Unification de Martelli-Montanari

Creusel Victor - Heitzmann Maureen 14 décembre 2017

Part I

Code source

```
/* UNIFICATION DE MARTELLI-MONTANARI */
   /* Prédicats utiles */
   :- op(20, xfy,?=).
   /* Predicat qui sert à vérifier si un terme est une fonction */
10
   :- nonvar(X), functor(X, _, A), A > 0 .
11
12
   /* Predicat qui sert à vérifier si un terme est une constante */
14
   const(X)
   :- nonvar(X), functor(X, _, 0).
17
   /* Predicat qui trouve toutes les occurences de E dans P et qui les supprimes pour donner
    → le nouveau système Q. select et delete de prolog n'effectuent pas l'opération

→ demandée*/

   delete_p(_, [], []) :- !.
21
   delete_p(X, [E | P], Qout)
   :- X \== E, append([E], Q, Qout), delete_p(X, P, Q), !.
23
   delete_p(X, [E | P], Q)
25
   :- X == E, delete_p(X, P, Q), !.
27
29
   :- dynamic echo_on/0.
   % Prédicats d affichage fournis
31
   % set_echo: ce prédicat active l affichage par le prédicat echo
   set_echo :- assert(echo_on).
34
   % clr_echo: ce prédicat inhibe l affichage par le prédicat echo
   clr_echo :- retractall(echo_on).
   \% echo(T): si le flaq echo_on est positionné, echo(T) affiche le terme T
               sinon, echo(T) réussit simplement en ne faisant rien.
40
41
```

```
echo(T) :- echo_on, !, writeln(T).
   echo(_).
43
44
   /* Nous avons légerement modifié le prédicat echo(T) pour qu'il fasse automatiquement les
    → retours à la ligne après l'appel de chaque echo(T) */
46
47
48
   /* Vérifie si X apparait dans T */
49
   occur_check(X, T)
   :- var(X), term_variables(T, Arguments), occur_check_list(X, Arguments), !.
51
   occur_check_list(X, [E | List])
53
    :- var(X), same_term(X, E); occur_check(X, List).
55
57
   /* REGLES : détermine la règle de transformation R qui s'applique à l'équation E
   Le nom d'une règle est défini ainsi : X_r (ex : rename_r)
60
   */
61
62
   regle(X ?= T, rename_r)
   :- var(X), var(T), !.
64
   regle(X ?= T, simplify_r)
66
   :- ((var(X), const(T)); (X==T, const(T))), !.
   regle(X ?= T, expand_r)
   :- var(X), fonc(T), \+occur_check(X, T), !.
70
   regle(X ?= T, check_r)
72
   :- var(X), fonc(T), occur_check(X, T), !.
73
74
   regle(T ?= X, orient_r)
   :- var(X), \+var(T), !.
76
77
   regle(X ?= T, decompose_r)
    :- fonc(X), fonc(T), functor(X, N1, A1), functor(T, N2, A2), A1 =:= A2, N1 == N2, !.
79
   regle(X ?= T, clash_r)
81
    :- fonc(X), fonc(T), functor(X, N1, A1), functor(T, N2, A2), (A1 = A2; N1 = N2), !.
83
85
   /* REDUIT : transforme le système d'équations P en le système d'équations Q par
    \rightarrow application de la règle de transformation R à l'équation E. */
   /* On produit la constante bottom à la place de la liste de sortie lors d'un clash ou
    → check, pour que bottom ne soit unifiable avec aucune liste par la suite */
   /* rename */
89
   reduit(rename_r, X ?= T, P, Q)
   :- append(P, [], Q), X = T, !.
91
92
   /*simplify*/
93
   reduit(simplify_r, X ?= T, P, Q)
94
   :-append(P, [], Q), X = T, !.
95
   /*expand*/
```

```
reduit(expand_r, X ?= T, P, Q)
    :-append(P, [], Q), X = T, !.
99
100
    /*check */
101
    reduit(check_r, _, _, bottom).
102
    /*orient*/
104
    reduit(orient_r, T ?= X, P, [X ?= T | P]).
106
    /*clash*/
    reduit(clash_r, _, _, bottom).
108
109
    /*decompose*/
110
    reduit(decompose_r, X ?= T, P, Pout)
    :- X = .. [_ |F], T = .. [_ |G], decompose_aux(F, G, Q), append(P, Q, Pout).
