

ĐẠI HỌC BÁCH KHOA HÀ NỘI  
TRƯỜNG CÔNG NGHỆ THÔNG TIN VÀ TRUYỀN THÔNG (SOICT)  
KHOA KỸ THUẬT MÁY TÍNH

# SIGN TEST

Kiểm định Dấu: Từ Lịch sử đến Python

**GVHD: TS. Đoàn Phong Tùng**

**Nhóm thực hiện:**

**Trương Tuấn Nghĩa** 20251196M

**Nguyễn Đức Dũng** 20251240M

**Đào Duy Tân** 20251334M

**Hồ Hải Anh** 20252102M

**Nguyễn Bá Đại** 20252104M

Hà Nội, Tháng 12/2025

# Mục lục Tổng quan

- ➊ Lịch sử & Động lực
- ➋ Lý thuyết Cốt lõi
- ➌ Ví dụ Thực tế
- ➍ Demo Python/Jupyter
- ➎ FAQs
- ➏ Kết luận
- ➐ Câu hỏi & Trả lời

# Sign Test trong Lịch sử - John Arbuthnot (1710s) I

## John Arbuthnot (1667-1735)

- Bác sĩ Hoàng gia Anh
- Nhà toán học, nhà văn
- Nghiên cứu: Tỷ lệ sinh nam/nữ ở London

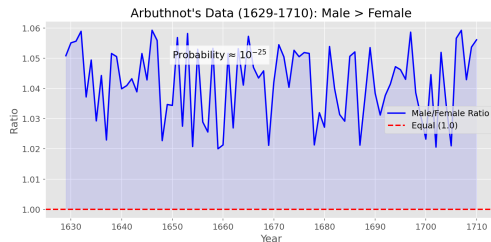
## Phát hiện đáng chú ý:

- 82 năm liên tiếp (1629-1710)
- Số trẻ em nam sinh > Số trẻ em nữ
- Ngẫu nhiên hay có ý nghĩa?

## Kết luận lịch sử:

- Nếu ngẫu nhiên:  $P = (1/2)^{82} \approx 10^{-25}$
- → **Bác bỏ giả thuyết ngẫu nhiên!**
- Một trong những kiểm định đầu tiên

Nguồn: Arbuthnot, J. (1710). "An argument for Divine Providence..."



## Ý nghĩa

Ứng dụng sớm nhất của thống kê!

# Các Ứng dụng Lịch sử Nổi tiếng I



## Y học - 1747

**James Lind**

Điều trị bệnh Scurvy

- 12 thủy thủ
- 6 phương pháp
- So sánh cam/chanh

## Tâm lý - 1930s

**J.B. Rhine**

Thí nghiệm ngoại cảm

- Đoán bài Zener
- Đúng/Sai?
- Kiểm tra ESP

## Kinh tế - 1960s

**Stock Analysis**

Dự đoán thị trường

- Tăng/giảm?
- So với baseline
- Skilled vs random

# Tại sao Sign Test vẫn Quan trọng Hôm nay? I

## Ưu điểm vượt thời gian:

### ① Đơn giản

- Chỉ đếm dấu +/-
- Dễ giải thích

### ② Robust

- Không sợ outliers
- Không cần chuẩn hóa
- OK với mẫu nhỏ

### ③ Linh hoạt

- Áp dụng rộng
- Dữ liệu thứ bậc OK

## Ứng dụng hiện đại:

Marketing (A/B)

Clinical Trials

User Experience

Quality Control



## Mẫu chốt

300+ năm tuổi nhưng vẫn hữu ích!

# Sign Test là gì? I

## Định nghĩa 1 (Kiểm định Dấu - Sign Test)

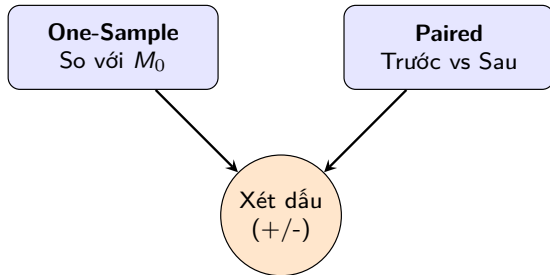
Kiểm định phi tham số sử dụng **dấu (+/-)** để kiểm tra median hoặc so sánh mẫu phụ thuộc.

