Expression Logique et Fonctionnelle ... Évidemment

$TD n^{\circ} 3:$

Exercice 1 Programmer des fonctions avec itere

Il s'agit dans cet exercice de programmer des fonctions récursives classiques sans utiliser la forme **let rec**, mais en utilisant la fonction **itere**.

Question 1 La fonction fact : int -> int qui calcule la factorielle d'un entier.

Question 2 La fonction somme1 : int -> int qui calcule la somme des entiers compris entre les deux entiers passés en argument.

Question 3 La fonction liste_entiers : int \rightarrow int list qui construit la liste des entiers de 1 à n dans l'ordre croissant, lorqu'elle est appliquée à un entier n.

Exercice 2 Programmer des fonctions avec tantque

Il s'agit dans cet exercice de programmer des fonctions récursives classiques sans utiliser la forme **let rec**, mais en utilisant la fonction **tantque**.

Question 1 La fonction racine_deux : float -> float qui renvoie une valeur approchée à ε près de $\sqrt{2}$, où ε est le paramètre transmis à cette fonction.

On admettra que la suite de réels définies par

$$u_0 = 1$$

$$u_{n+1} = \frac{u_n + 2/u_n}{2} \ \forall n \in \mathbb{N}$$

converge vers $\sqrt{2}$ et que le terme u_n en est une valeur approchée à ε près si $|u_n - u_{n+1}| < \varepsilon$.

La fonction abs_float : float -> float calcule la valeur absolue de son argument.

Question 2 La fonction pgcd : int -> int qui calcule le pgcd des deux entiers passés en paramètre. (On rappelle que lorsque $b \neq 0$, pgcd $(a, b) = \operatorname{pgcd}(b, a \pmod{b})$, et que pgcd(a, 0) = a.)

Question 3 La fonction longueur : 'a list -> int qui calcule la longueur de la liste passée en paramètre.

Question 4 La fonction renverse : 'a list -> 'a list qui construit une liste dont les éléments sont ceux de la liste pass'ée en paramètre dans l'ordre inverse.

Question 5 La fonction map : ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list équivalente à List.map.