112
113
             /*Lout est la liste des équations créées à partir des éléments présents dans les
114
             → listes L1 et L2*/
             decompose_aux([], [], []).
115
116
             decompose_aux([X1 | L1], [X2 | L2], Lout)
             :- decompose_aux(L1, L2, Q), append([X1 ?= X2], Q, Lout).
118
119
120
    /* Unifie(P): utilise les prédicats reqle(E, R) et reduit(R, E, P, Q) et effectue
122
     → l'unification de Martelli-Montanari sur la liste d'équations P.
    unifie(P) correspond à unifie(P, choix_premier) défini par la suite */
123
    unifie([]).
125
    unifie([E | P])
127
    :- regle(E, R), reduit(R, E, P, Q), unifie(Q), !.
129
130
    /* Unifie(P,S) : effectue l'unification de Martelli-Montanari sur la liste d'équations P
131
     → en utilisant la stratégie S
    S peut prendre comme valeur "choix_premier", "choix_pondere" ou "choix_aleatoire"
132
133
    unifie([], _).
134
135
    unifie(P, choix_premier)
    :- choix_premier(P, Q, E, R), reduit(R, E, Q, Q1), echo(system: P), echo(R: E),
137
    unifie(Q1, choix_premier), !.
139
140
    unifie(P, choix_pondere)
141
    :- choix_pondere(P, Q, E, R), reduit(R, E, Q, Q1), echo(system: P), echo(R: E),
    unifie(Q1, choix_pondere), !.
143
144
145
    unifie(P, choix_aleatoire)
146
    :- choix_aleatoire(P, Q, E, R), reduit(R, E, Q, Q1), echo(system: P), echo(R: E),
147
    unifie(Q1, choix_aleatoire), !.
148
149
150
151
    /* affichages exécution */
152
```

```
/* trace_unif(P, S) appelle unifie(P, S) et autorise l'affichage des echo(T) présents
     → dans ce-dernier. */
    trace_unif(P, S)
154
    :- set_echo, unifie(P, S), clr_echo, !.
155
156
157
    /* unif(P, S) appelle unifie(P, S) mais n'autorise pas l'affichage des echo(T) présents
158
     → dans ce-dernier. */
    unif(P, S)
159
    :- clr_echo, unifie(P, S), !.
161
162
163
    /* choix_premier : sélectionne le premier élément E du système P et retourne le nouveau
165
     \rightarrow sytème P \ {E}, l'élément E sélectionné et la règle R à appliquer sur cet élément E
     → */
    choix_premier([E | P], P, E, R)
166
    :- regle(E, R), !.
167
168
169
170
    /* choix_pondere :
171
    on donne maintenant un poid à chaque règle selon le modèle suivant : clash, check >
172
     → rename, simplify > orient > decompose > expand
    ainsi, clash et check sont prioritaires par rapport aux règles rename et simplify ... etc
173
    On va donc chercher, dans le système P, l'élément E sur lequel la règle R avec la plus
174
     → forte priorité peut s'appliquer.
    On retourne cet élement E et sa règle associée R, ainsi que le nouveau système Q, où Q =
175
     \hookrightarrow P \setminus \{E\}.
    */
176
    choix_pondere(P, Q, E, R)
    :- ( extrait_clash_check(P, E, R); extrait_rename_simplify(P, E, R); extrait_orient(P, E,
     → R); extrait_decompose(P, E, R); extrait_expand(P, E, R) ),
    delete_p(E, P, Q), !.
179
180
181
         /*clash et check */
182
         extrait_clash_check([E | _], E, R)
         :- ( regle(E, clash_r); regle(E, check_r) ), regle(E, R).
184
         extrait_clash_check([E | P], ESortie, RSortie)
186
         :- \+regle(E, clash_r), \+regle(E, check_r),
         extrait_clash_check(P, ESortie, RSortie).
188
189
         /* rename et simplify */
190
         extrait_rename_simplify([E | _], E, R)
         :- ( regle(E, rename_r) ; regle(E, simplify_r) ), regle(E, R).
192
193
         extrait_rename_simplify([E | P], ESortie, RSortie)
194
         :- \+regle(E, rename_r), \+regle(E, simplify_r),
195
         extrait_rename_simplify(P, ESortie, RSortie).
