МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГООБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского» (ННГУ)

Институт информационных технологий, математики и механики

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА

на тему:

«Битовые поля и множества»

Выполнила: 3822Б1ФИ2	студентка	группы	
	/ Яса	кова Т.Е./	
Подпись			
Проверил: к.т.н, доцент каф. ВВиСП			
	/ Кустин	кова В.Д./	
Подпись			

Нижний Новгород 2023

Содержание

В	ведение		
1	Пос	гановка задачи4	
2	Руководство пользователя		
	2.1	Приложение для демонстрации работы битовых полей	
	2.2	Приложение для демонстрации работы множеств	
	2.3	«Решето Эратосфено»	
3	Руко	оводство программиста	
	3.1	Описание алгоритмов	
	3.1.1	Битовые поля	
	3.1.2	Множества	
	3.1.3	«Решето Эратосфена»	
	3.2	Описание программной реализации	
	3.2.1	Описание класса TBitField	
	3.2.2	Описание класса TSet	
3	аключен	ше15	
Л	итерату	pa16	
Π	риложе	ния	
	Прилох	кение А. Реализация класса TBitField17	
	Припох	кение Б. Реализация класса TSet	

Введение

Битовые поля и множества имеют широкий спектр применений и остаются актуальными в различных областях программирования. Давайте рассмотрим актуальность и применяемость каждой из этих концепций:

Актуальность битовых полей (Bit Fields):

- 1. **Управление битовыми масками**: Битовые поля широко используются для управления битовыми масками в структурах данных. Это актуально в разработке операционных систем, устройств и драйверов, где часто требуется управление битовыми состояниями.
- 2. **Оптимизация памяти**: В системах с ограниченными ресурсами, таких как микроконтроллеры и встроенные системы, оптимизация памяти остается критически важной. Битовые поля могут использоваться для экономии памяти, когда каждый байт ценен.
- 3. **Сериализация данных**: При передаче данных через сеть или сохранении их на диске можно использовать битовые поля для упаковки и распаковки битовой информации.

Актуальность множеств (Sets):

- 1. Уникальность данных: Множества используются для хранения уникальных элементов, и это актуально во многих сферах, включая базы данных, управление пользователями и учет дубликатов.
- 2. **Алгоритмы и структуры данных**: Множества играют важную роль в алгоритмах и структурах данных, таких как хеш-таблицы, сортировка и поиск. Они помогают в решении разнообразных задач, связанных с обработкой данных.
- 3. **Анализ данных и фильтрация**: Множества часто используются для анализа и фильтрации данных, например, при поиске уникальных элементов в больших наборах данных или при выявлении пересечений множеств.

Оба этих подхода остаются актуальными и востребованными в программировании. Выбор между ними зависит от конкретных задач и контекста разработки.

1 Постановка задачи

Цель – реализовать классы: TBitField и TSet

Задачи при реализации класса TBitField:

- 1. Описать и реализовать конструктор, конструктор копирования, деструктор.
- 2. Описать и реализовать операции доступа к битам: установить бит в 1, установить бит в 0, получить значение бита, получить количество доступных битов.
- 3. Описать и реализовать вспомогательные методы: получение индекса элемента, получение маски бита.
- 4. Перегрузить битовые операции: присваивание (=), сравнение (==, !=), побитовое ИЛИ (|), побитовое И (&), побитовое отрицание(\sim).
- 5. Перегрузить операции ввода и вывода.

Задачи при реализации класса TSet:

- 1. Описать и реализовать конструктор, конструктор копирования, конструктор преобразования типа, оператор преобразования типа к битовому полю.
- 2. Описать и реализовать операции доступа к битам: включить элемент в множество, удалить элемент из множества, проверить наличие элемента в множестве, получить максимальной мощности множества.
- 3. Перегрузить теоретико-множественные операции: присваивание (=), сравнение (==, !=), объединение (+), пересечение (*), объединение с элементом из множества (+), разность с элементом из множества (-), дополнение (~).
- 4. Перегрузить операции ввода и вывода.

