● 一般特征的散布矩阵准则

类内:
$$S_w = \sum_{i=1}^{c} P(\omega_i) E\{(\boldsymbol{x} - \boldsymbol{m}_i) (\boldsymbol{x} - \boldsymbol{m}_i)^T \mid \omega_i\}$$

类间:
$$S_b = \sum_{i=1}^c P(\omega_i) (\boldsymbol{m}_i - \boldsymbol{m}_0) (\boldsymbol{m}_i - \boldsymbol{m}_0)^T$$

直观上,类间离散度越大且类内离散度越小,则可分性越好。因此,可推导出散布矩阵准则采用如下形式:

行列式形式:
$$J_1 = \det(\mathbf{S}_w^{-1}\mathbf{S}_b) = \prod_i \lambda_i$$

迹形式: $J_2 = tr(\mathbf{S}_w^{-1}\mathbf{S}_b) = \sum_i \lambda_i$

其中, λ_i 是矩阵 $S_w^{-1}S_b$ 的特征值。使 J_1 或 J_2 最大的子集可作为选择的分类特征。