



UNIVERSIDADE FEDERAL DE RORAIMA
CENTRO DE CIÊNCIA E TECNOLOGIA
CURSO DE BARACHARELADO EM CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO

LUIGI MULLER SOUSA LINHARES
TARLISON SANDER LIMA BRITO

TRABALHO 2: ORDENAÇÃO E BUSCA

BOA VISTA, RR

2018

LUIGI MULLER SOUSA LINHARES

TARLISON SANDER LIMA BRITO

TRABALHO 2: ORDENAÇÃO E BUSCA

Trabalho para apresentação na disciplina de Estrutura de Dados I do curso de graduação em Bacharelado em Ciência da computação da Universidade Federal de Roraima como requisito para a obtenção de nota.

Professor. MSc. Felipe Dwan

BOA VISTA, RR

2018

ALGORITMOS DE ORDENAÇÃO E BUSCA

Selection Sort

Selection Sort é um algoritmo de ordenação que opera em uma complexidade $C(n) = O(n^2)$, pois o número de operações sempre é o mesmo no melhor caso (em que os valores já estão ordenados) e no pior caso (em que os valores estão na ordem contrária da requerida) e é feito sempre n^2 vezes em relação ao tamanho do vetor.

O algoritmo funciona sempre pegando o menor valor da lista e colocando ele no começo da lista e depois o segundo menor e colocando ele na segunda posição e assim até o último elemento (isso contando com que o programa deseja ordenar em ordem crescente, já que se fosse em ordem decrescente seria o maior valor trabalhado no lugar do menor).

Possui como uma das principais vantagens o fato de ser implementado de uma forma mais simples em relação aos demais algoritmos de comparação, não necessita de um vetor auxiliar o que torna melhor para aplicações que não podem usar muita memória, e é também um dos mais velozes na ordenação de vetores pequenos. Mas possui desvantagens também, que são o fato de que sempre faz n^2 comparações não importa se o vetor está ordenado ou não, é lento para vetores que possuem muitos elementos e dependendo do algoritmo não é estável.

Exemplo de algoritmo Selection Sort (em C):

```
void selection_sort (int vetor[],int max) {  
    int i, j, min, aux;  
    for (i = 0; i < (max - 1); i++) {  
        min = i;  
        for (j = i+1; j < max; j++) {  
            if (vetor[j] < vetor[min]) {  
                min = j;  
            }  
        }  
        if (i != min) {  
            aux = vetor[i];  
            vetor[i] = vetor[min];  
            vetor[min] = aux;  
        }  
    }  
}
```

```
        vetor[min] = aux;
    }
}
}
```

Insertion Sort

É um algoritmo de ordenação que assim como o Selection Sort é menos eficiente que algoritmos mais avançados, como por exemplo Quick Sort e o Merge Sort, para vetores de grande escala. E possui uma complexidade de $O(n^2)$ (assim como o Selection Sort) mas apenas para os “casos médios” e “piores casos” já que se for o pior caso (ou seja ordem inversa da desejada) e o “caso médio” (em que a lista está bagunçada) fazem com que cada iteração do looping passe por toda a parte do vetor e desloque ele, já no melhor caso em que o vetor já está ordenado ele fará uma execução linear, ou seja $O(n)$.

O algoritmo de Insertion Sort começa analisando já o segundo valor do vetor com o primeiro e então, depois o terceiro com os dois anteriores, depois o quarto com os três anteriores e assim sucessivamente até o ultimo elemento do vetor. O código faz isso para analisar onde o valor será inserido, se será na ponta, no meio, ou se o valor fica na mesma posição.

Este algoritmo, apesar de possuir um alto custo computacional na movimentação dos elementos do vetor e não ser muito efetivo em vetores de grande tamanhos é um método bastante usado para coisas em que já está ‘quase’ ordenado e se for para adicionar poucos elementos em um arquivo já ordenado é uma boa opção também por ter um custo linear nesse caso.