2 Руководство пользователя

2.1 Приложение для демонстрации работы битовых полей

1. Запустите приложение с названием sample_tbitfield.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 1).

```
EM Консоль отладки Microsoft \ X

TBitField

bf1 = 001011
bf2 = 110101

bf1.SetBit(0): 101011
bf1.ClrBit(0): 001011
~bf1: 110100

bf1.GetBit(0): 0
bf1.GetBit(5): 1

operator==: 0
operator!=: 1
operator|: 111111
operator&: 000001
```

Рис. 1. Основное окно программы sample tbitfield.exe

2. В появившемся окне вы можете ознакомиться с примером работы реализованных операций.

2.2 Приложение для демонстрации работы множеств

1. Запустите приложение с названием sample_tset.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 2).

```
TSet

s1 = 001011
s2 = 110101

s1.InsElem(0): 101011
s1.DelElem(0): 001011
~s1: 110100

s1.IsMember(0): 0
s1.IsMember(5): 1

operator==: 0
operator!=: 1
operator+: 111111
operator+ (elem): 101011
operator- (elem): 001010
operator*: 000001
```

Рис. 2. Основное окно программы sample tset.exe

2. В появившемся окне вы можете ознакомиться с примером работы реализованных операций.

2.3 «Решето Эратосфено»

1. Запустите приложение с названием sample_primenumbers.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 3).

```
Prime numbers
Enter the count of numbers:
```

Рис. 3. Начало работы программы sample primenumbers.exe

2. Введите положительное целое число, чтобы вывести все простые числа до этого числа(включительно). Напечатается результат, показанный на рисунке ниже (рис. 3).

```
Prime numbers

Enter the count of numbers: 40

Prime numbers under 40:
2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37
```

Рис. 4. Результат работы программы sample primenumbers.exe

3 Руководство программиста

3.1 Описание алгоритмов

3.1.1 Битовые поля

Битовые поля представляют собой наборы характеристических массивов, в которых каждый элемент индексируется элементами множества. Каждое битовое поле характеризуется своей длиной (размером универсума в битах), количеством хранимых массивов и объемом памяти, необходимым для их хранения. Каждый элемент битового поля может принимать одно из двух состояний: 1 (если элемент присутствует в множестве) или 0 (если элемент отсутствует в множестве). Этот алгоритм позволяет создать интерфейс для управления множествами.

3.1.2 Множества

Множества в принципе наследуют функциональность класса TBitField. Конкретно, множество представляет собой экземпляр класса TSet, который построен на основе класса TBitField. Работа класса TSet заключается в его использовании в качестве инструмента для создания множеств и выполнения операций, связанных с теорией множеств. Максимальная мощность множества определяется длиной битового поля. Следовательно, основная ответственность за технические аспекты работы множеств лежит на классе TBitField.

3.1.3 «Решето Эратосфена»

Решето Эратосфена (англ. sieve of Eratosthenes) — алгоритм нахождения всех простых чисел от 1 до n.

Основная идея соответствует названию алгоритма: запишем ряд чисел , а затем будем вычеркивать сначала

- числа, делящиеся на 2, кроме самого числа 2,
- потом числа, делящиеся на 3, кроме самого числа 3,
- с числами, делящимися на 4, ничего делать не будем мы их уже вычёркивали,
- потом продолжим вычеркивать числа, делящиеся на 5, кроме самого числа 5, ...и так далее.

Алгоритм Решето Эратосфена имеет сложность O(N*log(log(N))), что делает его очень эффективным для нахождения простых чисел в больших диапазонах.

3.2 Описание программной реализации

3.2.1 Описание класса TBitField

```
typedef unsigned int TELEM;
class TBitField
private:
  int BitLen;
  TELEM *pMem;
  int MemLen;
  const int bitsInElem = 32;
  const int shiftSize = 5;
  // методы реализации
      GetMemIndex(const int n) const noexcept;
  TELEM GetMemMask (const int n) const noexcept;
public:
  TBitField(int len);
  TBitField(const TBitField &bf);
  ~TBitField();
  // доступ к битам
  int GetLength (void) const;
  void SetBit(const int n);
  void ClrBit(const int n);
  int GetBit(const int n) const;
  // битовые операции
  bool operator==(const TBitField &bf) const;
  bool operator!=(const TBitField &bf) const;
  const TBitField& operator=(const TBitField &bf);
  TBitField operator | (const TBitField &bf);
  TBitField operator&(const TBitField &bf);
  TBitField operator~(void);
  friend istream& operator>>(istream& in, TBitField& bf);
  friend ostream& operator<<(ostream& out, const TBitField& bf);</pre>
};
     Назначение: представление битового поля.
     Поля:
     BitLen – длина битового поля – максимальное количество битов.
```

рмет – память для представления битового поля.

