

PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE FACULTAD DE MATEMÁTICAS DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA

Profesor: Giancarlo Urzúa – Ayudante: Benjamín Mateluna

Introducción a la Geometría - MAT1304 Ayudantía 14 01 de octubre de 2025

Problema 1. Encuentre $n \in \mathbb{N}$ y $q(x) \in \mathbb{Q}[x]$ con $q(1) \neq 0$ tales que

$$(x-1)^n q(x) = (x^2 - 1)(x^3 - 1)(x^6 - 5x + 1)$$

Problema 2. Suponga que las raices del polinomio $x^2 + ax + b + 1$ son números naturales. Muestre que $a^2 + b^2$ no es un número primo.

Problema 3. Sea $p(x) \in \mathbb{Z}[x]$ tal que toma valores ± 1 en 3 enteros distintos. Demuestre que el polinomio no tiene raices enteras.

Problema 4. Demuestre que las funciones sen(x), cos(x) y tan(x) no son polinomios.

Problema 5. Encontrar un polinomio en $\mathbb{Q}[x]$ no nulo tal que $\sqrt{1+\sqrt{2}}$ es raíz.