Expression Logique et Fonctionnelle ... Évidemment

Programmation fonctionnelle, premier TP

1 Prise en main de l'environnement de programmation de OCAML

1.1 Les commandes des différents compilateurs de OCAML

ocaml	boucle d'interaction
ocamlrun	interprète de code-octet
ocamlc	compilateur en ligne de code-octet
ocamlopt	compilateur en ligne de code natif

Tab. 1 – Commandes de compilation

1.2 Les conventions de nommage de fichiers

extension	signification
.ml	fichier source
.mli	fichier interface
.cmo	fichier objet (code-octet)
.cma	fichier d'une bibliothèque objet (code-octet)
.cmi	fichier interface compilé
.cmx	fichier objet (natif)
.cmax	fichier d'une bibliothèque objet (natif)

Tab. 2 – Extensions des fichiers

1.3 La boucle d'interaction

1.3.1 Démarrer l'interprète

On lance la boucle d'interaction avec l'interprète de OCAML avec la commande ocaml

\$ ocaml

Objective Caml version 3.08.2

#

Le symbole # est une invite signalant que l'interprète attend une phrase à évaluer.

Pour un confort d'utilisation accru de la boucle d'interaction, en particulier pour bénéficier de l'accès à l'historique des commandes passées à l'interprète lors d'une session avec les touches d'édition, nous vous recommandons d'invoquer l'interprète avec la commande ledit ocaml, au lieu de la simple commande ocaml.

1.3.2 Quitter l'interprète

On quitte l'interpète avec la directive #quit ou en tapant la combinaison de touches Ctrl+D.

```
| # #quit ;;
| $
```

1.3.3 Charger un fichier source

Pour charger un fichier source dans la boucle d'interaction, on utilise la directive #use. Si le fichier fact.ml contient les phrases suivantes

```
let rec fact n =
if n=0 then 1
else n*fact(n-1) ;;
print_int (fact 6) ; print_newline ();;
```

alors l'utilisation de la directive #use dans la boucle d'interaction produit les réponses :

```
# #use "fact.ml" ;;
val fact : int -> int = <fun>
720
- : unit = ()
#
```

et toutes les déclarations faites dans le fichier sont définies dans l'environnement courant.

On peut aussi lancer l'exécution de l'interprète sur l'ensemble des phrases contenues dans un fichier :

```
$ ocaml fact.ml
720
$
   ou en plus bavard
$ ocaml < fact.ml
       Objective Caml version 3.08.2
# val fact : int -> int = <fun>
# 720
- : unit = ()
#
$
```

Dans ce cas, après évaluation de toutes les phrases, on quitte l'interprète.

1.4 Emacs et OCAML

Il existe plusieurs modes Caml pour Emacs. Ces modes offrent

- une coloration syntaxique des sources,
- l'envoi de phrases à évaluer depuis le buffer d'édition vers le buffer de l'interprète.

Le mode conseillé est le mode **Tuareg**. Pour l'installation de ce mode, voir la rubrique documents du site du cours.

Démarrer l'interprète M-x run-caml depuis Emacs.

Transmettre une phrase d'un buffer vers l'interprète C-x C-e.

Transmettre le contenu d'un buffer vers l'interprète C-c C-b.

2 Petits exercices

Exercice 1

Question 1 Testez ces phrases en OCAML.

```
132;;
125.78;;
1+2;;
```

Question 2 Déclarations de valeurs – entiers.

```
let x =2 ;;
(*inspection de la valeur*)
```

```
x;;
let x = 3;;
x ;;
let y = x * x;;
let x = x * x;;
(* autre exemple *)
let x = 4*7 + 3;;
let y = (x-29) * x;;
let a = x-y and b = x+y ;;
a;;
```

 $\textbf{Question 3} \ \ \, \text{Arithm\'etique avec les flottants}: ne fonctionne \ pas \ avec \ l \ op\'erateur + mais \ avec +.$

```
4.0 + 3.0;;
4.0 +. 3.0;;
```

Question 4 Déclarations locales.

```
let pi = 3.14
and r = 2.0
in
    2. *. pi *. r;;
```

Question 5 Un type construit : les paires.

```
let x = 1;;
let y = 2;;
(x,y);;
(1,2,"elfe");;
let xf= 1.0;;
let yf= 2.0;;
(xf,yf);;
```

Question 6 Une liste d entiers.

```
[x;y;x];;
```

Question 7 L'opérateur = n'est pas une affectation.

```
xf = 4.0;;
xf;;
x ;;
x = 2;;
```