### Hai dạng chính: 1. One-sample

- Kiểm tra: Median =  $M_0$ ?
- $H_0$ : Median =  $M_0$

### 2. Paired

- So sánh trước-sau
- $H_0$ : Median(Diff) = 0



**Cốt lõi:** Quy về nhị thức

1. Tính hiệu số ( $d_i$ )



2. Gán dấu (+, -, 0)



3. Đếm  $S^+$  (Loại bỏ 0)



4. Kiểm định (Binomial)

① Tính hiệu số

- One:  $d_i = X_i - M_0$
- Paired:  $d_i = X_i - Y_i$

② Xác định dấu

- $d_i > 0 \rightarrow S^+$
- $d_i < 0 \rightarrow S^-$
- $d_i = 0 \rightarrow \text{Loại}$

③ Thống kê

- $S^+ \sim \text{Binom}(n, 0.5)$

④ P-value

- So với  $\alpha = 0.05$

# Giả thuyết & Công thức I



# Giả thuyết & Công thức II

Cặp giả thuyết:

## Hypotheses

- $H_0: \text{Median}(D) = 0$
- $H_1: \text{Median}(D) \neq 0$  (2-tailed)

Mức ý nghĩa:  $\alpha = 0.05$

Thống kê:

## Test Statistic

$$S^+ \sim \text{Binomial}(n, 0.5)$$

Quyết định:

- $p < \alpha \rightarrow$  Bác bỏ  $H_0$
- $p \geq \alpha \rightarrow$  Giữ  $H_0$

# Ví dụ 1: Y học - Thuốc giảm đau I

# Ví dụ 1: Y học - Thuốc giảm đau II

## Bối cảnh:

- 10 bệnh nhân bị đau mãn tính
- Đo điểm đau (VAS scale 0-10) trước và sau dùng thuốc mới
- **Câu hỏi:** Thuốc có giảm đau không?

## Dữ liệu:

ID	Trước	Sau	Hiệu	Dấu
1	8	6	+2	+
2	7	7	0	(loại)
3	9	5	+4	+
4	6	5	+1	+
5	8	7	+1	+
6	7	8	-1	-
7	9	6	+3	+
8	8	6	+2	+
9	7	5	+2	+
10	9	7	+2	+

## Phân tích:

- Loại bỏ ID 2 (hiệu = 0)
- $n = 9$  (sau loại ties)
- $S^+ = 8$  (số dấu +)
- $S^- = 1$  (số dấu -)

## Kiểm định:

- $H_0$ : Thuốc không hiệu quả
- $H_1$ : Thuốc giảm đau (one-tailed)
- $\alpha = 0.05$

## Kết quả:

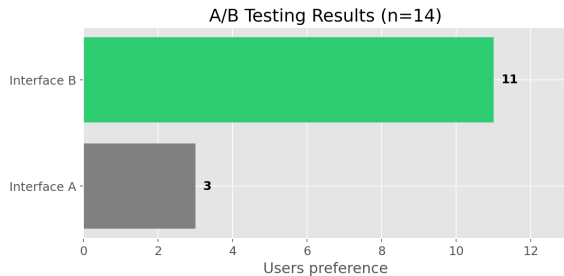
- p-value = **0.039**
- **$0.039 < 0.05$**
- $\rightarrow$  **Bác bỏ  $H_0$**
- Có bằng chứng thuốc hiệu quả!

## Ví dụ 2: Marketing - A/B Testing Website I

# Ví dụ 2: Marketing - A/B Testing Website II

## Tình huống:

- Công ty test 2 giao diện website (A vs B)
- 15 người dùng test cả 2 phiên bản
- Đánh giá mức độ hài lòng (1-5 sao)
- **Câu hỏi:** Giao diện B có tốt hơn A không?



