Νικόλας Βαττής Αναστάσιος Ζαχαριουδάκης 3170203 3170048

<u>ΑΣΚΗΣΗ 1</u>

Α Ερώτημα

Δεδομένα Ι

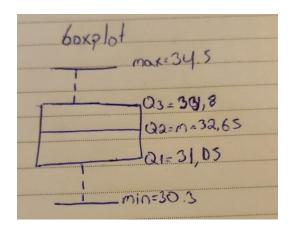
30 | 3

31 0 1

32 | 167

33 | 4 6

34 2 5



Δεδομένα ΙΙ

stemplot

0 0028

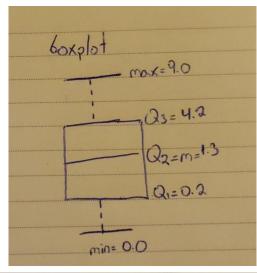
1 24

3 2

4 2

6 4

9 0



Δεδομένα III

stemplot

0 0 1 6 8

1 03567788

2 00156

3 | 5 9

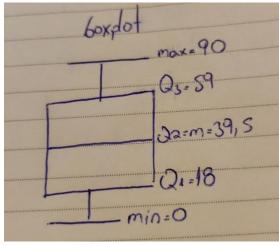
4 013468

5 24899

6 0 6

8 | 16789

9 56



Δεν βρέθηκαν τυπικές τιμές χρησιμοποιώντας τους τύπους:

UPPER Fence: $Q_3 + 1.5(Q_3 - Q_1)$

LOWER Fence: $Q_3 - 1.5(Q_3 - Q_1) \delta \eta \lambda \alpha \delta \dot{\eta} (+\dot{\eta} -) \tau o 1.5 * IQS$

Β Ερώτημα

• Το σύνολο των δεδομένων Ι μπορούν να αναπαρασταθούν επαρκώς και με τους δύο τρόπους αλλά εμείς θεωρήσαμε βέλτιστό αυτόν του συνδυασμού της **Μέσης Τιμής και Τυπικής Απόκλισης** αφού τα Δεδομένα Ι είναι ομοιόμορφα κατανεμημένα με:

Μέση Τιμή: $\mu = \frac{325.5}{10} = 32.55$ Τυπική Απόκλιση σ = 1.41

Το σύνολο Δεδομένων ΙΙ αναπαριστάτε βέλτιστα με την Σύνοψη των 5 αριθμών καθώς με αυτό είναι ευδιάκριτο ότι τα στοιχεία έχουν μια κλίση προς τις χαμηλότερες τιμές δημιουργώντας έτσι αραίωση στις υψηλές και μια συσσώρευση στις χαμηλές κάτι που φαίνεται από την τιμή της Διαμέσου.

• Το σύνολο Δεδομένων ΙΙΙ ερμηνεύονται και με τους δύο τρόπους καλά αλλά πιστεύουμε βέλτιστα με την **Σύνοψη των 5 αριθμών** αφού είναι πιο περιγραφική και ειδικά με την αναπαράσταση boxplot φαίνεται ξεκάθαρα η πραγματική κατανομή των τιμών.

Μέση Τιμή: $\mu = \frac{1646}{40} = 41.15$ Τυπική Απόκλιση σ = 28.26

Γ Ερώτημα

Normal Quantile Plot: Δεδομένων Ι

Βήμα 1: Διάταση των Δεδομένων Ι σε αύξουσα σειρά

 $X_1 = 30$

 $X_2 = 31$

 $X_3 = 31$

 $X_4 = 32$

 $X_5 = 33$

 $X_6 = 33$

 $X_7 = 33$

 $X_8 = 34$

 $X_9 = 34$

 $X_{10} = 35$

Βήμα 2: Εύρεση των επί της εκατό τιμών αριστερά κάθε τιμής (δηλαδή τα ποσοστιμόρια):

