# Univerzita Komenského, Bratislava fakulta Matematiky, Fyziky a Informatiky

# Moderné regulárne výrazy

Bakalárska práca

# Univerzita Komenského, Bratislava <sub>Fakulta Matematiky</sub>, Fyziky a Informatiky

### Moderné regulárne výrazy

Bakalárska práca

Študijný program: Informatika Študijný odbor: 2508 Informatika Školiace pracovisko: Katedra Informatiky

Školiteľ: RNDr. Michal Forišek, PhD.

Bratislava, 2013 Tatiana Tóthová





#### Univerzita Komenského v Bratislave Fakulta matematiky, fyziky a informatiky

#### ZADANIE ZÁVEREČNEJ PRÁCE

Meno a priezvisko študenta: Tatiana Tóthová

**Študijný program:** informatika (Jednoodborové štúdium, bakalársky I. st., denná

forma)

**Študijný odbor:** 9.2.1. informatika

**Typ záverečnej práce:** bakalárska **Jazyk záverečnej práce:** slovenský

**Názov:** Moderné regulárne výrazy

Ciel': Spraviť prehľad nových konštrukcií používaných v moderných knižniciach

s regulárnymi výrazmi (ako napr. look-ahead a look-behind assertions). Analyzovať tieto rozšírenia z hľadiska formálnych jazykov a prípadne tiež

z hľadiska algoritmickej výpočtovej zložitosti.

Vedúci:RNDr. Michal Forišek, PhD.Katedra:FMFI.KI - Katedra informatikyVedúci katedry:doc. RNDr. Daniel Olejár, PhD.

**Dátum zadania:** 23.10.2012

**Dátum schválenia:** 24.10.2012 doc. RNDr. Daniel Olejár, PhD.

garant študijného programu

Podakovanie

Tatiana Tóthová

### Abstrakt

Abstrakt po slovensky

 $\mathbf{K}\mathbf{l}\mathbf{\acute{u}}\mathbf{\acute{c}}\mathbf{o}\mathbf{v\acute{e}}$ slová: napíšme, nejaké, kľučové, slová

### Abstract

Abstract in english

 $\textbf{Key words:} \ \mathrm{some, \ key, \ words}$ 

# Obsah

$ m \acute{U}vod$			1
	0.1	Základná forma regulárnych výrazov	1
1	Náz	ov kapitoly 1	2
	1.1	Lookahead, lookbehind	2
	1.2	Spätné referencie	5
$\mathbf{Z}_{\mathbf{z}}$	Záver		7
Literatúra			8

# Úvod

Bla bla úvodné info o regulárnych výrazoch: - vzniklo ako teória - niekto implementoval do textových editorov, neskôr Thomson do Unixu - odtiaľ sa rozšírili do programovacích jazykov - programovacie jazyky rozširujú svoju funkcionalitu, to platí aj pre časť regulárnych výrazov. Rozšírením o nové konštrukcie už nemusia patriť do triedy regulárnych jazykov. Mnohé konštrukcie sú len kozmetické úpravy a pomôcky, ktoré nezosilnia daný model. Zaujímavé sú tie, ktoré už pomôžu vytvoriť (akceptovať) jazyky z vyšších tried Chomského hierarchie. - Zaradením triedy jazykov aktuálneho modelu do Chomského hierarchie môže dopomôcť pri implementácii jednotlivých operácií. Trieda regulárnych jazykov vystačí s ľahko naprogramovateľnými konečnými automatmi, avšak vyššie triedy vyžadujú backtracking, ktorý samozrejme znamená väčšiu časovú zložitosť.

### 0.1 Základná forma regulárnych výrazov

Zadefinujem regulárne jazyky s operáciami, ktoré pokrývajú triedu regulárnych jazykov. Niektoré konštrukcie sú oproti teoretickému modelu nové, ale dôkaz toho, že trieda jazykov zostáva rovnaká je triviálny. Definícia pochádza z článku [CSY03].

1.