Exemplo de algoritmo Insertion Sort (em C):

```
void insertionSort(int arr[], int n){
    int i, j, valor;
    for(i = 1; i < n; i++){
        valor = arr[i];
        j = i - 1;
        while (j >= 0 && arr[j] > valor){
            arr[j+1] = arr[j];
```

```
        j = j - 1;
    }
    arr[j+1] = valor;
}
}
```

Bubble Sort

É um algoritmo de ordenação em que consiste percorrer o vetor várias vezes e então fazer em cada uma delas com que os valores maiores, se no caso o foco for organizar em ordem crescente o vetor, o valor ‘flutue’, literalmente como se fosse uma bolha, até a extremidade possível do vetor. E assim como os algoritmos supracitados também possui complexidade $O(n^2)$, mas no melhor caso isso se torna linear, ou seja, $O(n)$.

E assim como o Insertion Sort e Selection Sort, ele possui a desvantagem de que é mais funcional em vetores menores, pois, a sua ordem ser quadrática($O[n^2]$) para a execução dessa ordenação faz com que não seja tão efetivo quanto outros já existentes para grandes vetores.

Mas possui uma boa vantagem, de ser um código de fácil compreensão, adaptação e fácil de se conseguir usar.

Considerando que a ordenação é para ordem crescente, o código consiste em percorrer o vetor, e sempre verificar se o valor que “está na vez” é maior que o próximo valor e se isso for verdade uma variável auxiliar recebe o valor que está sendo ‘analisado’ e na posição do valor que está sendo ‘analisado’ o próximo fica no lugar, e no lugar do próximo a partir do valor salvo na variável auxiliar ele é colocado nessa posição. E isso se repete N vezes (sendo N o tamanho do vetor)

Exemplo de algoritmo Bubble Sort (em C):

```
void BubbleSort(int numeros[], int TAM){
    int contador, aux, i;
    for (contador = 1; contador < TAM; contador++) {
        for (i = 0; i < TAM - 1; i++) {
            if (numeros[i] > numeros[i + 1]) {
```

```
        aux = numeros[i];
        numeros[i] = numeros[i + 1];
        numeros[i + 1] = aux;
    }
}
}
```

Radix Sort

Este algoritmo é um pouco mais complexo de se compreender comparado aos anteriores, Selection Sort, Insertion Sort e Bubble Sort. Possui uma complexidade de tempo de $O(nk)$ e complexidade de espaço de $O(n+s)$ (sendo N o número de elementos, K tamanho da string e S tamanho do alfabeto), mas se o número de dígitos for pequeno ou constante o Radix Sort tem custo linear ($O[n]$).

Possui a vantagem de ser um algoritmo estável e não comparar chaves, como é feito nos outros supracitados, já que ele vai comparando ‘dígito por dígito’ para fazer a sua ordenação (seja ela em ordem crescente ou decrescente), é um dos algoritmos de ordenação mais rápidos e é possível fazer diferentes implementações do Radix Sort dependendo do tipo de dado a ser trabalhado. Possui a desvantagem de que é melhor ser usado se a quantidade de dígitos do valor for pequena, então com dígitos de grandes escalas e em vetores muito grandes pode não ser tão interessante o seu uso, e nem sempre é de fácil otimização a inspeção desses dígitos, dependendo do hardware.

O algoritmo verifica dígito por dígito dos valores no vetor, considerando o objetivo de ordenar em ordem crescente, o algoritmo verifica qual o menor valor do dígito menos significativo, ou seja, em [180,132,144,128,012] ele verificará que o menor valor dos dígitos menos significativos nesse vetor é o 0, o próximo o 2, depois o 4, depois o 8 e com isso ele faz o primeiro passo e deixa o vetor assim [180,132,012,144,128], depois verifica o dígito do meio dos valores e com base neles faz outro passo e após verificar que o menor é 1, depois 2, depois 3, depois 4 deixa o vetor assim [012,128,132,144,180] e sem precisar verificar o dígito mais significativo o vetor já está ordenado.