Question 8 Portée des variables.

```
let ma = 7
 in
   let la =
       let ma = 2
       in
         ma+1
   in
     ma + la ;;
(* un autre *)
let x = 1 ;;
x ;;
let z =
  let x = x + x
  in
   let x = x + x
    in
      x + x;;
z ;;
x ;;
```

Question 9 Expressions conditionnelles.

```
if false then 5 else 7
if true then 5 else 7
if 4 < 2 then 3*5 else 7 * 1
if 4 = 2*2 then 3*5 else 7 *1</pre>
```

Question 10 Fonctions.

```
(* abs: Z -> N
        a \rightarrow -a \ si \ a < = 0
             a sinon
(* SYNTAXE: function <param> -> <expr> *)
function a -> if a < 0 then -a else a;;</pre>
(function a -> if a < 0 then -a else a) -3 ;;
(function a \rightarrow if a < 0 then -a else a) (-3) ;;
(* deux declarations globales equivalentes *)
let abs = function a -> if a < 0 then -a else a;;</pre>
(* sans le mot cle function *)
let abs a = if a < 0 then -a else a</pre>
(* attention lorsqu'on melange les deux styles...*)
let abs a = function a -> if a < 0 then -a else a;;</pre>
(* fonctions and parentheses *)
let carre x = x * x;
carre(4);;
carre 4 ;;
carre (2 + 3);;
carre 2 + 3 ;;
(carre 2) + 3;;
carre 2 + carre 3 ;;
carre (2 + carre 3);;
carre (carre 3);;
```

Question 11 Exemples de fonctions du livre 'apprentissage de la programmation avec Ocaml' de dubois et menissier-morain, page 46.

```
(* calcul polynomial *)
let monpoly x =
  let a = 2
  and b = -3
  and c = 5
  in
    a*x*x + b*x +c;;
(* des fonctions avec des strings *)
let repeat x = x ^ x ;;
repeat "les vacances";;
let rallonge x = x ^ " c'est bien";;
rallonge "les vacances";;
rallonge repeat "les vacances";;
rallonge (repeat "les vacances");;
let vide x = x = "";;
vide "j'ai enfin tout compris !";;
(* declaration de fonction, variable, et portee statique... *)
let p = 10;;
let k x = (x,p,x+p);;
k 1003;;
k p ;;
let p = 1003 ;;
```

```
k p ;;
  (* question: pourquoi 10 en deuxieme position, et non 1003? *)
  (* un exemple de calcul....
     fait de differentes manieres... procedures auxiliaires *)
  (* calculer puissance 8 pour la valeur 2*)
 let a = 2*2;;
 let b = a*a ;;
 let c = b*b ;;
  (* abstraire le calcul pour la valeur x *)
 let a x = x * x ;;
 let b x = a x * a x ;;
  let puissance8 x = b x * b x ;;
  puissance8 2;;
  puissance8 3;;
 b 2;;
  (* quelle est la portee des noms de fonctions a, b et puissance8 ?
     du point de vue logiciel est-ce une bonne facon de faire ? *)
  (* comment limiter la visibilite des fonctions auxiliaires de puissance8? *)
  (* EXO: re-definir puissance 8 avec fonction auxiliaires locales a etb*)
  (* autre definition. avec fonction auxiliaire qu'on veut bien
garder dans l'environnement global *)
 let carre x = x * x;
 let power8 x = carre (carre (carre x));;
 power8 2;;
 power8 3;;
  (* fonction avec deux parametres *)
 let average a b = (a +. b) /. 2.0 ;;
  average 3.0 4.0 ;;
  average 3.0 ;;
```

Question 12 Une fonctionelle sur les listes.

```
let double x = x * 2
in
   List.map double [31 ; 19; 3];;
```

Question 13 Fonctions mutuellement recursives pair/even et impair/odd.

```
(* ajoutez les parentheses si necessaire *)
let rec even x = x mod 2 = 0
and odd x = not even x ;;
```

Question 14 Puissance 7 avec 3 multiplications sans modifier l'environnement.

```
let y = 13 * 13 in y * y * y * 13 ;;
(let y x = x*x * x and z x = x * x in function x -> z (y x) * x ) 13;;
```

Question 15 Signe d'un entier... corrigez, complétez.

```
let sign x =
  if x=0
  then 0
  else (if (x>0) then x / x ) ;;
```

Question 16 xor : contrôlez les parenthèses et mots-clés!

```
let xor a b = (not a and b ) or (a and not b);;
```

Question 17

```
let rec fibo n =
  if n = 0
  then 0
  else
    if n = 1
    then 1
    else fibo (n-1) + (fibo (n-2)) ;;
```

Exercice 2

Question 1 Déterminez le type de la fonction String.length. Puis utilisez cette fonction en respectant son type. Que calcule cette fonction?