 $X_1 = 0\%$

 $X_2 = 10\%$

 $X_3 = 20\%$

 $X_4 = 30\%$

 $X_5 = 40\%$

 $X_6 = 50\%$

 $X_7 = 60\%$

 $X_8 = 70\%$

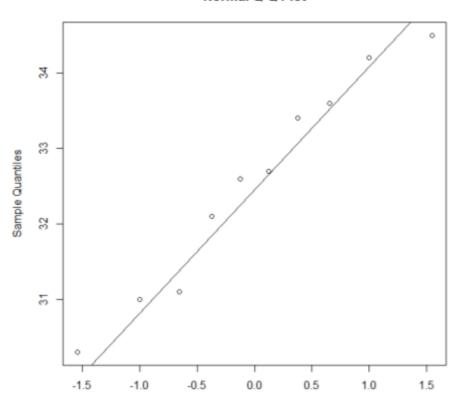
$$X_9 = 80\%$$

 $X_{10} = 90\%$

Βήμα 3: Υπολογισμός των $X_1 < X_2 < \cdots < X_{10}$ όπου $X_1 = P_1, X_2 = P_2, \ldots, X_{10} = P_{10}$ ποσοστιμόρια κανονικής κατανομής.

Βήμα 4: Τοποθετούμε τις τιμές των δεδομένων στον κάθετο άξονα του y και τις τιμές των ποσοστημορίων της κανονικής κατανομής στον οριζόντιο άξονα X.

Normal Q-Q Plot



Από το σχήμα των σημείων στο επίπεδο μπορούμε να συμπεράνουμε πως έχοντας ίσως παραπάνω παρατηρήσεις δηλαδή πλήθος δεδομένων θα φαινόταν ακόμα πιο ισχυρή η σχέση με τον άξονα χ = y. Με άλλα λόγια είναι ξεκάθαρο πως τα Δεδομένα Ι θα προσέγγιζαν επαρκώς την καμπύλη πυκνότητας της κανονικής κατανομής.

Normal Quantile Plot: Δεδομένων ΙΙ

Βήμα 1: Διάταση των Δεδομένων Ι σε αύξουσα σειρά

$$X_1 = 0$$

$$X_2 = 0$$

$$X_3 = 0$$

$$X_4 = 1$$

$$X_5 = 1$$

$$X_6 = 1$$

$$X_7 = 3$$

$$X_8 = 4$$

$$X_9 = 6$$

$$X_{10} = 9$$

Βήμα 2: Εύρεση των επί της εκατό τιμών αριστερά κάθε τιμής (δηλαδή τα ποσοστιμόρια):

 $X_1 = 0\%$

 $X_2 = 10\%$

 $X_3 = 20\%$

 $X_4 = 30\%$

 $X_5 = 40\%$

 $X_6 = 50\%$

 $X_7 = 60\%$

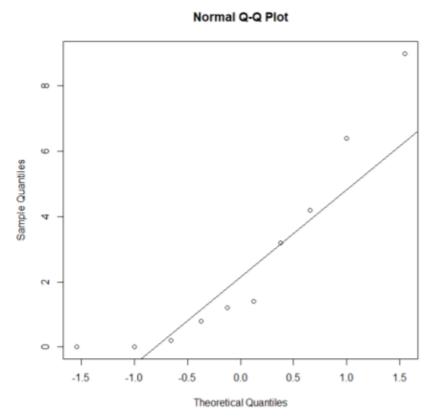
 $X_8 = 70\%$

 $X_9 = 80\%$

 $X_{10} = 90\%$

Βήμα 3: Υπολογισμός των $X_1 < X_2 < \cdots < X_{10}$ όπου $X_1 = P_1, X_2 = P_2, \ldots, X_{10} = P_{10}$ ποσοστιμόρια κανονικής κατανομής.

Βήμα 4: Τοποθετούμε τις τιμές των δεδομένων στον κάθετο άξονα του y και τις τιμές των ποσοστημορίων της κανονικής κατανομής στον οριζόντιο άξονα X.

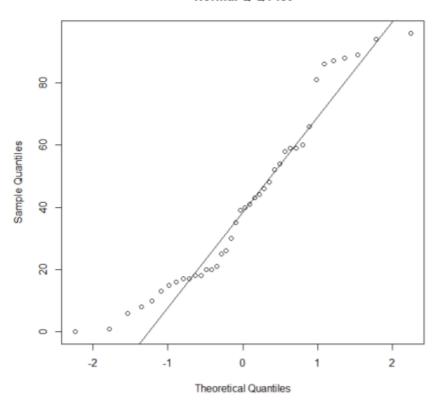


Κατά την γνώμη μας τα δεδομένα αυτά δεν προσεγγίζουν την καμπύλη πυκνότητας της κανονικής κατανομής επαρκώς με το συγκεκριμένο πλήθος δεδομένων. Μπορεί όμως με τις διπλάσιες ακόμα μόνο παρατηρήσεις να μπορούσαμε να δούμε μια κάπως πιο ισχυρή σχέση.

