, $t2, 3
mul $s5, $t0, $t0
                                               add $a2, $a2, $t8
mul $s4, $s5, $t0
                                               add $a2, $a2, $t3
# Calcolo $a0
                                               # Calcolo $a3
add $a0, $t0, $t1
                                               mul $a3, $t0, $s4
add $a0, $a0, $t2
                                               mul $t8, $t1, $s5
add $a0, $a0, $t3
                                               add $a3, $a3, $t8
                                               mul $t8, $t2, 4
# Calcolo $a1
                                               add $a3, $a3, $t8
mul $a1, $t0, $s0
                                               add $a3, $a3, $t3
mul $t8, $t1, $s1
add $a1, $a1, $t8
                                               # Salvataggio registri $tx
mul $t8, $t2, 2
                                               subu $sp, $sp, 16
add $a1, $a1, $t8
                                               sw $t0, 12($sp)
add $a1, $a1, $t3
                                               sw $t1, 8($sp)
                                               sw $t2, 4($sp)
                                               sw $t3, 0($sp)
```

```
#passaggio parametro 5
li $t8, N
subu $sp, $sp, 4
sw $t8, ($sp)

jal polinomio

#pop parametro (a vuoto)
addi $sp, $sp, 4

#ripristino registri $tx
lw $t3, 0($sp)
lw $t2, 4($sp)
lw $t1, 8($sp)
lw $t0, 12($sp)
addiu $sp, $sp, 16
```

```
#ripristino indirizzo ritorno
lw $ra, ($sp)
addiu $sp, $sp, 4

jr $ra
.end main
```

```
.ent polinomio
polinomio:
                 subu $fp, $sp, 4 # usare $fp permette di avere un riferimento
                                  # costante ai parametri ricevuti dal main
                #salvataggio registri $sx
                                                                                   $ra
                                                                                                    salvati da chiamante
                subu $sp, $sp, 12
                                                                                 $t0: 4
                sw $s0, 8($sp)
                                                                                 $t1: 2
                sw $s1, 4($sp)
                                 # situazione descritta
                sw $s2, 0($sp)
                                                                                 $t2: -5
                                  # dallo schema a fianco ==>
                                                                                 $t3: 3
                 sub $t0, $a1, $a0
                                                                                 $t0: 7
                 sub $t1, $a2, $a1
                                                                $fp
                                                                                 $s0: 8
                                                                                                    procedura
                                                                                                      salvati da
                sub $t2, $a3, $a2
                                                                                 $s1: 4
                 sub $s0, $t1, $t0
                 sub $s1, $t2, $t1
                                                                $sp
                                                                                 $s2: 27
                 sub $s2, $s1, $s0
                move $v0, $a3
```

```
# prelevamento dati da stack
                lw $t8, 4($fp) # Valore N
               addi $t8, -4
ciclo:
                add $s1, $s1, $s2
                add $t2, $t2, $s1
                add $v0, $v0, $t2
                addi $t8, -1
                bnez $t8, ciclo
               # ripristino registri $sx
               lw $s2, 0($sp)
               lw $s1, 4($sp)
               lw $s0, 8($sp)
                addiu $sp, $sp, 12
                jr $ra
                .end polinomio
```

# Chiamata del main in QtSpim

 L'assemblatore di QtSpim aggiunge alcune righe di codice prima e dopo la chiamata del main

# Chiamata del main in QtSpim

- Se il main è *leaf*, può essere terminato con jr \$ra invece di chiamare la system call 10. Così si evita di avere una syscall ridondante.
- Se il main non è *leaf*, le istruzioni diventano:

```
subu $sp, $sp, 4  # salva $ra nello stack
sw $ra, ($sp)
...  # istruzioni nel main
lw $ra, ($sp)  # ripristina $ra
addu $sp, 4  # ripristina $sp
jr $ra
```

#### Esercizio 2

• Si consideri una sequenza di numeri naturali in cui, scelto il primo numero della sequenza  $c_0$ , gli elementi successivi sono così ottenuti:

$$c_{i+1} = \begin{cases} \frac{c_i}{2} & \text{se } c_i \text{ è pari} \\ 3*c_i + 1 & \text{se } c_i \text{ è dispari} \end{cases}$$

• Si scriva una procedura calcolaSuccessivo che riceva tramite \$a0 un numero naturale e calcoli l'elemento successivo della sequenza. Tale numero è stampato a video e restituito attraverso \$v0.

#### Soluzione