## Dữ liệu tóm tắt:

- Số người thích B hơn A: **11**
- Số người thích A hơn B: **3**
- Số người không phân biệt: **1** (loại)
- $n = 14$  (sau loại ties)

## Sign Test:

- $S^+ = 11$  (thích B hơn)
- p-value = **0.059** (two-tailed)

## Quyết định:

- Với  $\alpha = 0.05$ : Chưa đủ bằng chứng (biên giới!)
- Với  $\alpha = 0.10$ : Có bằng chứng B tốt hơn
- → Có thể cần thêm dữ liệu

## Ví dụ 3: Tâm lý - Nghiên cứu Sở thích Màu sắc I

# Ví dụ 3: Tâm lý - Nghiên cứu Sở thích Màu sắc II

## Câu hỏi nghiên cứu:

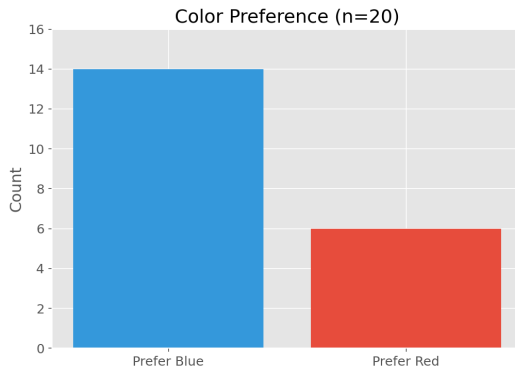
- Người ta có thích màu xanh hơn màu đỏ không?
- (So với ngẫu nhiên 50-50)

## Thiết kế nghiên cứu:

- 20 người tham gia
- 10 items (vật phẩm)
- Mỗi item: Chọn 1 trong 2 màu
- Đếm số lần chọn màu xanh

## Kết quả:

- 14/20 người chọn xanh nhiều hơn đỏ
- 6/20 người chọn đỏ nhiều hơn xanh
- Không có ties (ai cũng có preference)



## Ví dụ 3: Tâm lý - Nghiên cứu Sở thích Màu sắc I



## Ví dụ 3: Tâm lý - Nghiên cứu Sở thích Màu sắc II

### Phân tích Sign Test:

- $H_0$ : Không có preference ( $p = 0.5$ )
- $H_1$ : Có preference ( $p \neq 0.5$ )
- $S^+ = 14$ ,  $n = 20$
- Under  $H_0$ :  $S^+ \sim \text{Binomial}(20, 0.5)$

### Kết luận:

- p-value = **0.115** (two-tailed)
- $0.115 > 0.05$
- $\rightarrow$  Giữ  $H_0$
- Không có preference rõ ràng

# Demo Setup - Ví dụ Thuốc giảm cân

## Bài toán:

- 12 người tham gia thử nghiệm thuốc giảm cân
- Đo cân nặng trước và sau 2 tháng sử dụng
- Câu hỏi: Thuốc có hiệu quả không?

## Chuẩn bị Jupyter Notebook:

Listing 1: Cell 1: Import libraries

```
1 import numpy as np
2 import pandas as pd
3 from scipy.stats import binomtest
4 import matplotlib.pyplot as plt
5
6 # Du lieu: Can nang 12 nguoi
7 data = {
8     'ID': range(1, 13),
9     'Truoc_kg': [85, 90, 78, 92, 88, 76, 95, 82, 79, 91, 87, 84],
10    'Sau_kg':    [82, 88, 79, 90, 85, 77, 93, 80, 78, 89, 86, 83]
11 }
12
13 df = pd.DataFrame(data)
14 print(df.head())
```

In [1]: df.head()

# Demo Step 1: Tính hiệu số và xác định dấu

Listing 2: Cell 2: Calculate differences and signs

```
1 # Bước 1: Tính hiệu (trước - sau)
2 df['Hieu_kg'] = df['Truoc_kg'] - df['Sau_kg']
3
4 # Bước 2: Xác định dấu
5 def assign_sign(x):
6     if x > 0: return '+'
7     elif x < 0: return '-'
8     else: return '0'
9
10 df['Dau'] = df['Hieu_kg'].apply(assign_sign)
11 df_filtered = df[df['Hieu_kg'] != 0]
12
13 # Hiển thị kết quả
14 print(df_filtered[['ID', 'Truoc_kg', 'Sau_kg', 'Hieu_kg', 'Dau']])
```