Exemplo de algoritmo Radix Sort (em C):

```

void radixsort(int vetor[], int tamanho) {
    int i, *b, exp = 1;
    int maior = vetor[0];
    b = (int *)calloc(tamanho, sizeof(int));
    for (i = 0; i < tamanho; i++) {
        if (vetor[i] > maior)
            maior = vetor[i];
    }
    while (maior/exp > 0) {
        int bucket[10] = { 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 };
        for (i = 0; i < tamanho; i++)
            bucket[(vetor[i] / exp) % 10]++;
        for (i = 1; i < 10; i++)
            bucket[i] += bucket[i - 1];
        for (i = tamanho - 1; i >= 0; i--)
            b[--bucket[(vetor[i] / exp) % 10]] = vetor[i];
        for (i = 0; i < tamanho; i++)
            vetor[i] = b[i];
        exp *= 10;
    }
    free(b);
}

```

Quick Sort

Este algoritmo de ordenação foi inventado por Charles Antony Richard Hoare, um cientista da computação britânico, que inclusive é ganhador do prêmio Turing (de 1980). É o algoritmo de ordenação mais utilizado no mundo.

Possui uma complexidade de $O(N \log N)$ para os melhores casos e casos médios, já o pior caso possui complexidade de $O(n^2)$. É um algoritmo extremamente utilizado pela sua grande eficácia em muitos casos. O Quick Sort é uma forma de árvore binária ordenada, em que ele organiza os valores corretamente na ordem, de forma implícita, e faz chamadas recursivas dela mesma para isso.

Uma das principais vantagens deste método é a sua velocidade que necessita apenas de $O(N \log N)$, capacidade de ordenar com facilidade vetores grandes, comparações em média para ordenar o vetor requerido, além de necessitar apenas de uma pequena pilha como memória auxiliar, mas também possui suas desvantagens como a sua implementação que é um pouco difícil já que um pequeno erro fará com que a recursividade não funcione e também não é um método estável (mas existe versão dele que consegue obter estabilidade mas com um custo extra).

O Quick Sort usa o particionamento para efetuar o seu processo (dividir para conquistar), primeiro ele escolhe um elemento para servir de referência (chamado de pivô) e então ele reordena o vetor fazendo comparações com o valor do pivô. Os valores menores ou iguais ao pivô ficam à esquerda do pivô e os maiores ou iguais ficam à direita. E efetuando esses passos recursivamente até que o vetor esteja totalmente ordenado.

Exemplo de algoritmo Quick Sort (em C):

```
int partition( int *vetorDesordenado, int posicaoInicio, int posicaoFim ){
    int x,i,j,auxiliar;
    x = vetorDesordenado[posicaoInicio];
    i = posicaoInicio - 1;
    j = posicaoFim + 1;
    for(;;)
    {
        do { j--; } while( vetorDesordenado[j] > x );
        do { i++; } while( vetorDesordenado[i] < x );

        if (i < j)
        {
            auxiliar = vetorDesordenado[i];
            vetorDesordenado[i] = vetorDesordenado[j];
            vetorDesordenado[j] = auxiliar;
        }
        else
        {

```



```
        return j;
    }
}

void quickSort( int *vetorDesordenado, int posicaoInicio, int posicaoFim )
{
    int pivot;
    if (posicaoInicio < posicaoFim)
    {
        pivot = partition( vetorDesordenado, posicaoInicio, posicaoFim);
        quickSort( vetorDesordenado, posicaoInicio, pivot);
        quickSort(vetorDesordenado, pivot+1, posicaoFim);
    }
}
```

Merge Sort (ou ordenação por mistura)

Este algoritmo, assim como o Quick Sort, é um algoritmo de comparação ‘dividir para conquistar’, criado por John Von Neumann, considerado um dos mais importantes matemáticos do século XX e um dos construtores do ENIAC. Consiste na ideia de criar uma sequência ordenada a partir de outras duas que também estejam ordenadas e para fazer isso ele divide o original em vários pares de dados. Possui complexidade $O(n \log n)$ para todos os casos, seja o caso médio, melhor ou pior, mas as vezes pode acontecer $O(n)$, ser linear, no melhor caso.