196
197
         /* orient */
198
         extrait_orient([E | _], E, orient_r)
199
         :- regle(E, orient_r).
200
201
         extrait_orient([E | P], ESortie, RSortie)
202
```

```
:- \+regle(E, orient_r),
203
         extrait_orient(P, ESortie, RSortie).
204
205
         /* decompose */
206
         extrait_decompose([E | _], E, decompose_r)
207
         :- regle(E, decompose_r).
209
         extrait_decompose([E | P], ESortie, RSortie)
210
         :- \+regle(E, decompose_r),
211
         extrait_decompose(P, ESortie, RSortie).
213
         /* expand */
214
         extrait_expand([E | _], E, expand_r)
215
         :- regle(E, expand_r).
217
         extrait_expand([E | P], ESortie, RSortie)
218
         :- \+regle(E, expand_r),
219
         extrait_expand(P, ESortie, RSortie).
220
221
222
    /* choix_aleatoire : sélectionne aléatoirement un élément E du système P et retourne le
223
     \rightarrow nouveau sytème P \ {E}, l'élément E sélectionné et la règle R à appliquer sur cet
     choix_aleatoire(P, Q, E, R)
224
    :- random_member(E, P), regle(E, R), delete_p(E, P, Q), !.
```

Part II

Tests

```
/* tests de fonc(X) */
   ?- fonc(f(a)).
   true.
   ?- fonc(f(X)).
   true.
   ?- fonc(c).
   false.
10
   ?- fonc(X).
11
   false.
12
13
   /* tests de const(X) */
15
   ?- const(a).
   true.
17
   ?- const(X).
19
   false.
21
   ?- const(f(a)).
   false.
23
24
   ?- const(f(X)).
25
   false.
27
28
```

```
/* tests de delete_p(Elem, Lin, Lout) */
   ?- delete_p(a, [a, b, c], Lout).
   Lout = [b, c].
31
   ?- delete_p(a, [a, b, c, d, a], Lout).
33
   Lout = [b, c, d].
34
35
   ?- delete_p(a, [b, c, d], Lout).
   Lout = [b, c, d].
37
   ?- delete_p(a, [], Lout).
39
   Lout = [].
40
41
   ?- delete_p(a, [X, Y, Z], Lout).
   Lout = [X, Y, Z].
43
   ?- delete_p(X, [a, b, X], Lout).
45
   Lout = [a, b].
46
47
   ?- delete_p(f(X), [a, b, f(X)], Lout).
48
   Lout = [a, b].
49
50
51
   /* tests de occur_check(X, T) */
52
   ?- occur_check(X, f(X)).
54
   ?- occur_check(X, f(a, b, c)).
56
   false.
   ?- occur_check(X, f(Y, X, Z)).
   true.
60
   ?- occur_check(X, f(Y)).
   false.
64
65
   /*tests des règles */
   /* rename */
   ?- regle(X ?=T, R).
   R = rename_r.
   ?- regle(X ?= a, rename_r).
71
   false.
73
   ?- regle(X ?= f(a), rename_r).
75
   ?- regle(X ?= f(X), rename_r).
77
   false.
79
   /* simplify */
   ?- regle(X ?=t, R).
   R = simplify_r.
83
   ?- regle(X ?= a, simplify_r).
   true.
86
```

```
?- regle(X ?= f(a), simplify_r).
    false.
    ?- regle(X ?= f(X), simplify_r).
92
93
94
    /* expand */
    ?- regle(X ?=f(t), R).
96
    R = expand_r.
    ?- regle(X ?= a, expand_r).
    false.
100
    ?- regle(X ?= f(a), expand_r).
102
103
104
    ?- regle(X ?= f(X), expand_r).
105
    false.
106
107
108
    /* check */
109
    ?- regle(X ?= f(X), R).
110
    R = check_r.
111
    ?- regle(X ?= a, check_r).
113
    false.
114
115
    ?- regle(X ?= f(a), check_r).
117
    ?- regle(X ?= f(X), check_r).
119
    true.
121
122
    /* orient */
123
    ?- regle(t ?= X, R).
124
    R = orient_r.
125
126
    ?- regle(t ?= X, orient_r).
127
128
    ?- regle(X ?= f(a), orient_r).
130
    false.
132
    ?- regle(X ?= a, orient_r).