Normal Quantile Plot: Δεδομένων III

Για τα Δεδομένα ΙΙΙ ακολουθώντας τον ίδιο αλγόριθμο μπορούμε να παράγουμε το ακόλουθο Normal-Quantile plot:

Normal Q-Q Plot



Με μία πρώτη ματιά στο Normal-Quantile plot των Δεδομένων ΙΙΙ θα μπορούσε κάποιος να πει πως το σχήμα των στοιχείων προσεγγίζουν την μορφή μια ευθείας γραμμής, όμως παρατηρώντας τα λίγο πιο προσεκτικά μπορούμε να δούμε πως στις τιμές στο πρώτο τέταρτο του άξονα χ υπάρχουν όχι απλά ατυπικές τιμές αλλά pattern από στοιχεία τα οποία αποκλίνουν από την ευθεία. Ακόμα φαίνεται το σχήμα των στοιχείων να έχει μια ελικοειδή μορφή που καθιστά ακόμα δυσκολότερη την ανάλυση, μίας και οι ελικοειδείς μορφές γενικά ακολουθούν την φορά ευθείας όμως με ένα μικρό εμβαδόν (ενός υποθετικού ελικοειδές σχήματος) να επικαλύπτεται με την ευθεία αυτή, μίας και το μεγαλύτερο αποκλίνει δημιουργώντας τα ημικύκλιά. Συνεπώς κατά την γνώμη μας τα Δεδομένα ΙΙΙ δεν προσεγγίζουν την καμπύλη πυκνότητας της κανονικής κατανομής επαρκώς.

ΑΣΚΗΣΗ 2

Α Ερώτημα

Τα στατστικά δεδομένα προέρχονται από ιστοσελίδα την (https://www1.nyc.gov/site/tlc/about/tlc-trip-record-data.page) η οποια ανηκει στην πολη της Νεας Υορκης και αποθηκευει και διαδιδει τα δεδομενα των διαδρομων ταξι της πολης κάθε μηνα. Όπως εξηγειται καλυτερα και στον οδηγο χρηστων στο trip record user guide.pdf

K The TLC & Data The New York City Taxi and Limousine Commission (TLC), created in 1971, is the agency responsible for licensing and regulating New York City's medallion (yellow) taxis, street hail livery (green) taxis, for-hire vehicles (FHVs), commuter vans, and paratransit vehicles. The TLC collects trip record information for each taxi and for-hire vehicle trip completed by our licensed drivers and vehicles. We receive taxi trip data from the technology service providers (TSPs) that provide electronic metering in each cab, and FHV trip data from the app, community livery, black car, or luxury limousine company, or base, who dispatched the trip. In each trip record dataset, one row represents a single trip made by a TLC-licensed vehicle.

Τα δεδομενα που χρησιμοποιουμε στην εργασια μας είναι από τον Απριλη του 2020 και αφορουν τα ταξι με χρωμα πρασινο (ή αλλιως boro cab) και όπως εξηγειται καλυτερα στο pdf

"Green taxis, also known as boro taxis and street-hail liveries, were introduced in August of 2013 to improve taxi service and availability in the boroughs. Green taxis may respond to street hails, but only in the areas indicated in green on the map (i.e. above W 110 St/E 96th St in Manhattan and in the boroughs). Records include fields capturing pick-up and drop-off dates/times, pick-up and drop-off locations, trip distances, itemized fares, rate types, payment types, and driver-reported passenger counts. As with the yellow taxi data, these records were collected and provided to the NYC Taxi and Limousine Commission (TLC) by technology service providers. The trip data was not created by the TLC, and TLC cannot guarantee their accuracy.

Β Ερώτημα

Τα δεδομένα μας αποτελούνται από 35612 εγγραφες και 20 μεταβλητες:10 Κατηγορικές και 10 ποσοτικές και υπαρχει ακριβης περιγραφη τους στο data dictionary trip records green.pdf.

