

3、若 $G_1(z) = -z^{-2K+1}G_0(-z^{-1})$ 成立，请证明

$$g_1(n) = (-1)^n g_0(2K - 1 - n)$$

由 (2) 知道 Z 变换的一些性质：

$$\mathcal{Z}[x(n)] = X(z) = \sum_{-\infty}^{\infty} x(n)z^{-n}$$

$$\mathcal{Z}[x(-n)] = X(z^{-1})$$

$$\mathcal{Z}[x(n-k)] = z^{-k}X(z)$$

$$\mathcal{Z}[(-1)^n x(n)] = X(-z)$$

因此有：

$$\mathcal{Z}[g_0(2K - 1 - n)] = \mathcal{Z}[g_0(-n - (1 - 2K))] = z^{1-2K} G_0(z^{-1})$$

$$\mathcal{Z}[(-1)^n g_0(2K - 1 - n)] = (-z)^{1-2K} G_0((-z)^{-1}) = -z^{-2K+1} G_0(-z^{-1})$$