```
.data
input:
              .asciiz "Introduci un numero: "
              .text
              .globl main
              .ent main
              subu $sp, 4
main:
              sw $ra, ($sp)
              la $a0, input
              li $v0, 4
              syscall
              li $v0, 5
              syscall
              move $a0, $v0
              jal calcolaSuccessivo
              lw $ra, ($sp)
              addiu $sp, 4
              jr $ra
              .end main
```

```
.ent calcolaSuccessivo
calcolaSuccessivo:
             and $t0, $a0, 1
             begz $t0, pari
             mulou $t0, $a0, 3 # il numero e' dispari
             addi $t0, $t0, 1
             b fine
pari:
             sra $t0, $a0, 1
fine:
             # stampa il numero seguito da un new line
             move $a0, $t0
             li $v0, 1
             syscall
             li $a0, '\n'
             li $v0, 11
             syscall
             move $v0, $t0
             jr $ra
             .end calcolaSuccessivo
```

#### Esercizio 3

- La congettura di Collatz afferma che, per qualunque valore iniziale  $c_0$ , la sequenza definita nell'esercizio precedente raggiunge sempre il valore 1 passando attraverso un numero finito di elementi.
- Esempio: se  $c_0$ = 19, la sequenza è: 19, 58, 29, 88, 44, 22, 11, 34, 17, 52, 26, 13, 40, 20, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1. La sequenza contiene 21 elementi.
- La congettura di Collatz non è mai stata dimostrata, però è stata verificata sperimentalmente per tutti i numeri naturali fino a  $87 * 2^{60} \approx 10^{21}$ .

## Esercizio 3 [cont.]

- Si scriva una procedura sequenzaDiCollatz che riceva tramite \$a0 un numero naturale e restituisca attraverso \$v0 il numero di elementi necessari per arrivare a 1.
- La procedura è costituita da un ciclo che a ogni iterazione calcola l'elemento successivo della sequenza, richiamando la procedura calcolaSuccessivo implementata nell'esercizio precedente.
- Nota: si ricordi di salvare il valore di \$ra quando necessario.

## Soluzione

```
.data
                .asciiz "Introduci un numero: "
input:
                .asciiz "Numero di elementi nella sequenza: "
output:
                .text
                .globl main
                .ent main
main:
                subu $sp, 4
                sw $ra, ($sp)
                la $a0, input
                li $v0, 4
                syscall
                li $v0, 5
                syscall
                move $a0, $v0
                jal sequenzaDiCollatz
                move $t0, $v0
                la $a0, output
                li $v0, 4
                syscall
                move $a0, $t0
                li $v0, 1
                syscall
```

```
lw $ra, ($sp)
                addiu $sp, 4
                jr $ra
                .end main
                .ent sequenzaDiCollatz
sequenzaDiCollatz:
                addi $sp, $sp, -8
                sw $ra, 4($sp)
                sw $s0, ($sp)
                li $s0, 1  # numero di elementi nella successione
ciclo:
                beq $a0, 1, fineCiclo
                jal calcolaSuccessivo
               move $a0, $v0
                addi $s0, $s0, 1
                b ciclo
fineCiclo:
               move $v0, $s0
                lw $s0, ($sp)
                lw $ra, 4($sp)
                addi $sp, $sp, 8
                jr $ra
                .end sequenzaDiCollatz
```

#### Esercizio 4

• Si scriva una procedura determinante2x2 che calcoli il valore del determinante di una matrice quadrata 2x2, ricevendo i 4 elementi tramite i registri \$a0, \$a1, \$a2 e \$a3 (matrice memorizzata per righe) e salvi il risultato in \$v0

$$det = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix} = a_1 b_2 - a_2 b_1$$

- Per validare la procedura, si scriva anche un programma chiamante che legga 4 valori salvati in memoria e lanci la procedura. Si termini il programma chiamante con jr \$ra.
- Si assuma di non avere overflow nei calcoli.

## Soluzione

```
.data
matrice:
              .word 10, 6, 7, 4
             .asciiz "Valore determinante: "
msg_output:
              .text
              .globl main
              .ent main
main:
             subu $sp, $sp, 4  # salvataggio di $ra nello stack
             sw $ra, ($sp)
             la $t0, matrice
             lw $a0, ($t0)
             lw $a1, 4($t0)
             lw $a2, 8($t0)
             lw $a3, 12($t0)
             jal determinante2x2
             move $t0, $v0
```