# Kapitola 1

## Názov kapitoly 1

V tejto kapitole formálne definujem operácie z uvedenej dokumentácie jazyka Python [doc12] a ukážem ich silu. Budem používať nasledovné zápisy:

 $L_1L_2$  – zreťazenie jazykov  $L_1$  a  $L_2$ 

 $L^*$  – iterácia ( $L^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$ , kde  $L^0 = \{\varepsilon\}$ ,  $L^1 = L$  a  $L^{i+1} = L^i L$ )

 $\mathcal{R}$  – tradičné označenie triedy regulárnych jazykov

DKA/NKA – deterministický/nedeterministický konečný automat

#### 1.1 Lookahead, lookbehind

Definícia 1.1.1 (Greedy iterácia).

$$L_1 \circledast L_2 = \{uv \mid u \in L_1^* \land v \in L_2 \land u \text{ je najdlh} \check{\text{sie tak\'e}}\}$$

Definícia 1.1.2 (Minimalistická iterácia).

$$L_1*?L_2=\{uv\mid u\in L_1^*\wedge v\in L_2\wedge u\ je\ najkrat\check{s}ie\ tak\acute{e}\}$$

Veta 1.1.3. 
$$L_1 \circledast L_2 = L_1 *? L_2 = L_1^* L_2$$

 $D\hat{o}kaz$ .  $\subseteq$ : Nech  $w \in L_1 \circledast L_2$ . Potom z definície w = uv vieme, že  $u \in L_1^*$  a  $v \in L_2$ , teda  $uv \in L_1^*L_2$ . Analogicky ak  $x = yz \in L_1*?L_2$ , potom  $yz \in L_1^*L_2$ .

 $\supseteq$ : Majme  $w \in L_1^*L_2$  a rozdeľme na podslová u,v tak, že  $u \in L_1^*, v \in L_2$  a w = uv. Takéto rozdelenie musí byť aspoň jedno. Ak je ich viac, vezmime to, kde je u najdlhšie. Potom  $uv \in L_1 \circledast L_2$ . Ak zvolíme u najkratšie, tak zasa  $uv \in L_1 *?L_2$ .

**Dôsledok 1.1.4.** Trieda  $\mathcal{R}$  je uzavretá na operácie  $\circledast$  a \*?.

**Definícia 1.1.5** (Pozitívny lookahead).

$$L_1(? = L_2)L_3 = \{uvw \mid u \in L_1 \land v \in L_2 \land vw \in L_3\}$$

Operáciu (? = ...) nazývame pozitívny lookahead alebo len lookahead.

**Definícia 1.1.6** (Negatívny lookahead).

$$L_1(?!L_2)L_3 = \{uv \mid u \in L_1 \land v \in L_3 \land neexistuje \ tak\'e \ x, y, \ \check{z}e \ v = xy \ a \ x \in L_2\}$$

Operáciu (?!...) nazývame negatívny lookahead.

Definícia 1.1.7 (Pozitívny lookbehind).

$$L_1(? <= L_2)L_3 = \{uvw \mid uv \in L_1 \land v \in L_2 \land w \in L_3\}$$

Operáciu (? <= ...) nazývame pozitívny lookbehind alebo len lookbehind.

**Definicia 1.1.8** (Negatívny lookbehind).

$$L_1(? < !L_2)L_3 = \{uv \mid u \in L_1 \land v \in L_3 \land neexituje \ tak\'e \ x, y, \ \check{z}e \ u = xy \ a \ y \in L_2\}$$

Operáciu (? <!...) nazývame negatívny lookbehind.

Veta 1.1.9. Nech  $L_1, L_2, L_3 \in \mathcal{R}$ . Potom  $L = L_1(? = L_2)L_3 \in \mathcal{R}$ .

 $D\hat{o}kaz$ . Nech  $L_1, L_2, L_3$  sú regulárne, nech  $A_i = (K_i, \Sigma_i, \delta_i, q_{0i}, F_i)$  sú DKA také, že  $L(A_i) = L_i, i \in \{1, 2, 3\}$ . Zostrojím NKA  $A = (K, \Sigma, \delta, q_0, F)$  pre L, kde  $K = K_1 \cup K_2 \times K_3 \cup K_3$  (predp.  $K_1 \cap K_3 = \emptyset$ ),  $\Sigma = \Sigma_1 \cup \Sigma_2 \cup \Sigma_3$ ,  $q_0 = q_{01}$ ,  $F = F_3 \cup F_2 \times F_3$ ,  $\delta$  funkciu definujeme nasledovne:

$$\forall q \in K_{1}, \forall a \in \Sigma : \delta(q, a) \ni \delta_{1}(q, a)$$

$$\forall q \in F_{1} : \delta(q, \varepsilon) \ni [q_{02}, q_{03}]$$

$$\forall p \in K_{2}, \forall q \in K_{3}, \forall a \in \Sigma_{2} \cap \Sigma_{3} : \delta([p, q], a) \ni [\delta(p, a), \delta(q, a)]$$

$$\forall p \in F_{2}, \forall q \in K_{3} : \delta([p, q], a) \ni \delta(q, a)$$

L(A) = L.

