

## Taller 1

Código 1.

```
for (int i=0; i<n; i++) { // O(1)
```

constante

- Esta línea de código crea un bucle "for" que se ejecutará  $n$  veces, con  $i$  incrementándose de 0 a  $n-1$ . Dado que el cuerpo del bucle es constante.
- El incremento es constante y no depende del valor  $n$  el número de iteraciones será el mismo.

Código 2.

```
for (int i=0; i<n; i++) { // O(n)
```

```
    for (int j=0; j<m; j++) { // O(m)
```

```
    }
}
```

la complejidad total

$O(n \cdot m)$

- Al crear dos bucles anidados el bucle exterior se ejecutará  $n$  veces y, en cada iteración el bucle interno se ejecutará  $m$  veces. Por lo tanto también debido a esto la complejidad es  $O(n \cdot m)$ .

Código 3

```
for (int i=0; i<n; i++) { // O(n)
```

```
    for (int j=i; j<n; j++) { // O(n)
```

```
    }
}
```

$= O(n) + O(n)$

$= O(n^2)$

El bucle exterior se ejecuta  $n$  veces y en cada iteración el bucle interior se ejecuta desde  $i$  hasta  $n$ .



Código 4.

```
int index = -1; // O(1)
for (int i = 0; i < n; i++) {
    if (array[i] == target) { // O(1)
        index = i; // O(1)
        break; // O(1)
    }
} // O(n)
```

El bucle for se ejecuta  $n$  veces y en cada iteración se realizan operaciones constantes. La asignación y el break también son operaciones constantes.

6. int left = 0 right = n - 1 index = -1 inicializalas variables para marcar los límites del intervalo y para almacenar la posición del elemento el bucle se ejecuta mientras el intervalo no está vacío.

Código 5.

```
int left = 0, right = n - 1, index = -1; // O(1)
while (left <= right) { // O(log n)
    int mid = left + (right - left) / 2; // O(1)
    if (array[mid] == target) { // O(1)
        index = mid; // O(1)
        break; // O(1)
    }
    else if (array[mid] < target) { // O(1)
        left = mid + 1; // O(1)
    }
    else { // O(1)
        right = mid - 1; // O(1)
    }
}
```

$O(1) + O(\log n) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1)$   
 $= O(\log n)$



## Código 6.

```
int row = 0, col = matrix[0].length - 1, indexRow = -1, indexCol = -1;
```

```
while (row < matrix.length && col >= 0) { // O(n+m)
```

```
if (matrix[row][col] == target) { // O(1)
```

```
indexRow = row; // O(1)
```

```
indexCol = col; // O(1)
```

```
break; // O(1)
```

```
else if (matrix[row][col] < target) { // O(1)
```

```
row++; // O(1)
```

```
else { // O(1)
```

```
col--; // O(1)
```

```
} }
```

```
= O(1) + O(n) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) = O(n+m)
```

Se obtienen los valores row y col para comenzar desde la izquierda superior derecha de la matriz. El bucle se ejecuta mientras las posiciones están dentro de la matriz. Debido que row y col se decrementan el bucle se ejecuta n+m veces n son las filas y m columnas.

## Código 7.

```
void bubbleSort(int[] array) { // O(n^2)
```

```
int n = array.length; // O(1)
```

```
for (int i = 0; i < n - 1; i++) { // O(n)
```

```
for (int j = 0;
```

```
j < array.length - i - 1; j++) { // O(1)
```

```
int temp = array[j]; // O(1)
```

```
array[j] = array[j + 1]; // O(1)
```

```
array[j + 1] = temp; // O(1)
```

```
} }
```

```
= O(1) + O(n) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) = O(n^2)
```

int n = array.length; obtiene la longitud del arreglo. El bucle exterior se ejecuta n veces siendo n la longitud del arreglo, en bucle interior se ejecuta n-1 veces.

if (array[j] > array[j+1]) compara si el elemento actual es mayor que el siguiente. crea una variable temporal para realizar el swap. final es el fin del elemento.



## 8. Código

```

void selectionSort(int[] array) { // O(n^2)
    int n = array.length; // O(1)
    for (int i = 0; i < n - 1; i++) { // O(n)
        int minIndex = i; // O(1)
        for (int j = i + 1; j < n; j++) { // O(n)
            if (array[j] < array[minIndex]) { // O(1)
                minIndex = j; // O(1)
            }
        }
        int temp = array[i]; // O(1)
        array[i] = array[minIndex]; // O(1)
        array[minIndex] = temp; // O(1)
    }
}

```

Calcula la longitud del arreglo y la almacena en "n", el bucle externo se ejecuta n-1 veces donde n es la longitud del arreglo, el índice del elemento más pequeño de la sección no ordenada se encuentra, el bucle interno se ejecuta n-1 veces para cada elemento en la posición actual, el bucle interno es menor que la posición n-1.