ID	Truoc	Sau	Hieu	Dau
1	85	82	3	+
2	90	88	2	+
3	78	79	-1	-
4	92	90	2	+
5	88	85	3	+

# Demo Step 2: Thống kê & Kiểm định

Listing 3: Cell 3: Perform Sign Test

```
1 # Dem so dau +
2 n_plus = (df_filtered['Hieu_kg'] > 0).sum()
3 n_total = len(df_filtered)
4 print(f"So_dau_+:_{n_plus}/{n_total}")
5
6 # Kiem dinh Binomial (one-tailed: greater)
7 result = binomtest(n_plus, n_total, p=0.5, alternative='greater')
8 print(f"P-value:_{result.pvalue:.4f}")
9
10 # Ket luan
11 alpha = 0.05
12 if result.pvalue < alpha:
13     print(f"BAC_BO_HO_(p={result.pvalue:.4f})<_{alpha}")
14     print("=>CO_BANG_CHUNG:Thuoc_coi_hieu_qua!")
15 else:
16     print(f"GIU_HO")
```

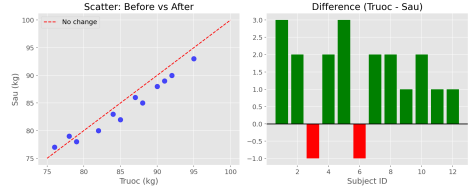
So dau +: 9/11

**P-value: 0.0327**

# Demo Step 3: Visualization

Listing 4: Cell 4: Visualize results

```
1 fig, axes = plt.subplots(1, 2, figsize=(12, 5))
2
3 # Plot 1: Scatter truoc vs sau
4 ax1 = axes[0]
5 ax1.scatter(df['Truoc_kg'], df['Sau_kg'], s=100)
6 ax1.plot([75, 100], [75, 100], 'r--')
7 ax1.set_xlabel('Truoc(kg)')
8 ax1.set_ylabel('Sau(kg)')
9
10 # Plot 2: Bar chart hieu so
11 ax2 = axes[1]
12 colors = ['green' if x > 0 else 'red' for x in df['Hieu_kg']]
13 ax2.bar(df['ID'], df['Hieu_kg'], color=colors)
14 ax2.axhline(0, color='black', lw=2)
15
16 plt.tight_layout()
17 plt.show()
```



## Insight từ plots

- Hầu hết điểm dưới đường chéo
- Đa số bars màu xanh (dương)
- Chỉ 2 người tăng cân

# FAQs - Câu hỏi Thường gặp (1/2) I

# FAQs - Câu hỏi Thường gặp (1/2) II

## Q1: Sign Test vs t-test - Khi nào dùng cái nào?

Tiêu chí	Dùng Sign Test	Dùng t-test
Phân phối	Bất kỳ	Gần chuẩn
Outliers	OK	Nhạy cảm
Cỡ mẫu	$n \geq 10$	$n \geq 30$ tốt hơn
Power	Thấp hơn 5-10%	Cao hơn
Quan tâm	Median	Mean

## Q2: Tại sao loại bỏ hiệu = 0?

- Không mang thông tin về hướng
- Giảm n nhưng tăng độ chính xác
- Standard practice trong Sign Test

## Q3: Sign Test có yếu hơn t-test?

- **Đúng!** Power thấp hơn nếu data chuẩn
- Nhưng **robust hơn nhiều** với vi phạm
- Trade-off: Power vs Robustness

# FAQs - Câu hỏi Thường gặp (2/2) I



# FAQs - Câu hỏi Thường gặp (2/2) II

## Q4: Cỡ mẫu tối thiểu là bao nhiêu?

- **Lý thuyết:**  $n \geq 5$  (sau khi loại zeros)
- **Thực tế:**  $n \geq 10$  để p-value đáng tin cậy
- **Khuyến nghị:** Càng lớn càng tốt! (như mọi test)

## Q5: Làm sao biết kết quả có ý nghĩa thực tế?

- P-value chỉ nói về **statistical significance**
- Cần xem thêm:
  - **Effect size:** Bao nhiêu % có dấu +?
  - **Magnitude:** Hiệu số trung bình là bao nhiêu?
  - **Context:** Có quan trọng trong thực tế không?