```
la $a0, msg_output  # argomento: stringa
             li $v0, 4
                                    # syscall 4 (print str)
             syscall
             move $a0, $t0 # intero da stampare
             li $v0, 1
             syscall
             lw $ra, ($sp)
             addu $sp, 4
             jr $ra
             .end main
             .ent determinante2x2
determinante2x2:
             mul $t0, $a0, $a3
             mul $t1, $a1, $a2
             sub $v0, $t0, $t1
             jr $ra
             .end determinante2x2
```

#### Esercizio 5

 Si scriva una procedura determinante3x3 in grado di calcolare il determinante di una matrice quadrata 3x3.

$$det = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{vmatrix} = a_1 \begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{vmatrix} - b_1 \begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{vmatrix} + c_1 \begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{vmatrix}$$

### Esercizio 5 [cont.]

- La procedura determinante3x3 riceve in input i 9 elementi della matrice. I primi 4 elementi sono passati attraverso i registri \$a0-\$a3, gli altri 5 attraverso lo stack.
- La procedura determinante3x3 chiama 3 volte la procedura determinante2x2 implementata nell'esercizio 4.
- Per validare la procedura, si scriva un anche un programma chiamante che legga 9 valori salvati in memoria e lanci la procedura. Si termini il programma chiamante con jr \$ra.
- Si assuma di non avere *overflow* nei calcoli.

#### Soluzione

```
.data
                .word 1, 41, 42, 13, 56, 23, 73, 9, 50
matrice:
msg_output: .asciiz
                     "Valore determinante: "
                .text
                .globl main
                .ent main
                subu $sp, $sp, 4 # salvataggio di $ra nello stack
main:
                sw $ra, ($sp)
                la $t0, matrice
                lw $a0, ($t0)
                lw $a1, 4($t0)
                lw $a2, 8($t0)
                lw $a3, 12($t0)
                                            indice del ciclo
                move $t1, $0
ciclo:
                lw $t2, 16($t0)
                subu $sp, $sp, 4
                sw $t2, ($sp)
                addiu $t0, $t0, 4
                addiu $t1, $t1, 1
                bne $t1, 5, ciclo
                jal determinante3x3
                move $t0, $v0
```

# Riferimenti esercizio

\$a0	1	a1
\$a1	41	b1
\$a2	42	<b>c1</b>
\$a3	13	a2
\$sp - 4	56	b2
\$sp - 8	23	c2
\$sp - 12	73	a3
\$sp - 16	9	b3
\$sp - 20	50	c3
\$fp = \$sp -4		

```
la $a0, msg_output
                                           # argomento: stringa
               li $v0, 4
                                           # syscall 4 (print_str)
               syscall
               move $a0, $t0
                               # intero da stampare
               li $v0, 1
               syscall
               lw $ra, 20($sp)
               addu $sp, 24
               jr $ra
                .end main
                     .ent determinante3x3
determinante3x3:
                     subu $fp, $sp, 4
                     subu $sp, 20  # salva ra e s0-s3
                     sw $s0, ($sp)
                     sw $s1, 4($sp)
                     sw $s2, 8($sp)
                     sw $s3, 12($sp)
                     sw $ra, 16($sp)
                     move $s0, $a0
                     move $s1, $a1
                     move $s2, $a2
                     move $s3, $a3
```

```
lw $a0, 20($fp) # b2
                                                jal determinante2x2
                lw $a1, 16($fp) # c2
                                              mul $s2, $s2, $v0
                lw $a2, 8($fp) # b3
                                               add $v0, $s0, $s2
                lw $a3, 4($fp) # c3
                                                sub $v0, $v0, $s1
\# a1 x (b2xc3 - b3xc2)
# A0 x (A4xA8 - A7xA5)
                                                lw $s0, ($sp) # rispristina ra e s0-s3
# (b2, c2, b3, c3)
                                                lw $s1, 4($sp)
                jal determinante2x2
                                                lw $s2, 8($sp)
                mul $s0, $s0, $v0
                                                lw $s3, 12($sp)
                                                lw $ra, 16($sp)
                move $a0, $s3
                                                addu $sp, 20
                lw $a1, 16($fp)
                                                jr $ra
                lw $a2, 12($fp)
                                                .end determinante3x3
                lw $a3, 4($fp)
# (a2, c2, a3, c3)
                                                .ent determinante2x2
                jal determinante2x2
                                                determinante2x2:
                mul $s1, $s1, $v0
                                                   mul $t0, $a0, $a3
                                                   mul $t1, $a1, $a2
                move $a0, $s3
                                                   sub $v0, $t0, $t1
                lw $a1, 20($fp)
                                                   jr $ra
                lw $a2, 12($fp)
                                                .end determinante2x2
                lw $a3, 8($fp)
# (a2, b2, a3, b3)
```