Για παραδειγμα η μεταβλητη VendorID είναι κατηγορικη και δηλωνει τον παροχο της κάθε εγγραφης, δηλαδη αυτόν που εστειλε τα δεδομενα στην TLC(New York City Taxi and Limousine Commission) και αποτελειται από 2 εταιρειες, οι οποιες περνιουνται ως τιμες στο dataset: 1= Creative Mobile Technologies, LLC; Και 2= VeriFone Inc.

Ακομη, υπαρχουν και μεταβλητες όπως οι lpep_pickup_datetime και lpep_dropoff_datetime οι οποιες είναι κατηγορικες και δηλωνουν την ημερομηνια και την ωρα που εγινε η παραλαβη και η παραδοση αντιστοιχα.

Επειτα υπαρχει και η Passenger_count η οποια είναι ποσοτικη επισης και δηλωνει ποσους επιβατες ειχε το ταξι.

Υπαρχει επισης και η μεταβλητη Payment_type η οποια είναι κατηγορικη και δηλωνει το τροπο πληρωμης της διαδρομης δηλαδη: 1= Credit card 2= Cash 3= No charge 4= Dispute 5= Unknown 6= Voided trip.

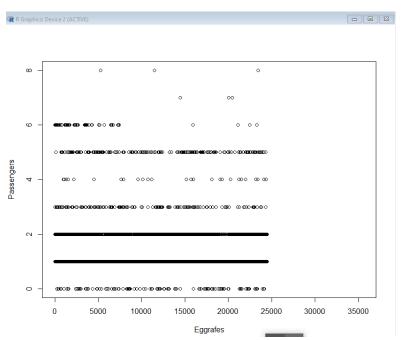
Επισης, υπαρχουν και μεταβλητες όπως οι Total_amount και Tip_amount οι οποιες είναι ποσοτικες και δηλωνουν το ποσο που χρεωθηκε για τη διαδρομη και το ποσο φιλοδωρηματος αντιστοιχα.

Τελος, υπαρχουν και οι ποσοτικες μεταβλητες PULocationID και DOLocationID οι οποιες είναι κατηγορικες και δηλωνουν τις περιοχες της παραλαβης και της παραδοσης. Και άλλες.

Σημειωση: Λογω του ογκου των δεδομενων ρυθμισαμε τη προβολη μονο των 15000 εισοδων με την εντολη: options(max.print = 15000).

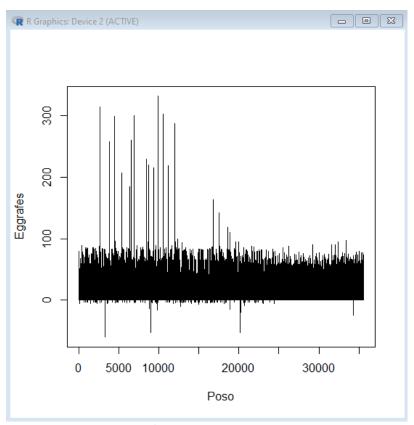
Γ Ερώτημα

Η κατανομη της μεταβλητης passenger_count αποτυπωνεται στη παρακατω γραφικη παρασταση:

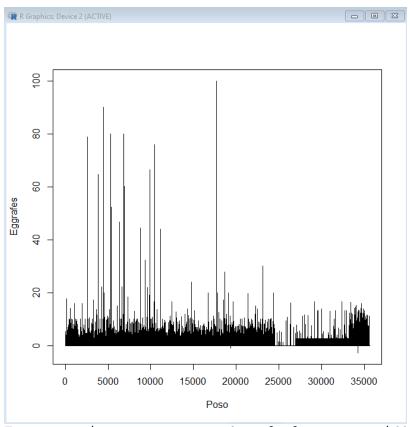


Παρατηρουμε ότι υπαρχουν ατυπικες τιμες στο 0, καθως δε γινεται να υπαρχουν 0 επιβατες. Επισης παρατηρουμε ότι εμφανίζονται συχνοτερα είτε 1 είτε 2 επιβατες.