134
135
136
    /* decompose */
    ?- regle(f(t) ?= f(X), R).
138
    R = decompose_r.
139
140
    ?- regle(f(X) ?= X, decompose_r).
141
    false.
142
143
    ?- regle(f(X) ?= f(X, Y), decompose_r).
    false.
145
146
```

```
?- regle(f(X) ?= f(a), decompose_r).
    true.
148
149
    ?- regle(f(X) ?= g(Y), decompose_r).
150
151
152
153
    /* clash */
154
    ?- regle(f(t) ?= g(X, a), R).
155
    R = clash_r.
157
    ?- regle(f(X) ?= X, clash_r).
158
    false.
159
    ?- regle(f(X) ?= f(X, Y), clash_r).
161
162
163
    ?- regle(f(X) ?= f(a), clash_r).
164
    false.
165
166
    ?- regle(f(X) ?= g(Y), clash_r).
167
    true.
168
169
170
    /* tests reduit */
171
    /* rename */
172
    ?- reduit(rename_r, X ?= T, [], Q).
    X = T
174
    Q = [].
176
    ?- reduit(rename_r, X ?= T, [f(X) ?= X], Q).
    X = T.
178
    Q = [f(T)?=T].
180
181
    /* simplify */
182
    ?- reduit(simplify_r, X ?= t, [], Q).
183
    X = t,
    Q = [].
185
186
    ?- reduit(simplify_r, X ?= t, [f(X) ?= X], Q).
187
    X = t,
    Q = [f(t)?=t].
189
191
    /* expand */
    ?- reduit(expand_r, X ?= f(t), [], Q).
193
    X = f(t),
195
    ?- reduit(expand_r, X ?= f(t), [f(X) ?= X], Q).
197
    X = f(t),
198
    Q = [f(f(t))?=f(t)].
199
200
201
    /* check */
202
    ?- reduit(check_r, X ?= f(t, Y, X, k), [], Q).
    Q = bottom.
204
205
```

```
?- reduit(check_r, X ?= f(t, Y, X, k), [f(X) ?= X], Q).
    Q = bottom.
207
208
209
    /* orient */
210
    ?- reduit(orient_r, t ?= X, [], Q).
211
    Q = [X?=t].
212
213
    ?- reduit(orient_r, t ?= X, [f(X) ?= X], Q).
214
    Q = [X?=t, f(X)?=X].
216
217
    /* clash */
218
    ?- reduit(clash_r, f(t) ?= g(X), [], Q).
    Q = bottom.
220
    ?- reduit(clash_r, f(t) ?= f(X, m), [], Q).
222
    Q = bottom.
223
224
    ?- reduit(clash_r, f(t) ?= g(X), [f(X) ?= X], Q).
225
    Q = bottom.
227
228
    /* decompose */
229
    ?- reduit(decompose_r, f(t, C, X) ?= f(X, k, Y), [], Q).
    Q = [t?=X, C?=k, X?=Y].
231
    ?- reduit(decompose_r, f(t) ?= f(X), [f(X) ?= X], \mathbb{Q}).
233
    Q = [f(X)?=X, t?=X].
235
    /* unifie(P) */
237
    ?- unifie([X ?= b]).
    X = b.
239
240
    ?- unifie([X ?= X]).
241
    true.
242
243
    ?- unifie([X ?= Y]).
244
    X = Y.
245
246
    ?- unifie([X ?= f(X)]).
247
    false.
248
    ?- unifie([X ?= f(a)]).
250
    X = f(a).
251
252
    ?- unifie([a ?= a]).
254
    ?- unifie([a ?= b]).
256
    false.
257
258
    ?- unifie([a ?= f(a)]).
259
    false.
260
261
    ?- unifie([f(X) ?= X]).
    false.
263
264
```

```
?- unifie([f(X) ?= a]).
    false.
266
267
    ?- unifie([f(X) ?= f(a)]).
268
    X = a.
269
    ?- unifie([f(X) ?= f(X)]).
271
    true.
273
    ?- unifie([f(a) ?= f(a)]).
275
276
    ?- unifie([f(X, k) ?= f(X,n)]).
277
    false.
279
    ?- unifie([f(a) ?= f(X)]).
    X = a.
281
282
    ?- unifie([f(a, b) ?= f(X, Y)]).
283
    X = a
284
    Y = b.