MemLen — количество элементов для представления битового поля.

bitsInElem – вспомогательное значение, количество битов в элементе памяти.

shiftSize – вспомогательное значение для битового целочисленного деления.

Конструкторы:

```
TBitField(int len);
```

Назначение: выделение и инициализация памяти объекта.

Входные параметры: **len** – количество доступных битов.

TBitField(const TBitField &bf);

Назначение: выделение памяти и копирование данных.

Входные параметры: bf — объект класса TBitField.

~TBitField();

Назначение: очистка выделенной памяти.

Метолы:

int GetMemIndex(const int n) const noexcept;

Назначение: получение индекса элемента в памяти.

Входные параметры: n – номер бита.

Выходные параметры: индекс элемента в памяти.

TELEM GetMemMask (const int n) const noexcept;

Назначение: получение маски бита

Входные параметры: n – номер бита.

Выходные параметры: маска бита

int GetLength(void) const;

Назначение: получение количества доступных битов.

Выходные параметры: BitLen - количество доступных битов.

void SetBit(const int n);

Назначение: изменить значение бита на 1.

Входные параметры: n – номер бита.

void ClrBit(const int n);

Назначение: изменить значение бита на 0.

Входные параметры: n – номер бита.

int GetBit(const int n) const;

Назначение: получение значения бита.

Входные параметры: n – номер бита.

Выходные параметры: значение бита -1 или 0.

bool operator==(const TBitField &bf) const;

Назначение: перегрузка операции сравнивания, сравнение на равенство объектов.

Входные параметры: bf - obsekt класса TBitField.

Выходные параметры: true или false.

bool operator!=(const TBitField &bf) const;

Назначение: перегрузка операции сравнивания, сравнение на неравенство объектов.

Входные параметры: bf - obsekt класса TBitField.

Выходные параметры: true или false.

const TBitField& operator=(const TBitField &bf);

Назначение: присваивание значений объекта ъ ..

Входные параметры: bf — объект класса TBitField.

Выходные параметры: ссылка на объект класса твітбіеld (себя).

TBitField operator | (const TBitField &bf);

Назначение: создание объекта с примененной побитовой операцией ИЛИ.

Входные параметры: bf - obsekt класса TBitField.

Выходные параметры: объект класса твітбіеld.

TBitField operator&(const TBitField &bf);

Назначение: создание объекта с примененной побитовой операцией И.

Входные параметры: bf - obsekt класса TBitField.

Выходные параметры: объект класса твітбіеld.

TBitField operator~(void);

Назначение: создание объекта с примененной побитовой операцией отрицания.

Выходные параметры: объект класса твітfield.

friend istream& operator>>(istream& in, TBitField& bf);

Назначение: ввод данных.

Входные параметры: in - notok ввода, bf - oбъект класса твітельн.

Выходные параметры: поток ввода.

friend ostream& operator<<(ostream& out, const TBitField& bf);</pre>

Назначение: вывод данных.

Входные параметры: out — поток вывода, bf — объект класса **твitField**.

Выходные параметры: поток вывода.

3.2.2 Описание класса TSet

```
class TSet
private:
  int MaxPower;
  TBitField BitField;
public:
  TSet(int mp);
  TSet(const TSet& s);
  TSet(const TBitField& bf);
  operator TBitField();
  // доступ к битам
  int GetMaxPower(void) const noexcept;
  void InsElem(const int Elem);
  void DelElem(const int Elem);
  bool IsMember(const int Elem) const;
  // теоретико-множественные операции
  bool operator== (const TSet& s) const;
  bool operator!= (const TSet& s) const;
  const TSet& operator=(const TSet& s);
  TSet operator+ (const int Elem);
  TSet operator- (const int Elem);
  TSet operator+ (const TSet& s);
  TSet operator* (const TSet& s);
  TSet operator~ (void);
  friend istream& operator>>(istream& in, TSet& bf);
  friend ostream& operator<<(ostream& out, const TSet& bf);
};
     Назначение: представление множества.
     Поля:
     MaxPower — МОЩНОСТЬ МНОЖЕСТВа.
    BitField – характеристический массив.
     Конструкторы:
TSet(int mp);
     Назначение: инициализация битового поля.
     Входные параметры: тр – количество элементов в универсуме.
TSet(const TSet& s);
     Назначение: копирование данных из другого множества.
```