Η κατανομη της μεταβλητης fare_amount(The time-and-distance fare calculated by the meter) αποτυπωνεται στη παρακατω γραφικη παρασταση:



Παρατηρουμε μερικα outliers οπου εμφανιζονται αρνητικες τιμες. Η κατανομη της μεταβλητης tip_amount αποτυπωνεται στη παρακατω γραφικη παρασταση:



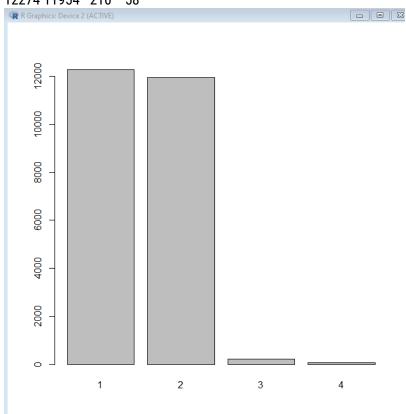
Παρατηρουμε ότι οι περισσοτεροι επιβατες δεν δινουν πανω από 20 δολλαρια φιλοδωρημα.

Η κατανομη της κατηγορικης μεταβλητης Payment_type (A numeric code signifying how the passenger paid for the trip. 1= Credit card 2= Cash 3= No charge 4= Dispute 5= Unknown 6= Voided trip)

δινεται από το παρακατω barplot για:

payment_type

1 2 3 4 12274 11954 216 58

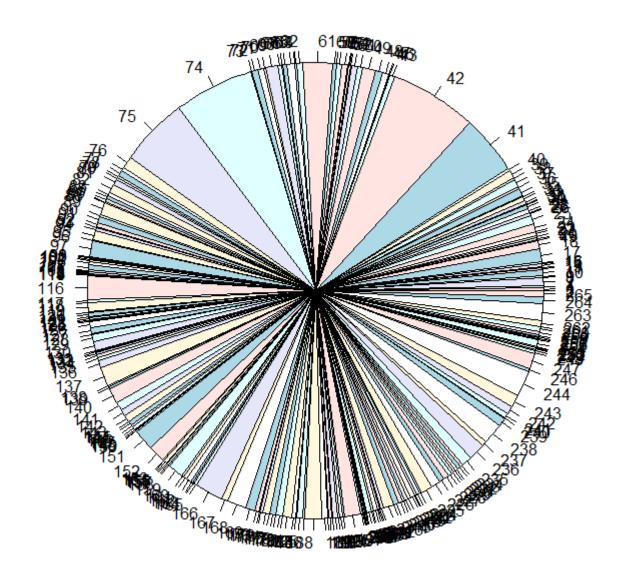


Η κατανομη της κατηγορικης μεταβλητης DOLocationID δηλαδη της περιοχης που κατεβηκε ο επιβατης δινεται από το παρακατω pie για :

Κάθε αριθμος αντιστοιχει σε διαφορετικη γειτονια και οι αντιστοιχιση τους δινεται από το αρχειο taxi+_zone_lookup.csv οπου οι συχνοτερες περιοχες είναι :

```
41, "Manhattan", "Central Harlem", "Boro Zone"
42, "Manhattan", "Central Harlem North", "Boro Zone"
74, "Manhattan", "East Harlem North", "Boro Zone"
75, "Manhattan", "East Harlem South", "Boro Zone"
116, "Manhattan", "Hamilton Heights", "Boro Zone"
166, "Manhattan", "Morningside Heights", "Boro Zone"
244, "Manhattan", "Washington Heights South", "Boro Zone"
263, "Manhattan", "Yorkville West", "Yellow Zone"
```

Οι οποιες εχουν συχνοτητα εμφανισης πανω από 600 φορες για τις 35000 εγγραφες με συχνοτερη τη 42 οπου εμφανιζεται 2195 φορες.