## Q6: Python có thư viện nào tốt?

- `scipy.stats.binomtest` (recommended)
- `statsmodels.stats`
- Tự code cũng dễ!

## Q7: Sign Test cho >2 nhóm?

- **Không!** Chỉ cho 1 sample hoặc paired
- Dùng **Friedman test** cho > 2 nhóm
- Hoặc **Cochran's Q** cho binary

# Take-home Messages I

# Take-home Messages II

## 1. Sign Test = Simple but Powerful

- 300+ năm lịch sử, vẫn cực kỳ hữu ích
- Dễ hiểu, dễ thực hiện
- Không cần giả định phức tạp

## 2. Khi nào nên dùng Sign Test?

- ✓ Dữ liệu **không phân phối chuẩn**
- ✓ Có **outliers** hoặc extreme values
- ✓ Quan tâm đến **median** hơn mean
- ✓ Mẫu nhỏ ( $n = 10-30$ )
- ✓ Cần phương pháp **robust**

## 3. Python makes it easy!

- Chỉ cần `scipy.stats.binomtest`
- Hiểu logic → Code 5 dòng
- Demo trong Jupyter Notebook rất trực quan

# Tài liệu Tham khảo & Học thêm I

# Tài liệu Tham khảo & Học thêm II

## Sách giáo khoa:

- Hollander, M., Wolfe, D. A., & Chicken, E. (2013). *Nonparametric Statistical Methods* (3rd ed.). Wiley.
- Gibbons, J. D., & Chakraborti, S. (2020). *Nonparametric Statistical Inference* (6th ed.). CRC Press.
- Daniel, W. W. (2000). *Applied Nonparametric Statistics* (2nd ed.). Duxbury Press.

## Tài liệu online:

- SciPy Documentation: <https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/generated/scipy.stats.binomtest.html>
- Statistics How To: <https://www.statisticshowto.com/sign-test/>
- Penn State STAT 415: <https://online.stat.psu.edu/stat415/>

## Lịch sử:

- Arbuthnot, J. (1710). "An argument for Divine Providence, taken from the constant Regularity observ'd in the Births of both Sexes". *Philosophical Transactions*, 27, 186-190.

## GitHub Repository

Code & Notebooks: <https://github.com/TatcataiTTN/Sign-Test-Midterm>



# Danh sách Câu hỏi Thảo luận

*Bấm vào câu hỏi để xem chi tiết:*

**Q1. So sánh:** Sign Test vs Wilcoxon Signed-Rank?

**Q2. Xử lý số liệu:** Tại sao loại bỏ Ties (0)?

**Q3. Dữ liệu:** Dùng cho Likert scale được không?

**Q4. Cỡ mẫu:** Vấn đề khi mẫu nhỏ ( $n < 10$ )?

**Q5. Báo cáo:** Viết kết quả chuẩn academic?

**Q6. Nâng cao:** Multiple comparisons correction?

**Q7. Công cụ:** Các thư viện Python/R/SPSS?

**Q8. Giả định:** Assumptions nào bắt buộc?

**Q9. Hiệu năng:** Power Analysis & Sample Size?

**Q10. Mở rộng:** Các biến thể (McNemar, Friedman)?

# Q1: So sánh Sign Test vs Wilcoxon I

## Câu hỏi

Sign Test khác với Wilcoxon Signed-Rank Test như thế nào? Khi nào nên dùng cái nào?

