



**UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA
ENGENHARIA DE COMPUTAÇÃO**

Tassany Onofre de Oliveira

Thiago Fernandes Bonfim Sousa

**RELATÓRIO DE PESQUISA OPERACIONAL:
PLANO MESTRE DE PRODUÇÃO**

**João Pessoa, PB
2020**

0.1 Introdução

Programação Linear é a área da computação onde tem sua aplicação no apoio de decisões a serem tomadas para atingir um objetivo, bastante usada na área de otimização de recursos. A programação Linear inteira é uma área mais restrita onde as variáveis dentro do problema são inteiras, quando todo o modelo possui variáveis inteiras é chamado de Programação Linear Inteira Pura, caso o contrário é denominado Programação Inteira mista

0.2 Modelagem

O modelo foi pensado focando nos estoque forçando com que a demanda seja sempre atendida e de acordo com a otimização saberíamos se seria rentável produzir a cada demanda ou se seria melhor manter em estoque, sempre forçando a produção do primeiro produto ser igual a demanda por meio de uma restrição e respeitando o máximo da produção de acordo com as horas de trabalho. Lembrando que como na primeira semana o estoque é 0 para todos os produtos, então temos que separar essas restrições das demais, fazendo apenas a subtração da demanda com o que é produzido. As restrições das demais semanas, levam em consideração o estoque da semana passada para atender a demanda, lembrando que nas restrições seguintes depois do produto 1 a demanda é representada pela proporção de quanto se utiliza para produzir o produto 1 no caso da segunda restrição, de quanto se utiliza para produzir o produto 2 no caso da última restrição, no caso no produto 3 como entra nos processo de produção de 1 e 2 é necessário que incluir o quanto é necessário para a produção de cada um. As restrições de compra na primeira semana como não há estoque é necessário que haja compra logo a variável booleano que regula o custo fixo da compra foi colocada em 1 na primeira semana, nas semanas seguintes foi colocada conforme houver a compra dos produto.

0.2.1 Variáveis

C_j : Boolean que indica se houve ou não compra na semana j

$C_j \in [0, 1], \forall j = 1, 2, 3, \dots T$

X_{ij} : Quantidade do produto i na semana j

$X_{ij} \in [0; \infty+], \forall i \in [1, 2, 3, 4], j = 0, 1, 2, 3, \dots T - 1$

Y_{ij} : Estoque do produto i na semana j ,

$Y_{ij} \in [0; \infty+], \forall i \in [1, 2, 3, 4], j = 0, 1, 2, 3, \dots T - 1$

Dados de entrada

P_j : Demanda da semana j

CC1: Custo de compra do produto X2j

CC2: Custo de compra do produto X3j

EP1: Custo de armazenamento do produto Y1j

EP2: Custo de armazenamento do produto Y2j

EC1: Custo de armazenamento do produto Y3j

EC2: Custo de armazenamento do produto Y4j

CF: Custo fixo de quando há compra

0.2.2 Função objetivo

Minimizar

$$\sum_{j=0}^{T-1} CC1 * X3j + CC2 * X4j + EP1 * Y1j + EP2 * Y2j + EC1 * Y3j + EC2 * Y4j + CF * Cj = Z$$