 $\supseteq$ : Máme  $w \in L$  a chceme preň nájsť výpočet na A. Z definície L vyplýva w = xyz, kde  $x \in L_1, y \in L_2$  a  $yz \in L_3$ , teda existujú akceptačné výpočty pre x, y, yz na DKA  $A_1, A_2, A_3$ . Z toho vyskladáme výpočet pre w na A nasledovne. Výpočet pre x bude rovnaký ako na  $A_1$ . Z akceptačné stavu  $A_1$  vieme na  $\varepsilon$  prejsť do stavu  $[q_{02}, q_{03}]$ , kde začne výpočet pre y. Ten vyskladáme z  $A_2$  a  $A_3$  tak, že si ich výpočty napíšeme pod seba a stavy nad sebou budú tvoriť karteziánsky súčin stavov v A (keďže  $A_2$  aj  $A_3$  sú deterministické, tieto výpočty na y budú rovnako dlhé).  $y \in L_2$ , teda  $A_2$  skončí v akceptačnom stave. Podľa  $\delta$  funkcie v A vieme pokračovať len vo výpočte na  $A_3$ , teda doplníme zvyšnú postupnosť stavov pre výpočet z. Keďže  $yz \in L_3$  a  $F_3 \subseteq F$  (resp.  $F_2 \times F_3 \subseteq F$  pre  $z = \varepsilon$ ), automat A akceptuje.

 $\subseteq$ : Nech  $w \in L(A)$ , potom existuje akceptačný výpočet na A. Z toho vieme w rozdeliť na x,y a z tak, že x je slovo spracovávené od začiatku po prvý príchod do stavu  $[q_{02},q_{03}],y$  odtiaľto po posledný stav reprezentovaný karteziánskym súčinom stavov a zvyšok bude z. Nevynechali sme žiadne znaky a nezmenili poradie, teda w=xyz. Do  $[q_{02},q_{03}]$  sa A môže prvýkrát dostať len vtedy, ak bol v akceptačnom stave  $A_1$ . Prechod do  $[q_{02},q_{03}]$  je na  $\varepsilon$ , takže  $x\in L_1$ . Práve tento stav je počiatočný pre  $A_2$  aj  $A_3$ . Ak  $z=\varepsilon$ , tak akceptačný stav A je z  $F_2\times F_3$  a  $y\in L_2,y\in L_3$  a aj  $yz\in L_3$ . Z toho podľa definície vyplýva, že  $xyz=w\in L$ . Ak  $z\neq \varepsilon$ , potom je akceptačný stav A z  $F_3$ . Podľa  $\delta$  funkcie sa z karteziánskeho súčinu stavov do normálneho stavu dá prejsť len tak, že  $A_2$  akceptuje, teda  $y\in L_2$ .  $A_3$  akceptuje na konci, čo znamená  $yz\in L_3$ . Znova podľa definície operácie lookahead  $xyz=w\in L$ .

Veta 1.1.10. Nech 
$$L_1, L_2, L_3 \in \mathcal{R}$$
. Potom  $L = L_1$ (?  $\leq L_2$ ) $L_3 \in \mathcal{R}$ .

 $D\hat{o}kaz$ . Podobne ako pri lookahead. (Karteziánsky súčin stavov  $L_1$  a  $L_2$ , ale  $A_2$  sa pripája v každom stave  $A_1$  - celkový NKA si potom nedeterministicky zvolí jeden moment tohto napojenia.)

TODO!!!lookbehind - podobne ako lookahead

Veta 1.1.11.  $\mathcal{L}_{CF}$  nie je uzavretá na operácie lookahead a lookbehind.

*Dôkaz.* Nech 
$$L_1, L_2, L_3, L_4 \in \mathcal{L}_{CF}$$
.  $L_1 = \{a^n b^n \mid n \ge 1\}, L_2 = \{a * b^n c^n \mid n \ge 1\}, L_3 = \{a^n b^n c * \mid n \ge 1\}, L_4 = \{ab^n c^n \mid n \ge 1\}$ . Potom  $d(? = L_1)L_2 = \{da^n b^n c^n \mid n \ge 1\}$  a  $L_3(? \le L_4)d = \{a^n b^n c^n d \mid n \ge 1\}$ , čo nie sú bezkontextové jazyky.