Possui a desvantagem de precisar de muita memória já que ele requer o dobro, pois irá precisar de um vetor com as mesmas dimensões do vetor que está ordenado, além de utilizar funções recursivas. Mas é um algoritmo que é, na maioria dos casos, estável além de ser de fácil implementação e uma complexidade de $O(n \log n)$ que permite com que ele seja um dos algoritmos de ordenação mais rápido.

O Merge Sort primeiro divide o algoritmo em duas grandes partes e então continua essa divisão de dados até que se tenha pares de dados e ao chegar nesses pares ele organiza quem é maior e quem é menor e então vai juntando com os outros pares e

comparando, e assim organizando todos os dados na ordem desejada, chamando a própria função do Merge Sort (recursividade).

Exemplo de algoritmo Merge Sort (em C):

```
void mergeSort( int *vetorDesordeado, int posicaoInicio, int posicaoFim ) {
    int i,j,k,metadeTamanho,*vetorTemp;
    if ( posicaoInicio == posicaoFim ) return;
    metadeTamanho = ( posicaoInicio+posicaoFim )/2;
    mergeSort( vetorDesordeado, posicaoInicio, metadeTamanho);
    mergeSort( vetorDesordeado, metadeTamanho+1,posicaoFim );
    i = posicaoInicio;
    j = metadeTamanho+1;
    k = 0;
    vetorTemp = (int *) malloc(sizeof(int) * (posicaoFim-posicaoInicio+1));

    while( i < metadeTamanho+1 || j < posicaoFim+1 ){
        if ( i == metadeTamanho+1 ){
            vetorTemp[k] = vetorDesordeado[j];
            j++;
            k++;
        }
        else{
            if (j==posicaoFim+1) {
                vetorTemp[k] = vetorDesordeado[i];
                i++;
                k++;
            }
            else {
                if (vetorDesordeado[i] < vetorDesordeado[j]) {
                    vetorTemp[k] = vetorDesordeado[i];
                    i++;
                    k++;
                }
            }
        }
    }
}
```

```

        else{
            vetorTemp[k] = vetorDesordenado[j];
            j++;
            k++;
        }
    }
}
}
for( i = posicaoInicio; i <= posicaoFim; i++ ){
    vetorDesordenado[i] = vetorTemp[i-posicaoInicio];
}
free(vetorTemp);
}

```

Busca binária

É um algoritmo de busca que também segue o paradigma de ‘dividir para conquistar’ e possui a complexidade de $O(\log n)$ para o caso médio e pior caso, já no melhor caso a complexidade torna-se $O(1)$.

A busca binária é feita para vetores em que os dados já estão ordenados, já que seu algoritmo já parte deste pressuposto. A principal vantagem deste algoritmo é a sua rapidez em achar o valor já que o vetor já está ordenado e assim o algoritmo consegue efetuar bem o seu propósito já que ela efetua poucos acessos no vetor para achar a posição do valor, mas possui a desvantagem de não conseguir efetuar a busca em um vetor que não esteja devidamente ordenado.

O algoritmo, por já partir do pressuposto que o vetor está ordenado, ele primeiro vai ao valor que está no meio do vetor, se o valor já está lá a busca acaba ali mesmo e retorna o índice da posição do valor, mas se não achar imediatamente se o elemento que se encontra no meio vier antes do elemento que está sendo procurado então a busca continuará na metade posterior deste vetor. Caso o valor do meio vier depois do elemento procurado a busca continua na parte anterior a ele no vetor.

Exemplo de algoritmo de busca binária (em C):

```
int PesquisaBinaria ( int k[], int chave , int N){
    int inf,sup,meio;
    inf=0;
    sup=N-1;
    while (inf<=sup){
        meio=(inf+sup)/2;
        if (chave==k[meio])
            return meio;
        else if (chave<k[meio])
            sup=meio-1;
        else
            inf=meio+1;
    }
    return -1;
}
```

Busca Sequencial

Este algoritmo de busca é o mais simples algoritmo de busca que existe, já que consiste apenas em buscar o elemento no vetor percorrendo-o do início ao fim para achar o valor desejado. A complexidade desse algoritmo depende do caso, se for o melhor caso em que o valor buscado está no início do vetor a complexidade é $O(1)$, se for o caso médio $O((n+1)/2)$ e o pior caso é $O(N)$ pois o valor estará na última posição do vetor.