0.2.3 Restrições

Estoque na semana inicial

$$Y10 = X10 - P0$$

$$Y20 = X20 - 2X10$$

$$Y30 = X30 - 3X10 - X20$$

$$Y40 = X40 - 2X20$$

Estoque nas demais semanas

$$Y1j = Y1j-1 + X1j - Pj, \forall j \in j = 0, 1, 2, 3, \dots T - 1$$

$$Y2j = Y2j-1 + X2j - 2X1j, \forall j \in j = 0, 1, 2, 3, \dots T - 1$$

$$Y3j = Y3j-1 + X3j - 3X1j - X2j, \forall j \in j = 0, 1, 2, 3, \dots T - 1$$

$$Y4j = Y4j-1 + X4j - 2X2j, \forall j \in j = 0, 1, 2, 3, \dots T - 1$$

Compra da semana inicial

$$C0 = 1$$

Compra das demais semanas

$$X3j + X4j \leq 9PjCj, \forall j \in j = 0, 1, 2, 3, \dots T - 1$$

Tempo de trabalho

$$X1j + X2j \leq 800, \forall j \in j = 0, 1, 2, 3, \dots T - 1$$

Produção igual a demanda $X1j = Pj, \forall j \in j = 0, 1, 2, 3, \dots T - 1$

0.3 Implementação

A implementação da modelagem foi elaborada utilizando a linguagem de programação C++ em conjunto com a biblioteca CPLEX, responsável por resolver as instruções e indicar qual sua melhor solução.

0.3.1 Data.hpp

A primeira parte do código está localizada no Data.hpp, onde se iniciará as variáveis necessárias e, além disso, os "Get's" para conseguir interagir com as variáveis sem risco de compromete-las. Como é um problema linear inteiro, todas elas foram atribuídas como "int", para garantir que haja a solução ótima. A demanda da semana está como um vetor, ou seja, um array dinâmico pois sua quantidade depende do número de semanas que será inseridas em "numSemanas" quando for feita a leitura das instâncias.

```
1     private:
2         int numSemanas; //j
3         int numProdutos; //i
4         int cc1; // custo c1
5         int cc2; // custo c2
6         int cf; // custo fixo
7         int ep1; // custo estoque de p1
8         int ep2; // custo estoque de p2
9         int ec1; // custo estoque de c1
10        int ec2; // custo estoque de c2
11
12        std::vector<int>demandaSem; //demanda da semana
```

0.3.2 Data.cpp

Essa página é onde o programa irá ler o arquivo que contém as instâncias do problema. O trecho de código abaixo mostra que o arquivo é aberto para a leitura e a partir do fscanf e caso ele retornar uma número diferente de 1 significará que houve um erro na leitura. Logo após a inserção de todas as variáveis, o programa pode ser fechado com o "fclose(f)".

```
1 FILE* f = fopen(filePath, "r");
2
3     //lendo o número de semanas
4     if(fscanf(f, "%d", &numSemanas) != 1)
```

```
5     {
6         printf("Problem while reading instance.1\n");
7
8     }
9     fclose(f);
```

Essa parte do Data.cpp mostra como é feita as funções "Get's" do programa, com funcionalidade de apenas retornar a variável.

```
1 int Data::getNumSemanas()
2 {
3     return numSemanas;
4 }
```

0.3.3 Main.cpp

A main é responsável por realmente envolver a biblioteca que resolve a modelagem, nela será iniciado as variáveis que não veem nas instâncias e onde será implementado a função objetivo e as restrições.

```
1 #include "../include/Data.hpp"
2 #include <stdio.h>
3 #include <iostream>
4 #include <ilcplex/ilocplex.h> // biblioteca resolvidora
5
6
7 void solve(Data& data);
8
9 int main(int argc, char** argv)
10 {
11     /* precisa de duas coisas para compilar o programa,
12     o nome do arquivo e as instâncias utilizadas*/
13     if(argc != 2)
14     {
15         printf("Usage:\n./bin instance\n");
16         return 0;
17     }
18 }
```

```

19     Data data(argv[1]);
20     solve(data);
21
22     return 0;
23 }

```

Na main estará a função "solve()" que lê o arquivo das instâncias e os coloca de forma a atender o modelo feito. Nele, há inicialmente, adição das variáveis X (quantidade do produto i na semana j), Y (quantidade em estoque do produto i na semana j) e a C (booleano que indica se houve ou não compra na semana j). Definimos C como "IloBoolVarArray" pois ele somente tem dois valores, ou zero ou um, e haverá um C para cada semana, por tal motivo, é colocado o "data.getNumSemana()", que indica quantas semanas o problema específico contém. O "for" serve para adicionar o C ao modelo. As variáveis X e Y são semelhantes na inicialização, porém elas são do tipo "IloNumVarArray" e precisam de outro "for", porque dependem tanto do número de semanas, quanto na quantidade de produtos.

```

1     IloEnv env;
2     IloModel modelo(env);
3
4     //variavel booleana c_j {0,1} que indica
5     //se houve compra ou não na semana especifica
6     IloBoolVarArray c(env, data.getNumSemanas());
7
8     //adiciona a variavel c_j ao modelo
9     for(int j = 0; j < data.getNumSemanas(); j++)
10    {
11        char name[100];
12        sprintf(name, "C(%d)", j+1);
13        c[j].setName(name);
14        modelo.add(c[j]);
15    }
16
17    IloArray <IloNumVarArray> x(env, data.getNumProdutos());
18    for(int i = 0; i < data.getNumProdutos(); i++)
19    {
20        IloNumVarArray vetor(env, data.getNumSemanas(), 0, IloInfinity, ILOINT);
21        x[i] = vetor;
22    }