    ?- unifie([f(a, X) ?= f(a, b)]).
    X = b.
288
    ?- unifie([f(X) ?= f(Y)]).
290
    X = Y.
292
    ?- unifie([f(X) ?= f(g(Y))]).
    X = g(Y).
294
    ?- unifie([f(X) ?= f(X,Y)]).
296
    false.
298
    ?- unifie([f(X, Y) ?= f(g(Z), h(a)), Z ?= f(Y)]).
299
    X = g(f(h(a))),
    Y = h(a),
301
    Z = f(h(a)).
302
303
    ?- unifie([f(X, Y) ?= f(g(Z), h(a)), Z ?= f(X)]).
304
    false.
305
307
    /* tests trace_unif(P, S) */
    /* choix premier */
309
    ?- trace_unif([Z ?= f(Y), f(X, Y) ?= f(g(Z), h(a))], choix_premier).
    system: [f(_G4306)?=f(_G4306),f(_G4314,_G4306)?=f(g(f(_G4306)),h(a))]
    expand_r:f(_G4306)?=f(_G4306)
    system: [f(_G4314,_G4306)?=f(g(f(_G4306)),h(a))]
313
    decompose_r: f(G4314, G4306)? = f(g(f(G4306)), h(a))
    system: [g(f(_G4306))?=g(f(_G4306)),_G4306?=h(a)]
315
    expand_r:g(f(_G4306))?=g(f(_G4306))
    system: [h(a)?=h(a)]
    expand_r:h(a)?=h(a)
    Z = f(h(a)),
319
    Y = h(a),
320
    X = g(f(h(a))).
321
322
    /* choix pondere */
```

```
?- trace_unif([Z ?= f(Y), f(X, Y) ?= f(g(Z), h(a))], choix_pondere).
324
    system: [_G4308?=f(_G4306), f(_G4314,_G4306)?=f(g(_G4308), h(a))]
325
    decompose_r: f(_G4314,_G4306)?=f(g(_G4308),h(a))
326
    system: [f(_G4306)?=f(_G4306),_G4314?=g(f(_G4306)),_G4306?=h(a)]
    expand_r:f(_G4306)?=f(_G4306)
328
    system: [g(f(_G4306))?=g(f(_G4306)),_G4306?=h(a)]
    expand_r:g(f(_G4306))?=g(f(_G4306))
330
    system:[h(a)?=h(a)]
    expand_r:h(a)?=h(a)
332
    Z = f(h(a)),
    Y = h(a),
334
    X = g(f(h(a))).
335
336
    /* choix aleatoire */
    ?- trace_unif([Z ?= f(Y), f(X, Y) ?= f(g(Z), h(a))], choix_aleatoire).
338
    system: [f(_G4306)?=f(_G4306), f(_G4314,_G4306)?=f(g(f(_G4306)), h(a))]
339
    expand_r:f(_G4306)?=f(_G4306)
340
    system: [f(_G4314,_G4306)?=f(g(f(_G4306)),h(a))]
341
    decompose_r: f(_G4314,_G4306)? = f(g(f(_G4306)),h(a))
342
    system: [g(f(_G4306))?=g(f(_G4306)),_G4306?=h(a)]
343
    expand_r:g(f(_G4306))?=g(f(_G4306))
    system: [h(a)?=h(a)]
345
    expand_r:h(a)?=h(a)
    Z = f(h(a)),
347
    Y = h(a),
    X = g(f(h(a))).
349
    ?- trace_unif([Z ?= f(Y), f(X, Y) ?= f(g(Z), h(a))], choix_aleatoire).
351
    system: [\_G4308?=f(\_G4306), f(\_G4314,\_G4306)?=f(g(\_G4308), h(a))]
352
    decompose_r: f(_G4314,_G4306)?=f(g(_G4308),h(a))
353
    system: [f(_G4306)?=f(_G4306),_G4314?=g(f(_G4306)),_G4306?=h(a)]
    expand_r:f(_G4306)?=f(_G4306)
355
    system: [g(f(_G4306))?=g(f(_G4306)),_G4306?=h(a)]
356
    expand_r:g(f(_G4306))?=g(f(_G4306))
357
    system: [h(a)?=h(a)]
358
    expand_r:h(a)?=h(a)
359
    Z = f(h(a)),
360
   Y = h(a),
361
   X = g(f(h(a))).
```