Входные параметры: s – объект класса тset.

TSet(const TBitField& bf);

Назначение: формирование множества на основе битового поля.

Входные параметры: bf - obsekt класса TBitField.

operator TBitField();

Назначение: получение поля BitField.

Выходные параметры: объект класса твіtfield.

Метолы:

int GetMaxPower(void) const noexcept;

Назначение: получение максимальной мощности множества.

Выходные параметры: мажРомет – максимальная мощность множества.

void InsElem(const int Elem);

Назначение: добавить элемент в множество.

Входные параметры: **Elem** – индекс элемента.

void DelElem(const int Elem);

Назначение: удаление элемента из множества.

Входные параметры: **Elem** – индекс элемента.

bool IsMember(const int Elem) const;

Назначение: проверка, состоит ли элемент в множестве.

Входные параметры: true или false.

bool operator== (const TSet& s) const;

Назначение: перегрузка операции сравнивания, сравнение на равенство объектов.

Входные параметры: s - obsekt класса **Tset**.

Выходные параметры: true или false.

bool operator!= (const TSet& s) const;

Назначение: перегрузка операции сравнивания, сравнение на неравенство объектов.

Входные параметры: s - obsekt класса **Tset**.

Выходные параметры: true или false.

const TSet& operator=(const TSet& s);

Назначение: присваивание значений объекта в.

Входные параметры: s - obsekt класса **Tset**.

Выходные параметры: ссылка на объект класса тset (себя).

TSet operator+ (const int Elem);

Назначение: добавление элемента в множество.

Входные параметры: **Elem** – индекс элемента.

Выходные параметры: объект класса тset.

TSet operator- (const int Elem);

Назначение: удаление элемента из множества.

Входные параметры: **Elem** – индекс элемента.

Выходные параметры: объект класса тset.

TSet operator+ (const TSet& s);

Назначение: объединение двух множеств.

Входные параметры: s - obsekt класса **Tset**.

Выходные параметры: объект класса тset.

TSet operator* (const TSet& s);

Назначение: пересечение двух множеств.

Входные параметры: s - объект класса тset.

Выходные параметры: объект класса тset.

TSet operator~ (void);

Назначение: получение дополнения к множеству.

Выходные параметры: объект класса тset.

friend istream& operator>>(istream& in, TSet& s);

Назначение:

Входные параметры: s - oбъект класса TSet, in - поток ввода.

Выходные параметры: поток ввода.

friend ostream& operator<<(ostream& out, const TSet& s);</pre>

Назначение:

Входные параметры: s – объект класса TSet, out – поток вывода.

Выходные параметры: поток вывода.

Заключение

Были реализованы классы: TBitField и TSet

Выполнены задачи при реализации класса TBitField:

- 1. Описать и реализовать конструктор, конструктор копирования, деструктор.
- 2. Описать и реализовать операции доступа к битам: установить бит в 1, установить бит в 0, получить значение бита, получить количество доступных битов.
- 3. Описать и реализовать вспомогательные методы: получение индекса элемента, получение маски бита.
- 4. Перегрузить битовые операции: присваивание (=), сравнение (==, !=), побитовое ИЛИ (|), побитовое И (&), побитовое отрицание(\sim).
- 5. Перегрузить операции ввода и вывода.