Este algoritmo possui a vantagem por cima da busca binária por poder ser utilizado em vetores que não estão ordenados, pois a ordem não é relevante no algoritmo, mas a desvantagem é a sua demora caso o vetor em que for efetuado a busca esteja ordenado.

O algoritmo consiste basicamente em percorrer o vetor usando um for ou while e verificando com um if se o valor é igual ao que está sendo buscado ou não.

Exemplo de algoritmo de busca sequencial (em C):

```
int buscaSequencial(int *vetor, int chave, const int TAMANHO){  
    int i = 0;  
    while(i < TAMANHO && chave > vetor[i])  
        i++;  
  
    if(i < TAMANHO && chave == vetor[i])  
        return i;  
    else  
        return -1;  
}
```

REFERÊNCIAS

https://www.cos.ufrj.br/~rfarias/cos121/aula_06.html : <Acesso em 17/10/2018>

https://en.wikipedia.org/wiki/Insertion_sort : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.vivaolinux.com.br/script/Ordenar-vetor-com-algoritmo-Insertion-Sort/> : <Acesso em 17/10/2018>

<http://www.programasprontos.com/algoritmos-de-ordenacao/22/> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.programmingsimplified.com/c/source-code/c-program-insertion-sort> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.ft.unicamp.br/liag/siteEd/implementacao/insertion-sort.php> : <Acesso em 17/10/2018>

https://pt.wikipedia.org/wiki/Insertion_sort : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.geeksforgeeks.org/insertion-sort/> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://updatedcode.wordpress.com/2011/11/10/selection-sort-em-c/> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://beginnersbook.com/2015/02/selection-sort-program-in-c/> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.ft.unicamp.br/liag/siteEd/implementacao/selection-sort.php> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.programiz.com/dsa/selection-sort> : <Acesso em 17/10/2018>

https://pt.wikipedia.org/wiki/Selection_sort : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.vivaolinux.com.br/script/Algoritmo-de-ordenacao-Selection-Sort> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.geeksforgeeks.org/selection-sort/> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.programmingsimplified.com/c/source-code/c-program-selection-sort> : <Acesso em 17/10/2018>

<http://www.bosontreinamentos.com.br/programacao-em-linguagem-c/ordenacao-de-arrays-em-c-com-o-metodo-bubblesort/> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.programiz.com/dsa/bubble-sort> : <Acesso em 17/10/2018>

https://www.cos.ufrj.br/~rfarias/cos121/aula_05.html : <Acesso em 17/10/2018>

<https://hackr.io/blog/bubble-sort-in-c> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.programmingsimplified.com/c/source-code/c-program-bubble-sort> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.codigofonte.com.br/codigos/metodo-bolha-bubble-sort> : <Acesso em 17/10/2018>

https://pt.wikipedia.org/wiki/Bubble_sort : <Acesso em 17/10/2018>

<http://www.devfuria.com.br/logica-de-programacao/exemplos-na-linguagem-c-do-algoritmo-bubble-sort/> : <Acesso em 17/10/2018>

<https://www.geeksforgeeks.org/bubble-sort/> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://homepages.dcc.ufmg.br/~cunha/teaching/20121/aeds2/radixsort.pdf> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://www.geeksforgeeks.org/radix-sort/> : <Acesso em 18/10/2018>

https://pt.wikipedia.org/wiki/Radix_sort : <Acesso em 18/10/2018>

<https://austingwalters.com/radix-sort-in-c/> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://pt.stackoverflow.com/questions/188646/o-que-define-um-algoritmo-de-ordena%C3%A7%C3%A3o-est%C3%A1vel> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://www.programming9.com/programs/c-programs/236-c-program-for-radix-sort>