Δ Ερώτημα

Ποσοτικες μεταβλητες εχουμε τις εξης:

passenger_count

```
> fivenum(passenger_count)
[1] 0 1 1 1 8
> sd(passenger_count)
[1] NA
> m <- passenger_count[!is.na(passenger_count)]
> sd(m)
[1] 0.5727962
> mean(m)
[1] 1.119745
> |
```

Καταλληλοτεροι αριθμοι για να απαπαραστησουν τη μεταβλητη είναι η μεση τιμη και η τυπικη αποκλιση καθως καταλαβαινουμε καλυτερα που κυμαινονται οι αριθμοι αφου οι 5 αριθμοι μας δειχνουν πολύ λιγες πληροφοριες.

trip_distance

```
> fivenum(trip_distance)
[1]     0.00     1.14     2.41     5.71 55027.35
> sd(trip_distance)
[1] 403.3147
> mean(trip_distance)
[1] 9.390396
> |
```

Η συνοψη των 5 αριθμων είναι καταλληλοτερη για να αναπαραστησει τη μεταβλητη καθως υπαρχουν υψηλες ατυπικες τιμες.

fare_amount

```
> fivenum(fare_amount)
[1] -60.00   7.00   11.16   20.50   331.50
> sd(fare_amount)
[1] 15.25576
> mean(fare_amount)
[1] 16.59169
> |
```

Η συνοψη των 5 αριθμων είναι καταλληλοτερη για να αναπαραστησει τη μεταβλητη καθως υπαρχουν υψηλες ατυπικες τιμες.

Extra

```
> fivenum(extra)
[1] -1.0 0.0 0.0 0.0 4.5
> sd(extra)
[1] 0.4869793
> mean(extra)
[1] 0.2235623
> |
```

Καταλληλοτεροι αριθμοι για να απαπαραστησουν τη μεταβλητη είναι η μεση τιμη και η τυπικη αποκλιση καθως καταλαβαινουμε καλυτερα που κυμαινονται οι αριθμοι καθως οι 5 αριθμοι δινουν λιγες πληροφοριες.

mta_tax

```
> fivenum( mta_tax)
[1] -0.5  0.0  0.5  0.5  0.5
> sd( mta_tax)
[1] 0.2397702
> mean( mta_tax)
[1] 0.3314894
> |
```

Καταλληλοτεροι αριθμοι για να απαπαραστησουν τη μεταβλητη είναι η μεση τιμη και η τυπικη αποκλιση καθως καταλαβαινουμε καλυτερα που κυμαινονται οι αριθμοι καθως οι 5 αριθμοι δινουν λιγες πληροφοριες.

tip_amount

```
> fivenum( tip_amount )
[1] -2.75  0.00  0.00  2.75 100.00
> sd( tip_amount )
[1] 2.26926
> mean( tip_amount )
[1] 1.324754
> |
```

Καταλληλοτεροι αριθμοι για να απαπαραστησουν τη μεταβλητη είναι η μεση τιμη και η τυπικη αποκλιση καθως καταλαβαινουμε καλυτερα που κυμαινονται οι αριθμοι καθως οι 5 αριθμοι δινουν λιγες πληροφοριες.

tolls_amount

```
> fivenum( tolls_amount)
[1] 0.00 0.00 0.00 0.00 28.34
> sd( tolls_amount)
[1] 1.953908
> mean( tolls_amount)
[1] 0.5721726
> |
```

Καταλληλοτεροι αριθμοι για να απαπαραστησουν τη μεταβλητη είναι η μεση τιμη και η τυπικη αποκλιση καθως καταλαβαινουμε καλυτερα που κυμαινονται οι αριθμοι καθως οι 5 αριθμοι δινουν λιγες πληροφοριες.

improvement_surcharge

```
> fivenum(improvement_surcharge)
[1] -0.3  0.3  0.3  0.3  0.3
> sd(improvement_surcharge)
[1] 0.04240906
> mean(improvement_surcharge)
[1] 0.2959901
> |
```

Καταλληλοτεροι αριθμοι για να απαπαραστησουν τη μεταβλητη είναι η μεση τιμη και η τυπικη αποκλιση καθως καταλαβαινουμε καλυτερα που κυμαινονται οι αριθμοι καθως οι 5 αριθμοι δινουν λιγες πληροφοριες.

total_amount

```
> fivenum(total_amount)
[1] -60.300   8.800  13.860  24.315  398.760
> sd(total_amount)
[1] 17.12488
> mean(total_amount)
[1] 19.68444
> |
```

Η συνοψη των 5 αριθμων είναι καταλληλοτερη για να αναπαραστησει τη μεταβλητη καθως υπαρχουν υψηλες ατυπικες τιμες.

congestion_surcharge

```
> fivenum(congestion_surcharge)
[1] 0.00 0.00 0.00 0.00 2.75
> m <- congestion_surcharge[!is.na(congestion_surcharge)]
> sd(congestion_surcharge)
[1] NA
> sd(m)
[1] 1.007563
> mean(m)
[1] 0.4396274
> |
```

Καταλληλοτεροι αριθμοι για να απαπαραστησουν τη μεταβλητη είναι η μεση τιμη και η τυπικη αποκλιση καθως καταλαβαινουμε καλυτερα που κυμαινονται οι αριθμοι καθως οι 5 αριθμοι δινουν λιγες πληροφοριες.

