



**FRIEDRICH-SCHILLER-  
UNIVERSITÄT  
JENA**

Ausarbeitung zum Versuch

## Debye-Sherrer-Verfahren

Martin Beyer und Vanessa Huth

Abgabe: 05. November 2019

Betreuer:

Bewertung und Ausarbeitung:

Protokollführung und Form:

Ergebnisse, Auswertung und Interpretation:

Bemerkungen und Hinweise des Betreuers:

# 1 Aufgabenstellung

## Aufgabe 1

Es sollen zwei Diffraktogramme einer polykristallinen kubischen Substanz mit einer Debye-Scherrer-Kamera aufgenommen werden, einmal ohne und einmal mit einem geeigneten Absorptionsfilter für die Röntgenspektrallinien von Kupfer. Anschließend sind die Debye-Scherrer-Ringe beider Aufnahmen den  $K\alpha$ - und  $K\beta$ -Linien zuzuordnen. Durch Zuordnung der Gitterkonstanten soll die untersuchte Substanz identifiziert werden. Dafür müssen die Reflexe indiziert werden, systematische Auslöschungen benannt werden und eine ausführliche Fehlerdiskussion der Gitterkonstanten unter Verwendung eines geeigneten Extrapolationsverfahrens durchgeführt werden.

## Aufgabe 2

Die maximale Probenabsorption soll unter Annahme der Festkörperdichte für die Probe berechnet werden. Bei der Benutzung einer Glaskapillare als Probenhalter soll auch deren Absorption für die verwendete charakteristische Strahlung berechnet werden. Anschließend ist das Ergebnis im Zusammenhang mit den Ergebnissen aus Aufgabe 1 zu diskutieren.

## Aufgabe 3

Eine Berechnung der Reflexintensitäten soll durchgeführt und mit den aus der Filmtransmission ermittelten Intensitätsverhältnissen verglichen werden.

## Aufgabe 4

Das getestete Röntgen-Analyse-Verfahren nach Debye und Scherrer (als nicht nur rein „historische“ Methode der Pulverdiffraktometrie) soll gewertet werden..

# 2 Grundlagen

## 2.1 Röntgenstrahlung

Röntgenstrahlen wurden 1895 von WILHELM CONRAD RÖNTGEN entdeckt und stellen einen Teil des elektromagnetischen Spektrums im Bereich von  $\lambda = 5 \text{ pm} \dots 1 \text{ nm}$  dar. Sie zeichnen sich durch ihre hohe Photonenenergie und ein großes Durchdringungsvermögen aus. Die hohe Durchdringungsrate lässt sich zur zerstörungsfreien Untersuchung von Stoffen verwenden. Bei der im Versuch verwendeten Methode handelt es sich um eine Feinstrukturuntersuchung, wo beim Durchgang der Röntgenstrahlen durch kristalline Substanzen charakteristische Beugungserscheinungen zu beobachten sind.

Da die Brechzahl in allen Materialien im Röntgenbereich sich kaum von 1 unterscheidet, lassen sich keine optischen Bauelemente wie Prismen oder Linsen verwenden. Stattdessen wird die Braggreflexion an ebenen Kristallen genutzt.

Die Röntgenstrahlung in diesem Versuch wird durch eine Röntgenröhre erzeugt, wo in einem evakuierten Raum mithilfe hoher Spannungen an einer Kathode Elektronen herausgelöst und fokussiert und auf eine Anode beschleunigt werden.

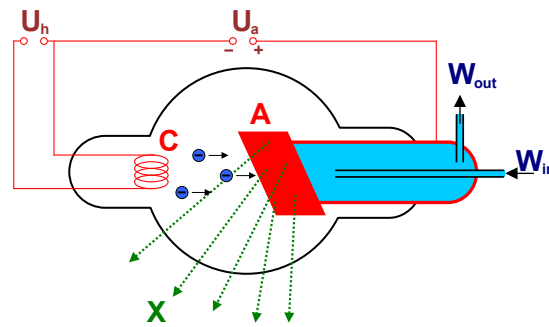
Beim Aufschlagen auf die Anode werden die Elektronen abgebremst und strahlen Energie in Form von elektromagnetischen Wellen ab. Idealerweise würde die gesamte kinetische Energie in Röntgenstrahlung umgewandelt werden.

$$eU = E_{\text{kin}} = h \cdot \nu_{\text{max}} = \frac{hc}{\lambda_{\text{min}}} \quad (2.1)$$

Allerdings wird ein großer Teil der kinetischen Energie in Wärme umgesetzt, sodass die Anode gekühlt werden muss. Der schematische Aufbau einer Röntgenröhre ist in Abbildung 2.1 dargestellt.