<https://www.sanfoundry.com/c-program-implement-radix-sort/> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://forum.imasters.com.br/topic/198029-algoritmos-de-ordena%C3%A7%C3%A3o-radix-sort/> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://www.hackerearth.com/pt-br/practice/algorithms/sorting/radix-sort/tutorial/> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://www.hackerearth.com/pt-br/practice/notes/radix-sort/> : <Acesso em 18/10/2018>

https://rosettacode.org/wiki/Sorting_algorithms/Radix_sort : <Acesso em 18/10/2018>

<https://homepages.dcc.ufmg.br/~cunha/teaching/20121/aeds2/quicksort.pdf> : <Acesso em 18/10/2018>

https://www.ebah.com.br/content/ABAAAFI_cAH/quicksort : <Acesso em 18/10/2018>

<https://pt.slideshare.net/Daianadevila/trabalho-mtodos-de-ordenao> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://en.wikipedia.org/wiki/Quicksort> : <Acesso em 18/10/2018>

<http://www.programasprontos.com/algoritmos-de-ordenacao/algoritmo-quick-sort/> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://www.vivaolinux.com.br/script/Ordenacao-QuickSort> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://www.geeksforgeeks.org/quick-sort/> : <Acesso em 18/10/2018>

<http://www.rafaeltolledo.net/algoritmos-de-ordenacao-5/> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://pt.wikipedia.org/wiki/Quicksort> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://www.ft.unicamp.br/liag/siteEd/implementacao/quick-sort.php> : <Acesso em 18/10/2018>

<https://blog.pantuza.com/artigos/o-algoritmo-de-ordenacao-quicksort> : <Acesso em 18/10/2018>

https://pt.wikipedia.org/wiki/Merge_sort#Desvantagens : <Acesso em 18/10/2018>

<https://www.ft.unicamp.br/liag/siteEd/implementacao/merge-sort.php> : <Acesso em 19/10/2018>

<https://gist.github.com/olegon/27c2a880c9b932862e60ab5eb89be5b6> : <Acesso em 19/10/2018>

https://www.cos.ufrj.br/~rfarias/cos121/aula_07.html : <Acesso em 19/10/2018>

<http://lucianasondermann.blogspot.com/2011/03/algorithm-mergesort-em-c.html> : <Acesso em 19/10/2018>

<http://recantodocodigo.blogspot.com/2016/02/algorithm-de-ordenacao-mergesort-c.html> : <Acesso em 19/10/2018>

<https://www.geeksforgeeks.org/merge-sort/> : <Acesso em 19/10/2018>

https://pt.wikipedia.org/wiki/Pesquisa_bin%C3%A1ria : <Acesso em 19/10/2018>

<https://www.ime.usp.br/~pf/algoritmos/aulas/bubi.html> : <Acesso em 19/10/2018>

<http://angelitomg.com/blog/busca-binaria-em-linguagem-c/> : <Acesso em 19/10/2018>

<http://www.rafaeltoledo.net/algoritmos-de-busca-3-busca-binaria/> : <Acesso em 19/10/2018>

<https://www.hardware.com.br/comunidade/busca-binaria/1162141/> : <Acesso em 19/10/2018>

<http://cafofodoprogramador.blogspot.com/2009/02/busca-binaria-em-linguagem-c.html> : <Acesso em 19/10/2018>

<https://www.vivaolinux.com.br/script/Busca-binaria-1> : <Acesso em 19/10/2018>

<https://www.vivaolinux.com.br/topico/C-C++/Ordenacao-e-pesquisa-binaria-em-C> : <Acesso em 19/10/2018>

https://pt.wikipedia.org/wiki/Busca_linear : <Acesso em 19/10/2018>

<http://www.rafaeltoledo.net/algoritmos-de-busca-2-busca-sequencial/> : <Acesso em 19/10/2018>

<https://www.blogcyberini.com/2017/09/busca-linear.html> : <Acesso em 19/10/2018>

<http://www.dcc.fc.up.pt/~acm/aulas/IP10/pesq.pdf> : <Acesso em 19/10/2018>

<http://www.facom.ufms.br/~lianaduenha/sites/default/files/aula04.pdf> : <Acesso em 19/10/2018>