- 1. Marque V para verdadeiro, F para falso
  - a. A regressão linear de dois pontos (com abscissas diferentes) é equivalente à interpolação linear
  - b. A regressão linear de 100 pontos resulta em um polinômio de grau 99
  - c. A regressão linear resulta na mesma função da interpolação linear se todos os pontos forem colineares.
  - d. A regressão linear, como foi visto nas aulas, minimiza a distância euclidiana entre os pontos e a reta.
  - e. É impossível aplicar regressão polinomial em pontos que se comportam como uma senóide
  - f. A regressão polinomial usando uma função na forma  $ax^2+bx+c$  envolve a resolução de um sistema linear 3x3
- 2. ⊳ Um levantamento teve como resultado um arquivo (pesos.txt, disponível no GitHub) com altura e peso de adultos de uma determinada região.
  - a. Calcule uma função linear que represente bem a relação entre peso e altura.
  - b. Plote um gráfico com os pontos e a função obtida.
  - c. Estime o peso de uma pessoa com altura 2m10cm.
- 3. ⊳ Você está se tornando sócio de uma empresa brasileira de serviços em nuvem que está começando agora no mercado e precisa regularmente investir em novos equipamentos. Grande parte desses equipamentos são importados e, portanto, têm seus preços cotados em dólares. Com as quebras recentes das cadeias produtivas no mundo todo, o repasse de preços se acumularam, fazendo com que a correção dos preços dos equipamentos em real não seja linear. Por exemplo, se o dólar dobrar de valor em relação ao real, pode ser, por exemplo, que o valor do equipamento triplique de valor.

Com a recente volatilidade do dólar, a empresa precisa fazer uma boa estimativa de custos futuros em função da cotação do dólar. Para construir um modelo que lhe forneça boas estimativas, você coletou dados recentes dos últimos 5 anos que devem refletir a relação entre cotação do dólar e o preço dos equipamentos (precos.txt, disponível no GitHub). As amostras podem ser vistas na Figura 1. Calcule uma função quadrática que represente bem a relação entre cotação do dólar e o preço dos equipamentos. Estime o preço caso o dólar esteja a R\$5,50.

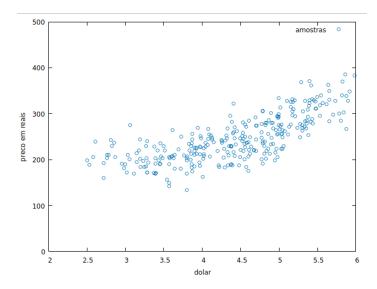


Figure 1: Amostras para o modelo que relaciona cotação do dólar e preço do equipamento

4.  $\triangleright$  Um barco percorre um rio com uma velocidade média, em relação à corrente, aproximadamente constante  $v_b$ . A corrente, por sua vez, possui uma velocidade aproximadamente constante de  $v_c = 8km/h$ . Quando o barco está indo, contra a corrente, o faz com uma velocidade de  $v_b - v_c$ , sendo  $(v_b > v_c)$ . Quando o barco está voltando, à favor da corrente, o faz com uma velocidade  $v_c + v_b$ . Você realizou

alguns percursos, anotando a velocidade relativa do barco  $v_b$  e o tempo que levou para ir e voltar. Esses dados estão no arquivo barco.txt, disponível no GitHub (cada linha contém uma amostra, sendo o primeiro número a velocidade relativa do barco  $v_b$  e, depois, o respectivo tempo).

- a. Plote um gráfico com os pontos.
- b. Aplique regressão polinomial para calcular o tempo de percurso em função da velocidade relativa do barco  $v_b$ .
- c. Considerando a mecânica clássica, calcule, fazendo uso do método de mínimos quadrados, uma função para calcular o tempo de percurso em função da velocidade relativa do barco  $v_b$ .
- d. Qual o comprimento estimado do rio?
- e. Plote um gráfico com os pontos, a função obtida por regressão polinomial e a obtida por mínimos quadrados na equação física.
- f. Estime o tempo de percurso se o barco estiver a 11km/h considerando cada uma das duas funções.