Veta 1.1.12.  $\mathcal{L}_{CS}$  je uzavretá na operáciu lookahead a lookbehind.

Dôkaz. Uzavretosť na lookahead:

Pre  $L_1, L_2, L_3 \in \mathcal{L}_{CS}$  a slovo z  $L = L_1(? = L_2)L_3$  zostrojíme LBA A z LBA  $A_1, A_2, A_3$  pre dané kontextové jazyky. Najprv sa pozrime na štruktúru vstupu – prvé je slovo z  $L_1$  a za ním nasleduje slovo z  $L_3$ , pričom jeho prefix patrí do  $L_2$ . Preto, aby A mohol simulovať dané lineárne ohraničené automaty, je potrebné označiť hranice jednotlivých slov.

Na začiatku výpočtu A prejde pásku a nedeterministicky označí 2 miesta – koniec slov pre  $A_1$  a  $A_2$ . Následne sa vráti na začiatok a simuluje  $A_1$ . Ak akceptuje, A pokračuje a presunie sa za označený koniec vstupu pre  $A_1$ . Inak sa zasekne. V tomto bode sa začína vstup pre  $A_2$  aj  $A_3$ , teda slovo až do konca prepíše na 2 stopy. Najprv na hornej simuluje  $A_2$ . Pokiaľ  $A_2$  neskončí v akceptačnom stave, A sa zasekne. Inak sa vráti na označené miesto a simuluje  $A_3$  na spodnej stope až do konca vstupu. Akceptačný stav  $A_3$  znamená akceptáciu celého vstupného slova.

Uzavretosť na lookbehind sa dokáže analogicky.

Teraz ukážem, ako lookahead a lookbehind zapadajú do regulárnych výrazov.

**Veta 1.1.13.** Nech 
$$L_1, L_2, L_3, L_4 \in \mathcal{R}$$
. Potom  $L = (L_1 (? = L_2) L_3) * L_4 \in \mathcal{R}$ .

 $D\hat{o}kaz$ . Keďže  $L_1, L_2, L_3, L_4 \in \mathcal{R}$ , tak pre ne existujú DKA  $A_1, A_2, A_3, A_4$ , kde  $A_i = (K_i, \Sigma_i, \delta_i, q_{0i}, F_i)$  pre  $\forall i$ . Z nich zostrojíme NKA A pre L. Výpočet bez lookaheadov by vyzeral tak, že by sme simulovali  $A_1$ , potom po jeho akceptácii  $A_3$  a odtiaľ by sa išlo v rámci iterácie naspäť na  $A_1$ . Zároveň z  $A_1$  by sa dalo na  $\varepsilon$  prejsť na  $A_4$ , čo by znamenalo koniec iterácie (ošetruje aj nulovú iteráciu). Pozrime sa na to, ako a kam vsunúť lookahead. Problém je, že pri každej ďalšej iterácii pribúda nový, teda ďalší  $A_2$ . Vieme ich však simulovať všetky naraz, keď vezmeme do úvahy, že vždy pracujeme nad konečnou abecedou a  $K_2$  je konečná. Z toho vyplýva, že aj  $\mathcal{P}(K_2)$  je konečná.

Konštrukcia:  $A = (K, \Sigma, \delta, q_0, F) : K = (K_1 \cup K_3 \cup K_4) \times \mathcal{P}(K_2)$ , kde  $K_1 \cap K_3 \cap K_4 = \emptyset$  (množiny v stavoch možno reprezentovať napr. 0-1 reťazcom dĺžky  $|K_2|$ , kde 1 symbolizuje, že nejaká inštancia  $A_2$  je v tom stave),  $\Sigma = \Sigma_1 \cup \Sigma_2 \cup \Sigma_3 \cup \Sigma_4$ ,  $q_0 = (q_{01}, \emptyset)$ ,  $F = F_4 \times \emptyset$ ,  $\delta$ -funkcia:

- $\forall q \in K_i \ i = 1, 3, 4, \forall U \in \mathcal{P}(K_2), \forall a \in \Sigma : \delta((q_i, U), a) \ni (\delta_i(q_i, a), V),$ kde  $\forall q \in U \ \delta_2(q, a) \in V' \ a \ V = V' \setminus F_2$
- $\forall q_A \in F_1, \forall U \in \mathcal{P}(K_2) : \delta((q_A, U), \varepsilon) \ni (q_{03}, U)$
- $\forall q_A \in F_3, \forall U \in \mathcal{P}(K_2) : \delta((q_A, U), \varepsilon) \ni (q_{01}, U)$
- $\forall U \in \mathcal{P}(K_2) : \delta((q_{01}, U), \varepsilon) \ni (q_{04}, U)$

Automat A akceptuje až keď akceptuje  $A_4$ . Je zrejmé, že ak v simulácii  $A_i$  príde písmenko, ktoré do  $\Sigma_i$  nepatrí, automat sa zasekne.akceptovať

$$L(A) = L.$$
 $\subseteq$ :

Tu ukážem, že dávať do lookaheadu prefixový jazyk nemá zmysel. Vytvorme čisto jazyk všetkých rôznych prefixov, aké obsahuje. Do lookaheadu stačí vložiť regulárny výraz pre tento jazyk a celkový akceptovaný jazyk zostane rovnaký(zhodovať sa s...? TODO!!!). Samozrejme, to isté platí aj pre lookbehind a sufixové jazyky.

Veta 1.1.14. Nech L je ľubovoľný jazyk a  $L_p = L \cup \{uv \mid u \in L\}$ . Nech  $\alpha$  je regulárny výraz taký, že obsahuje  $(? = L_p)$ . Potom ak prepíšeme tento lookahead na (? = L) (nazvime to  $\alpha'$ ), bude platif  $L(\alpha') = L(\alpha)$ .

 $D\hat{o}kaz$ .  $\subseteq$ : triviálne.

 $\supseteq$ : Majme  $w \in L(\alpha)$  a nech x je také podslovo w, ktoré sa zhodovalo práve s daným lookaheadom. Potom  $x \in L^p$ , teda x = uv, kde  $u \in L$ . Ak  $v = \varepsilon$ ,  $x \in L$  a máme čo sme chceli. Takže  $v \neq \varepsilon$ . Ale celá zhoda lookaheadu sa môže zúžiť len na u, keďže  $u \in L_p$ , a bude to platná zhoda s w. Čo znamená, že  $w \in L(\alpha')$ .

### 1.2 Spätné referencie

Rozšírme regulárne výrazy o spätné referencie. V tejto časti ma bude zaujímat, čo sa stane, ak k tomuto modelu pridáme ešte lookahead a lookbehind. Najprv však uvediem základné informácie o triede so spätnými refereciami.

Spätná referencia (angl. backreference) je v regulárnych výrazoch označená ako  $\mbox{\sc m}$ . Očíslujme okrúhle zátvorky zľava doprava podľa poradia ľavej zátvorky a zoberme podslovo, ktoré akceptoval výraz vnútri m-tých zátvoriek.  $\mbox{\sc m}$  bude predstavovať presne tento refazec (pri inom slove teda môže byť iným refazcom). Budem predpokladať, že spätná referencia s číslom m sa bude nachádzať až za pravou zátvorkou s číslom m.

Triedu jazykov tvorenú regulárnymi výrazmi (popisujúce triedu regulárnych jazykov) so spätnými referenciami budem nazývať E-regex, presná definícia sa nachádza v článku [CSY03]. (Autori ju pôvodne nazvali extended regex resp. EREG, avšak pre lepšiu prehľadnosť v tejto práci som názov upravila.)

Uvediem najprv niektoré fakty o tejto triede. Trieda E-regex je podmnožinou  $\mathcal{L}_{CS}$ , ale existujú jazyky z  $\mathcal{L}_{CF}$  aj  $\mathcal{L}_{CS}$ , ktoré do nej nepatria. Je uzavretá na homomorfizmus a nie je uzavretá na komplement, inverzný homomorfizmus, konečnú substitúciu, shuffle s regulárnym jazykom [CSY03] a prienik [CN09].

**Definícia 1.2.1.** Triedu E-regex obohatenú o pozitívny lookahead a pozitívny lookbehind budeme nazývať LE-regex.

**Definícia 1.2.2.** Ak  $\alpha$  je regulárny výraz, ktorý môže obsahovať aj spätné referencie a operácie lookahead a lookbehind. Potom hovoríme, že  $\alpha$  je l-rozšírený regex a  $L(\alpha)$  patrí do triedy LE-regex.