Das Emissionsspektrum der Anode wird durch ihr Material und der Beschleunigungsspannung der Röntgenröhre bestimmt und setzt sich aus zwei Komponenten zusammen.

Die erste Komponente wird „weiße Röntgenstrahlung“ genannt und erscheint allein durch das



**Abbildung 2.1:** Schematischer Aufbau einer Röntgenröhre nach [4]. Da beim Aufprall der Elektronen viel Wärme entsteht, muss die Anode mithilfe eines Wasserzuflusses  $W_{in}$  gekühlt werden.

Abbremsen der Elektronen in der oberflächenschicht des Targets. Die zweite Komponente bildet die charakteristische Röntgenstrahlung, die normalerweise aus zwei Linien besteht. Hier geschehen Übergänge zwischen den inneren Schalen der Atome des Targets. Gewöhnlich sind die Schalen vollständig mit Elektronen besetzt, jedoch können die hochenergetischen, eingeschossenen Elektronen die gebundenen Elektronen herausschlagen und dort freie Energieniveaus erzeugen. In diese können anschließend Elektronen höherer Niveaus unter Photonenemission übergehen. Diese Linien fester Frequenz werden im Spektrum als  $K_{\alpha}$ - bzw. als  $K_{\beta}$ -Linien bezeichnet. Das 'K' steht für die Schale, die besetzt wird und der Index beschreibt, aus welcher Schale das Elektron kam, welches den Platz besetzt. Für  $\alpha$  handelt es sich um die nächstliegende L-Schale. Damit sich aus dem breiten Spektrum einer Röntgenröhre eine möglichst monochromatische Linie ergibt, wird meist ein Filter verwendet, um die weiße Bremsstrahlung und höhere charakteristische Linien wie  $K_{\beta}$  auszublenden. Hierbei wird ausgenutzt, dass bei dem Durchgang durch ein Medium die Röntgenstrahlung zum Teil absorbiert nach einem Exponentialgesetz absorbiert wird.

$$I = I_0 \exp(-\mu d) \quad (2.2)$$

Hierbei bezeichnet  $I$  die Intensität nach dem Durchdringen der Schicht der Dicke  $d$  mit dem Absorptionskoeffizienten  $\mu$ . Das Absorptionsspektrum der Elemente weist eine Kantenstruktur auf. Die  $K_{\beta}$ -Strahlung eines Elements der Ordnungszahl  $Z$  kann durch den Einsatz eines Absorptionsfilters bestehend aus einem Element mit  $Z - 1$  eliminiert werden, da sich Absorptionskante und  $K_{\beta}$ -Linie überdecken. Das im Versuch verwendete Target ist Kupfer, somit sollte der Absorptionsfilter aus Nickel bestehen.

## 2.2 Kristallographie

Festkörper lassen sich in verschiedene Klassen einteilen. Ein spezielles Kriterium stellt ihre räumliche Struktur dar. Dabei wird unterschieden zwischen Einkristallen, polykristallinen Festkörpern, amorphen Festkörpern und Flüssigkristallen [1]. Im Folgenden wird sich auf die Einkristalle beschränkt, bei denen die Orte der Atome durch ein periodisches Gitter von Raumpunkten beschreibbar ist. Für ideale Einkristalle erstreckt sich das periodische Gitter über den gesamten Kristall. Dies wird Fernordnung genannt.