Trả lời chi tiết:

Tiêu chí	Sign Test	Wilcoxon
Thông tin sử dụng	Chỉ dấu (+/-)	Dấu + Độ lớn (Rank)
Power	Thấp hơn (khoảng 64% của t-test)	Cao hơn (khoảng 95% của t-test)
Assumptions	Ít nhất (chỉ cần độc lập)	Thêm: phân phối đối xứng (symmetric)
Dễ hiểu	Rất trực quan	Phức tạp hơn về tính toán
Khi nào dùng	Dữ liệu rất lệch, nhiều Outliers	Dữ liệu gần đối xứng

**Khuyến nghị:**

- **Sign Test:** Khi dữ liệu rất "ồn" (noisy), nhiều giá trị ngoại lai cực đoan, hoặc chỉ quan tâm đến hướng thay đổi.
- **Wilcoxon:** Khi dữ liệu tương đối đối xứng và muốn đạt độ mạnh (power) cao hơn.

## Q2: Xử lý Ties (Hiệu số = 0) I

### Câu hỏi

Nếu có nhiều hiệu số bằng 0, có ảnh hưởng gì không? Có cách xử lý nào khác?

Trả lời:

#### Ảnh hưởng của ties:

- Giảm kích thước mẫu hiệu dụng (Effective sample size).
- Giảm sức mạnh thống kê (Statistical power).
- **Cảnh báo:** Nếu  $> 20\%$  dữ liệu là ties thì kết quả có thể thiếu tin cậy.

#### Phương pháp xử lý:

- ① **Standard:** Loại bỏ hoàn toàn (Khuyến dùng).
- ② Chia đều: Một nửa vào nhóm (+), một nửa vào nhóm (-).
- ③ Random assign: Gán ngẫu nhiên dấu.

#### Ví dụ minh họa:

Tổng  $n = 20$ , có 5 ties (25% số liệu là 0)

- **Cách 1 (Loại):** Phân tích với  $n = 15$ .
- **Cách 2 (Chia):** Tính 2.5 cho (+) và 2.5 cho (-).
- **Cách 3 (Random):** Tung xu cho 5 trường hợp đó.

### Lưu ý

Cách 1 (loại bỏ) là "standard practice" trong hầu hết các phần mềm thống kê (SPSS, R, Python).



### Q3: Áp dụng cho data thứ bậc (Likert Scale) I

## Câu hỏi

Sign Test có thể dùng cho dữ liệu thứ bậc (ordinal) như Likert scale (1-5) không?

**Trả lời: ĐÚNG!** Sign Test cực kỳ phù hợp cho ordinal data.

### Ví dụ - Khảo sát hài lòng:

**Thiết kế:**

- Survey trước và sau cải tiến dịch vụ.
- Scale: 1 (Rất tệ) → 5 (Rất tốt).
- So sánh: Điểm Trước vs Điểm Sau.

**Phân tích:**

- Sau > Trước (VD: 3 lên 4) → Dấu (+)
- Sau < Trước (VD: 5 xuống 2) → Dấu (-)
- Sau = Trước → Loại

## Tại sao phù hợp?

- 1 Likert scale là ordinal, khoảng cách giữa 1-2 chưa chắc bằng 4-5.
- 2 T-test yêu cầu tính Mean (cộng trừ), điều này không chặt chẽ với Likert.
- 3 Sign Test chỉ cần thứ tự (lớn hơn/nhỏ hơn), không cần đo khoảng cách.

## Q4: Vấn đề với Sample size nhỏ I

### Câu hỏi

Với  $n = 6$  hoặc  $n = 7$ , Sign Test có đáng tin không? Cần làm gì?

Trả lời:

Vấn đề "Bước nhảy" P-value:

- Do phân phối nhị thức là rời rạc.
- P-values sẽ "nhảy" qua các mốc, khó đạt chính xác 0.05.

Ví dụ thực tế với  $n=6$ :

- Nếu 5 dấu (+):  $p = 0.219$  (Quá lớn)
- Nếu 6 dấu (+):  $p = 0.031$  (Nhỏ hơn 0.05)
- Không có p-value nào nằm giữa 0.031 và 0.219!

Giải pháp:

- 1 **Exact test:** Luôn dùng Binomial Exact (không dùng xấp xỉ chuẩn).
- 2 **Report exact p:** Báo cáo p-value chính xác thay vì chỉ nói  $< 0.05$ .
- 3 **Power:** Chấp nhận rằng power sẽ rất thấp.
- 4 **Data:** Cố gắng thu thập thêm mẫu nếu có thể (ít nhất  $n=10$ ).