Question 2 Déterminez le type de la fonction String.sub. Puis utilisez cette fonction en respectant son type. Oue calcule cette fonction?

Question 3 En utilisant les deux fonctions String.length et String.sub, définissez les fonctions

- 1. initiale de type string -> string qui donne l'initiale de la chaîne passée en paramètre;
- 2. saufInitiale de type string -> string qui donne la chaîne passée en paramètre privée de son initiale;
- 3. finale de type string -> string qui donne le caractère final de la chaîne passée en paramètre;
- 4. sauffinale de type string -> string qui donne la chaîne passée en paramètre privée de sa finale;
- 5. miroir de type string -> string qui donne la chaîne miroir de celle passée en paramètre.

Exercice 3

Réalisez une fonction nommée puissance de type int -> int pour calculer la puissance n-ième d'un entier.

3 Le code de César

Le code de César est un système de chiffrement utilisé par Jules pour communiquer des informations secrètes à ses généraux. Il consiste à décaler toutes les lettres de trois rangs dans l'alphabet. Ainsi un A devient un D, un B devient un E, ..., un Z devient un C, et le message

LE PONT NEUF FAIT SOIXANTE PIEDS.

devient

OH SRQW QHXI IDLW VRLADQWH SLHGV.

Vous allez réaliser un programme qui effectue ce codage.

3.1 Décalage dans l'alphabet

Les littéraux caractères en OCAML sont dénotés entre 'apostrophes'. Les fonctions int_of_char et char_of_int, de types respectifs char -> int et int -> char, convertissent un caractère en son code ASCII (nombre entier compris entre 0 et 255) et vice-versa.

Question 1 Réalisez une fonction decale de type int -> char -> char qui décale tout caractère qui est une lettre majuscule ou minuscule¹, et laisse inchangé tout autre caractère, l'importance du décalage étant donné par le premier paramètre. Ci-dessous quelques exemples d'utilisation de cette fonction

```
# decale 3 'e' ;;
- : char = 'h'
# decale 5 'W';;
- : char = 'B'
# decale 7 ':' ;;
- : char = ':'
```

Vous pourrez utiliser avec profit l'opérateur **mod**, et le fait que dans le code ASCII toutes les lettres majuscules sont situées entre le A et le Z, et toutes les minuscules entre le a et le z.

 $^{^1}$ ne considérez pas les lettres accentuées telles que $\acute{\mathbf{e}},\,\grave{\mathbf{e}},\,\dots$

3.2 La fonction cesar

Question 2

En utilisant

- la fonction String.get, de type string -> int -> char,
- la fonction Char.escaped, de type char -> string,
- et l'opérateur ^ de concaténation des chaînes de caractères,

réalisez la fonction cesar de type int -> string -> string dont voici un exemple d'utilisation :

```
# cesar 3 "Le pont neuf fait soixante pieds." ;;
- : string = "Oh srqw qhxi idlw vrladqwh slhgv."
```

Question 3 Quelle expression permet de décoder un message codé avec cesar² ? Question 4 À quelle focntion correspond la fonction définie ci-dessous ?

```
let que_fais_je c =
  let g = cesar 17
  in
    cesar 9 (g c) ;;
```

3.3 Production d'un exécutable

Dans cette partie, on suppose que toutes les déclarations sont faites dans un fichier nommé cesar.ml. Question 5 À la fin de ce fichier ajouter le code la procedure main ci-dessous.

```
let main () =
  let n = int_of_string Sys.argv.(1)
  and c = Sys.argv.(2)
  in
    print_string (cesar n c);
    print_newline ();
    exit 0;;

main();;
```

Cette procédure, de type unit -> unit, récupère les deux premiers arguments passés dans la ligne de commande (shell), et les communique à la fonction cesar. Le résultat est affiché sur la sortie standard. Question 6 Pour compiler le fichier cesar.ml et obtenir un fichier exécutable, tapez la commande qui suit dans un terminal³.

\$ ocamlc -o cesar cesar.ml

Vous obtiendrez ainsi un fichier exécutable nommé cesar, et il suffit de l'invoquer dans un terminal sous la forme

```
$ ./cesar 3 "Le_pont_neuf_fait_soixante_pieds."
Oh srqw qhxi idlw vrladqwh slhgv.
```

pour obtenir le décalage de trois rangs.

 $^{^2}$ Prenez garde au fait qu'en Caml, l'entier résultant de l'utilisation de l'opérateur **mod** a le même signe que le dividende.

³cette commande suppose que le répertoire courant contient le fichier cesar.ml