```

Em seguida, temos a criação da Função Objetivo, iniciada como "IloExpr". Como é um somatório contendo todas as variáveis das semanas, ela estará em um "for" que vai de zero até "data.getNumSemanas()". Quando ela sair do laço de repetição é adicionada ao modelo com o "modelo.add(IloMinimize(env, obj))" que estará minimizando.

```
1      IloExpr obj(env);
2      for(int j = 0; j < data.getNumSemanas(); j++)
3      {
4          obj += ((data.getCC1())*x[2][j] + (data.getCC2())*x[3][j] + (data.getEP1())
5              (data.getEP2())*y[1][j] + (data.getEC1())*y[2][j] +
6              (data.getEC2())*y[3][j] + data.getCF()*c[j]);
7      }
8      modelo.add(IloMinimize(env, obj));
```

As restrições foram atribuídas como "IloRange" que é uma maneira conveniente de expressar uma restrição de alcance. Depois disso, é colocado o nome da restrição com a função "r.setName("name")" com o intuito apenas de uma melhor visualização e organização do problema. Finalmente, ela é colocada no modelo com o "modelo.add(r)". É possível perceber que no programa algumas restrições foram colocadas em um laço que roda apenas uma vez, isso serviu apenas para não usar inúmeras variáveis no programa, assim, o melhorando, porque após o final da repetição o "IloRange r" some.

```
1      for(int i = 0; i < 1; i++)
2      {
3          IloRange r = (y[0][0] - x[0][0] + data.getDemandaSemana(0) == 0);
4          char name[100];
5          sprintf(name, "Estoque_semana_1_produto_1");
6          r.setName(name);
7          modelo.add(r);
8
9          //forma antiga como estava sendo feita
10         //modelo.add(y[0][0] == x[0][0] - data.getDemandaSemana(0));
11     }
```

O trecho de código em seguida tem apenas o intuito de definir o modelo, seus parâmetros (quantidade de threads usadas e tempo máximo) e onde o modelo será escrito. Além disso, contém a chamada para solucionar o problema dentro de um "try/catch" caso haja algum erro na compilação expressar o que está errado.

```
1  IloCplex tas(modelo);
2  tas.setParam(IloCplex::TiLim, 2*60*60);
3  tas.setParam(IloCplex::Threads, 1);
4  tas.exportModel("modelo.lp");
5
6  try
7  {
8      tas.solve();
9  }
10 catch(IloException& e)
11 {
12     std::cout << e;
13 }
```

0.4 Compilação e Resultados

As instâncias para a compilação estão no arquivo de texto "1.txt". Ele possui a quantidade de semanas, custo de C1, custo de C2, custo fixo, custo de estocagem de P1, custo de estocagem de P2, custo de estocagem de C1, custo de estocagem de C2 e as demandas das semanas, lido respectivamente assim pelo programa.

O código deverá ser executado no terminal a partir do comando "make rebuild". Caso não aconteça nenhum erro, as instâncias podem ser lidas com o comando "./tas 1.txt". Se todas as instâncias escritas pelo usuário estiverem corretas o programa mostrará o valor do custo mínimo obtido, a quantidade de produzida de P1 e P2, a quantidade comprada de C1 e C2 e se houve compra a cada semana.

REFERÊNCIAS