

## PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE FACULTAD DE MATEMÁTICAS DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA

Profesor: Giancarlo Urzúa – Ayudante: Benjamín Mateluna

## Introducción a la Geometría - MAT1304 Ayudantía 7 1 de septiembre de 2025

**Problema 1.** Considere una circunferencia de centro O. Sean  $\overline{AB}$  y  $\overline{AC}$  tangentes al círculo en B y C respectivamente. Sea  $\overline{CE}$  perpendicular al diametro  $\overline{BD}$  con E entre O y D. Pruebe que  $\overline{BE} \cdot \overline{BO} = \overline{AB} \cdot \overline{CE}$ .

**Problema 2.** Dado un segmento  $\overline{AB}$  construir un cuadrado cuya diagonal sea igual a este segmento.

**Problema 3.** Dada una circunferencia con centro O.

- (1) Sea P un punto exterior al círculo, trazar la recta tangente a la circunferencia que pasa por P
- (2) Construir un triángulo isósceles que lo tenga de incírculo, es decir, cuyos lados sean tangentes a la circunferencia.

**Problema 4.** Dado un segmento de  $\overline{AB}$  de largo  $\ell$ , construya un rombo cuyos lados tienen largo  $\ell$  que también es el largo de una de las diagonales del rombo.