## 9. Código

```

void insertionSort(int[] array) { // O(n^2)
    int n = array.length; // O(1)
    for (int i = 1; i < n; i++) { // O(n)
        int key = array[i]; // O(1)
        int j = i - 1; // O(1)
        while (j > 0 && array[j] > key) { // O(n)
            array[j + 1] = array[j]; // O(1)
            j--; // O(1)
        }
        array[j + 1] = key; // O(1)
    }
}

```

Calcula la longitud del arreglo y la almacena en "n", el bucle externo se ejecuta desde la segunda hasta la última posición, almacena el valor del elemento en "key" y como índice del elemento anterior, el bucle interno se ejecuta mientras "j" está dentro del arreglo y el elemento j sea mayor que "key".



## Código 10

```
void mergeSort(int[] array, int left, int right) { // O(n)
```

```
    if (left < right) { //
        int mid = left + (right - left) / 2; // O(1)
        mergeSort(array, left, mid); // O(n log n)
        mergeSort(array, mid + 1, right); // O(n log n)
        merge(array, left, mid, right); // O(n)
    }
}
```

$= O(1) + O(1) + \log n \cdot cn + \log n \cdot cn = O(n \log n)$

if (left < right): verifica si hay más de un elemento en el segmento actual. Si no es así, detiene la recursión.

int mid = left + (right - left) / 2: calcula el índice medio para dividir el arreglo en dos mitades.

mergeSort(array, left, mid): llamada recursiva para ordenar la mitad izquierda del arreglo.

mergeSort(array, mid + 1, right): llamada recursiva para ordenar la mitad derecha del arreglo.

## Código 11

```
void quickSort(int[] array, int low, int high) { // O(n)
```

```
    if (low < high) { // O(1)
        int pivotIndex = partition(array, low, high); // O(n)
        quickSort(array, low, pivotIndex - 1); // O(n log n)
        quickSort(array, pivotIndex + 1, high); // O(n log n)
    }
}
```

$= O(1) + O(1) + O(n \log n) + O(n \log n) = O(n^2)$

if (low < high): verifica si la sección actual del arreglo tiene más de un elemento. Si no se detiene la recursión.

int pivotIndex = partition(array, low, high): llama a la función partition para dividir la sección actual en dos partes alrededor de un pivote.

quickSort(array, low, pivotIndex - 1): llamada recursiva para ordenar la mitad izquierda de la partición.



## Código 12

```

int fibonacci(int n) { //O(1)
    if (n == 1) { //O(1)
        return n; //O(1)
    }
    int[] dp = new int[n+1]; //O(n)
    dp[0] = 0; //O(1)
    dp[1] = 1; //O(1)
    for (int i = 2; i <= n; i++) { //O(n)
        dp[i] = dp[i-1] + dp[i-2]; //O(1)
    }
    return dp[n]; //O(1)
}

```

$O(1) + O(1) + O(n) + O(1) + O(1) + O(n) + O(1) + O(1) = O(n)$

if (n == 1) : verifica si el valor de "n" es 0 o 1  
 new int[n+1] : almacena los datos calculados  
 dp[0] : inicializa el primer valor de fibonacci  
 dp[1] : inicializa el segundo valor de fibonacci  
 for (int i = 2; i <= n; i++) : el bucle itera "n" veces, cada vez calculando el valor de fibonacci para:  
 dp[i] = dp[i-1] + dp[i-2] : calcula el valor de fibonacci para:  
 sumando los dos valores anteriores en "dp"  
 return dp[n] : devuelve el valor de fibonacci calculado para "n"

## Código 13

```

void linearSearch(int[] array, int target) { //O(1)
    for (int i = 0; i < array.length; i++) { //O(n)
        if (array[i] == target) { //O(1)
            return; //O(1)
        }
    }
}

```

$= O(n) + O(1) + O(1) = O(n)$

El bucle se ejecuta "n" veces, compara si el elemento actual del bucle es igual al elemento objetivo.  
 return: si se encuentra el elemento, se devuelve inmediatamente.



Código 14.

```
int binarySearch(int C[] SortedArray, int target) { //O(1)
    int left = 0, right = SortedArray.length - 1; //O(1)
    while (left < right) {
        int mid = (left + right) / 2; //O(1)
        if (SortedArray[mid] == target) { //O(1)
            return mid;
        } else if (SortedArray[mid] < target) { //O(1)
            left = mid + 1; //O(1)
        } else { //O(1)
            right = mid - 1; //O(1)
        }
    }
    return -1;
}
```

Inicializa los índices left y right. Para definir el rango de la búsqueda, el bucle se ejecuta. left sea menor o igual a right. En cada iteración, el rango se reduce a la mitad. Calcula el índice medio para dividir el rango de la búsqueda en dos mitades, compara si el elemento en mid es igual al objetivo.

Código 15.

```
int factorial ( n ) { //O(1)
    if ( n == 0 || n == 1 ) { //O(1)
        return 1; //O(1)
    }
}
```

```
return n * factorial ( n - 1 ); } //O(n)
```

La función factorial es igual a 0 o 1. Si es así devuelve 1. return n \* factorial (n-1): realiza una multiplicación entre 'n' y el resultado de la llamada recursiva. La multiplicación es constante en tiempo, pero debido a la recursión se llama a la función 'factorial' 'n' veces.