Tu si definujme model na reprezentáciu regulárnych výrazov so spätnými referenciami a pozitívnymi operáciami lookahead a lookbehind.

**Definícia 1.2.3.** Nech  $\alpha$  je l-rozšírený regex. Nech  $\alpha'$  je  $\alpha$  bez operácií lookahead a lookbehind. Potom  $\alpha' \in E$  – regex a teda je reprezentovaný stromom  $T_{\alpha'}$  podľa definície triedy E-regex. Zostrojme konečný (orientovaný, usporiadaný) výpočtový strom  $S_{\alpha}$  z  $T_{\alpha'}$  postupným rozkladaním výrazu od vrchola  $(w, \alpha)$ :

- $\alpha$  obsahuje lookahead, teda  $S_{\alpha}$  má vrchol  $(u, (? = \beta_1)\beta_2)$ . Potom tento vrchol bude mať dvoch synov vrchol  $(u, \beta_2)$  a virtuálny vrchol  $(u, \beta_1.*)$
- $\alpha$  obsahuje lookbehind, teda  $S_{\alpha}$  má vrchol  $(u, \beta_1(? <= \beta_2))$ . Potom tento vrchol bude mať dvoch synov vrchol  $(u, \beta_1)$  a virtuálny vrchol  $(u, ** \beta_2)$
- všetky ostatné vrcholy sú rovnaké ako v  $T_{\alpha'}$

Jazyk popísaný l-rozšíreným regexom  $\alpha$  je definovaný nasledovne:

 $L(\alpha) = \{ w \in \Sigma^* \mid (w, \alpha) \text{ je koreňom nejakého výpočtového stromu } S_\alpha \}$ 

Lema 1.2.4 (Pumpovacia lema).

$$D\hat{o}kaz$$
.

Veta 1.2.5.  $E - regex \subseteq LE - regex$ 

 $D\hat{o}kaz$ .  $\subseteq$  vyplýva z definície.

Jazyk  $L = \{a^iba^{i+1}ba^k \mid k = i(i+1)k' \text{ pre nejak\'e } k' > 0, i > 0\}$  nepatr´ı do triedy E-regex [CN09, Lemma 2], ale patr´ı do LE-regex:

$$\alpha = (a*)b(\1a)b(? = (\1) * \$)(\2) * \$$$

$$L(\alpha) = L$$
.

Veta 1.2.6.  $LE - regex \subseteq \mathcal{L}_{CS}$ 

 $D\hat{o}kaz$ . Vyplýva z vety 1.1.12 a toho, že  $E - regex \in \mathcal{L}_{CS}$ .

Veta 1.2.7. LE-regex je uzavretá na prienik.

$$D\hat{o}kaz$$
. Nech  $L_1, L_2 \in LE - regex$ , potom  $L_1 \cap L_2 = (? = L_1\$) L_2\$$ .

Triedu LE-regex obohatenú o negatívny lookahead a negatívny lookbehind budeme nazývať L!E-regex.

Veta 1.2.8. L!E-regex je uzavretá na komplement.

$$D\hat{o}kaz$$
. Nech  $L_1 \in LE - regex$ , potom  $L_1^c = (?!L_1\$) \cdot *\$$ .

Veta 1.2.9.

 $D\hat{o}kaz$ .

# Záver

## Literatúra

- [CN09] BENJAMIN CARLE and PALIATH NARENDRAN. On extended regular expressions. In Language and Automata Theory and Applications, volume 3, pages 279–289. Springer, April 2009. http://www.cs.albany.edu/~dran/my\_research/papers/LATA\_version.pdf [Online; accessed 19-March-2013].
- [Cox07] Russ Cox. Regular Expression Matching Can Be Simple And Fast (but is slow in Java, Perl, PHP, Python, Ruby, ...), 2007. http://swtch.com/~rsc/regexp/regexp1.html [Online; accessed 30-December-2012].
- [CSY03] CEZAR CÂMPEANU, KAI SALOMAA, and SHENG YU. A formal study of practical regular expressions. *International Journal of Foundations of Computer Science*, 14(06):1007-1018, 2003. http://www.worldscientific.com/doi/abs/10.1142/S012905410300214X [Online; accessed 19-March-2013].
- [doc12] Python documentation. Regular expressions operations, 2012. http://docs.python.org/3.1/library/re.html [Online; accessed 30-December-2012].