Für die analytische Beschreibung des Gitters, wird dem Gitter ein Koordinatensystem zugrunde gelegt. Der Nullpunkt wird in einen beliebigen Gitterpunkt gesetzt und die Ortsvektoren  $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$  zu den drei Nachbarn stellen die Basis des Gitters dar. Die entsprechenden Winkel zwischen den Vektoren werden mit  $\alpha, \beta, \gamma$  bezeichnet. Die Beträge der Vektoren  $a_0, b_0, c_0$  werden als Gitterkonstanten bezeichnet. Das Parallelepiped, welches sich aus den drei Basisvektoren aufbaut, wird Elementarzelle genannt. Lässt sich das gesamte Gitter, durch Translationen einer Elementarzelle aufbauen, so wird es auch Translationsgitter genannt [1]. Da die Wahl der

Elementarzelle nicht eindeutig ist, werden die Achsen des Gitters so gewählt, dass die Translationen möglichst *kurz* sind. Unter dieser Voraussetzung lassen sich alle Einkristalle in sieben verschiedene Achsensysteme einteilen:

1. Triklin:  $a_0 \neq b_0 \neq c_0 \neq a_0, \quad \alpha \neq \beta \neq \gamma \neq \alpha$
2. Monoklin:  $a_0 \neq b_0 \neq c_0 \neq a_0, \quad \alpha = \beta = 90^\circ, \gamma \neq 90^\circ$
3. Rhombisch:  $a_0 \neq b_0 \neq c_0 \neq a_0, \quad \alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$
4. Hexagonal:  $a_0 = b_0 \neq c_0, \quad \alpha = \beta = 90^\circ, \gamma = 120^\circ$
5. Rhombobedrisch:  $a_0 = b_0 = c_0, \quad \alpha = \beta = \gamma \neq 90^\circ$
6. Tetragonal:  $a_0 = b_0 \neq c_0, \quad \alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$
7. Kubisch:  $a_0 = b_0 = c_0, \quad \alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$

Werden diese Achsensysteme den möglichen Translationsgittern zugrunde gelegt, ergeben sich 14 Elementarzellen oder BRAVAIS-Gitter.

Im Rahmen des Versuchs werden nur die Kubischen Gitter relevant sein, woraus folgt, dass nur eine Gitterkonstante ermittelt werden muss.

$$a_0 = b_0 = c_0 =: a_0 \quad (2.3)$$

### 2.2.1 Millersche Indizes und Netzebenen

Eine Möglichkeit zur Beschreibung einer Kristallfläche ist ihren Bezug auf ein bestimmtes Achsensystem anzugeben. Durch drei Gitterpunkte wird eine *Netzebene* definiert. Die relative Ordnung wird durch die Schnittpunkte mit den Achsen festgelegt. Haben die Schnittpunkte die Form

$$S_1 = m_1 \mathbf{a} \quad S_2 = m_2 \mathbf{b} \quad S_3 = m_3 \mathbf{c}, \quad (2.4)$$

dann bilden die reziproken Werte multipliziert mit einer kleinsten ganzen Zahl  $p$ , welche die Kehrwerte zu teilerfremden ganzen Zahlen macht, die MILLER'schen Indizes.

$$h = \frac{p}{m_1} \quad k = \frac{p}{m_2} \quad l = \frac{p}{m_3} \quad (2.5)$$

Jedes Tripel  $(hkl)$  definiert eine Schar paralleler Netzebenen. Die Richtung der Ebenen wird durch die Ebenennormale  $\mathbf{n} = (h, k, l)$  bestimmt.

## 3 Versuchsdurchführung

Prinzip-Zeichnungen, Versuchsanordnung, Geräte, Vorgehensweise, Schaltpläne.

## 4 Ergebnisse und Diskussion

Tabellen mit gemessenen und berechneten Werten, Abbildungen, Diagramme usw. mit Unterschriften sowie Vorgehensweise, Kommentare, Fehlerrechnung.

Diskussion der Messergebnisse, Diagramme, Fehlerquellen usw. aus physikalischer Sicht, Vergleich mit der Literatur und theoretischen Werten usw.

## 5 Zusammenfassung

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

## Literatur

- [1] W. Demtröder: *Experimentalphysik*. Springer Verlag Berlin Heidelberg New York 2008 (5. Auflage).
- [2] R. Glocker: *Materialprüfung mit Röntgenstrahlen*. Springer Verlag Berlin Heidelberg New York 1985.
- [3] W. Kleber u.a.: *Einführung in die Kristallographie*. Verlag Technik GmbH 2010 (19. Auflage).
- [4] Url: <https://commons.wikimedia.org/wiki/File:WaterCooledXrayTube.svg>, (Stand: 20.10.2019)