Ε Ερώτημα

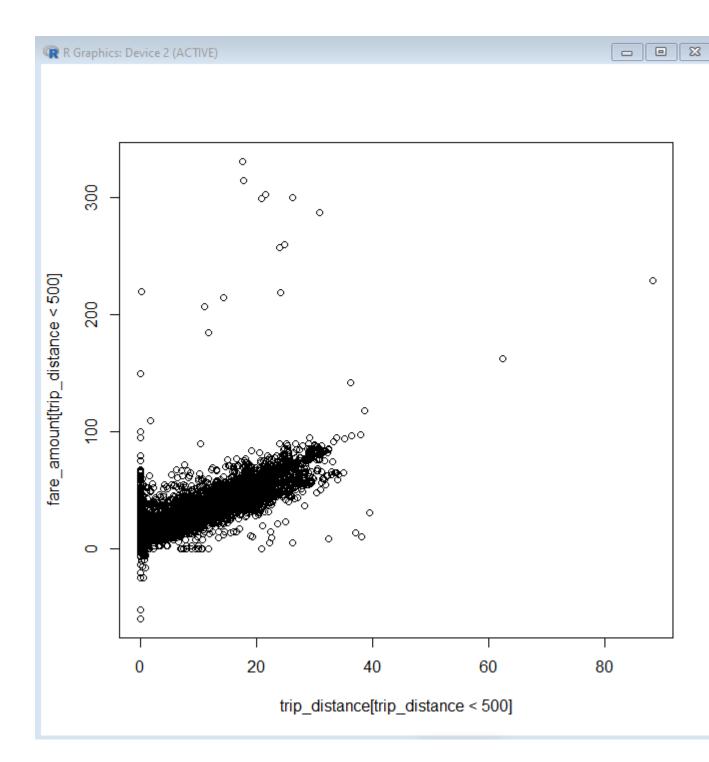
Διερευνουμε τη σχεση του fare_amount(The time-and-distance fare calculated by the meter) και του trip_distance και αμα δε λαβουμε υποψη τις ατυπικες τιμες παρατηρουμε ότι υπαρχει συσχετιση αναμεσα στις δυο μεταβλητες.

```
> cor(fare_amount[trip_distance<500],trip_distance[trip_distance<500])
[1] 0.863572
> |
```

Αυτό εχει λογικη εξηγηση αφου στο fare_amount αποτυπωνεται το κοστος λαμβανοντας υποψη 2 μεταβλητες: τη διαρκεια και την αποσταση του ταξιδιου. Επομενως, η σχεση τους είναι αιτιατη αλλα δεν είναι απολυτα συνδεδεμενες και αυτό το παρατηρουμε με τις ατυπικες τιμες και αυτό συμβαινει γιατι υπαρχει και παραγοντας του χρονου για τον υπολογισμο του κοστους.

Σημειωση: Αφαιρουμε τις τιμες για τις οποιες το trip_distance<500 για να φαινεται το σχημα κανονικα.

Παρακατω Βλεπουμε τη σχεση τους στο σχημα.