# Q5: Báo cáo kết quả (Reporting) I

## Câu hỏi

Khi viết báo cáo khoa học hoặc luận văn, cần trình bày những thông số gì?

**Checklist thông tin cần thiết:**

**① Sample size:**

- Tổng số quan sát ban đầu ( $N$ ).
- Số ties bị loại bỏ.
- Kích thước mẫu hiệu dụng ( $n$ ).

**② Test statistic:**

- Số lượng dấu dương ( $S^+$ ) và dấu âm ( $S^-$ ).
- Tỷ lệ phần trăm (VD: 80% cải thiện).

**③ P-value:**

- Giá trị chính xác (VD:  $p = 0.033$ ).
- Ghi rõ là One-tailed (1 phía) hay Two-tailed (2 phía).

## Q5: Báo cáo kết quả (Reporting) II

### Ví dụ câu viết mẫu (Standard Reporting):

*"A Sign test was conducted to evaluate the effect of the new treatment. Of 12 participants, 1 showed no change and was excluded (effective  $n=11$ ). Nine participants (81.8%) showed improvement, compared to 2 (18.2%) who worsened. The exact one-tailed Sign test indicated a significant improvement ( $p = 0.033$ ), suggesting the treatment is effective."*

# Q6: Multiple Comparisons I

## Câu hỏi

Nếu thực hiện nhiều Sign Tests (ví dụ: test 5 loại thuốc khác nhau trên cùng 1 nhóm), có cần điều chỉnh gì không?

**Trả lời: CẦN!** Đây là vấn đề kiểm định đa giả thuyết.

### Vấn đề:

- Khi làm  $k$  tests độc lập với  $\alpha = 0.05$ .
- Xác suất mắc ít nhất 1 lỗi loại 1 (False Positive) tăng lên chóng mặt.
- Công thức:  $P(\text{Error}) = 1 - 0.95^k$ .
- Với 5 tests:  $1 - 0.95^5 \approx 22.6\%$  (Rất cao!).

### Giải pháp Correction:

- 1 **Bonferroni**: Chia nhỏ  $\alpha$ .

$$\alpha_{\text{new}} = \frac{0.05}{5} = 0.01$$

(Khá bảo thủ, khó đạt ý nghĩa thống kê).

- 2 **Holm-Bonferroni**: Mạnh hơn Bonferroni, điều chỉnh theo từng bước (Sequential).
- 3 **FDR (Benjamini-Hochberg)**: Kiểm soát tỷ lệ phát hiện sai, thường dùng trong Gen/Y sinh.

# Q7: Công cụ thực hiện (Software Implementation) I

## Câu hỏi

Có thư viện nào khác ngoài scipy.stats để làm Sign Test không? R và SPSS thì sao?

### Tổng hợp các công cụ phổ biến:

#### Python:

- 1 `scipy.stats.binomtest` (**Khuyến nghị nhất** - Chuẩn xác).
- 2 `statsmodels.stats.descriptivestats.sign_test` (Trả về statistic và p-value).
- 3 `pingouin.sign_test` (Giao diện thân thiện kiểu Pandas).

#### R Language:

- 1 `binom.test()` (Base R).
- 2 `SIGN.test()` (Gói BSDA).
- 3 `SignTest()` (Gói DescTools).

#### Phần mềm thống kê (GUI):

- **SPSS:** Menu: Analyze → Nonparametric Tests → Legacy Dialogs → 2 Related Samples → Tick chọn "Sign".
- **SAS:** Dùng PROC FREQ với tùy chọn binomial.
- **Stata:** Dùng lệnh `signtest var1 = var2`.

## Tip

Dù dùng công cụ nào, hãy đảm bảo bạn đang xem **Exact P-value** chứ không phải Asymptotic (xấp xỉ).

# Q8: Kiểm tra Giả định (Assumptions) I

## Câu hỏi

Sign Test là phi tham số (nonparametric) nhưng có assumptions nào cần check không?