Выполнены задачи при реализации класса TSet:

- 1. Описать и реализовать конструктор, конструктор копирования, конструктор преобразования типа, оператор преобразования типа к битовому полю.
- 2. Описать и реализовать операции доступа к битам: включить элемент в множество, удалить элемент из множества, проверить наличие элемента в множестве, получить максимальной мощности множества.
- 3. Перегрузить теоретико-множественные операции: присваивание (=), сравнение (==, !=), объединение (+), пересечение (*), объединение с элементом из множества (+), разность с элементом из множества (-), дополнение (~).
- 4. Перегрузить операции ввода и вывода.

Литература

- 1. Лекция «Множества и битовые поля» Сысоева А.В. https://cloud.unn.ru/s/DLRHnt54ircG2WL
- 2. Битовые поля https://www.youtube.com/watch?v=_XJAeR7obBk
- 3. Решето Эратосфена https://yandex.ru/video/preview/2908856360907561981

Приложения

Приложение A. Реализация класса TBitField

```
#include "tbitfield.h"
TBitField::TBitField(int len)
    if (len > 0) {
        BitLen = len;
        MemLen = ((len + bitsInElem - 1) >> shiftSize);
        pMem = new TELEM[MemLen];
        memset(pMem, 0, MemLen * sizeof(TELEM));
    else if(len == 0) {
        BitLen = 0;
        MemLen = 0;
        pMem = nullptr;
    else {
        throw "error: BitFiels size < 0";
TBitField::TBitField(const TBitField &bf) // конструктор копирования
   BitLen = bf.BitLen;
   MemLen = bf.MemLen;
    if (MemLen) {
        pMem = new TELEM[MemLen];
        memcpy(pMem, bf.pMem, MemLen * sizeof(TELEM));
    else {
        pMem = nullptr;
TBitField::~TBitField()
    if (MemLen > 0)
        delete[] pMem;
int TBitField::GetMemIndex(const int n) const noexcept // индекс Мем для бита
{
    return n >> shiftSize;
TELEM TBitField::GetMemMask(const int n) const noexcept // битовая маска для
бита n
    return 1 << (n & (bitsInElem - 1));</pre>
// доступ к битам битового поля
int TBitField::GetLength(void) const // получить длину (к-во битов)
  return BitLen;
void TBitField::SetBit(const int n) // установить бит
    if (n >= BitLen || n < 0) throw "error: index out of range";
   pMem[GetMemIndex(n)] |= GetMemMask(n);
```

```
void TBitField::ClrBit(const int n) // очистить бит
    if (n >= BitLen || n < 0) throw "error: index out of range";
    pMem[GetMemIndex(n)] &= ~GetMemMask(n);
int TBitField::GetBit(const int n) const // получить значение бита
    if (n >= BitLen || n < 0) throw "error: index out of range";
    return ((pMem[GetMemIndex(n)] & GetMemMask(n)) >> (n & (bitsInElem - 1)));
1
// битовые операции
const TBitField& TBitField::operator=(const TBitField &bf) // присваивание
    if (MemLen != bf.MemLen)
        if (MemLen > 0) {
            delete[] pMem;
            MemLen = bf.MemLen;
            pMem = new TELEM[MemLen];
        }
    BitLen = bf.BitLen;
    for (int i = 0; i < MemLen; i++)
        pMem[i] = bf.pMem[i];
    return (*this);
}
bool TBitField::operator==(const TBitField &bf) const // сравнение
    if (BitLen != bf.BitLen) return false;
    bool flag = true;
    for (int i = 0; i < MemLen; i++)
        if (pMem[i] != bf.pMem[i]) {
            flag = false;
            break;
        1
    return flag;
bool TBitField::operator!=(const TBitField &bf) const // сравнение
    return !((*this) == bf);
TBitField TBitField::operator|(const TBitField &bf) // операция "или"
    int len = (BitLen > bf.BitLen) ? BitLen : bf.BitLen;
    TBitField res(len);
    for (int i = 0; i < BitLen; i++) {</pre>
        if (GetBit(i)) res.SetBit(i);
    for (int i = 0; i < bf.BitLen; i++) {</pre>
        if (bf.GetBit(i)) res.SetBit(i);
    return res;
}
TBitField TBitField::operator&(const TBitField &bf) // операция "и"