ΑΣΚΗΣΗ 3

Α Ερώτημα

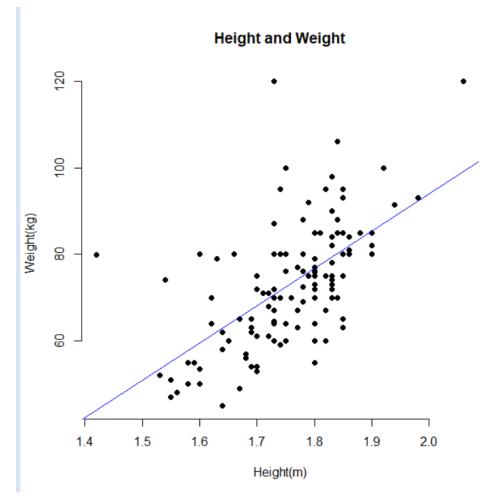
Load height in variable x:

```
> x <- data$height
> x
    [1] 1.85 1.54 1.80 1.83 1.73 1.59 1.73 1.58 1.42 1.80 1.70 1.83 1.70 1.83 1.78
[16] 1.94 1.74 1.92 1.90 1.83 1.67 1.60 1.71 1.70 1.80 1.55 1.64 1.78 1.69 1.85
[31] 1.53 1.83 1.73 1.80 1.80 1.64 1.60 1.64 1.55 1.81 1.86 1.82 1.83 1.80 1.90
[46] 1.80 1.78 1.85 1.67 1.86 1.77 1.73 1.80 1.75 1.73 1.83 1.73 1.78 1.82 1.70
[61] 1.79 1.72 1.80 1.74 1.84 1.85 1.72 1.73 1.73 1.75 1.83 1.85 1.80 1.84 1.78
[76] 1.70 1.80 1.85 1.82 1.62 1.77 1.83 1.80 1.77 1.72 1.66 NA 1.60 1.82 1.63
[91] 1.85 1.58 1.79 1.69 1.86 1.76 1.65 2.06 1.90 1.62 1.90 1.75 1.84 1.83 1.74
[106] 1.69 1.82 1.84 1.74 1.98 1.69 1.73 1.56 1.88 1.75 1.83 1.80 1.80 1.80 1.75
[121] 1.68 1.68 1.60
```

Load weight in variable y:

```
> y <- data$weight
> y
[1] 85.0 74.0 64.0 90.0 120.0 55.0 64.0 55.0 79.8 55.0 75.0 75.0
[13] 54.0 78.0 76.0 91.5 59.0 100.0 85.0 98.0 49.0 50.0 71.0 53.0
[25] 85.0 47.0 62.0 88.0 54.0 80.0 52.0 70.0 70.0 64.0 79.0 58.0
[37] 53.4 45.0 51.0 85.0 80.0 95.0 74.0 70.0 82.0 75.8 69.0 93.0
[49] 65.0 84.0 77.0 80.0 NA 76.0 64.5 72.0 60.0 80.0 60.0 61.0
[61] 75.0 68.0 76.0 95.0 88.0 75.0 61.0 67.0 72.0 64.0 74.0 63.0
[73] 73.0 85.0 72.5 72.0 77.0 65.0 95.0 64.0 67.0 82.0 75.0 63.0
[85] 71.0 80.0 NA 50.0 67.0 79.0 95.0 50.0 92.0 62.0 81.0 70.0
[97] 60.0 120.0 80.0 70.0 80.0 80.0 106.0 73.0 80.0 63.0 75.0 70.0
[109] 70.0 93.0 65.0 87.0 48.0 85.0 100.0 84.0 72.0 60.0 85.0 60.0
[121] 57.0 56.0 80.0
```

Make the scatter plot:



Ως προς την μορφή των δεδομένων, από την παραπάνω κλίμακα φαίνεται να μην μπορεί να απεικονιστεί με σχήμα καθαρής ευθείας αφού υπάρχουν αρκετά outliners.

Ως προς την κατεύθυνση της ευθείας, είναι ξεκάθαρο πως η θεωρητική ευθεία που παριστάνουν έχει μια κλίση που τείνει τις 45ο.

Τέλος η δύναμη της σχέσης των δύο μεταβλητών (χ = ύψος και y = βάρος) είναι θετική, καθώς η συν διακύμανση τους: \rangle cov (χ , χ) δηλαδή κάτι θετικό αλλά και πάλι κάτι πιο κοντά στο 2 παρά στο 1.

Η δύναμη της σχέσης δεν είναι θετικά ισχυρή.

Β Ερώτημα

Ο συντελεστής συσχέτισης αφού φορτώσαμε τα δεδομένα στην R.

(χ = ύψος και y= βάρος). Όπως αναφέρθηκε και παραπάνω η γραμμική παλινδρόμηση έχει εκτελεστή παραπάνω μαζί με την απάντηση του ερωτήματος A.