### Các giả định BẮT BUỘC:

#### ① Independence (Quan trọng nhất):

- Các cặp quan sát phải độc lập với nhau.
- Ví dụ: Không thể đo 1 người 10 lần rồi coi là 10 mẫu độc lập.
- Nếu vi phạm → Test hoàn toàn sai.

#### ② Random Sampling:

- Mẫu phải đại diện cho tổng thể (không bị bias).

#### ③ Dữ liệu so sánh được:

- Biến số phải là Continuous (Liên tục) hoặc Ordinal (Thứ bậc).
- Không dùng cho dữ liệu Định danh (Nominal) chưa có thứ tự.

### Những điều KHÔNG cần (Ưu điểm):

## Q8: Kiểm tra Giả định (Assumptions) II

- ✓KHÔNG cần phân phối chuẩn (Normality).
- ✓KHÔNG cần phương sai đồng nhất (Homogeneity of variance).
- ✓KHÔNG cần mẫu lớn.



# Q9: Power Analysis & Sample Size I

## Câu hỏi

Làm sao tính sample size cần thiết cho Sign Test? Power là bao nhiêu?

**Power phụ thuộc vào 3 yếu tố:**

- 1 Sample size ( $n$ ).
- 2 Effect size (Tỷ lệ thực sự của dấu + trong quần thể, gọi là  $P_{real}$ ).
- 3 Mức ý nghĩa  $\alpha$  (thường là 0.05).

**Ví dụ tính toán:**

- Giả thuyết  $H_0 : P = 0.5$ .
- Thực tế thuốc tốt,  $P_{real} = 0.7$  (70% người dùng sẽ đỡ).
- Muốn Power = 0.80 (80% khả năng phát hiện ra).

→ Kết quả tính toán: Cần  $n \approx 28$ .

Nếu thuốc cực tốt ( $P_{real} = 0.8$ ) → Chỉ cần  $n \approx 14$ .

**Công cụ tính Power:**

- **Python:** `statsmodels.stats.power` (tùy biến class Binomial).
- **R:** Gói pwr hàm `power.binom.test()`.
- **G\*Power:** Phần mềm miễn phí phổ biến nhất cho sinh viên/nghiên cứu sinh.

## Q9: Power Analysis & Sample Size II

### Ghi nhớ

Nếu dữ liệu tuân theo phân phối chuẩn, Sign Test yếu hơn t-test. Nhưng nếu dữ liệu lệch, Sign Test có thể mạnh hơn!

# Q10: Các biến thể và mở rộng (Extensions) I

## Câu hỏi

Có phiên bản mở rộng nào của Sign Test không? Khi nào dùng?

Các "người anh em" của Sign Test:

### ① McNemar Test:

- Dùng cho dữ liệu **Nhị phân (Binary)**: 0/1, Đậu/Trượt, Bệnh/Khỏi.
- Thiết kế bảng 2x2 contingency.
- Vẫn là so sánh Trước/Sau (Paired).

### ② Friedman Test:

- Mở rộng cho **nhiều hơn 2 nhóm** (VD: Đo cân nặng tại T1, T2, T3).
- Dùng dữ liệu xếp hạng (Ranked data).
- Được coi là phiên bản phi tham số của ANOVA lặp lại (Repeated Measures ANOVA).

### ③ Cochran's Q Test:

- Giống Friedman nhưng dùng cho dữ liệu Nhị phân (Binary).
- Mở rộng của McNemar cho nhiều nhóm.

## Q10: Các biến thể và mở rộng (Extensions) II

### Sơ đồ quyết định (Decision Tree)

- Data liên tục/thứ bậc, 2 nhóm → **Sign Test** (hoặc Wilcoxon).
- Data nhị phân, 2 nhóm → **McNemar Test**.
- Data liên tục/thứ bậc, >2 nhóm → **Friedman Test**.
- Data nhị phân, >2 nhóm → **Cochran's Q**.

Cảm ơn Thầy và các bạn đã lắng nghe!

**Liên hệ:**

Trương Tuấn Nghĩa: [nghia.tt251196m@sis.hust.edu.vn](mailto:nghia.tt251196m@sis.hust.edu.vn)

GitHub: <https://github.com/TatcataiTTN/Sign-Test-Midterm>