    int len = (BitLen > bf.BitLen) ? BitLen : bf.BitLen;
    int mlen = (BitLen < bf.BitLen) ? BitLen : bf.BitLen;</pre>
    TBitField res(len);
    for (int i = 0; i < BitLen; i++) {</pre>
        if (GetBit(i) && bf.GetBit(i)) res.SetBit(i);
    }
```

```
return res;
}
TBitField TBitField::operator~(void) // отрицание
    TBitField res(BitLen);
    for (int i = 0; i < BitLen; i++)
        if (!GetBit(i)) res.SetBit(i);
    return res;
}
// ввод/вывод
istream& operator>>(istream& in, TBitField& bf) // ввод
    string ans;
    in >> ans;
    int blen = bf.BitLen;
    int len = (ans.size() < blen) ? ans.size() : blen;</pre>
    for (int i = 0; i < blen; i++) {
       bf.ClrBit(i);
    for (int i = 0; i < len; i++) {
        if (ans[i] == '1') bf.SetBit(i);
   return in;
}
ostream& operator<<(ostream& out, const TBitField& bf) // вывод
    int len = bf.BitLen;
    for (int i = 0; i < len; i++) {</pre>
        if (bf.GetBit(i))
            out << '1';
        else
            out << '0';
    return out;
    Приложение Б. Реализация класса TSet
#include "tset.h"
```

```
TSet::TSet(int mp) : BitField(mp)

{
    if (mp >= 0) {
        MaxPower = mp;
    }
    else {
        throw "error: Set size < 0";
    }

// конструктор копирования
TSet::TSet(const TSet& s) : BitField(s.BitField)

{
    MaxPower = s.MaxPower;
}

// конструктор преобразования типа
TSet::TSet(const TBitField& bf) : BitField(bf)

{
    MaxPower = bf.GetLength();
}
```

```
TSet::operator TBitField()
{
    return BitField:
}
// доступ к битам
int TSet::GetMaxPower(void) const noexcept // получить макс. к-во эл-тов
{
    return MaxPower;
bool TSet::IsMember(const int Elem) const // элемент множества?
    if (Elem >= MaxPower || Elem < 0) throw "error: index out of range";
    if (BitField.GetBit(Elem))
        return true;
    return false;
}
void TSet::InsElem(const int Elem) // включение элемента множества
    if (Elem >= MaxPower || Elem < 0) throw "error: index out of range";
    BitField.SetBit(Elem);
void TSet::DelElem(const int Elem) // исключение элемента множества
    if (Elem >= MaxPower || Elem < 0) throw "error: index out of range";
    BitField.ClrBit(Elem);
}
// теоретико-множественные операции
const TSet& TSet::operator=(const TSet& s) // присваивание
    MaxPower = s.MaxPower;
    BitField = s.BitField;
    return *this;
bool TSet::operator==(const TSet& s) const // сравнение
    if (MaxPower != s.MaxPower) return false;
    return (BitField == s.BitField);
bool TSet::operator!=(const TSet& s) const // сравнение
    return ! (*this == s);
TSet TSet::operator+(const TSet& s) // объединение
{
    int len = (MaxPower > s.MaxPower) ? MaxPower : s.MaxPower;
    TSet res(len);
    res.BitField = BitField | s.BitField;
    return res;
TSet TSet::operator+(const int Elem) // объединение с элементом
{
    if (Elem >= MaxPower || Elem < 0) throw "error: index out of range";</pre>
    TSet res(*this);
    res.InsElem(Elem);
    return res;
TSet TSet::operator-(const int Elem) // разность с элементом
{
```

```
if (Elem >= MaxPower || Elem < 0) throw "error: index out of range";
    TSet res(*this);
    res.DelElem(Elem);
    return res;
TSet TSet::operator*(const TSet& s) // пересечение
    int len = (MaxPower > s.MaxPower) ? MaxPower : s.MaxPower;
    TSet res(len);
    res.BitField = BitField & s.BitField;
    return res;
TSet TSet::operator~(void) // дополнение
    TSet res(MaxPower);
    res.BitField = ~BitField;
    return res;
}
// перегрузка ввода/вывода
istream& operator>>(istream& in, TSet& s) // ввод
    in >> s.BitField;
    return in;
}
ostream& operator<<(ostream& out, const TSet& s) // вывод
    out << s.BitField;</pre>
    return out;
}
```